

وردت اليها المقالة التالية من ذي الحسب والنسب شقيق الظرف بديع الادب الرياضي
المدهور صاحب المعادة شقيق بك منصور مضمرة بما هو اولي به من التمام واخلاق ان
يقال فيه وفي اقراءه النضلاء

بشر مصر والمصريين بزوع شمس العلم في ساهما وقتي الوطنيين بلوغ النفوس اربها
ومشهاها آلا ان المتخطف الأغر قد طلع في فطرنا وحل مشاة الناضلان في مصرنا جربة
طالما مالت نفوسنا اليها وحسدنا اهل الشام عليها وكرمان كانت تحفنا بنضلهما الركبات
وتنقل اليها الصحف عن لسانها سحر البيان فصرنا الآن نتمتع برأها البصر ونشرف بسامعها الآذان
وما السبع كالبيان

واسمه من قاله تردد به عجباً فحسن الورد في الآم

وقد كنا نسمع ولا نكاد نصدق بما لها من جميل المزايا وجميل العجايا فضلاً عن الباع
الطويل في كل فن جليل فلما التقينا صدق المخبر الخبير فرحاً بغير نزول ونزول الخبير
فلقد اتيت اتملاً ووطئت سهلاً وتزلت على الرحب والسعة وقد فحمت ايامك اجواب الاندية
اندية النضلاء واخليت لك صدور الجبال بجبال العلماء ولقد حق لك على المصريين مزيد
الكرامة اذ قد اخترت بينهم الاقامة فهم لم ينكروا فضلك على بعد الديار وشط المراس
فكيف بهم وانت اليوم ما بين ظهرانهم فلا بدع ان تواردت اليك رسائلهم تترى قياماً ببعض
ما لك عليهم من الحقوق الكبرى كما بادرت لتقديم هذه

الطريقة الحسابية في استخراج الجذور العددية

لمعاده شقيق بك منصور بك

من المعلوم ان الطريقة المستعلة في كتب الحساب لاستخراج الجذور العددية مبنية على
نواميس جبرية يصعب نظيرتها كلما ارتفع دليل الجذر وتلك النواميس هي:

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

$$(a + b)^4 = \dots$$

ولذلك احسبت ان اقدم لنراه المتخطف طريقة بسيطة مبنية على مبادي سهل وهو:

اذا قسمنا عدداً متروخاً على جذره التريبي يخرج عدد يعدل ذلك الجذر فاذا قسمناه
على عدد اكبر او اصغر من جذره يخرج عدد اصغر او اكبر من ذلك الجذر ويكون هذا الجذر

محصوراً بين المقسوم عليه وبين الخارج فاذا اخذنا متوسط هذين العددين نجد عدداً يقرب من الجذر أكثر مما يقرب منه كل من المقسوم عليه والخارج ثم اذا جلنا هذا المتوسط مقسوماً عليه واجربنا العمل كما مر نجد الجذر الحقيقي اذا كان للعدد المنروض جذراً ونجد عدداً يقرب منه بقدر ما يراد

ولا يخفى على فطنة الفارسي ان سهولة استعمال هذه الطريقة مؤسست على معرفة العدد الذي يلزم انتخابه في النسبة الأولى فكما قرب هذا العدد من الجذر المجهول سهل العمل في الحصول عليه. فلانتخاب المقسوم عليه المذكور يكفي ان تذكر التواعد المذكورة في كتب الحساب فيها : اذا لم يجنو عدد الا على رقبين فجزءه التربيعي لا يجنوي الا على رقم واحد واذا احتوى العدد على ثلاثة ارقام او اربعة فجزءه يجنوي على رقبين وهلم جرا . ثم اذا لم يجنو عدد على اكثر من ثلاثة ارقام فجزءه المكعب لا يجنوي الا على رقم واحد واذا احتوى على اربعة او خمسة او ستة ارقام فالجذر المكعب يجنوي على رقبين وهكذا كما هو معلوم

لنبحث مثلاً عن الجذر التربيعي للعدد ٢٣٠٤ فنقول لما كان هذا العدد يجنوي على اربعة ارقام فجزءه يجنوي على رقبين فاذا قسمناه الى فصلين ثنائيين نرى ان أكبر مربع يجنوي عليه الفصل الاول اي ٢٢ هو ٤ فنفرض الجذر المطلوب ٤٠ ونقسم عليه العدد ٢٣٠٤ فيخرج ٥٧ فتأخذ متوسط هذا العدد والعدد ٤٠ فنجد ٤٨ ثم نقسم عليه العدد المنروض فيخرج ٤٨ حين اذا الجذر المطلوب

مثال آخر : ما الجذر التربيعي للعدد ١٧٩٥٦ فنقول حيث ان هذا العدد يجنوي على خمسة ارقام فجزءه يجنوي على ثلاثة ارقام فاذا قسمناه الى فصول ثنائية نجد ان جذر اول فصل على الشمال هو ١ فنفرض الجذر المطلوب ١٠٠ ونقسم عليه العدد المنروض فيخرج ١٧٩ ثم تأخذ متوسط هذا العدد والعدد ١٠٠ فنجد ١٢٩ ثم نقسم العدد المنروض على هذا العدد فيخرج ١٢٩ فتأخذ المتوسط بين العددين ١٢٩ و ١٢٩ فنجد ١٢٤ ثم نقسم العدد المنروض على هذا العدد فنجد ١٢٤ فهو اذا الجذر المطلوب

لنفرض الآن عدداً كسرياً ١٨٠١^{٢٤١} مثلاً فنرى ان الجزء الصحيح ٢٤١ يجنوي على ثلاثة ارقام فجزءه يجنوي على جزء صحيح ذي رقبين وبما ان أكبر جذر من العدد ٢ هو ١ فيمكننا ان نفرض ان الجذر المطلوب ١٠ ولكن اذا لاحظنا ان ٢ يقرب من مربع ٢ أكثر مما يقرب من مربع ١ فالانساب اما ان نفرض ذلك الجذر ٢ ونقسم عليه العدد المنروض فيخرج ٩٤٠٠٠٠٠٠٠ ويكون اول متوسط ١٨٠٥٤٧٠٠٢٥ وبصرف النظر عن الجزء الكسري نفرض هذا المتوسط

١٨ فقط وتنقسم عليه العدد المفروض فيخرج $١٨^{\frac{1}{2}}$ وتأخذ المتوسط لنا $١٨^{\frac{1}{2}}$ ونقسمه العدد المفروض على هذا المتوسط فيخرج $١٨^{\frac{1}{2}}$ فهو إذا الجذر المطلوب ثم نبحث عن جذر العدد ١٠ بالتقريب فنقول لنفرض هذا الجذر ٣ وتنقسم عليه العدد ١٠ فيخرج $٣^{\frac{1}{2}}$ وبذلك المتوسط الأول $٣^{\frac{1}{2}}$ وهو عدد انقص من الجذر بمقدار $٣^{\frac{1}{2}}$ ثم لنقسم ١٠ على هذا المتوسط فيجد مثلاً $٣^{\frac{1}{2}}$ ويكون المتوسط الثاني $٣^{\frac{1}{2}}$ وهو عدد انقص من الجذر بمقدار $٣^{\frac{1}{2}}$ ثم لنقسم ١٠ على هذا المتوسط فيخرج مثلاً $٣^{\frac{1}{2}}$ ويكون المتوسط الثالث $٣^{\frac{1}{2}}$ وهو عدد انقص من الجذر بمقدار $٣^{\frac{1}{2}}$ وإذا قسمنا ١٠ على هذا المتوسط فيخرج مثلاً $٣^{\frac{1}{2}}$ ويكون المتوسط الرابع $٣^{\frac{1}{2}}$ وهو عدد انقص من الجذر بمقدار $٣^{\frac{1}{2}}$ وهلم جرا

هذا ما كان من الجذر التريبي فإذا اردنا تطبيق هذه القاعدة على الجذر التكعيبي وما فوقه نلاحظ انه لو علم الجذر التكعيبي مثلاً لعدد وقسمنا هذا العدد على الجذر المذكور لخرج عدد يعادل القوة الثانية للعدد المفروض فانما قسمناه على عدد أكبر او اصغر من ذلك الجذر فيخرج عدد اصغراً او أكبر من قوة العدد الثانية. وعلى ذلك يكون الجذر التكعيبي محصوراً بين المقصور عليه والجذر التكعيبي الخارج المذكور ثم اذا قسمنا هذا الخارج على المقسوم عليه فيخرج عدد أكبر او اصغر من الجذر المطلوب على حسب ما يكون المقسوم عليه اصغراً او أكبر منه. وعلى ذلك يكون الجذر المطلوب محصوراً بين مجموع العددين اللذين قسم عليهما العدد المفروض وبين الخارج الاخير. فبأخذ المتوسط بين الثلاثة الاعداد المذكورة نجد عدداً يقرب من الجذر المطلوب أكثر مما يقرب منه العدد الذي فرض في الابتداء. ثم لو جعلنا هذا المتوسط مقسوماً عليه واجرنا العمل كما ذكر نجد متوسطاً ثانياً وهلم جرا الى ان نجد الجذر المطلوب ان كان للعدد جذر حقيقي او نجد عدداً يقرب من الجذر بقدر ما يراد

ولزيادة ايضاح هذه القاعدة نبحث عن الجذر التكعيبي للعدد ٢٤١٣٧٥٦٩ فنقسمه الى فصول ثلاثية كما هو معلوم ونبحث عن اعظم مكعب يقرب من العدد ٢٤ فنجد ان هذا المكعب هو ٢٧ اي ٣ فنقسم العدد المفروض على ٣٠٠ فيخرج ٨٠٤٥٨ ثم نقسم هذا الخارج على ٣٠٠ ايضاً فيخرج ٢٦٨ فبأخذ متوسط الاعداد ٣٠٠ و ٢٦٨ نجد ٢٨٩ ثم نقسم العدد المفروض على هذا المتوسط فيخرج ٨٢٥٢١ ثم هذا الخارج على ٢٨٩ فيخرج ٢٨٩ فهو إذا الجذر المطلوب

(نبيه) * عوضاً عن ان نقسم العدد المفروض على المقسوم عليه ثم الخارج على المقسوم

