

فالنسب حيث يعنى به اربابه الى حد انه ينبت عندهم على مدار السن تقريبا غير انه في شهر
ديسمبر (كانون الاول) يبلغ شدة متعنى انقلاء حتى ان بعض الحبوب يدفرون ثم الزهرة ستة
ريالات وهدية مثل هذه حيثشتر بعد اثمن التحف وانظر الطرف عند حسان الاسبان .
وبمخاطب الاسبانيون بالوان الترنفل ويضافمون كأنها من اللغات المنكشبة
وقد بقيت اسرد كثيرة في تاريخ الترنفل وكلها تدل على علومترشه بين الازهار وما
كان له من الشأن والاعتبار
خليل يدس

بَابُ الرِّيَاضِيَّاتِ

التنوعرافيا

اي حل المسائل الحسابية والجبرية بالجداول

لا يخفى ان كل المشتغلين بالعلم التي تحتاج الى حساب وتدقيق كالمكئين والمهندسين
والمساحين والبنايين والتجارة والمدفعية يحتاجون الى اجراء حسابات عديدة كثيرة قد
تكون صعبة وقد تكون طويلة جملة ولو كانت سهلة كعمليات الضرب والقسمة والترقية والتجذير .
الا ان الاستاذ موريس دوكانى العالم الرياضي الفرنسي قد ازال تلك الصعوبة وذلك
الملل باختراعه جداول تعرف منها نتائج العمليات بسهولة تامة وباقبل ما يكون من الوقت
وهو واضع العلم الذي فيه هذه الجداول ويسمى علم التنوعرافيا كما ان الاستاذ مونغ وضع علم
الهندسة الرومية الذي يمكن بواسطته ايضاح جميع اشكال الاجسام الطبيعية ذات الابعاد
الثلاثة بواسطة رسم موضوع على سطح مستوي

هذا وقد وعد المتخلف لراءة الكرام بانني سانشى فصولا قريبة المأخذ في هذا العلم
الجديد افادة لقرائه المشتغلين بالعلم الرياضية وانجازا لذلك بادرت الآن بهذا العمل فاقول
لا يخفى ان المشتغلين بالعلوم الهندسية وغيرها يملون من العمليات الحسابية الطويلة
ويودون الوصول الى نتائجها من غير تعب . وقد استنبطوا اساليب مختلفة للوصول الى ذلك
كالجداول العددية وعملها غير جدا ولا تسمح الا بحمل العبارات ذات الكيتين المتخيراتين
وكالات والمساطر الحسابية وهي في الغالب غاية الثمن لا يتيسر لكل احد الحصول عليها

بمجموع الجذرين يساوي المكرور بالسالب وحاصل ضربهما يساوي المكرر الثاني ي وهذه
 الخاصة لا نتم الا في المعادلة ذات الدرجة الثانية يكون الحل صحيحاً مع ملاحظة
 ان وا = الوحدة اعني وا \times ون = ون = ع = ب = ي كما تقدم

ولزيادة الايضاح رسمنا الشكل باعتبار ان الوحدة تساوي مستطواً وجعلناه مثلاً
 لحل المعادلة الآتية وهي

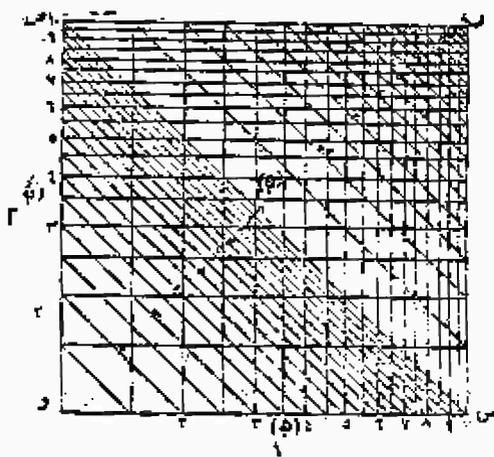
$x^2 - 3x + 2 = 0$ ومن الشكل يعلم ان جذري المعادلة هما $x = 1$ و $x = 2$
 ود = 2 وان المتكافئين اللذين تقدم ياتهما قد اتضح معنا كيفية ايجاد النتيجة بواسطة
 الحساب بالرسم والآن ننتقل الى علم التوغرافيا بالذات

علم بما تقدم انه للحصول على نتيجة العملية بواسطة الحساب بالرسم يلزم على كل حال عمل
 رسم توضح فيه المقادير بخطوط هندسية بمقدار الاعداد المتداخلة في العمل ولكن علم التوغرافيا
 لا يحتاج الى ذلك لان فيه جداول ذات ارقام يمكن بواسطتها استعمال النتيجة المسماة
 بقراءة الارقام التي عليها وهذه الجداول تعمل مرة واحدة وتشمعل دائماً وتسمى باسم
 اباك اي رقعة او جدول او توموزرام اي قانون او ناموس مرسوم

وهالك وصف ثلاثة من الجداول التوغرافية البسيطة تعلم منها نتائج الضرب والقسمة
 بثلاثة مقادير متغايرة كما في القانون $a \times b = c$

جدول المخطوط المتكافئة لعلمي الضرب والقسمة

هذا الجدول عبارة عن شكل مربع مثل وص وص كما في الشكل الثاني فيه ثلاثة



انواع من الاتجاهات كل اتجاه منها
 مركب من ثلاثة خطوط مستقيمة متوازية
 عليها ارقام فالاول عبارة عن a وهو
 الخطوط العمودية على الضلع $ص$
 والثاني عبارة عن b المكون لجميع الخطوط
 القائمة على الضلع $ص$ والثالث عبارة
 عن c المكون لجميع الخطوط الموازية
 للوتر $ص$ وهذه الخطوط تكوّن
 من وضع مقدار لواثرات الاعداد

من ٢ الى ١٠ على كلتي من المستقيمين ومن وصل بسندها من نقطة وفي كل منها والنقط التي حدثت رقت عليها تلك الاعداد واتم عليها اعمدة على المستقيمين المذكورين حدثت الخطوط المعبر عنها بالرمزين m, n اما خطوط m فتكونت من وصل نقط تقاطع خطوط m, n باضلاع المربع

ولشرح الان كيفية الحساب بهذا الجدول بطيقيه على قانون $m \times n = m \times n$ بفرض ان $m = 2$ و $n = 4$ فانظر الى تقاطع المستقيمين m, n المبيين برقمي ٢ و ٤ لينتج مقدار m على الخط المبين برقم ٨ الموازي للوتر من m والمار بنقطة التقاطع المذكورة

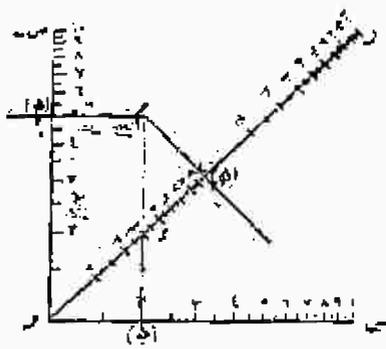
وبعبارة اصح لنفرض انك اردت ان تعرف الحاصل من ضرب ٢ في ٤ فانظر الى الرقم ٢ في اسفل الجدول والى الرقم ٤ في الخط القائم عن الشمال وانظر ايمن بلتقي الخطان العموديان القائماتن عليها فتجدها يلتقيان في الوتر الذي عدده ٨ فالحاصل من ضرب ٢ في ٤ يعدل ٨. واذا اردت ان تعرف الحاصل من ضرب $\frac{1}{2}$ في ٦ فانظر الى النقطة بين ٦ و ٢ في الاسفل واصعد مع الخط العمودي المرسوم عليها الى ان تصل الى حيث يتقاطع هذا الخط بالخط المرسوم على ٦ من اليسار عمودياً فتجد ان الخطين يلتقيان تحت الوتر ٤٠ قليلاً فالحاصل من ضرب $\frac{1}{2}$ في ٦ اقل من اربعين قليلاً

ويمكن التمسك بهذا الجدول ايضاً فاذا اردت ان تعرف الخارج من قسمة ٤٠ على ٨ فانظر الى وتر ٤٠ والى نقط تقاطع العمودي ٨ والى الجهة الاخرى من الجدول حيث يصل الخط المار بنقطة التقاطع هذه فتجد انه قائم على الرقم ٥ فالحاصل من قسمة ٤٠ على ٨ يسدل ٥. واذا كانت المقادير المفروضة غير مبيته في الجدول بان كانت $\frac{3}{2}, \frac{2}{3}$ او $\frac{7}{4}, \frac{4}{7}$ فنحن نتمشاهما بالنظر حسب التدرج الوعاري الذي على الرسم. وهذه العملية تسمى بالتقدير

النظري Interpolation graphique

الاباك المنسج لبيان عملية الضرب واتسمة ايضاً

هو عبارة عن الاباك الذي تقدم شرحه ولكن حسن بحذف جميع الخطوط m, n وابقاء ارقام النقط التي على m و n ووضع النقط والارقام على التقطوع حيث تتقاطع الخطوط القائمة على m و n كما ترى في الشكل الثالث. واذا اردت استعمال هذا الاباك او الجدول فارسم على شفاف ثلاثة خطوط متقاطعة مثل m, n, p من جنس تكون اتجاهاتها قائمة على الضلعين m و n وعلى القطر وروبيكي كل خط من هذه



الخطوط الثلاثة دليلاً فإذا فُرض أن $٢ = ٥$
 و $٥ = ٢$ أي إذا أريد ضرب ٢ في ٥ فلا يجاد
 ٥ أي حاصل الضرب حركة الشفاف على
 الجدول حتى يقع الدليل م ٥ عموداً أعلى أنضغ
 رس دائماً واستمر في حركة الشفاف حتى أت
 الدليلين م ٥ م ٥ يمران بالنقطتين ٢ و ٥
 نقطة تقاطع الدليل الثالث مع ور هي حاصل
 الضرب

ومذا الجدول أوضح من الجدول السابق للتقدير النظري غير انهما لا يستعملان إلا
 لبيان معادلات ذات شكل بسيط خصوصي

جداول النقط ذات الاستقامة الراحة

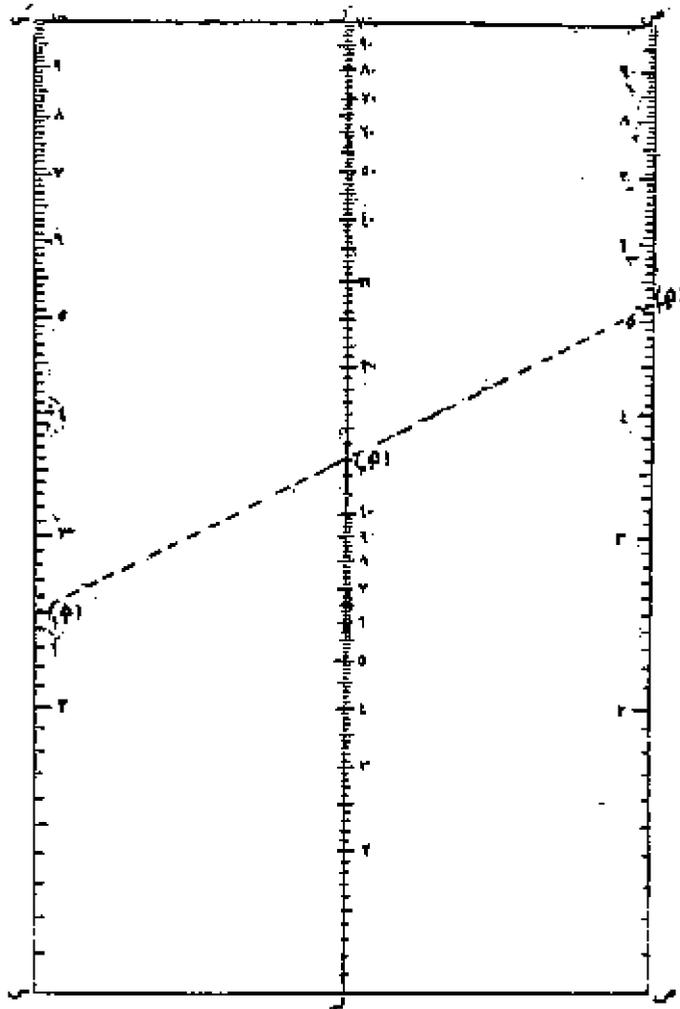
نشرح الآن أبسط نموذج من هذا النوع وهو أسهل وأوضح وأتم من الأباكين المتدسين
 وفيه ثلاثة محاور متوازية كما ترى في الشكل الرابع على الصفحة التالية من ور ٢ من ص
 بينها مسانتان متساويتان وطبها نقط وأرقام تبعد عن س ور ورص بمقدار قيمة لوزارقات
 هذه الأرقام ٥ والمقياس واحد على المحورين من ورص أما المحور ٢ فالمقياس عليه نصف
 الوحدة للأخوذة لمحورين من ورص

كيفية استعماله - لنفرض أن $٥ = ٢$ و $٢ = ٥$ فإذا أردت معرفة حاصلها
 نخذ على المحور من النقطة ٥ بمقدار ٢ وعلى المحور من النقطة ٥ بمقدار ٢ وصل بينهما
 بخيط دقيق يقطع المحور بنقطه في النقطة ١٣ فهي مقدار ٥ أي الحاصل من ضرب
 ٥×٥ أو ٢×٢ وبدل الخيط الدقيق يمكن استعمال شفاف عليه خط مستقيم
 بصفة دليل يمر بين رقمي النقطتين ٥ و ٥

ويمكن استعمال هذا النموذج لتقسمة أيضاً برص رقم ٥ مع رقم ٥ فيصل الخط إلى
 رقم ٥ على المحور

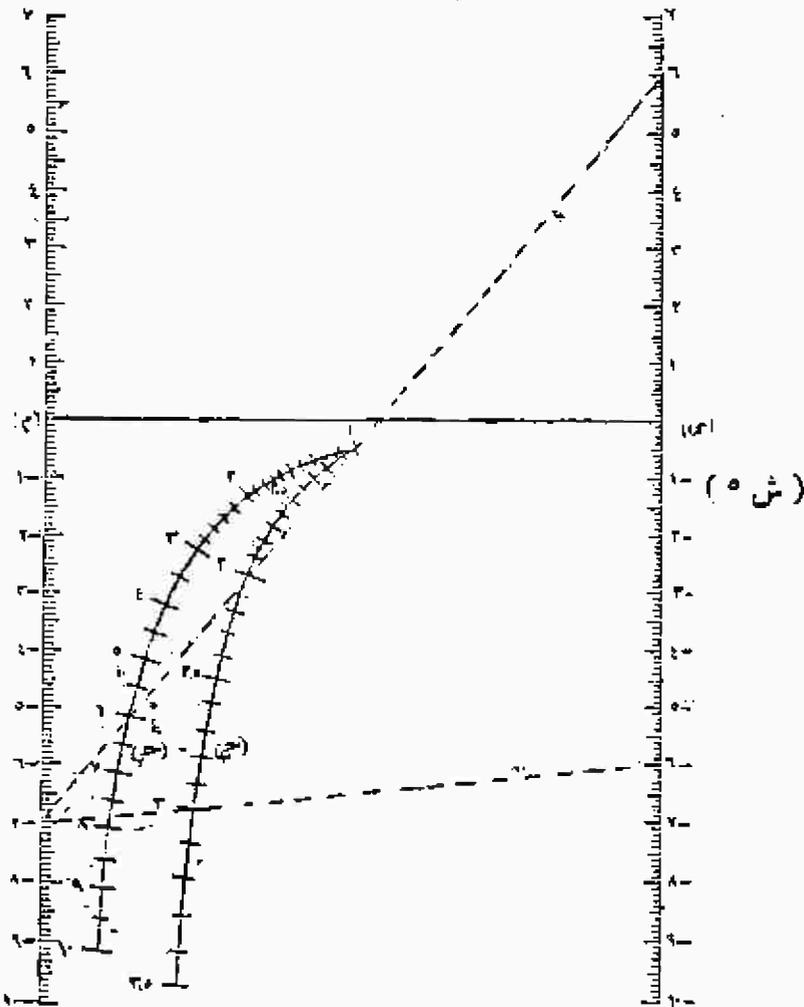
وبمقارنة هذا النموذج بالأباك المتقدم ذكره نجد ان مقادير الأرقام ٥ و ٥ و ٥
 تكون في الأباك على ثلاثة خطوط متوازية في نقطة وفي هذا النموذج نجد انها على ثلاث
 نقط على استقامة واحدة ويضح من ذلك أنه يمكن تحويل الأباك إلى نموذج وبالعكس
 وذلك بواسطة تحويل هندسي يسمى تحويل التناظر Transformation correlative

ويمكن أيضاً تحويل التحويرام الزاخذ الى جميع التحويرامات المبينة لقانون هذا التحويرام وذلك بواسطة تحويل هندسي يسمى تحويل التناسب Transformation homographique وفائدة ذلك البحث عن الشكل الانسب من تلك التحويرامات



ولا يخفى انه لا يمكن معرفة المقادير التي تزيد على اربعة ارقام باستعمال هذا التحويرام معرفة تامة ولكن المعرفة التقريبية تكفي في تطبيقات كثيرة ولا سيما في التطبيقات المتعلقة بفن الهندسة. والفرس من علم التحويرام حصر جميع القواعد الاساسية المختصة ببيان المعادلات والقوانين سها كان عدد متغيراتها بواسطة جداول مرسومة ذات ارقام وهذه الجداول

التوغرافية مكونة من اجزاء هندسية مرتمة بحيث ان الارقام للثغمة بكل من تلك الاجزاء الهندسية تقابل متغيرات القانون او المعادلة المختبرة بحيث ان الارتباط الجبري بين المتغيرات الموضح بواسطة قوانين هونكس موضح على الرسم يارتباط هندسي بسيط بين النقط المرتمة بتقديرو تقابل المتغيرات



وعندم طرق مختلفة لبيان التوغرافي اسطفا واحسها طريقة المسير وكثافي للنقط ذات الاستقامة الواحدة فانه يشتق منها جملة طرق تؤدي الى الفرض المطلوب . وايضاحا لذلك نشرح التوغرام ذا النقط التي على استقامة واحدة في حن معادلة الدرجة الثانية

من $x^2 + m x + y = 0$ ومعادلة الدرجة الثالثة من $x^2 + m x + y = 0$.
 وهذا التمرغرام المرسوم في الشكل الخامس مركب من مستقيمين متوازيين عليهما ارقام
 بقياس متري اعتيادي تدل على المعلومين في المعادلة وهما m و y وهو مركب ايضا من
 مقياسين على خطين متخمين وهما x و y يدلان على جذري معادلي الدرجة الثانية والثالثة
 كيفية استعمال هذا التمرغرام

حل معادلة من $x^2 - 7x + 6 = 0$ فيها المعلومان $m = -7$ و $y = 6$ فلعرفة
 الجذر المرجب لهذه المعادلة يكفي ان تأخذ نقطة تقاطع المنحنى $x^2 - 7x + 6 = 0$ بحيث يمتد من
 نقطة رقم -7 على المقياس (m) الى نقطة رقم -6 على المقياس (y) فرقم نقطة التقاطع
 وهو 3 هو الجذر المرجب لهذه المعادلة . ولعرفة جذريها السالبيين تبديل m بالحرف $-m$
 فنصبح المعادلة من $x^2 + 7x + 6 = 0$ ونجا $m = -7$ و $y = 6$ وبأخذ نقطتي تقابل
 الخط x مع الخط المار بنقطة -7 و 6 ينتج جذرا المعادلة السابقين 1 و 2

وكل ما ذكره من المعادلة ذات الدرجة الثالثة يطبق على المعادلة ذات الدرجة الثانية
 وذلك باخذ نقطة التقابل على المنحنى $x^2 - 7x + 6 = 0$ بدل اخذها على المنحنى $x^2 + 7x + 6 = 0$ واذا خرج المتداران
 المعلومان m و y من حدود التمرغرام في الشكل 6 تستعمل القاعدة الآتية التي يمكن تصغير
 هذين المتدارين لادخالهما في حدود الرسم وهي ان يعمد بالمتدار m من في المعادلة
 المتغيرة مثلاً من الدرجة الثالثة باخذ مقدار المكرر h عدداً صحيحاً اختيارياً وبقسمة كل
 من حدود هذه المعادلة على h نتأول هذه المعادلة الى من $x^2 + \frac{m}{h}x + \frac{y}{h} = 0$ باخذ

المتدارين $\frac{m}{h}$ و $\frac{y}{h}$ كارقام ثابتة لحرفي m و y على التمرغرام ينتج مقدار s على المنحنى

($x = s$) ويكون مقدار $s = 8$ من

$$0 = 17 - 12 - 16 = 0$$

عوض عن s بالمقدار 2 من باعتبار ان $h = 2$ واتسم الطرف الاول على 8 نتأول

$$\text{المعادلة الى } 0 = 2 - 3 - 2 = 0$$

وتحل بالتمرغرام باخذ $m = -3$ و $y = 2$ فينتج من $s = 2$ ويكون مقدار $s = 4$

فريد بولاد ومحمد منيب

مهندسان بمهم مصلحة سكة الحديد