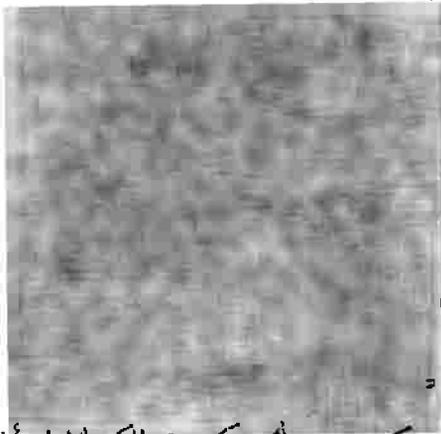


باب الرياضيات

حل المسئلة الهندسية المدرجة وجهه ٦٩٦ من السنة الحادية عشرة



لكن ادح قطع المخروط بمستوي عمودي على قاعدته وماز مجزور اه فيكون ادح راسي المخروط وح د قطر قاعدته فاذا رسمنا الاعلى اه ح دة التي تنصف الاضلاع ادح ح ا فتقاطع في نقطة و التي هي مركز دائرة قطع الكرة المرسومة داخل المخروط والتي نصف نظرها نقي - وه = $\frac{1}{3}$ = حجمها = $\frac{1}{3}$ نقي ط (حيث =

نسبة المحيط الى المنتظر) فاذا فرضنا اه = ك يكون نقي = $\frac{1}{3}$ ويكون حجم الكرة الاولى $\frac{4}{3}\pi$ $\times \frac{1}{3} = \frac{4}{9}\pi$. واذا رسمنا المحيط ح د موازياً للقاعدة ح د ومازاً للدائرة في النقطة ع يحدث مثلثان متشابهان وهما ادح ادح وفيهما دح = $\frac{2}{3}$ لان اع = $\frac{1}{3}$ فانما يكون نصف قطر الدائرة المرسومة داخل الثالث ادح (هي قطع الكرة الثانية الماسة للاولى ولراسي المخروط) مساوياً لتلك نصف قطر الدائرة الاولى ويكون حجم الكرة الثانية = $\frac{1}{27}$ من حجم الكرة الاولى اي ان حجم كرة و = $\frac{1}{27}$. وهكذا حجم الكرة و الثالثة الماسة للكرة الثانية ولراسي المخروط يساوي $\frac{1}{27}$ وكذا باقي الكرات

$$\text{فيكون مجموع حجوم تلك الكرات} = \frac{4}{3}\pi \times \frac{1}{3} + \frac{4}{3}\pi \times \frac{1}{27} + \frac{4}{3}\pi \times \frac{1}{81} + \dots = \frac{4}{3}\pi \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{27} + \frac{1}{81} + \dots \right)$$

ثم ان الكمية المتصورة بين القوسين هي مجموع نهاية متوالية هندسية تنازلية فيها الحد الاول $\frac{1}{3}$ والاساس $\frac{1}{3}$ ايضاً فمجموع الحدود يساوي $\frac{1}{3} \times \frac{1 - (\frac{1}{3})^n}{1 - \frac{1}{3}}$ حيث فرض ان ل الحد الاول

$$\text{س الاساس ن عدد الحدود فيكون المجموع} = \frac{1}{3} \times \frac{1 - (\frac{1}{3})^n}{1 - \frac{1}{3}} = 1 - (\frac{1}{3})^n$$

وإذا اخذنا النهاية أي جعلنا $n = \infty$ يكون الحد الثاني معدوماً والمجموع $= \frac{1}{3}$ فيكون مجموع حجوم الكرات المذكورة يساوي $\frac{1}{3} \times \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{4}{9} \pi r^3$ وهو المطلوب
 ناصر
 قاسم هلاي

مهندس بديوان الأشغال

(المتعطف) وقد ورد علينا لها أيضاً من الياس انندي زهيري مهندس بديوان الأشغال ناصر

المسألة الطبيعية المدرجة وجهه ٦٦٦ من الصفة الحادية عشرة

ذكرنا وجه ٤٧ من الجزء الماضي المخطول التي وردت علينا لهذه المسألة وأبنا أوجه التصور في بعضها وإنتنا من قال انها لا تخل على مبدأ تغطيس الاجسام في الماء وانقرحنا على الرياضيين ان يبدوا هل يمكن تغيير المفروض في المسألة على وجه نخل في قواعد الطبيعات. فورد علينا جواب من محمد انندي مئيب المهندس بطناً بقول انه لما كان الكرتان متفاوتين في مقدار الذهب والرصاص وكان قطرها واحداً فلا تساويان وزناً خلافاً لما في المسألة وقد فاته ان الكرتين قد فرضنا مختلفتين في المسألة فيصح ان تساويان وزناً مع ذلك * وورد علينا حلها بقلم محمد انندي كامل المهندس بديوان الأشغال وقد زعم فيو بإمكان حل المسألة حلاً جبرياً مبنياً على مبدأ تغطيس الاجسام في الماء. وسبب المهر في حله زعمه ان وزن الجسم يثقل في الماء عنه في الهواء بالنسبة الى ثقله والصواب انه يثقل بالنسبة الى جرمه وليس الى ثقله فاذا وزنا سيكة ذهب في الهواء ثم في الماء فقد يثقل ثقلها أكثر او أقل مما يثقل وزن ذهب إحدى الكرتين لو وزن كذلك بحسب كون جرمها أكبر من جرمها ان اصغر ولو تساويان مثلاً (أي ان ح : س :: ح : س في الحل غير صحيحة) * وورد عليها بقلم الدكتور سليم انندي داود من دمشق وهو ان الكرة السبيكة الذهب تميز عن الرقيقة باخذ الحرارة النوعية لها وذلك بان نحمل كل كرة منها الى ٦٦ فاربيت مثلاً ثم نفسها في ما يبادل وزنها من الماء على درجة ٢٢ وهي تساوت حرارة الماء وحرارة الكرة المغموسة فيو تقسم حرارة الكرة على ارتفاع حرارة الماء فالمخرج هو الحرارة النوعية لتلك الكرة. نقول هذا الحل نظري لا عملي ولو ان حصة الدكتور استوفاه لرأى انه لا يصح عملاً ما لم يغير المفروض تغييراً طفيفاً حسباً افترحنا وذلك كابدال احد المعدنين مثلاً وفرض الكرتين مركبتين من الذهب والفضة او من الفضة والرصاص لان حرارة الذهب النوعية في ٢٢ من حرارة الماء النوعية وحرارة الرصاص النوعية في ٠.٣١ منها فالفرق بين حرارة المعدنين النوعية طفيف جداً لا يعمل عليه في العمل

هذا وان من يعلم مقدار الصعوبة في تعيين الحرارة النوعية للاجسام المتجانسة قد يرتاب في اسكان حل هذه المسألة ولو فرض المعدنان مختلفين كثيراً في الحرارة النوعية لان استعلام الحرارة النوعية للاجسام الغير المتجانسة اصعب جداً من استعلام حرارة الاجسام المتجانسة وربما تضر مقام القدر

حل المسألة الهندسية الطبيعية المدرجة في الجزء الاول

ليكن n رمزاً الى نصف قطر الاسطوانة و s نصف قطر الكرة المراد معرفة حجمها وح حجم الكرة و t ثقلها و t' ثقلها النوعي وحيث ان حجم السائل المرتفع في الاسطوانة يدغمس الكرة فيو يتبدل $t' \times 0.5$ وهو يعادل حجم الكرة وذلك كما هو مقرر في علم الطبيعة اعني ان $t' \times 0.5 = \frac{t}{3}$

ط \times س = و س = $\frac{1238 \times 1000}{14}$ وطوبى يكون ح = ١٨١٧٥ = ٠.٠٠٠٠٩٨١٧٥
 أي حجم الكرة

و ث = ح \times ث = و ث = ١٠٠٤٧٤٣ بالارض فيكون ث = ١٠٠٢٨٢١٤٤٠٠٢
 اخني ١٠٢ كيلو جرام و ٤٤٠٢٥ ٨٣١ جرام

ثم ان النفود النضية الترسوبية يكون فيها حجم فضة و زنجاراً فاذا صهرت الكرة النضية مع ما يناسبها من النحاس وقسم الخليط على ٥ جرامات وزن الفرنك الواحد يكون الخارج ٢٢٨٥١٤٥
 فرنك وهو المطلوب
 مجد كامل

مصر مهندس بديوان الاشغال

(المتنطف) وقد ورد علينا حل هذه المسألة أيضاً من طنطا والقليوبية ومصر وكها صحيحة في المبدأ ولكنها لا تخطو من السهو او التصور في العمل ففي الوارد من طنطا سهو في جعل قطر الكرة = ١٨٧٥ وهو لمجد افندي منيب المهندس وفي الوارد من القليوبية قصور في جعل نسبة القطر الى المحيط ٣١٤ فقط ولذلك كان جوابه ان الكرة = ٢٢٨٣٩٧٨ فقط من الترنكات وهو بقلم حسين افندي جاد المهندس وفي الذي من مصر سهو في الضرب لاستخراج ثقل الكرة ولعل السهو كان خطأ عند نقل المحل اذ الجواب صحيح وهو لتمام افندي هلاي مهندس بديوان الاشغال

حل المسألة الهندسية الثانية المدرجة في الجزء الاول

لتلك نقول ان حجم الاسطوانة ح = ط \times ع (حيث ط رمز الى النسبة التفريرية بين القطر والمحيط ونق رمز الى نصف القطر) وان سطح الاسطوانة س = ٢ ط \times ع (حيث ع رمز الى الارتفاع في المعادلتين) وبضمة المعادلة الاولى على الثانية يحدث $\frac{ح}{س} = \frac{ط \times ع}{٢ ط \times ع} = \frac{ع}{٢}$ او $\frac{ح}{س} = \frac{ع}{٢}$ = ع او ع = $\frac{٢ ح}{س}$ وبوضع هذا المقدار في احدى المعادلتين يحدث ع = ١٢٤.٠٠٦٠١٩ وهو المطلوب ويمكن ايجاد ع من قانون $\frac{س}{٤ ط ح} = ع$ ويمكن حل ذلك بطريقة استخراج احد المجهولين من احدى المعادلتين

بفرض الآخر معلوماً ووضعوه في المعادلة الثانية فيؤول الامر الى استخراج مجهول واحد من معادلة معلومة وهو المطلوب

محمد منيب

طنطا

مهندس بالتاريخ

طنطا

لم تدرج مسائل جديدة في هذا الجزء اثناء المسألة التلكية الجغرافية في الجزء الاول غير مخلولة ولتتمكن من ادراج اجرة المسائل المتأخرة عندنا