

الرياضيات وتدرّسها في البلاد العكرية الدكتور محمد واصل النفاخر

زارنا حضرة الاستاذ الفاضل فتحدث لنا بما عرف فيه من حسن التدريس والضلاعة في هذا الموضوع من المشروع الذي قدمه ضمن الهيئة العراقية لتحسين تدريس الرياضيات في العراق وقد تبادل وجهات النظر مع السيد المدير العام للمكتب الذي رسم لسيادته صورة عن رأي المكتب الدائم في هذا الصدد وعن ضرورة التنسيق بينه وبين اللجان الوطنية لليونسكو في نطاق جامعة الدول العربية .

وفي نهاية القرن التاسع عشر ، ومنذ بداية القرن العشرين ، حدثت تطورات هائلة في الرياضيات: ظهرت انكار جديدة ومواضيع مبتكرة وحقول واسعة. ففي نهاية القرن التاسع عشر برزت الهندسة اللا اقليدية علما جديدا على ايدي بوليا ولويجيفسكي وكاوس . وبدأ بناؤها يرتفع شامخا امام بناء الهندسة الاقليدية القديم . وبذلك بدأت الثقة تتزعزع في وحدانية الهندسة الاقليدية حتى اثبت بلترامي وكلاين وبوانكاريه بصورة قاطعة ان الهندسة اللا اقليدية متناسقة وخالية من التناقض كالهندسة الاقليدية ، اذ يستمدان تناسقهما من تناسق نظام الاعداد الصحيحة . وبقيام الهندسة اللا اقليدية انتهت مشكلة مصادرة التوازي لافليدس بعد ان تناقلها الناس مشرّين قرنا . واضافة الى ذلك ، فقد طبقت الهندسات اللا اقليدية في النظرية النسبية وفي غيرها من النظريات الطبيعية . وبالرغم من اهمية هذه الهندسات وتطبيقاتها فلم تدخل ضمن الرياضيات المدرسية لحد الآن .

وبينما كانت الرياضيات تنمو نموا سريعا في مختلف الاتجاهات ، بدأ الرياضيون يفكرون في ايجاد

تعتبر الرياضيات من اقدم العلوم . ولقد احتلت العلوم الرياضية ، منذ وجودها ، مكانا اساسيا في حياة الانسان ولصبت دورا رئيسيا في مختلف شؤونه . ولذلك فقد كان اهتمام الانسان بها عظيما منذ القدم واعطيت الافضل في التعلم وفي مناهج التعليم بين فروع المعرفة الاخرى . ولقد حاول المؤلفون والكتاب المعنيون بشؤون التعليم ان يسهلوا الطرق في تعليم الرياضيات لتكون بمتناول الفهم لدى اكثر الناس . ومن اجل ذلك كتب المؤلفون كتبا كثيرة في الرياضيات وفي طرائق تدريسها . ومن الامثلة على تلك الكتب : اصول الهندسة لافليدس الذي طبع مئات المرات وبمختلف اللغات . فقد رسم هذا السفر اسلوبا بديعا في الرياضيات وفي طريقة تعليمها ، اتبعه الناس منذ اكثر من ألفي سنة في مختلف القطار الدنيا . وفي العصور الوسطى لعب كتاب الجبر والمقابلة لمحمد بن موسى الخوارزمي دورا مهما في تطوير الرياضيات . فقد استمد علم الجبر افكاره الاساسية واسمه من هذا الكتاب . اما في العصور التالية فقد ظهرت كتب عديدة اثرت في الرياضيات من حيث مادتها واسلوب تدريسها . ومن الامثلة على ذلك : كتاب الهندسة لديكارت والانس لنيوتن ، والتحليل لاويلسر .

وأما الجبر لحل للمعادلات وحسابات مبعثرة ، فقد انتهى ببرهان آبل الذي أبان فيه عدم إمكانية حل المعادلة ذات الدرجة التي تزيد عن أربع بالأسس الجذرية . وبدلاً من ذلك فقد ظهرت النظرة التركيبية بين الدراسات الجبرية . ثم تطورت هذه النظرة الجديدة في دراسة الأنظمة الجبرية بصورة سريعة على أيدي كالوا ، ولاكرانج ، وكيلي وغيرهم ، وامتدت الفكرة الجبرية الشاملة في مختلف حقول الرياضيات بجانب النظرة الطوبولوجية الواسعة .

وهكذا يتبين لنا بوضوح أن فكرة البنية الرياضية الموحدة كانت هائلة في جو الرياضيات الفسيح في انتظار الأخذ والاستعمال في مختلف حقول الرياضيات . ومن الممكن اعتبار هذه النظرة امتداداً لنظرة كلاين التي أعلنها في منهاج إيرلانكن كما أنها تميق لها .

وفي عام 1935 بدأت مجموعة من الرياضيين تحمل اسم يورباكي محاولة رائدة لعرض الرياضيات كبناء منطقي موحد ، مستند على مصادرات محددة واضحة . فقد نشرت هذه المجموعة سلسلة من الكتب عرضت فيها الرياضيات المعاصرة بأسلوب منطقي مقبول . وبذلك هيأت للمتعلمين في هذا العصر مجالاً طيباً لدراسة الرياضيات وتدريسها . ومع أن هذه السلسلة تعنى بالرياضيات الجامعية والتدريس الجامعي للرياضيات بصورة رئيسية ، إلا أنه من الممكن استعمال الروح التي بها كتبت هذه السلسلة في تعليم الرياضيات المدرسية إذا أردنا إصلاح هذا التعليم . وذلك يعني ، بلا شك ، تغيير أساس في مناهج الدراسة من منهج يشتمل على مواضيع أربعة منمثلة عن بعضها : الحساب والجبر والهندسة والمثلثات إلى بناء موحد للأنظمة الرياضية مستند على فكرتي : الطقم والعلاقة .

ولقد انعقدت في القاهرة خلال المدة المحصورة ما بين 8 - 17 آذار 1969 أول حلقة أعلامها اليونسكو في تطوير تدريس الرياضيات في البلاد العربية . وكانت المنظمة المذكورة قد تبنت هذا المشروع إثر القرار الذي إتخذه مؤتمر اليونسكو العام في اجتماعه الرابع عشر الذي انعقد في باريس عام 1966 . وقد كان انتخاب البلاد العربية مجالاً لهذا النشاط الحيوي متأثراً بالقرارات التي اتخذت في مؤتمر وزراء التربية والتخطيط العرب الذي انعقد

الطرق لتوحيد فروعها المتعددة ، فقد حاولوا تكوين نظرة شاملة لهذا العلم . ولذلك نجد في عام 1872 فيليكس كلاين ينادي بأهمية المجموعة كفكرة موحدة لفروع عديدة في الرياضيات . وبهذا يكون قد طالب بإصلاح الرياضيات وطرق تدريسها بالاستناد على النظرة الشاملة التي تجمع ما بين أوصال الرياضيات المنتشرة . فقد لخص في كلمته تلك برنامج المعرف باسم « برنامج إيرلانكن » الذي بين فيه أن الهندسة هي علم الثوابت بالنسبة لمجموعة تحويلات ، وأن الانتقال من هندسة إلى أخرى يقابله انتقال من مجموعة إلى أخرى . وأن هذه الصورة تمثل ربطاً عظيماً ما بين الهندسة والجبر والذي فيه يدرس المرء نوعاً معيناً من الرياضيات ويحصل على معلومات من نوع آخر منها ، كما يقال بلغة نظرية الفئات . وهكذا أراد كلاين أن يبعث الحياة في تدريس الرياضيات بإعطاء أهمية خاصة لفكرة المجموعة التي توحد ما بين أجزاء عديدة من الرياضيات .

وخلال النصف الأول من هذا القرن وحوالي سنة 1910 نشر وإتبهيد ورسل كتابهما العظيم : أسس الرياضيات . وفي هذا الكتاب حاول المؤلفان أن يثبتا أن الرياضيات تطبيق للمنطق أو في الحقيقة هي منطق تطبيقي . لقد كان هدفهما الرئيسي هو التخلص من التناقضات التي ظهرت في نظرية الطقوم . وفي حوالي الوقت ذاته ، نشر هيلبرت كتابه المشهور باسم أسس الهندسة ، والذي أمكن فيه التغلب على الصعوبات التي وجدها الرياضيون في أصول إقليدس . وبظهور هذين الكتابين ، ولد عصر جديد للرياضيات بشكل أسس وعلوم المصادرات حدثت خلاله أدوار التطورات الرياضية .

وإثناء ذلك كان علم الطوبولوجي ، الذي نبع من أعمال أويلر ، يتطور على أيدي كاوس وريمان وبوانكاريه وفيلن . وأصبح علماً مستقلاً عن الهندسة . فبينما نجد الطوبولوجي في مفهوم كلاين هندسة تعنى بدراسة المفاهيم التي تثبت تحت تأثير مجموعة التحويلات المتصلة ، أظهرت التطورات التالية في الموضوع أن هذا التعريف لا يشتمل على كافة جوانب الموضوع المهمة . ولذلك فقد بدأ بوضوح أنه من الضروري البحث عن نظرة أهم تضم فروع الموضوع المتنوعة . ولقد وجد الرياضيون ضالتهم في مفهوم البنية الرياضية .

في طرابلس خلال المدة المحصورة ما بين 9 - 14 نيسان
عام 1966 .

وبعد ان اقر المؤتمر العام لمنظمة اليونسكو القيام
بمشروع لتحسين تدريس الرياضيات في البلاد
العربية ، تشكلت في الجمهورية العربية المتحدة
والعراق والسودان ولبنان وليبيا وسورية والاردن
هيئات وطنية لتحسين تدريس الرياضيات في هذه
الاقطار . ويمكن تلخيص اهداف كل هيئة من هذه
الهيئات بانها تعمل على تهيئة ما يلزم لقبول
التحسينات المنوي ادخالها على مناهج الرياضيات في
البلاد العربية من طريق تشجيع انتاج الكتب الجيدة
في تدريس الرياضيات والعمل على تحسين اعداد
مدرس الرياضيات وتقديم التوصيات الضرورية الى
المسؤولين بهذا الشأن . وتضم كل هيئة من الهيئات
اعضاء من الجامعات ووزارة التربية والمدرسين
والمفتشين وغيرهم . وكانت الحلقة المشار اليها في
اعلاه قد ضمت ممثلين عن الجمهورية العربية المتحدة
والعراق والاردن ولبنان واليمن والسعودية واليمن
الجنوبية الشمية وليبيا وسورية .

وتبين خلال الاجتماعات التي عقدت في هذه
الحلقة ان الرياضيات في البلاد العربية بحاجة الى
اصلاح من حيث المادة والطريقة . وقد لوحظ ان المادة
الموجودة في مناهج المرحلة الثانوية - وهي المرحلة
المنية في هذا المشروع في الوقت الحاضر - تتألف
من مواضيع اربعة هي : الحساب والجبر والهندسة
والمثلثات وان كل موضوع من هذه المواضيع يحتوي
على مواد لا تستحق التدريس في هذا العصر وان
الكتب المقررة تستعمل اسلوبا في التعليم هو الآخر بعيد
عن روح العصر الحاضر . فالمادة والطريقة يهدفان الى
تزويد الطالب بمعلومات ومهارات بأسلوب تقليدي دون
الاهتمام بالتركيب المنطقي الحديث . وقد تبين بوضوح
ان الكتب المستعملة لا تعلم الطالب كيف يجرد ويعمم .
هاتان العمليتان اللتان تتميز بهما الرياضيات الحديثة ،
وكان واضحا ايضا من المناقشات التي دارت في
الحلقة ان المدرسين يستعملون الكتب المقررة بصورة
مقيدة لا تتصف بالحركة الخلاقة التي تجعل من التعليم
نشاطا حيويا يقوم به المدرس والطالب في عين الوقت .
ان تعليمنا من هذا النوع لا يخلق منذ الطالب المواقف
الرياضية السليمة التي يهدف الى تحرسها التفكير
الرياضي . كما ان القليل من مدرسي الرياضيات
يستخدم وسائل الإيضاح عند تدريسه بالرغم من توفر

هذه الوسائل حولهم ، وهم في الغالب يستعملون
طريقة المحاضرة او الالتقاء في التعليم . وبهذه الطريقة
تعطى الرياضيات كمجموعة من الحقائق والقواعد
يتعلمها الطالب ويتدرب على تطبيقها . وهكذا تصبح
الرياضيات مجموعة من معلومات مفككة يتعلمها الطالب
ويطبقها .

ولذلك فقد كان السؤال الآتي جوهريا في اجتماعات
الحلقة : ما يجب ان يتكون منهج الرياضيات في
السنوات الثلاث الاخيرة من المدرسة الثانوية ؟ ولقد
ادى هذا السؤال الى اسئلة ثلاث اخرى وهي : ما هي
الخطوات الواجب اتباعها في كتابة الكتب بحسب
المنهج الجديد ؟ كيف نتأكد من استمرار عملية اصلاح
تدريس الرياضيات في مدارسنا الثانوية ؟ ثم ما الذي
يجب ان نعمله لاقناع المدرسين والناس المعنيين
الآخرين بأهمية المنهج الجديد وبلاصلاح المنوي ادخاله
على تعليم الرياضيات ؟

وتبعا للأسئلة الاربعة التي اشرفنا اليها اعلاه ،
تكونت اربع مجموعات في الحلقة . وكان هدف كل
واحدة من هذه المجموعات هو الحصول على جواب
واف لسؤال واحد من الاسئلة المذكورة . وكانت
المحاضرات التي القيت من قبل المتكلمين المدعويين
والمناقشات التي دارت خلال الفترات التي اعقبت كل
محاضرة واثاء انعقاد المجموعات ، كل ذلك كان ،
مصدرا مهما للتوصيات والقرارات التي توصلت اليها
الحلقة .

فقد قالت الحلقة ان هدف المنهج الجديد هو ان
يتعلم الطالب المفاهيم الاساسية في الرياضيات
الحديثة ، التي لا يمكن الاستغناء عنها في عصر
العلم والتكنولوجيا . ان فكري الطقم والعلاقة
اساسيتان في هذا المنهج لانهما اساسيتان في
الرياضيات نفسها . ولذلك فمن الضروري اعطاء هاتين
الفكرتين بصورة مبكرة خلال تدريس مواضيع المنهج
المقترح . ويتطلب الامر تقديم هاتين المفهوميتين للطالب
بصورة تدريجية وتوضيحية . وهناك امثلة عديدة من
تحيط الطالب يمكن الرجوع اليها في شرح هاتين
المفهوميتين . ان لغة الطقم اساسية في تطور الرياضيات
ولذلك فيجب ان يتعرف عليها الطالب بصورة واضحة
ودقيقة . ومن الممكن تدريس مفاهيم الرياضيات
القديمة بهذه اللغة . وعليه فيحسن ان نبتديء بصياغة
هذه المفاهيم بلغة الطقم تمهيدا لتدريس الرياضيات
الحديثة فيما بعد . ان فكرة العلاقة كطقم متكون من

بطريقة المصادرات بعد التمهيد لها وتوضيحها بأمثلة مألوفة . وكذلك فمن المفيد تدريس موضوع الامتدادات التربيعية للحقول وبصورة خاصة تكوين حقل الأعداد العقدية . وبعد الحصول على هذا الحقل من السهل اثبات أن كل معادلة من الدرجة الثانية لها حل فيه . . . وتبدو المناسبة جاهرة للتعرض لنظرية الجبر الأساسية ولكن بدون برهان طبعاً . ومن المستحسن تدريس نظرية أولر والجدول النونية للوحدة في موضوع الأعداد العقدية نظراً لأهميتها في الرياضيات وتطبيقاتها .

وكذلك فقد أوصت الحلقة بوجوب استعمال لغة الطقوم في دراسة بعض المفاهيم الهندسية . فالمستوى طقم من نقاط والخط طقيم فيه (أو طقم فرمي فيه) . ان طريقة المصادرات في البراهين الرياضية يجب توضيحها بطقم من المصادرات يساعد على اثبات بعض النظريات الهندسية . ومن الضروري تجنب النظريات الكثيرة وخاصة تلك النظريات التي لا تلعب دوراً مهماً في تطور الرياضيات في الوقت الحاضر . لقد ذهب أقليدس ، ولكن الروح الاقليدية اثرت في تطور الرياضيات حتى اليوم . ومن الضروري توضيح المفاهيم المتعلقة بخواص المصادرات كالتناسق والاستقلال والكمالية والنماذج الرياضية . ان مواضيع التوازي والترتيب والاستقاط المتوازي والشعاع والتقطعة ونصف المستوى والزوايا يجب توضيحها . ان اللغة الجبرية يجب ان تنفذ الى المواضيع الهندسية وبواسطة هذه اللغة يتم شرح هذه المواضيع . وبذلك يتم مزج الجبر بالهندسة بشكل رائع ومفيد . ان فكرة التطابق الهندسية ، مثلاً ، يمكن شرحها بواسطة الرسم التطابقي حيث تدخل فكرة المجموعة في هذا المجال . وكذلك فمن الممكن معالجة نظرية التشابه بنظريات الموجهات وهكذا نحصل على وسيلة جديدة في دراسة الهندسة . وبهذه الوسيلة تسهل دراسة الهندسة الفراغية كما تصبح معالجتها أكثر جمالاً وفائدة . ويصبح لنظام المعادلات ذات المجهولين أو ذات الثلاثة مجاهيل موقفاً طبيعياً في هذه المعالجة الموحدة . وكذلك فمن الممكن دراسة مبادئ المصفوفات بصورة طبيعية في هذا المجال . اما مواضيع العائد ونظرية فيثاغورس والتباينة المثلثية ومتباينة شيفارس فمن الممكن دراستها بواسطة الحاصل الداخلي للموجهات . وتبدو نظرية الجمع للدوال الدائرية طبيعية خلال المعالجة من طريق نظرية المصفوفات . بعد ذلك ينتقل الطالب لدراسة التحويلات الاثينية وتأثيرها في

أزواج مرتبة ، وفكرة الدالة باعتبارها حالة خاصة من فكرة العلاقة يجب توضيحها للطالب . ثم ان معاني الطقوم المرتبة ترتيباً كاملاً أو جزئياً يسهل معالجتها فيما بعد . ومن المفيد ان توضح المبادئ المنطقية بواسطة لغة الطقوم . ان المفاهيم التي تكمن فيما وراء الرياضيات كالتعريف والمعرف وغير المعرف والمصادرة (أو البديهية) والنظرية يجب شرحها بأسلوب لا شكلي . ويحسن توضيح هذه المفاهيم بأمثلة رياضية وغيرها . ان البنية الرياضية الأساسية في تطور الرياضيات ، وحيث ان بنيتها المعاصرة جبرية ، فيجب ان يكون التركيب الجبري هو العمود الفقري الذي تنمو حوله الرياضيات . ويجب ان يربط التركيب الجبري بالمواضيع الهندسية وفي تحديد نظم الأعداد المتنوعة . ان استعمال الجداول والرسوم الميكانيكية والألات الحاسبة مفيد في حينها وان توضح العلاقات الداخلية في الطقوم بأمثلة غير اعتيادية في مفهوم القاسم المشترك الأعظم والمضاعف المشترك الأصغر بين الأعداد الطبيعية مفيد ان احسن شرحها . كما ان توضيح عملية التصنيف على طقم جميع النقاط في المستوى . والمعادلات كجمل مفتوحة يساعد على فهم المبادئ الأساسية في المنطق ونظرية الطقوم . ان خواص الانظمة ذات العمليات الرياضية والعلاقات الكائنة فيما بينها يمكن دراستها في جداول العمليات الرياضية . مثال ذلك ان مفاهيم الإبدال والمشاركة ووجود المنصر المحايد ووجود المنصر العاكس وقانون الاختصار وغيرها من الممكن معالجتها في هذا الصدد ايضاً . ان فكرة المجموعة مهمة ويجب التوصل اليها عن طريق دراسة خواص النظم العددية المعروفة . وبعد ذلك تأتي المواضيع الإبدالية والتماثلية والتحويلات الانتقالية والتدويرية أمثلة مهمة في دراسة الجاميع . وكذلك فمن الممكن معالجة مواضيع الجاميع المرتبة والحلقات والقواسم الصفرية والمدي الصحيح والحدوديات والدالة الحدودية والمعادلات الجبرية في الحلقات والخورزمية الاقليدية . وبالإمكان تدريس تمثيل الدالة بيانياً وأهمية المميز والاسس الصحيحة بروح نظرية الجاميع . ان علاقة قوانين الاسس بالمضاعفات في جاميع أبلي يمكن شرحها والتأكيد على تدريسها الآن . وفي هذه المناسبة ، من الممكن تعميق المفاهيم السابقة للطالب وتطوير المهارات التي اكتسبها في دراسة الحساب وجعل تلك المفاهيم والمهارات أكثر مطاوعة وأعمق اثرًا . ان دراسة حقل الأعداد الصحيحة كحقل مرتب كامل يجب ان تتم

الدائرة ودراسة صور التأثير وكذلك دراسة الخواص الرئيسة للقطوع المخروطية بدلالة الثوابت الاثنية وبها يمكن معالجة القطع الهذلولي وصوره الاثنية بطريقة جبرية . وعن هذا الاسلوب نضع امام الطالب صورة جبرية حية للمفاهيم الهندسية .

ومن المواضيع التي اوصت الحلقة بدراستها نظرا لاهميتها الرياضية والتطبيقية هي نظرية الاحتمال ومبادئ الاحصاء . وفي هذه الدراسة يتناول الطالب مفاهيم الحادث وجبر الحوادث والاحتمال والاحتمال الشرطي والتغير العشوائي والتحويلات العشوائية والاستقلال . وكذلك يزود الطالب بمعاني الامل الرياضي (او التوقع) والتفسير والتشتت وقانون الاعداد الكبيرة والتقدير واختبار الفرض ، ولا بد من عرض التطبيقات التي تشرح هذه المواد وتؤكد اهميتها .

واخيرا فقد تقرر وضع المفاهيم الاساسية لتحليل الرياضي ومبادئ التفاضل والتكامل لاهميتها التطبيقية في دراسة المساحات والاحتمال والفيزياء وغيرها . ويتضمن ذلك دراسة لطبولوجية الخط المستقيم الحقيقي والتتابعات العددية والغاية والاتصال المشتقة وخطية المشتقة . ثم يتناول الطالب دراسة التكامل وبعض التكاملات الاولى . وبذلك يتعرف الطالب على اسس التحليل .

وكيما تتوفر امكانية ترجمة المنهج الوارد ذكره ، فقد قالت الحلقة بوجود مقد اربع جلسات كتابية يتم خلالها اعداد مشاريع الكتب التي ستستخدم في العمليات التجريبية . وسيتم فقد هذه الجلسات خلال السنة الحالية والسنة القابلة . وسيحضر كل جلسة من هذه الجلسات رياضيون وعاملون في تدريس الرياضيات من البلاد العربية ومن الخبراء العالميين المعروفين . ويؤمل عقد الجلسة الاولى في بغداد خلال شهر ايلول المقبل (سبتمبر) لمدة خمسة عشر يوما يحضرها اثنا عشر خبيراً . وتتضمن الخطة اعداد الكتب الثلاثة خلال الجلسات الكتابية الثلاث الاولى . واما الجلسة الرابعة فتستخصص لعملية التنسيق ما بين هذه الكتب من حيث المادة واسلوب العرض واسلوب المصطلحات . ويتقضى ان يكون كل واحد من هذه الكتب من المرونة بحيث يمكن تكييفه لطبيعة القطر الذي يستعمله . وسيكون بإمكان كل بلد من البلدان العربية ان يتصرف في استعمال الكتاب بما يتناسب وطبيعة التعليم في ذلك البلد . وعليه فاما

الجلسات الكتابية عمل شاق يتحتم خلاله اعداد كتب توفر الخواص المشار اليها . ان الكتاب المدرسي ائبه بنشاط تربوي يتم خلال القاعات الدراسية بحيث يمكن عرض المادة العلمية بشكل عملية حيوية يشترك فيها المدرس والطالب . ان في كتاب الرياضيات الصحيح مجالا لتعليم الطالب كيفية التفكير وكيفية التخصيص . ومن المشاكل التي تواجه العاملين في التأليف والترجمة في البلاد العربية هي ندوة المصطلحات العلمية الحديثة . وتتوقف مسألة اختيار المصطلح العلمي المناسب على عوامل لغوية ومنطقية وذوقية . وعليه فالمسألة ليست هينة وانما تتطلب بذل الجهود المتعاونة فيما بين الهيئات الوطنية لتطوير تدريس الرياضيات في البلاد العربية لحلها . ولا بد من اعداد قائمة بالمصطلحات الرياضية الحديثة التي ستستعمل في الكتب المنوي اعدادها قبل المباشرة بعملية الكتابة .

وسوف يتم اعداد مرشد المدرس بجانب الكتاب المنوي استخدامه . وفي هذا المرشد يتم وضع بعض التوجيهات التي تساعد المدرس على عرض المادة بطرق اخرى كما ترشده الى حل المسائل الصعبة مع قائمة بالمراجع يمكن للمدرس الرجوع اليها لتعميق معلوماته وتوسيعها . ويتضمن المرشد كذلك نبذة تحتوي على الاهداف المتوخاة من تدريس اي موضوع من المواضيع . ولا بد من الاشارة هنا الى وجوب اعداد كتاب بحجم معقول وباسلوب تربوي جذاب يحجب المادة الى التلميذ .

ومن اجل تهيئة الراي العام لقبول التطوير المقترح ، فقد اوصت الحلقة بضرورة تنظيم المحاضرات وعقد الندوات لشرح اهمية الرياضيات الحديثة ودور المنهج المقترح في توفير الظروف اللازمة لتعلم هذا النوع من الرياضيات . ولا بد من اشراك المعنيين في تعليم الرياضيات والقائمين على اموره في هذه الاجتماعات وطلب معاونتهم لتوفير ما يلزم ذلك . ويجب ان يدعى الى هذه الاجتماعات المدرسون والمفتشون واولياء الامور والطلبة . ان الاستفادة من اجهزة الاعلام ووسائل النشر امر ضروري في بث الوعي الرياضي لدى الراي العام . ومن الضروري الاتصال بالمسؤولين في وزارة التربية والمؤسسات الثقافية والجامعات واطلاهم على اهمية التطوير ومحتواه والاستماعة بهم على تنفيذها .

اما فيما يتعلق باعداد المدرسين وتدريبهم ، فقد قالت الحلقة بوجود اجراء دراسة شاملة وعميقة للكتب المعدة ولوسائل التعليم ومكانه ومدته قبل البدء بأجراء التجارب . وقد تكون المعطلة الصيفية مناسبة للقيام بالتدريب اللازم . ويجب اختيار المدرسين اللاتنيين لعملية التجربة وتدريبهم بصورة صحيحة قبل المباشرة بالتجارب كي لا تكون الصعوبات الناجمة من ضعف المدرس او قلة تدريبه سببا في عرقلة التجارب . ان عقد الحلقات والاجتماعات التوجيهية ضرورية بالنسبة لمن سيوكل اليهم امر التدريب . ولا بد من توفير المراجع والكتب المحتوية على مواد الرياضيات الحديثة ذات الصلة بالمادة المقررة ليكون بإمكان المدرسين الرجوع اليها والاستفادة منها . وكما تتحقق امكانية نجاح التجارب المزمع اجراؤها ، لابد من قيام وزارة التربية في كل قطر عربي ، بإبداء المساعدات والتسهيلات التي تتطلبها طبيعة التجارب التربوية .

ولا بد من القيام بكل ما يلزم لضمان عملية تطوير تدريس الرياضيات التي يجب ان تبقى مستمرة دون توقف . ولذلك فلا بد من قيام هيئة عربية تعنى بالرياضيات وطرق تدريسها . وعليه فقد اوصت الحلقة بوجود تكوين اتحاد للرياضيين العرب واطلقت عليه اسم « الهيئة العربية للرياضيات » وتهدف الى العناية بالعلوم الرياضية وطرائق تدريسها ومجالات تطبيقاتها المختلفة . وتهدف كذلك الى العمل على تبادل الخبرات الرياضية فيما بين الاقطار العربية عن طريق عقد المؤتمرات والندوات ونشر المجلات . ومن مهام هذه الهيئة تشجيع الابحاث العلمية في

الرياضيات البحث والتطبيقية وفي تعليم الرياضيات . ولهذه الهيئة فرع في كل بلد من البلدان العربية يضم المشتغلين في الرياضيات في مختلف المجالات . وتقوم هذه الهيئة بالاتصال بالهيئات العالمية المماثلة والمشاركة في نشاطاتها . ومن اجل تكوين هذه الهيئة بصورة واقعية فقد اوصت الحلقة بتكوين هيئة مؤسسة تضم اعضاء من ذوي الخبرة والانتاج الرياضي المعروف . ويحدد ان تتمثل في الهيئة المؤسسة كافة الاقطار العربية ومختلف فروع الرياضيات وطرق تدريسها وبمختلف المراحل التعليمية . . ومن واجبات الهيئة المؤسسة اعداد نظام داخلي للهيئة العربية . ومن مهام هذه الهيئة العربية دراسة المصطلحات العلمية في الرياضيات والعمل على توحيدها ، كما تقوم بنشر مجلة علمية رياضية تعمل على نشر البحوث في مختلف مواضيع الرياضيات وتدريسها ، وتقوم بترخيص العاملين في الرياضيات في البلدان العربية بما يجري من بحوث وما ينشر من كتب في هذا المجال عن طريق تقديم خلاصات بهذا الشأن .

انني اذ اختتم كلمتي هذه التي حاولت فيها تلخيص ما تم من اعمال في هذه الحلقة ، وما تم في سبيل تطوير تدريس الرياضيات، ارجو لهذا المشروع مزيدا من التقدم والنجاح في جلساته الكتابية وحلقته التقويمية المقبلة . كما ارجو ان يمتد المشروع الى بقية مرحلة الدراسة الثانوية ومن ثم مرحلة الدراسة الابتدائية ليتم وضع منهج كامل في تعليم الرياضيات للاجيال القادمة تنتفع به الدول العربية كافة .

صدر المكتب الدائم معجما للمصطلحات الحسابية المستعملة في السلك الابتدائي باللغتين العربية والفرنسية ، وسيوزع المكتب منه مجانا عشرين الف نسخة . وينكب المكتب الآن على اعداد معجم للرياضيات بثلاث لغات سيصدر بحول الله ، آخر عام 1970 .