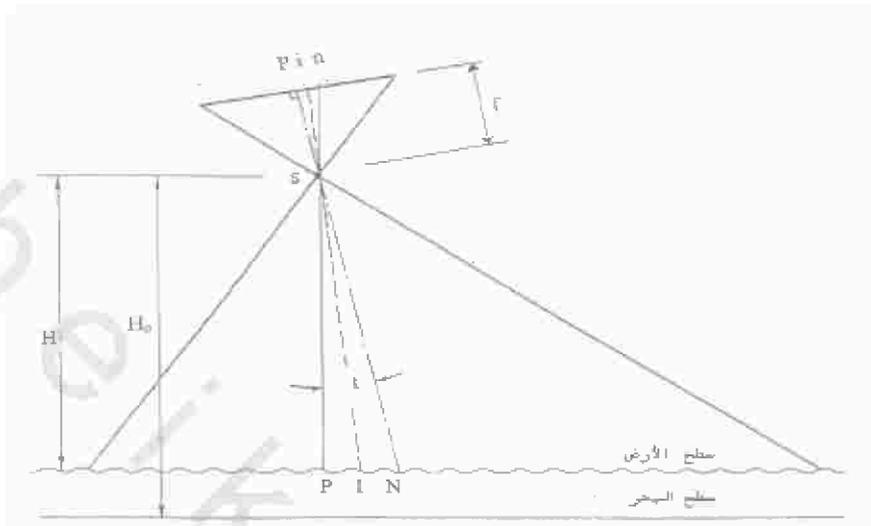


### القياس على الصورة الجوية الرأسية المفردة

#### (٣, ١) مقدمة

في الحديث عن تصنيف الصور الجوية حسب وضع آلة التصوير أثناء التقاط الصورة ذكرنا في الفصل الأول أن الصور الناتجة يمكن أن تكون رأسية أو مائلة. فعندما يكون المحور البصري لعدسة آلة التصوير في مستوى رأسي تنتج صورة رأسية وعندما يكون مائلاً بالنسبة للمستوى الرأسي تنتج صورة مائلة. وبما أن آلة التصوير داخل الطائرة تتأثر باهتزازات الطائرة الناتجة من المؤثرات الجوية فإن المحور البصري للعدسة لا بد من أن يميل قليلاً عن المستوى الرأسي (زاوية ميل تتراوح فيما بين درجة إلى ثلاث درجات) و عليه فإن الصورة الناتجة لا تكون رأسية تماماً و يطلق عليها الصورة الرأسية أو شبه الرأسية vertical or near vertical وهي التي مستقوم بإجراء القياسات عليها في هذا الفصل.

وسنبداً بتقديم بعض المصطلحات و التعريفات الأساسية التي نحتاج لمعرفة حتى يسهل استيعاب عمليات القياس على الصورة الجوية في هذا الفصل وفي الفصول التالية. يبين الشكل رقم (٣, ١) وضع آلة التصوير عند التقاط صورة جوية شبه رأسية.



الشكل رقم (٣،١). وضع آلة التصوير عند التقاط صورة جوية شبه رأسية لأرض منبسطة.

بالإشارة إلى الشكل رقم (٣،١) يمكن تعريف المصطلحات التالية :

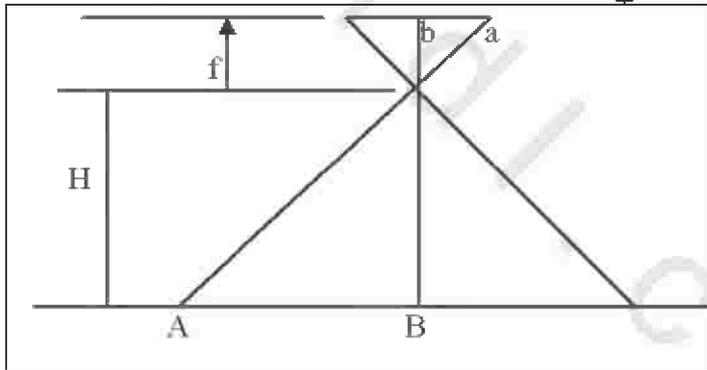
- نقطة الأساس (p) principal point : وهي النقطة التي يلتقي فيها المحور الضوئي للعدسة مع مستوى الفيلم أو المستوى البؤري.
- البعد البؤري (f) , principal distance (focal length) : وهو المسافة العمودية من محطة التقاط الصورة (S) إلى المستوى البؤري لآلة التصوير.
- نقطة النظر (n) nadir point : وهي النقطة التي يلتقي عندها الخط الرأسي الذي يمر بمركز العدسة مع المستوى البؤري.
- زاوية الميل (θ) tilt angle : وهي الزاوية في المستوى الرأسي بين المحور الضوئي والخط الرأسي الذي يمر بمركز العدسة.
- مركز التساوي (I) isocenter : وهي النقطة التي يلتقي فيها منتصف زاوية الميل مع المستوى البؤري .
- النقاط الأرضية التي تقابل النقاط p, n, I : هي على التوالي : P, N, I .

ارتفاع الطيران فوق سطح البحر (H<sub>0</sub>) : هو ارتفاع محطة التقاط الصورة فوق سطح البحر.

ارتفاع الطيران فوق سطح الأرض (H) : هو ارتفاع محطة التقاط الصورة فوق سطح الأرض.

(٣,٢) مقياس رسم الصورة الجوية الرأسية في حالة الأرض المستوية

يعتبر مقياس رسم الصورة أساس العمليات الهندسية التي يتم إجراؤها على الصورة الجوية. والتعريف الفيزيائي لمقياس الصورة هو نسبة حجم صورة الجسم إلى حجم الجسم الحقيقي. ويتم استنتاج التعريف الهندسي للمقياس من هذا التعريف الفيزيائي على أنه نسبة بعد صورة الجسم من العدسة إلى بعد الجسم الحقيقي من العدسة. يبين الشكل رقم (٣,٢) صورة جوية رأسية لأرض منبسطة (بتوازي مستوى الصورة مع مستوى الأرض المصورة). من هذا الشكل:



الشكل رقم (٣,٢). تصوير الأرض المنبسطة.

مقياس الصورة = حجم الصورة + حجم الجسم = AB + ab ..... (٣,١)

1:S<sub>p</sub> = بعد الصورة من العدسة + بعد الجسم من العدسة = f/H ..... (٣,٢)

حيث: f = البعد البؤري لعدسة التصوير (بعد الصورة من العدسة)

H = ارتفاع الطيران فوق سطح الأرض (بعد الجسم من العدسة)

ودائماً ما يعبر عن المقياس بشكل كسري عادي مثل :  $1/1000$  أو نسبة مثل  $1:1000$  .  
مثال (٣, ١)

تم التقاط صورة جوية رأسية باستخدام آلة تصوير جوية البعد البؤري لعنستها 300 مم ، إذا كان ارتفاع الطيران فوق متوسط سطح الأرض هو 1800 متر كم يكون المقياس المتوسط للصورة ؟  
الحل

باستخدام المعادلة (٣, ٢) :

$$\text{مقياس الصورة} = 300 \text{ مم} \div 1800 \text{ متر}$$

$$1:6000 = (1000 \times 1800) \div 300$$

ويمكن إيجاد مقياس الصورة إذا قسنا المسافة على الأرض المصورة بين نقطتين (A, B) ثم قسنا المسافة على الصورة بين صورتين النقطتين (a, b) .  
في هذه الحالة يتم حساب مقياس الصورة من العلاقة (٣, ١) :  
مقياس الصورة = المسافة بين صورتين النقطتين (a, b) ÷ المسافة على الأرض بين النقطتين (A, B) .

مثال (٣, ٢)

إذا كانت المسافة الأفقية بين النقطتين Q و G على الأرض تساوي 2500 متراً ، وكانت المسافة بين صورتين النقطتين على الصورة الجوية الرأسية تساوي 5.00 سنتيمتراً ، كم يكون المقياس المتوسط لهذه الصورة الجوية ؟  
الحل

$$\text{مقياس الصورة الجوية} = 5.00 \text{ سم} + 2500 \text{ متر}$$

$$1:50000 = (2500 \times 100) \div 5.00 =$$

و يمكن أيضاً معرفة مقياس الصورة الجوية إذا توفرت خريطة مساحية ذات مقياس معروف (1:k) تغطي المنطقة المصورة نفسها . من قياس المسافة (D) بين نقطتين A و B على الخريطة المساحية وقياس المسافة (d) بين صورتَي النقطتين a و b على الصورة الجوية يتم حساب مقياس الصورة 1:S من العلاقة التالية :

مقياس الصورة الجوية = المسافة بين صورتَي النقطتين (a, b) على الصورة الجوية ÷ المسافة بين النقطتين (A, B) على الطبيعة .

حيث إن المسافة بين النقطتين على الطبيعة = المسافة على الخريطة x مقلوب مقياس الخريطة :

$$(٣,٣) \dots\dots\dots 1:S = d / (D * k)$$

مثال (٣,٣)

إذا كانت المسافة بين نقطتين (A, B) على خريطة مقياسها 1:20000 هي 10.00 سم ، وكانت المسافة بين صورتَي النقطتين (a, b) على صورة جوية رأسية هي 50.0 ملم ، كم يكون مقياس الصورة الجوية ؟

الحل

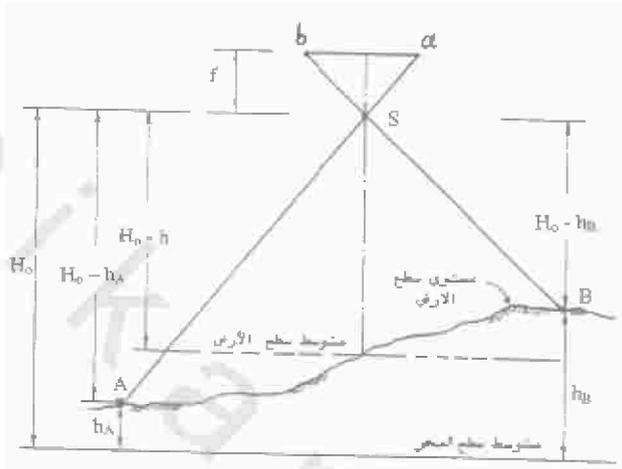
بالتعويض في العلاقة (٣,٣) :

$$1:S_p = (50.0) / (100.0 * 20000) = 1:40 000 \text{ - مقياس الصورة الجوية -}$$

(٣,٣) مقياس الصورة الجوية الرأسية في حالة الأرض المنحرفة

بما أنه في كثير من الأحيان يكون شكل الأرض متعرجاً وليس منبسطاً كما افترضنا من قبل فإن ذلك يؤدي إلى تغير في مقياس الصورة حيث تختلف المسافة من المركز الضوئي لعدسة آلة التصوير (S) أثناء التقاط الصورة من نقطة إلى أخرى حسب ارتفاع النقطة المصورة من سطح البحر . و يمكن توضيح ذلك من الشكل رقم (٣,٣)

حيث إن النقطة الأرضية A تبعد مسافة قدرها  $H_0 - h_A$  من محطة التقاط الصورة S في حين أن النقطة الأرضية B تبعد مسافة قدرها  $H_0 - h_B$  من محطة التصوير ، وعليه يكون مقياس الصورة عند صورة A مختلفاً عن مقياس الصورة عند صورة B.



الشكل رقم (٣,٣). صورة جوية رأسية لأرض منحرجة التضاريس.

من الشكل رقم (٣,٣) :

(٣, ٤).....  $f / (H_0 - h_A) =$  مقياس الصورة لنقطة A

(٣, ٥).....  $f / (H_0 - h_B) =$  مقياس الصورة لنقطة B

وفي مثل هذا الوضع يفضل استخدام المقياس المتوسط للصورة ، وذلك إذا عرفنا ارتفاع متوسط سطح الأرض من متوسط سطح البحر (h) .

(٣, ٦).....  $f / (H_0 - h) =$  المقياس المتوسط للصورة

مثال (٣, ٤)

تم التقاط صورة جوية رأسية بألة تصوير ذات عدسة بعدها البؤري 152.42 مم من ارتفاع 2500 متر فوق سطح البحر . ظهرت في هذه الصورة نقطتان a و b تمثلان

نقطتين على سطح الأرض A و B على التوالي وإذا كان ارتفاع كل من النقطتين A و B على التوالي 600.00 متر و 800.00 متر فوق سطح البحر ، وإذا كان منسوب متوسط سطح الأرض فوق سطح البحر هو 700.00 متراً فأوجد: مقياس الصورة عند كل من النقطتين a و b ، ثم أوجد المقياس المتوسط للصورة.

الحل

بالتعويض في المعادلات (٣,٤) و (٣,٥) و (٣,٦) على التوالي نحصل على:

$$\text{مقياس الصورة عند النقطة } a = \frac{152.42}{(2500 - 600) * 1000} = 1:12465$$

$$\text{مقياس الصورة عند النقطة } b = \frac{152.42}{(2500 - 800) * 1000} = 1:11153$$

$$\text{المقياس المتوسط للصورة} = \frac{152.42}{(2500 - 700) * 1000} = 1:11809$$

إن أول تطبيق لمقياس الصورة هو استخدامه في تقدير المسافة الأفقية بين النقطتين ، ثم تطبيق ذلك في قياسات مساحية أخرى مثل إيجاد مساحات قطع الأراضي التي تشكل حدودها أشكال هندسية منتظمة مثل المثلثات والمضلع المنتظمة.

ولإيجاد المسافة الأفقية بالتقدير بين النقطتين A و B على الطبيعة ، وبمعرفة المقياس المتوسط للصورة ، فإننا نقوم بقياس المسافة بين النقطتين a و b على الصورة ، ثم نحسب المسافة على الأرض من العلاقة:

المسافة على الأرض بين A و B = المسافة على الصورة بين a و b ضرب مقلوب المقياس المتوسط للصورة.

مثال (٣,٥)

إذا تم قياس المسافة بين النقطتين a و b على الصورة الجوية ذات البيانات في المثال السابق (٣,٤) وكانت المسافة المسجلة من القياس على الصورة تساوي 50.0 مم فأوجد المسافة التقديرية بين النقطتين A و B على الطبيعة بالأمتار. إذا ظهرت على الصورة نفسها نقطة ثالثة g تمثل نقطة أرضية G وإذا كانت نتائج القياس على الصورة بين a و g وبين b

و  $e$  هي 70.0 مم و 40.0 مم على التوالي فأوجد كلاً من المسافة  $AG$  و المسافة  $BG$  على الأرض ثم أوجد مساحة المثلث الأرضي  $ABG$ . استخدم القياسات على الصورة لإيجاد مساحة المثلث الأرضي  $ABG$  مباشرة وقارن بين النتيجةين.

الحل

$$\text{المسافة بين } A \text{ و } B \text{ على الطبيعة} = (50.0 \times 11809) / 1000 = 590.45 \text{ متر}$$

$$\text{المسافة بين } A \text{ و } G \text{ على الطبيعة} = (70.0 \times 11809) / 1000 = 826.63 \text{ متر}$$

$$\text{المسافة بين } B \text{ و } G \text{ على الطبيعة} = (40.0 \times 11809) / 1000 = 472.36 \text{ متر}$$

$$\text{محيط المثلث } ABG = 1889.44 \text{ متر}$$

$$\text{نصف المحيط} = 944.72 \text{ متر}$$

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} (944.72 - 590.45)(944.72 - 826.63)(944.72 - 472.36) = 136635 \text{ متر مربع}$$

$$= 136635 \text{ متر مربع}$$

مساحة المثلث من القياسات على الصورة مباشرة :

$$\text{نصف محيط المثلث على الصورة} = (50.0 + 70.0 + 40.0) / 2 = 80.0 \text{ مم}$$

$$\text{مساحة المثلث على الصورة} = \frac{1}{2} (80.0 - 50.0)(80.0 - 70.0)(80.0 - 40.0) = 979.80 \text{ مم مربع}$$

$$= 979.80 \text{ مم مربع}$$

$$\text{مساحة المثلث على الأرض} = (10^6) / (979.79 \times 11809^2) \text{ متر مربع}$$

$$= 136635 \text{ متر مربع}$$

هذه النتيجة مطابقة للطريقة السابقة مما يؤكد صحة الحسابات . أما دقة إيجاد المسافة أو المساحة فيعتمد على دقة تمثيل المقياس المتوسط للصورة ، إذ كل ما كانت الأرض منبسطة كانت الدقة أعلى وكل ما زادت التغيرات التضاريسية فإن النتيجة تكون أقل دقة.

إن استخدام قياس المسافة الأرضية المباشر بين نقطتين يظهران على الصورة الجوية أو القياس على الخريطة ذات المقياس المعلوم والتي تغطي المنطقة المصورة يمكن استخدامه لحساب ارتفاع الطيران فوق سطح الأرض أو حساب البعد البؤري لآلة التصوير إذا كان أحدهما مجهولاً.

مثال (٣, ٦)

إذا كانت المسافة بين نقطتين A و B على خريطة مقياس رسمها 1:20000 هي 80 مم، علماً بأن المسافة بين صورتين النقطتين على صورة جوية رأسية هي 50 مم. كم يكون مقياس الصورة ؟ إذا كان ارتفاع الطيران عند التقاط هذه الصورة 3000 متر فكم يكون البعد البؤري لآلة التصوير التي استخدمت لالتقاط الصورة ؟

الحل

مقياس الصورة = المسافة بين النقطتين على الصورة ÷ المسافة بين النقطتين على الطبيعة

المسافة بين النقطتين على الطبيعة = المسافة بين النقطتين على الخريطة x مقلوب مقياس الخريطة :

$$= (80 \times 20000) / 1000 = 1600 \text{ متر}$$

$$\text{مقياس الصورة} = (50 / 1600000) = 1:32000$$

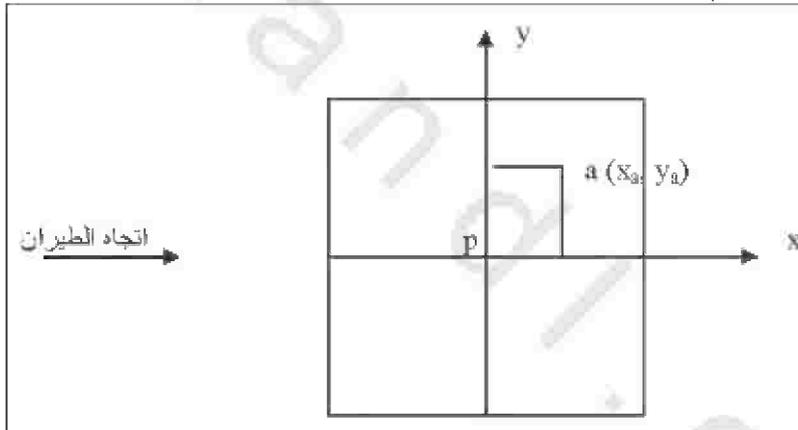
$$\text{البعد البؤري لآلة التصوير} = (3000 \times 1000) / 32000 = 93.75 \text{ مم.}$$

(٣, ٤) إحداثيات النقاط على الصورة

إن تغير ارتفاعات سطح الأرض يؤدي إلى التغير في مقياس الصورة كما تبين من الموضوع السابق. ونسبة لهذا التغير في المقياس لجأنا لاستخدام المقياس المتوسط للصورة والذي تكون نتائج استخدامه في القياسات الأرضية غير دقيقة. عليه فلا بد

من إيجاد وسيلة أخرى يمكننا من إيجاد القياسات الأرضية بدقة أعلى. ولذلك سنقوم بعمل نظام إحداثيات للصورة نقيس عليه إحداثيات النقاط على الصورة ثم نحول هذه الإحداثيات إلى نظام إحداثيات أرضي لإيجاد القياسات الأرضية المطلوبة.

لإنشاء نظام إحداثيات للصورة نقوم بتوصيل علامات الإسناد الجانبية المتقابلة أو علامات الإسناد الركنية للصورة وحيث تقاطع يكون نقطة الأصل لنظام الإحداثيات وهي نقطة الأساس للصورة  $p$  كما أشرنا إلى ذلك من قبل. ويكون الخط الموصل بين نقطة الأصل وعلامة الإسناد الجانبية والتي في اتجاه الطيران هو المحور السيني  $x$ -axis والخط العمودي عليه عند نقطة الأصل هو المحور العاصدي  $y$ -axis كما في الشكل رقم (٣،٤).



الشكل رقم (٣،٤). نظام إحداثيات الصورة  $x-y$ .

وقد تم تصميم أجهزاً خاصاً لقياس إحداثيات النقاط من الصورة الجوية المفردة ، يطلق عليه جهاز القياس من الصورة المفردة *mono comparator* . ويوضح الشكل رقم (٣،٥) جهاز قياس الإحداثيات على الصورة المفردة Zeiss PK1 [13] وقد ألحق معه وحدة تسجيل الإحداثيات Ecomat 12 .



الشكل رقم (٣,٥). جهاز قياس الإحداثيات على الصورة المفردة للقردة Zetax PK1 [13].

### (٣,٥) الإحداثيات الأرضية من الصورة الجوية الرأسية

لقد ذكرنا آنفاً أن دقة استخدام المقياس المتوسط للصورة الجوية لحساب المسافات على الطبيعة تتطلب أن تكون الأرض مستوية وأن تكون الصورة رأسية تماماً ، وذلك لا يتيسر في كل الحالات إذ أن طبيعة الأرض غالباً ما تكون متعرجة وأن ظروف الطيران لا تسمح بأن تكون الصورة رأسية تماماً.

إن تأثير تغير سطح الأرض على قياس المسافات يمكن تجاوزه بقياس إحداثيات النقاط على نظام إحداثيات على الصورة ومن ثم تحويل هذه الإحداثيات إلى نظام إحداثيات أرضي موازي لنظام إحداثيات الصورة ، وأخيراً حساب المسافات من الإحداثيات الأرضية.

ولنفترض أن صورة جوية رأسية قد تم التقاطها من محطة تصوير  $S$  على ارتفاع  $H_0$  متر من سطح البحر باستخدام آلة تصوير بعدها البؤري  $f$  مم ، وقد ظهرت على هذه الصورة النقاط  $a, b, c$  والتي تمثل النقاط الأرضية  $A, B, C$  على التوالي. إذا كان ارتفاع كل من النقاط الأرضية الثلاث فوق سطح البحر هو  $h_a, h_b, h_c$  بالأمتار على التوالي وإذا افترضنا أن نظام الإحداثيات على الصورة هو  $x, y$  حيث نقطة أساس

الصورة (p) هي نقطة الأصل لهذا النظام ، وأن نظام الإحداثيات الأرضي الموازي له هو  $X, Y$  ، وقد تم قياس إحداثيات التقاط على الصورة و سجلت كالتالي :  $a(x_0, y_0)$   $b(x_0, y_0)$   $c(x_0, y_0)$  . ملم ، فمن الشكل (٣.٣) و من تشابه المثلثات يمكن إيجاد العلاقة بين الإحداثيات في الأرض و الإحداثيات على الصورة على النحو التالي :

$$(٣,٧) \dots\dots\dots X_A = [(H_0 - h_A) / f] x_a$$

$$(٣,٨) \dots\dots\dots Y_A = [(H_0 - h_A) / f] y_a$$

وبالمثل نوجد إحداثيات كل من النقطتين الأخرين B و C ، أي نقطة أخرى في المنطقة المصورة ذاتها.

إن هذه الإحداثيات كما ذكرنا تم حسابها في نظام إحداثيات أرضي مستو و مواز لإحداثيات الصورة ، وبالتالي يمكن حساب المسافة الأفقية عليه بين كل نقطتين باستخدام نظرية فيثاغورس ، فعلى سبيل المثال فإن المسافة الأفقية  $D_{AB}$  بين النقطتين A و B تحسب من العلاقة التالية :

$$(٣,٩) \dots\dots\dots D_{AB} = [(X_A - X_B)^2 + (Y_A - Y_B)^2]^{1/2}$$

مثال (٣,٧)

تم التقاط صورة جوية رأسية باستخدام آلة تصوير جوية ذات عدسة بعدها البيوري 152.42 مم من ارتفاع 2400.00 متر فوق سطح البحر ، وقد ظهرت على هذه الصورة صورتا النقطتين A و B هما a و b على التوالي. احسب المسافة الأفقية بين النقطتين A و B مستخدماً البيانات التالية :

النقطة	ارتفاع النقطة فوق سطح البحر (مم)	إحداثيات صورتها النقطتين على الصورة (مم)
		x y
A	400.00	60.00 - 40.00
B	380.00	-10.00 80.00

الحل

نحسب الإحداثيات الأرضية للنقطتين A و B باستخدام العلاقتين (7.3) و (8.3) :

$$X_A = [ (2400.00 - 400.00) / 152.42 ] \times (60.00) = 787.30 \text{ m}$$

$$Y_A = [ (2400.00 - 400.00) / 152.42 ] \times (-40.00) = -524.87 \text{ m}$$

$$X_B = [ (2400.00 - 380.00) / 152.42 ] \times (-10.00) = -132.53 \text{ m}$$

$$Y_B = [ (2400.00 - 380.00) / 152.42 ] \times (80.00) = 1060.23 \text{ m}$$

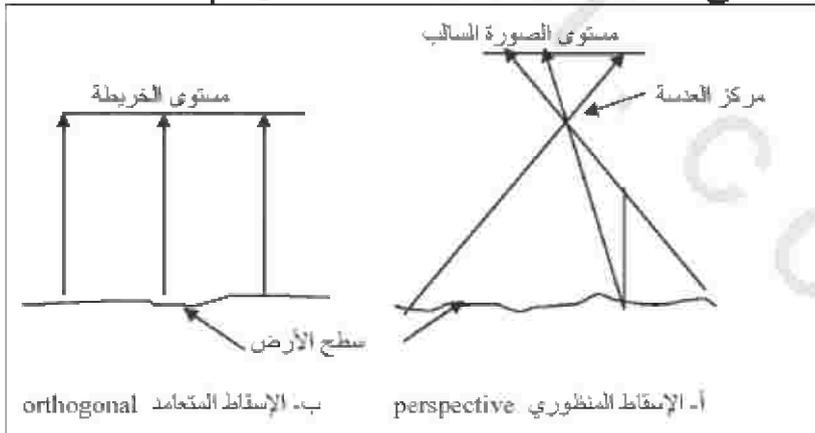
ولإيجاد المسافة بين النقطتين نعوض في المعادلة (٣, ٩) :

$$D_{AB} = [ (787.30 - (-132.53))^2 + (-524.87 - 1060.23)^2 ]^{1/2} \\ = 1832.66 \text{ m}$$

### (٣, ٦) الإزاحة التضاريسية

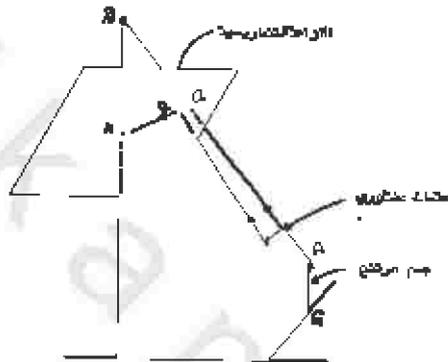
#### Relief Displacement

نسبياً لأن الأشعة الضوئية المنعكسة من سطح الأرض تمر كلها من خلال المركز الضوئي لعدسة آلة التصوير لتسقط على الفيلم فتكون الصورة فإن هذا النوع من الإسقاط يسمى الإسقاط المنظوري perspective projection و يسمى مركز العدسة المركز المنظوري perspective center . أما عند إسقاط نقاط سطح الأرض على مستوى أفقي لتوقيع الخريطة فإن الإسقاط الناتج يطلق عليه الإسقاط المتعامد orthogonal projection حيث تمثل كل نقطة على سطح الأرض بنقطة واحدة على الخريطة (الشكل رقم ٣, ٦).



الشكل رقم (٣, ٦). الإسقاط المنظوري (أ) و الإسقاط المتعامد (ب).

ونتيجة للإسقاط المنظوري فإن الجسم المرتفع يظهر في الصورة كمعدة نقاط تشكل خطاً ، هذا الخط على الصورة يطلق عليه الإزاحة التفاضلية القطرية ، إذ أن اتجاه هذا الخط يكون تقريباً متعامداً من نقطة نظير الصورة (n) والتي تمثلها نقطة الأساس في حالة الصورة الجوية الرأسية (الشكل رقم ٣,٧) . أما هذا الجسم المرتفع فإنه يظهر كنتقطة واحدة على الخريطة ذات الإسقاط المتعامد.



الشكل رقم (٣,٧). الإزاحة التفاضلية ذات اتجاه لطرفي يعهد عن نقطة نظير الصورة ■

ويوضح الشكل رقم (٣,٨) صورة جوية رأسية تظهر الإزاحة التفاضلية لبرج في وسط الصورة.



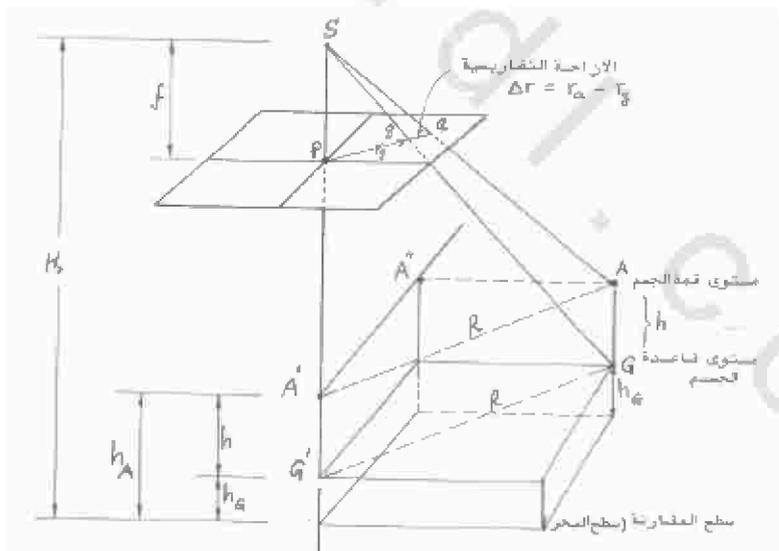
الشكل رقم (٣,٨). الإزاحة التفاضلية لبرج في وسط الصورة.

إن مقدار الإزاحة التضاريسية يزداد كلما زاد ارتفاع الجسم مما يعني وجود علاقة هندسية بينهما ، يمكن الاستفادة منها في حساب ارتفاع الجسم إذا أمكن قياس الإزاحة على الصورة.

(٣,٧) العلاقة الهندسية بين ارتفاع الجسم و الإزاحة التضاريسية على الصورة

إننا تم التقاط صورة جوية رأسية بآلة تصوير ذات عدسة بعدها البؤري  $f$  من ارتفاع  $H_0$  فوق سطح البحر وقد ظهرت عليها صورة جسم قاعدته على ارتفاع  $h_0$  و قمته على ارتفاع  $h$  من سطح البحر (حيث تمثل  $G$  قاعدة الجسم ، و  $A$  قمة الجسم) . فإذا كانت صورة قاعدة الجسم ( $g$ ) و صورة قمة الجسم ( $a$ ) تبعدان من نقطة أساس الصورة  $p$  مسافة  $r_g$  و  $r_a$  على التوالي (الشكل رقم ٣,٩) فإن الإزاحة التضاريسية الناتجة بسبب ارتفاع الجسم هي :

$$\Delta r = r_a - r_g \dots\dots\dots (٣,١٠)$$



الشكل رقم (٣,٩). الإزاحة التضاريسية ( $\Delta r$ ) و ارتفاع الجسم في الطبعة ( $h$ ) GA.

ومن الشكل رقم (٣,٩) :

من تشابه المثلثين SAA' و Sgp :

$$gp / AA' = Sp / SA' = r_s / R = f / (H_s - h_A) = f / H_A$$

ومن تشابه المثلثين SGG' و Sgp :

$$gp / GG' = Sp / SG' = r_s / R = f / (H_s - h_G) = f / H_G$$

ومن المعادلتين:

$$f * R = r_s * H_A = r_g * H_G$$

$$r_g = r_s - \Delta r$$

ويعمى قيمة

$$r_s * H_A = (r_s - \Delta r) * H_G$$

$$r_s * (H_G - H_A) = \Delta r * H_G$$

وبما أن ارتفاع الجسم هو:  $h = H_G - H_A$  فيمكن كتابة هذه المعادلة بالشكل التالي:

$$\Delta r / r_s = h / H_G \text{ أو}$$

$$h = (\Delta r / r_s) * H_G \text{ ..... (٣, ١١)}$$

وتسمى المعادلة (٣, ١١) معادلة الإزاحة التضاريسية. ويمكن الاستفادة منها في حساب

ارتفاع الجسم إذا تم قياس الإزاحة التضاريسية لصورته وكذلك المسافة من نقطة

أساس الصورة إلى صورة قمة الجسم مع معرفة ارتفاع الطيران فوق قاعدة الجسم على الأرض.

مثال (٣, ٧)

استخدمت آلة تصوير جوية ذات عدسة بعدها البؤري 152.40 مم لالتقاط

صورة جوية رأسية من ارتفاع 2600.0 متر فوق سطح البحر. وقد ظهرت على هذه

الصورة صورة برج شيدت قاعدته على ارتفاع 600.00 متراً فوق سطح البحر. وقد تم

قياس المسافة القطرية على الصورة من نقطة الأساس إلى كل من صورتي قاعدة البرج

وقمته وسجلتا على التوالي: 72.70 مم و 72.85 مم. احسب الإزاحة التضاريسية

لصورة البرج ثم احسب ارتفاع البرج.

### الحل

$$\text{الإزاحة التضاريسية} = 71.70 - 72.85 = 1.15 \text{ مم}$$

$$\text{ارتفاع البرج} = (2600.0 - 600.0) * [(1.15) / (72.85)] = 31.57 \text{ متر.}$$

ومع أنه يمكن الاستفادة من الصور الجوية المفردة في حساب المسافات و الارتفاعات كما بينا في هذا الفصل فإن الاستخدام الأكثر جدوى من ناحية الدقة و تعدد الاستخدامات هو استخدام زوج من الصور الجوية المتناحلة و التي تشترك في تغطية منطقة الدراسة مما يمكن من تكوين النموذج المجسم للمنطقة . وهذا ما سنقوم بتوضيحه في الفصل القادم.

### (٣,٨) تمارين

١- عرف المصطلحات التالية :

أ) نقطة النظير ب) مركز التساوي ج) زاوية الميل د) الإزاحة التضاريسية.

٢- أنتقلت صورة جوية رأسية بواسطة آلة تصوير البعد البؤري لعنستها

152.42 مم من ارتفاع طيران 2200 متر فوق متوسط سطح الأرض. احسب المقياس المتوسط للصورة.

٣- إذا كانت المسافة الأفقية على الأرض بين نقطتي محكم 1800 متر وقد

ظهرت صورتا النقطتين على بعد 12 سم على صورة جوية رأسية ، كم يكون مقياس الصورة ؟

٤- المسافة بين نقطتين G و Q على خريطة مقياس رسمها 1/2500 تساوي 28

سم ، والمسافة بين صورتيهما على صورة جوية رأسية تساوي 56 مم ، احسب مقياس الصورة ؟

٥- ظهرت صورتا التقطتين A و B على صورة جوية رأسية تم التقاطها بواسطة آلة تصوير البعد البؤري لعندستها 152.40 مم من ارتفاع 3200 متر فوق سطح البحر. إذا كان منسوب A و B فوق سطح البحر يساوي 420 متر و 560 متر على التوالي فأوجد المقياس المتوسط للصورة.

٦- تم التقاط صورة جوية رأسية بواسطة آلة تصوير البعد البؤري لعندستها 152.40 مم من ارتفاع 1800 متر فوق سطح البحر. وقد ظهرت على الصورة صورتا نقطتين G و Q. احسب المسافة الأفقية بين النقطتين من البيانات التالية:

النقطة	ارتفاع النقطة فوق سطح البحر (مم)	إحداثيات النقطة على الصورة (مم)
		x y
A	280.00	56.00 18.00
B	460.00	78.00 -30.00

٧- استخدمت آلة تصوير جوية البعد البؤري لعندستها 152.40 مم لالتقاط صورة جوية رأسية من ارتفاع 2100 متر فوق سطح البحر. وقد ظهرت على الصورة صورة مبنى متعدد الأدوار تم تشييده على ارتفاع 520 متر فوق سطح البحر. قيست المسافة القطرية من نقطة أساس الصورة إلى قاعدة وقمة المبنى وسجلت بالترتيب 82.40 مم و 82.80 مم. احسب ارتفاع المبنى.