

## الموجات الكهرومغناطيسية *Electromagnetic Waves*

بعد أن يكمل القارئ هذا الفصل، ويستوعب المفاهيم والأفكار والمبادئ التي وردت خلاله، من المتوقع أن يكون قادراً على:

- أن يقرر أهمية التسمية المتعارف عليها "فوس هزج" ماكسويل ومدى تعبيرها عن حقيقة علاقتها بالموجات الكهرومغناطيسية.
- أن يعرف القارئ كيف تتولد وكيف تنتقل الموجات الكهرومغناطيسية.
- أن يفسر القارئ حقيقة انتقال الطاقة عن طريق الموجات الكهرومغناطيسية.
- أن يفسر القارئ استقطاب الموجات الكهرومغناطيسية بواسطة الانعكاس.
- أن يعرف القارئ العلاقة الهامة بين نسبة المجال الكهربائي إلى المجال المغناطيسي بمفهوم سرعة الضوء.



## الموجات الكهرومغناطيسية

### Electromagnetic Waves

#### 10-1 المقدمة Introduction :

كان إنجاز العالم الشهير ماكسويل *Maxwell* والمتمثل في إثباته أن الضوء المرئي *visible light* ينتمي إلى الموجات الكهرومغناطيسية، وأن انتقال حزمة من الضوء في حقيقتها هو انتقال لموجة من المجالين الاتجاهيين الكهربائي والمغناطيسي في آن معا *magnetic field vectors and electric field vectors*.

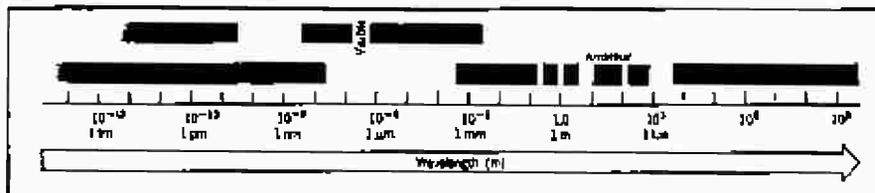
إن الأشعة الضوئية المرئية والأشعة تحت الحمراء *infrared* والأشعة فوق البنفسجية *ultraviolet* كلها من أنواع الأشعة التي كانت معروفة في زمن ماكسويل إلا أن العالم هنري هيرتز *Heinrich Hertz* هو الذي اكتشف الأشعة الراديوية *radio wave* وأثبت أنها تسير بسرعة الضوء.

ويهدف التعرف على أجزاء الطيف المغناطيسي تأمل الشكل (10-1) لكلك تصتتج لماذا أسماء أحد الكتاب قوس قزح ماكسويل *Maxwell's rain bow*. إنه عبارة عن مقياس للطول الموجي، أو بتعبير آخر طيف الأمواج الكهرومغناطيسية *electromagnetic spectrum*، وواضح على الشكل أن نهايتي هذا الطيف ليستا مغلقتين، وهذه إشارة إلى أن الموجات الكهرومغناطيسية ليس لها نهاية عظمى أو نهاية صغرى، وقد تطالنا الأبحاث يوماً ما بتسميات جديدة لموجات كهرومغناطيسية مكتشفة.

إن بعض أجزاء هذا الطيف تحمل اسمائها المعروفة بها، مثل أشعة إكس *x-ray*، والأمواج المايكروية *microwaves*، وغير ذلك، وهي تمثل مجال الأطوال الموجية الذي يمكننا أن نحصل خلاله على تلك الأمواج.

ونحن نتحدث عن الموجات الكهرومغناطيسية لا بد لنا أن نؤكد على الملاحظتين الهامتين الآتيتين بخصوص الطيف الكهرومغناطيسي:

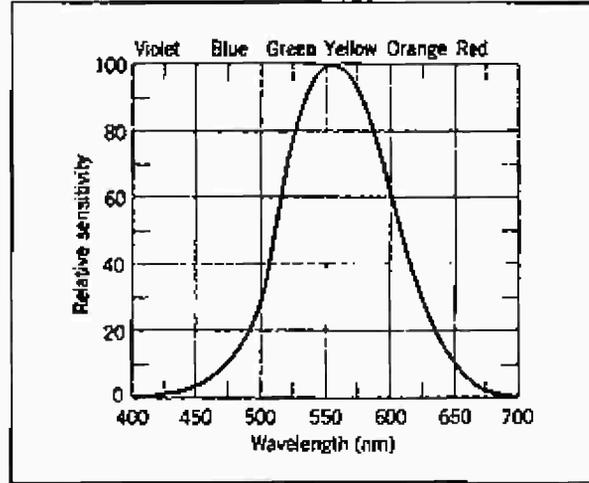
- 1- لا يوجد أية فجوات أو انقطاع في الطيف الكهرومغناطيسي.
- 2- إن جميع أنواع الموجات المذكورة في الطيف الكهرومغناطيسي بلا استثناء تسير عبر الفراغ *vacuum* بسرعة الضوء (c).



الشكل (10-1)

الطيف الكهرومغناطيسي *electromagnetic spectrum*، ويظهر من خلاله مجال الأطوال الموجية لكل نوع من هذه الأنواع

إن المنطقة التي تحظى بأهمية خاصة من الطيف الكهرومغناطيسي، ولا سيما في معامل البصريات، هي المنطقة المرئية *visible region* وهو ما يمكننا رؤيته عندما يمر الضوء عبر المنشور الزجاجي *prizm* حيث يتحلل إلى ألوانه الستة، وجميعها في حدود مقدرة العين البشرية للإبصار، ويقع هذا المجال عموماً بين الأطوال الموجية (400-700 nm)، تأمل الشكل (10-2).



الشكل (10-2)

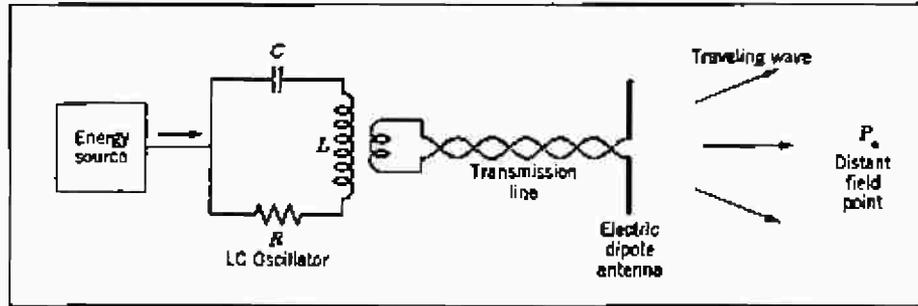
إحساس العين البشرية النسبي لمجموعة من الموجات الكهرومغناطيسية،  
ويلاحظ أنها مكونة من الطيف المرئي

## 10-2 توليد الأمواج الكهرومغناطيسية *Creating an Electromagnetic Wave*

بداية ونحن نتحدث عن توليد الموجات الكهرومغناطيسية، لا بد من التأكيد على أن حجم مصدرها يكون بحدود حجم الذرة أو نواتها، وهذه مسألة فيزيائية يتم تفسيرها بواسطة ميكانيك الكم *quantum mechanics*، ومن الأمثلة عليها أشعة إكس *x-ray*، وأشعة كاما *gamma rays*، وطيف الضوء المرئي *visible light*.

إن السؤال الذي يحتاج إلى إجابة مناسبة بعد هذه المقدمة، هو كيف يتم توليد الموجات الكهرومغناطيسية؟

ولتسهيل الإجابة عن هذا السؤال فإننا سوف نأخذ مجالاً محدداً من الأطوال الموجية للطيف الكهرومغناطيسي، وتحديدًا عند الطول الموجي ( $\lambda = 1m$ ) والتي يكون عندها الإشعاع الكهرومغناطيسي عبارة عن موجة راديوية قصيرة *shortwave radio* يمكن معاينتها والتحكم بها، ونشير هنا إلى أن مصدرها هو عبارة عن هوائي بسيط *antenna*، تأمل الشكل (10-3).



الشكل (10-3)

يوضح الخطوط العريضة الخارجية مولد الموجات القصيرة

نلاحظ في وسط هذا الجهاز وجود مولد التذبذبات من النوع LC

إن اشحنات التي تولد التيار الكهربائي في هذه الدائرة تتغير تغيراً جيبياً بمقدار التردد الزاوي لمولد التذبذبات  $\omega = 1/\sqrt{LC}$  نفسه.

وكما هو واضح من الشكل (10-3) فإن وجود مصدر للطاقة - كأن يكون بطارية مثلاً - يعوض كلاً من الفقدان الحراري في الدائرة والطاقة التي تحملها الموجات الكهرومغناطيسية، كما يتضح أن مولد التذبذبات LC oscillator موصول بمحولة وخط نقل يغذي الهوائي الذي يتكون بدوره من قطعتين رقيقتين من مادة موصلة للتيار الكهربائي على شكل قضبان (هوائي ذو قطبين)، من خلال هذه الدائرة يحدث التيار المتذبذب جيبياً *oscillate sinusoidally* حركة جيبية في شحنات الهوائي بمقدار التردد الزاوي للمتذبذب ( $\omega$ ) نفسه، والهوائي هنا له تأثير المزدوج الكهربائي والذي يتغير عزمه الكهربائي بشكل جيبي في المقدار والاتجاه على طول الهوائي. ويسبب هذا التغير لعزم المزدوج يتغير أيضاً المجال الكهربائي الناشئ مقداراً واتجاهاً.

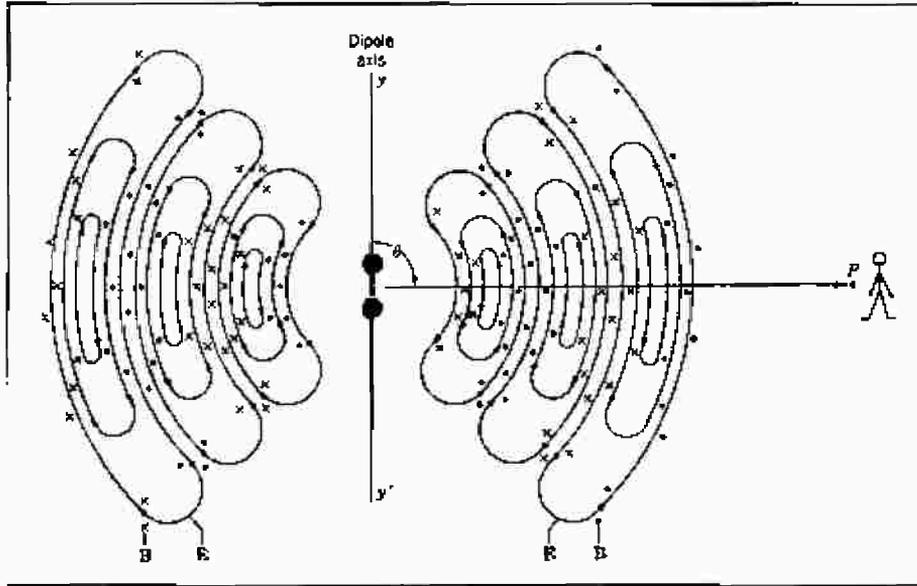
إن مرور التيار الكهربائي المتغير جيبياً يولد مجالاً مغناطيسياً يتغير هو الآخر جيبياً مقداراً واتجاهاً.

إن التغير الحاصل في كل من المجالين الكهربائي والمغناطيسي ينشأ عنه موجات كهرومغناطيسية تصدر عن الهوائي بسرعة الضوء ويتردد زاوي مساوي إلى تردد مولد التذبذبات ( $\omega$ ).

ولمزيد من الإيضاح انظر الشكل (10-4) حيث يمكن رؤية كل من المجال الكهربائي (E) والمجال للمغناطيسي (B) تتغير مع الزمن كموجة واحدة قبل أن تصل إلى نقطة الاستقبال (P). كما يمكن رؤية شعنتي الهوائي ذو القطبين وكذلك التيار الكهربائي (i).

وإذا تأملنا الشكل أكثر نجد أن المسارات الثلاثة تمثل كلاً من المجال الكهربائي والمجال المغناطيسي عند ثلاث قيم مختلفة للزمن حدثت بواسطة الهوائي وهي متجهة نحو اليمين واليسار حيث يتجه المجال المغناطيسي إلى داخل الصفحة وخارجها على التناوب، بينما يتجه المجال

الكهربائي أعلى وأسفل الصفحة على التناوب أيضاً. والمجموعتان الموضعتان في الشكل (10-4) هي جزء من النموذج الكامل لتناوب المجالين، وهي تتجه كما أسلفنا سابقاً مبتعدة عن الهوائي بسرعة الضوء (c).



الشكل (10-4)

كل من المرات الثلاثة حصلت عند زمن معين يبين هذا الشكل منظراً قريباً من الأعلى لتزدوج متذبذب يصدر أشعة كهرومغناطيسية، كما يوضح كلاً من خطوط المجالين الكهربائي والمغناطيسي المتقترنة بها النقاط (•) توضح الموجات الخارجة والتقاطع × يوضح الموجات الداخلة (في مستوى الورقة)

وهكذا نرى كيف تمكنا عملياً من توليد الموجات الكهرومغناطيسية الراديوية ضمن أطول الطول الموجي الذي اخترناه مسبقاً.

### 10-3 انتقال الموجات الكهرومغناطيسية *The Traveling Electromagnetic Wave* :

إذا نظرنا إلى الشكل (10-4) مرة أخرى ولاحظنا النقطة (P)، إن هذه النقطة استخدمت في حقيقة الأمر للإشارة إلى محطة الرصد للموجات الكهرومغناطيسية المنبعثة عن الهوائي، وهي ليست قريبة كما يبدو، بل لا بد من وجودها على بعد مناسب لعملية الاستقبال، كما يوضح الشكل أيضاً أن انتقال الموجات الكهرومغناطيسية إلى محطة الرصد يكون بشكل مستوي. ولا بد من أن نؤكد حقيقة أن كلاً من المجالين المغناطيسي (B) والكهربائي (E) يكونان دائماً في حالة من التعامد أثناء انتقال الموجة الكهرومغناطيسية، كما أنهما متعامدان مع اتجاه انتشار الموجة ذتها، ولزيد من التوضيح فإن محطة الاستقبال عند أي مقدار للزمن (t) تستقبل الكميات التالية:

$$\vec{E} = \vec{E}_m \sin(kx - \omega t) \quad \text{المجال الكهربائي} \quad (10-1)$$

$$\vec{B} = \vec{B}_m \sin(kx - \omega t) \quad \text{المجال المغناطيسي} \quad (10-2)$$

حيث إن  $(E_m)$  ،  $(B_m)$  ، هما السعة العظمى لكل من المجالين الكهربائي والمغناطيسي ، كما أن  $(x)$  هي المسافة بين مصدر الموجة الكهرومغناطيسية ونقطة استقبال هذه الموجة في اتجاه انتشار الموجة الكهرومغناطيسية ، أما سرعة الموجة فهي:

$$c = \frac{\omega}{k} \quad (10-3)$$

حيث إن:

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

وهو عبارة عن التردد الزاوي ويقاس بالراديان لكل ثانية ، كما أن:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \quad (10-4)$$

وهو عبارة عن العدد الموجي الزاوي ويقاس بالراديان لكل متر، أما التردد *frequency* فتعبر عنه بالعلاقة الرياضية:

$$f = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} \quad (10-5)$$

ويقاس بالهرتز حيث:

$$\text{hertz} = 1 \text{ Hz} = 1 \text{ s}^{-1} \quad (\text{دورة لكل ثانية})$$

أما المقدار  $(kx - \omega t)$  فهو عبارة عن طور الموجة الكهرومغناطيسية.

إن لمعادلة الرياضية (10-1) تصف معدل التغير الزمني للمجال الكهربائي وفقاً لقانون ماكسويل للحث الكهرومغناطيسي، ولا بد أن نؤكد هنا أن المجال المغناطيسي المرتبط بها تمثله المعادلة (10-2). بينما تمثل المعادلة الرياضية (10-2) معدل التغير الزمني للمجال المغناطيسي وفقاً لقانون فاراداي للحث الكهرومغناطيسي ولا بد أيضاً أن نؤكد أن المجال الكهربائي المرتبط بها تمثله المعادلة (10-1).

وهكذا نرى أن الموجة المنتشرة كهرومغناطيسياً بسرعة الضوء في الفراغ تعبر عن معدل التغير الزمني لكل من المجالين الكهربائي والمغناطيسي وهذا في حقيقة الأمر ما يمكننا من التعبير عنها بواسطة معادلات ماكسويل *Maxwell's equations*.

وإذا اعتبرنا أن الشحنة الكهربائية ( $q = 0$ ) في الفراغ الحر تساوي إلى الصفر أخذين بالاعتبار أن التيار الكهربائي الحثي في هذه الحالة يساوي الصفر ( $i = 0$ ) فإن معادلات ماكسويل يمكن إعادة صياغتها على النحو الآتي:

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{d\phi_B}{dt} \quad \text{قانون فراداي في الحث} \quad (10-6)$$

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \mu_0 \epsilon_0 \frac{d\phi_E}{dt} \quad \text{قانون ماكسويل في الحث} \quad (10-7)$$

والسؤال المطروح الآن: هل أن وصف الموجات الكهرومغناطيسية المبين في المعادلتين (10-1) و(10-2) يتوافق مع معادلتين ماكسويل (10-6) و(10-7)؟

إن الجواب الصحيح هنا: هو نعم يمكننا التأكيد على ذلك، شريطة أن نعبّر عن سرعة الضوء بالمعادلة الرياضية:

$$c = \frac{\bar{E}_m}{\bar{B}_m} \quad (10-8)$$

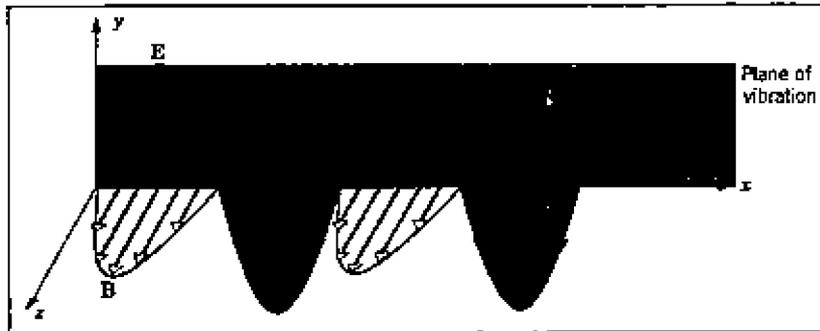
وهي نسبة السعتين العظمى لكل من المجالين الكهربائي والمغناطيسي، كما يمكننا أن نعبّر عن سرعة الموجة في الفراغ بالعلاقة الرياضية:

$$c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} \quad (10-9)$$

وهي تساوي عددياً ( $3 \times 10^8$  m/s).

حيث إن ( $\mu_0$ ) تمثل نفاذية الفراغ الحر، بينما تمثل ( $\epsilon_0$ ) نفاذية الفراغ الحر.

حيث ( $E_m$ ) و( $B_m$ ) هما القيمتان العظمى لسعتي كل من الموجتين الكهربائية والمغناطيسية، وهما ليستا مستقلتين عن بعضهما البعض، انظر الشكل (10-5).



الشكل (10-5)

يبين الشكل أن كلا من المجالين الكهربائي والمغناطيسي يتذبذبان جيبيًا،

الأول مواز للمحور ( $y$ ) والثاني مواز للمحور ( $z$ ) وهما متعامدان

#### 10-4 انتقال الطاقة ومتجه هنري بوينتغ *Energy Transport and The Poynting Vector*

إن جميع الذين تعودوا على أخذ الحمامات الشمسية يعلمون أن أجسامهم تكتسب الطاقة المصاحبة للموجات الكهرومغناطيسية والتي يمكننا التعبير عنها بواسطة المتجه الذي يسمى متجه بوينتغ نسبة إلى *John Henry Poynting*، والذي نعبّر عنه رياضياً على النحو الآتي:

$$\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B} \quad \text{متجه بوينتغ} \quad (10-10)$$

أم وحدة القياس لهذه الكمية في النظام الدولي (SI) فهي الواط لكل متر مربع *Watts per square meter*، ومن الأهمية بمكان أن نلاحظ أن اتجاهه يعبّر عن اتجاه نقل الطاقة بواسطة الموجة الكهرومغناطيسية عند النقطة التي تمثل استقبال الموجة.

إن كلا من المتجهين  $(\vec{E})$  و  $(\vec{B})$  يتغيران أثناء انتقال الموجة الكهرومغناطيسية، الأول بين الزيادة و نقصان في الاتجاه  $(y)$ ، والثاني يتغير بين الزيادة و النقصان في الاتجاه  $(z)$ ، ولكن ذلك لا يغير من طبيعة المتجه وهو دائماً باتجاه المحور  $(x)$  المتزايد، أي باتجاه انتشار الموجة الكهرومغناطيسية، ذلك أن حاصل الضرب الاتجاهي للمتجهين  $(\vec{E} \times \vec{B})$  في كلا حالتي التغير يشير إلى الاتجاه العمودي على المستوى الذي يحتويهما، وهما كما أشرنا مسبقاً دائماً في حالة تعامد، وهذا ما يجعلنا نعيد صياغة المعادلة (10-10) رياضياً على النحو الآتي:

$$S = \frac{1}{\mu_0} E B \quad (10-11)$$

ذلك أن مقدار جيب الزاوية بينهما  $[\sin(90)]$  يساوي الواحد، ولا بد من أن نلاحظ في المعادلة (10-11) أن كلا من المتجهات الثلاثة  $(\vec{B})$  و  $(\vec{E})$  و  $(\vec{S})$  تعبّر عن المقادير الآتية لها. وعلى الرغم من أن كلا من المتجهين  $(\vec{E})$  و  $(\vec{B})$  متحددان تماماً إلا أن معظم أجهزة القياس المستخدمة في الدراسات الكهرومغناطيسية يستند تصميمها على رصد وقياس المجال الكهربائي  $(\vec{E})$ .

وبالعودة إلى المعادلة (10-8) التي توضح العلاقة الرياضية بين القيم العظمى لكل من  $(\vec{E}_m)$  و  $(\vec{B}_m)$ ، نقول بإمكانية اعتمادها لتوضيح العلاقة الرياضية بين المقادير الآتية لكل من  $(\vec{E})$  و  $(\vec{B})$  على النحو الآتي:

$$\frac{\vec{E}_m}{\vec{B}_m} = \frac{\vec{E}}{\vec{B}} = c \quad (10-12)$$

إن لعلاقة الرياضية (10-12) تمكناً من تعويض المقادير الآتية للمجالين المغناطيسي والكهربائي في المعادلة (10-8) بما يساويها وذلك على النحو الآتي:

$$\bar{B} = \frac{\bar{E}}{c} \quad (10-13)$$

وهذا ما يؤدي إلى إمكانية إيجاد مقدار نسبة الانسياب اللحظي للطاقة، على النحو الآتي:

$$S = \frac{1}{c \mu_0} E^2 \quad (10-14)$$

وبالإمكان استخدام معلوماتنا الأولية عن كل من المجال الكهربائي والمغناطيسي وبالتحديد المجال المغناطيسي الوارد في المعادلة (10-12) وذلك لإعادة اشتقاقها من جديد، وتعريف ما يسمى معدل مقدار الانسياب اللحظي للطاقة ( $\bar{S}$ ) المتغيرة بالنسبة للزمن، ويسمى هذا المعدل شدة الطاقة *energy intensity* والذي نعبر عنه رياضياً على النحو الآتي:

$$I = \bar{S} = \frac{1}{c \mu_0} E_{rms}^2 \quad (10-15)$$

حيث إن ( $E_{rms}$ ) هي عبارة عن جذر المتوسط التربيعي للمجال الكهربائي، ويساوي رياضياً

$$E_{rms} = \frac{E_m}{\sqrt{2}} \quad (10-16)$$

كما أن:

$$I = \bar{S} = \frac{1}{c \mu_0} \bar{E}^2 \quad (10-17)$$

ولكن نحن نعلم أن:

$$E = E_m \sin(kx - \omega t)$$

وبتعويض معدل مقدار الدالة الجيبية لنصف الفترة والذي يساوي العدد  $\left(\frac{1}{2}\right)$ ، وكذلك

المقدار  $E_m = \sqrt{2} E_{rms}$ ، نحصل على:

$$\begin{aligned} I = \bar{S} &= \frac{1}{\mu_0 c} \overline{E_m^2 \sin^2(kx - \omega t)} \\ &= \frac{1}{\mu_0 c} (\sqrt{2} E_{rms})^2 \left(\frac{1}{2}\right) \end{aligned}$$

$$I = \frac{1}{\mu_0 c} E_{rms}^2 \quad (10-18)$$

وهي العلاقة الرياضية التي تعبر عن معدل شدة الإشعاع الكهرومغناطيسي بدلالة ثابت نفاذية

الوسط الحر ( $\mu_0$ ) وسرعة الضوء ( $c$ )، وجذر المتوسط التربيعي للمجال الكهربائي ( $E_{rms}$ ).

10-5 ضغط الإشعاع الكهرومغناطيسي *Radation Pessure*:

عندما يتقاطع سطح ما مع الإشعاع الكهرومغناطيسي فإن هناك قوة وضغطاً كهرومغناطيسيين يتم تسليطهما على هذا السطح، وفي حالة امتصاص الإشعاع بشكل كامل فإن القوة المؤثرة يُعبّر عنها رياضياً بالمعادلة:

$$F = \frac{IA}{c} \text{ الامتصاص الكلي} \quad (10-19)$$

حيث يمثل ( $I$ ) معدل شدة الإشعاع الكهرومغناطيسي، ( $A$ ) المساحة العمودية لسطح الامتصاص، أما إذا ارتد الإشعاع كلياً عن السطح وفق المسار نفسه الذي سقط خلاله فإننا نمثّر عن القوة المؤثرة في هذه الحالة بالعلاقة الرياضية:

$$F = \frac{2IA}{c} \text{ الانعكاس الكلي على المسار نفسه} \quad (10-20)$$

أما ضغط الإشعاع ( $P$ ) فيعرّف على النحو الآتي:

$$P_r = \frac{I}{c} \text{ امتصاص كلي} \quad (10-21)$$

وكذلك في حالة انعكاس الإشعاع الكلي:

$$P_r = \frac{2I}{c} \text{ الانعكاس الكلي على المسار نفسه} \quad (10-22)$$

مثال (10-1) *Example*:

إذا علمت أن التقنية الحديثة تمكّننا من الحصول على قدرة مقدارها ( $100 \text{ TW}$ ) وذلك باستخدام عنصر النيوديميوم *neodymium* كمادة زجاجية لصناعة الليزر، وذلك خلال زمن مقداره ( $1 \text{ ns}$ ) بطول موجي يساوي ( $0.26 \mu m$ ).

أوجد حسابياً طاقة النبضة الواحدة؟

الحل *Solution*:

القدرة الناشئة تساوي إلى:

$$P = 100 \times 10^{12} \text{ W}$$

في الفترة الزمنية:

$$\Delta T = 1 \times 10^{-9} \text{ s}$$

إذن: طاقة النبضة الواحدة تساوي إلى:

$$\begin{aligned} E &= P \Delta T = 100 \times 10^{12} \text{ W} \times 1 \times 10^{-9} \text{ s} \\ &= 1 \times 10^5 \text{ Joule} \end{aligned}$$

## مثال (10-2): Example

أوجد حسابياً معدل شدة الإشعاع الكهرومغناطيسي لموجة مستوية، إذا كانت القيمة العظمى لسعة المجال المغناطيسي ( $B_m = 1 \times 10^{-4} \text{ T}$ ).

الحل Solution:

من المعادلة الرياضية (10-10) نجد أن:

$$\begin{aligned} I = \bar{S} &= \frac{1}{\mu_0} |\vec{E} \times \vec{B}| \\ &= \frac{E_m B_m}{\mu_0} = \frac{(E_m / \sqrt{2})(B_m / \sqrt{2})}{\mu_0} \\ &= \frac{E_m B_m}{2\mu_0} \end{aligned}$$

ولكن لدينا:

$$\begin{aligned} \frac{E_m}{B_m} &= c \\ E_m &= c B_m \end{aligned}$$

والآن نجد أن شدة الإشعاع الكهرومغناطيسي يساوي إلى:

$$\begin{aligned} I &= \frac{c B_m^2}{2\mu_0} = \frac{(3 \times 10^8 \text{ m/s})(1 \times 10^{-4} \text{ T})^2}{2(1.26 \times 10^{-6} \text{ H/m})} \\ &= 1.2 \times 10^6 \text{ W/m}^2 \end{aligned}$$

## مثال (10-3): Example

موجة كهرومغناطيسية مستوية تبلغ القيمة العظمى تركبة مجالها الكهربائي ( $E_m = \pm 2 \times 10^{-4} \text{ V/m}$ ).

أوجد حسابياً القيمة العظمى تركبة مجالها المغناطيسي

الحل Solution:

من المعلوم أن العلاقة الرياضية التي تربط كلاً من ( $E_m$ ) و ( $B_m$ ) هي:

$$\begin{aligned} \frac{E_m}{B_m} &= c \\ B_m &= \frac{E_m}{c} = \frac{3.2 \times 10^{-4} \text{ V/m}}{3.2 \times 10^8 \text{ m/s}} \\ &= 1.07 \times 10^{-12} \text{ T} \end{aligned}$$

مثال (10-4): Example

أوجد حسابياً الطول الموجي ( $\lambda$ ) لموجة كهرومغناطيسية تتبع من مولد ذبذبات هوائي من النوع LC حيث تبلغ معاثة ملفه ( $L = 0.253 \mu H$ )، أما سعة مكثفه ( $C = 250 PF$ )

الحل Solution:

من المعلوم أن التردد الزاوي لمولد الذبذبات (LC) نعبر عنه بالمعادلة:

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$\omega = 2\pi f$$

ولكن:

$$c = \lambda f$$

$$\lambda = \frac{c}{f}$$

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

وهكذا نجد أن الطول الموجي للأشعة الكهرومغناطيسية في هذه الحالة يساوي إلى:

$$\lambda = 2\pi c\sqrt{LC} = 4.7 m$$

مثال (10-5): Example

- إذا كانت القيمة العظمى لمركبة المجال الكهربائي لموجة راديوية مستوية تساوي إلى ( $5 V/m$ ).  
 1- أوجد حسابياً القيمة العظمى لمركبة المجال المغناطيسي.  
 2- أوجد معدل الإشعاع للموجة الكهرومغناطيسية.

الحل Solution:

-1

$$\frac{E_m}{B_m} = c$$

$$B_m = \frac{E_m}{c} = \frac{5 V/m}{3 \times 10^8 m/s} = 1.67 \times 10^{-8} T$$

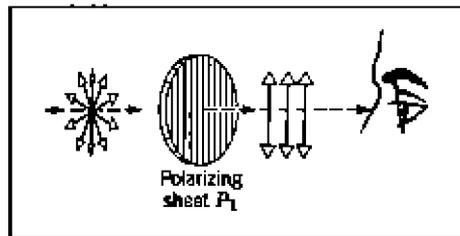
-2

$$I = \bar{S} = \frac{E_m^2}{2\mu_0 c}$$

$$= \frac{(5 V/m)^2}{2(1.26 \times 10^{-6} H/m)(3 \times 10^8 m/s)} = 3.31 \times 10^{-2} W/m^2$$

## 10-6 الاستقطاب Polarization :

إن المقصود باستقطاب موجة الأشعة الكهرومغناطيسية هو أن تكون جميع المتجهات التي تمثل المجال الكهربائي في حالة توازٍ *inparallel*، ونطلق في هذه الحالة على اتجاه المجال الكهربائي اسم اتجاه الاستقطاب *polarization direction*، كما نطلق على المستوى الذي يحوي كلاً من متجه المجال الكهربائي ومتجه انتشار الموجة الكهرومغناطيسية مستوى التذبذب الموجي *plane of vibration*. ومن الناحية التقنية يمكننا الحصول عملياً على أشعة كهرومغناطيسية مُستقطبة وذلك باستخدام ما نسميه بصفيحة الاستقطاب *polarizing sheet*، انظر الشكل (10-6).

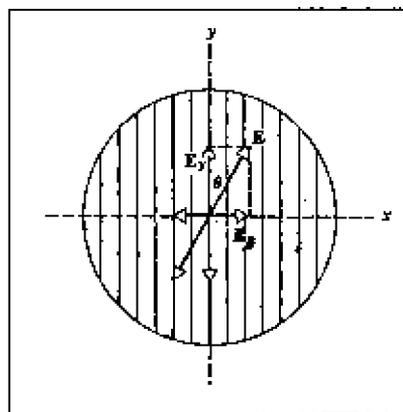


الشكل (10-6)

يصبح الضوء مُستقطباً بعد مروره خلال صفيحة الاستقطاب، ويكون اتجاهه باتجاه محور الاستقطاب للصفيحة وتمثله في الشكل الخطوط المتوازية

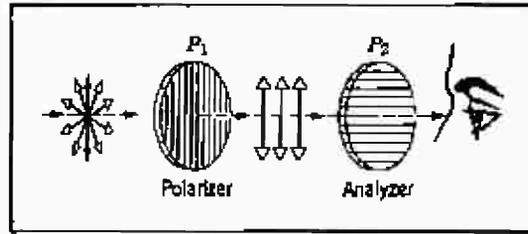
تسمح صفيحة الاستقطاب بمرور مركبات الأشعة الكهرومغناطيسية الاتجاهية خلال خطوط استقطابها، حيث يخرج الضوء المُستقطب من الجهة المقابلة بشدة إضاءة مساوية لنصف شدة الإضاءة الأصلية للأشعة الساقطة على المُستقطب. وبحالة عامة نعبر رياضياً عن شدة الإضاءة الناتجة بعد مرور الإشعاع خلال المُستقطب بالعلاقة الرياضية الآتية:

$$I = I_m \cos^2 \theta \quad (10-23)$$



الشكل (10-7)

يبين كيف يتحلل المجال الكهربائي ( $E$ ) إلى مركبتين ( $E_y$ ) و( $E_z$ )



الشكل (10-8)

يبين عدم مرور الضوء المستقطب في صفيحة الاستقطاب ( $P_2$ ) analyzer،  
بعد أن تم استقطابه بواسطة صفيحة الاستقطاب ( $P_1$ ) polarizer

حيث إن:

( $I_p$ ) هي شدة الإضاءة الأصلية للأشعة الساقطة.

( $\theta$ ): هي الزاوية بين اتجاه خطوط الاستقطاب للصفحة واتجاه شعاع الضوء الساقط، انظر الشكل (10-7) حيث يوضح هذه الكميات كما يوضح أن المجال الكهربائي قد تحلل إلى مركبتين إحداهما موازية لمحور الاستقطاب والأخرى عمودية عليه، بينما يوضح الشكل (10-8) أن الضوء المستقطب الذي حصلنا عليه بعد مروره بالمستقطب polarizer لا يمكنه المرور عندما يعترض طريقه صفيحة استقطاب أخرى والذي نسميه هنا المحلل analyzer، وذلك عندما تكون محاور الاستقطاب لكل من المستقطب والمحلل عموديتان *crossed* على بعضهما البعض. أما إذا كان وضع محاور المحلل بزاوية ( $\theta$ ) فإن شدة الإضاءة تخضع للقانون المبين في المعادلة (10-23).

## مسائل عامة محلولة

## solved problems

10-1 أوجد حسابياً مقدار الجزء الذي يمتصه قرص الأرض الذي يتقاطع مع الأشعة الصادرة عن الشمس، إذا علمت أن معدل نصف قطر الأرض يساوي  $(6.37 \times 10^6 \text{ m})$  وأن معدل المسافة بين الشمس والأرض تساوي  $(1.5 \times 10^8 \text{ km})$ .

الحل:

إن مساحة قرص سطح الأرض الذي يتقاطع مع أشعة الشمس هو عبارة عن مساحة الدائرة الآتية:

$$Area_e = \pi r_e^2$$

حيث  $(r_e)$  معدل نصف قطر الأرض الذي يساوي إلى  $(6.3 \times 10^6 \text{ m})$ .

أما مساحة الكرة الإشعاعية الموجودة بين الأرض والشمس فهي:

$$Area_{es} = 4 \pi r_{es}^2$$

حيث معدل المسافة بين الشمس والأرض  $(1.5 \times 10^{11} \text{ m})$ ، وعليه فإن الجزء الإشعاعي الذي يمتصه قرص الأرض هو عبارة عن:

$$\begin{aligned} \text{Fraction} &= \frac{\pi r_e^2}{4 \pi r_{es}^2} \\ &= \frac{1}{4} \left( \frac{6.37 \times 10^6 \text{ m}}{1.5 \times 10^{11} \text{ m}} \right)^2 \\ &= 4.51 \times 10^{-10} \end{aligned}$$

وكما يلاحظ فهو جزء صغير للغاية من مجموع الإشعاع الشمسي الكلي.

10-2 تبلغ شدة الإشعاع الشمسي الذي يصلنا إلى الأرض والنافذ من الغلاف الجوي في يوم صيفي  $(100 \text{ W/m}^2)$ . من ناحية أخرى تبلغ قدرة سخان كهربائي الحرارية  $(1 \text{ kW})$ .

أوجد المسافة التي يجب أن تفصلنا عن السخان الكهربائي كي نستقبل نفس مقدار شدة الإشعاع الشمسي الواصل إلينا.

الحل:

إن القدرة الكهربائية الناتجة عن السخان الكهربائي  $(P_h)$  هي:

$$P_h = 1 \times 10^3 \text{ W}$$

أما القدرة الكهربائية الناتجة عن الإشعاع الشمسي  $(P_{sun})$  فهي:

$$P_{sun} = I (4 \pi r^2)$$

وحتى تتساوى القدرتان نجد أن:

$$P_h = P_{lum}$$

$$1 \times 10^3 W = 4 \pi r^2 (100 W / m^2)$$

$$r = \left[ \frac{1 \times 10^3 W}{4 \pi (100 W / m^2)} \right]^{\frac{1}{2}}$$

$$= 0.89 m$$

10-3 ثبت أن متوسط معدل شدة الطاقة المنتقلة خلال وحدة المساحة لأشعة كهرومغناطيسية تنتقل في المستوى يمكننا أن نعبر عنها رياضياً بالمعادلة الرياضية:

$$\bar{S} = \frac{E^2 m}{2 \mu_0 c} = \frac{c B^2 m}{2 \mu_0}$$

الحل:

من المعروف لدينا أن معدل شدة الإشعاع الكهرومغناطيسي نعبر عنه بالعلاقة الرياضية:

$$\bar{S} = \frac{1}{\mu_0} |E \times B|_{av}$$

$$= \frac{1}{\mu_0} (EB)_{av}$$

$$= \frac{E_{av} B_{av}}{\mu_0} = \frac{(E_m / \sqrt{2})(B_m / \sqrt{2})}{\mu_0}$$

$$= \frac{E_m B_m}{2 \mu_0} = \frac{E^2 m}{2 \mu_0 c} = \frac{c^2 B^2 m}{2 \mu_0 c}$$

$$= \frac{c B^2 m}{2 \mu_0}$$

10-4 ستخدم النتيجة التي حصلنا عليها في المسألة السابقة (10-3)، أوجد حسابياً متوسط شدة لطاقة لأشعة كهرومغناطيسية تنتقل في المستوى، وذلك عندما تكون القيمة العظمى

لركبة المجال المغناطيسي هي:

$$B_m = 1 \times 10^{-4} T$$

الحل:

بالرجوع إلى المسألة المذكورة (10-3) نجد أن:

$$I = \bar{S} = \frac{c B^2 m}{2 \mu_0}$$

حيث إن:

$$c = 3 \times 10^8 m / s$$

$$\mu_0 = 1.26 \times 10^{-6} H / m$$

$$I = \bar{S} = \frac{(3 \times 10^8 m / s)(1 \times 10^{-4} T)^2}{2(1.26 \times 10^{-6} H / m)}$$

$$= 1.2 \times 10^6 W / m^2$$

10-5 إذا كانت القيمة العظمى لمركبة المجال الكهربائي لموجة راديوية هي:

$$E_m = 5 \text{ V/m}$$

أوجد حسابياً:

1- القيمة العظمى لمركبة المجال المغناطيسي لهذه الموجة.

2- مقدار شدة طاقتها.

الحل:

1- نحن نعلم أن العلاقة الرياضية التي تربط بين القيمة العظمى لمركبتي الموجة

الكهرومغناطيسية ( $E_m$ ) و ( $B_m$ ) هي:

$$\frac{E_m}{B_m} = c$$

حيث إن ( $c$ ) هي سرعة الضوء.

$$\begin{aligned} B_m &= \frac{E_m}{c} \\ &= \frac{5 \text{ V/m}}{3 \times 10^8 \text{ m/s}} = 1.67 \times 10^{-8} \text{ T} \end{aligned}$$

2- من المسائل السابقة (10-3) و (10-4) وجدنا أن شدة الطاقة للموجة الكهرومغناطيسية هي

عبارة عن:

$$\begin{aligned} I = \bar{S} &= \frac{E^2 m}{2\mu_0 c} \\ &= \frac{(5 \text{ V/m})^2}{2(1.26 \times 10^{-6} \text{ H/m})(3 \times 10^8 \text{ m/s})} \\ &= 3.31 \times 10^{-2} \text{ W/m}^2 \end{aligned}$$

10-6 قطعة من الكرتون الأسود تبلغ مساحتها ( $A=2 \times 10^{-4} \text{ m}^2$ ) تعترض طريق أشعة ضوئية شدتها

( $10 \text{ W/m}^2$ ) تتغير بين النور والظلام تبعاً لعمل الكاميرا.

أوجد حسابياً ضغط هذه الأشعة الضوئية على قطعة الكرتون بافتراض أنها تمتص الأشعة

الساقطة عليها امتصاصاً كلياً.

الحل:

نحن نعلم أن العلاقة الرياضية التي تربط بين شدة الإضاءة ( $I$ ) وضغط الإشعاع ( $P_r$ ) هي:

$$\frac{I}{P_r} = c$$

حيث إن  $(c)$  هي سرعة الضوء المعروفة.

$$\begin{aligned} P_r &= \frac{I}{c} \\ &= \frac{(10 \text{ W/m}^2)}{(3 \times 10^8 \text{ m/s})} \\ &= 3.3 \times 10^{-8} \text{ N/m}^2 \\ &= 3.3 \times 10^{-8} \text{ Pa} \end{aligned}$$

10-7 تستخدم أشعة الليزر لتضغط بلازما الغاز عن طريق ضغط الإشعاع، إذا استخدمنا أشعة ليزر تولد نبضات إشعاعية طاقتها عند الذروة تساوي  $(1.5 \times 10^7 \text{ MW})$  للتأثير على مساحة من سطح البلازما الغازية تمتلك كثافة إلكترونية عالية بحيث نستطيع اعتبار معامل الانعكاس للأشعة الليزرية تساوي الواحد.

أوجد حسابياً الضغط الإشعاعي الليزري على سطح البلازما المذكور.  
لحل:

في هذه الحالة وضمن مواصفات البلازما الغازية هذه نجد أنها تؤدي إلى انعكاس كل لطاقة الساقطة عليها بفعل الإشعاع الليزري، أي أن الضغط الإشعاعي هو:

$$P_r = \frac{2I}{c}$$

حيث إن  $(I)$  هي شدة الإضاءة وتساوي:

$$I = \frac{P}{A}$$

حيث إن:

$(P_r)$  هي الطاقة الليزرية.

$(A_r)$  المساحة المتأثرة.

وبالتعويض نجد أن:

$$\begin{aligned} P_r &= \frac{2P}{cA} \\ &= \frac{2(1.5 \times 10^9 \text{ W})}{(3 \times 10^8 \text{ m/s})(1 \times 10^{-6} \text{ m}^2)} \\ &= 1 \times 10^7 \text{ Pa} = 10 \text{ MPa} \end{aligned}$$

10-8 موجة كهرومغناطيسية لديك المعلومات الآتية عن مجالها المغناطيسي:

$$B_x = B \sin(k_y + \omega t)$$

$$B_y = B_z = 0$$

- 1- حدد اتجاه انتشار هذه الموجة الكهرومغناطيسية.
- 2- صف رياضياً مركبات مجالها الكهربائي.
- 3- هل هذه الموجة الكهرومغناطيسية مستقطبة؟ إذا كانت كذلك حدد اتجاهها.

الحل:

1- بما أن الموجة الكهرومغناطيسية التي تنتشر بالاتجاه  $(y)$  الموجب هي:

$$B_x = B \sin (ky - \omega t)$$

والمركبة السينية للموجة الكهرومغناطيسية في هذه المسألة هي:

$$B_x = B \sin (kx + \omega t)$$

نلاحظ أن:

$$-(-\omega = \frac{-2\pi}{T} = -2\pi f)$$

وعليه فإن اتجاه الانتشار هو الاتجاه  $(y)$  السالب.

2- من الواضح أن:

$$E_y = E_z = 0$$

$$E_x = -cB \sin (kx + \omega t)$$

ذلك أن:

$$E_{x \max} = -cB$$

3- بما أن مركبتي الأشعة الكهرومغناطيسية للمجالين الكهربائيين بالاتجاه  $(y)$  و  $(x)$  تساوي الصفر، إذن الأشعة مُستقطبة وعلى طول المحور  $(z)$ .

10-9 تم تمرير أشعة ضوئية مُستقطبة خلال صفيحتي استقطاب، بحيث يصنع محور استقطاب الصفيحة الأولى زاوية مقدارها  $(\theta)$  مع اتجاه انتشار الأشعة، بينما يصنع محور استقطاب الصفيحة الثانية زاوية مقدارها  $(90^\circ)$  مع اتجاه الانتشار ذاته. إذا علمت أن  $(I_0)$  هي شدة الأشعة الساقطة على صفيحتي الاستقطاب التي تمر خلالها.

أوجد حسابياً مقدار الزاوية  $(\theta)$ .

الحل:

بفرض أن شدة إشعاع الضوء الابتدائية هي  $(I_0)$  فإن مقدار الأشعة التي تنفذ من الصفيحة المُستقطبة الأولى هو:

$$I_1 = I_0 \cos^2 \theta$$

من المعلوم أن الزاوية بين صفيحتي الاستقطاب هي:  $(90^\circ - \theta)$

وعليه فإن الأشعة التي تنفذ من الصفحة المُستقطبة الثانية هي:

$$I_2 = I_1 \cos^2 (90^\circ - \theta)$$

ونكenna نعلم من قوانين الزوايا في المثلثات أن:

$$\cos (90^\circ - \theta) = \sin \theta$$

$$I_2 = I_0 \cos^2 \theta \sin^2 \theta$$

كما نعلم أيضاً من قوانين الزوايا في المثلثات أن:

$$2 \cos \theta \sin \theta = \sin 2\theta$$

أي أن المقدار:

$$\frac{4}{4} \cos^2 \theta \sin^2 \theta = \frac{\sin^2(2\theta)}{4}$$

$$I_2 = \frac{I_0}{4} \sin^2(2\theta)$$

$$I_2 = 0.1(I_0)$$

$$0.1(I_0) = \frac{I_0}{4} \sin^2(2\theta)$$

$$\sin^2(2\theta) = 0.4$$

$$\sin(2\theta) = 0.63$$

$$2\theta = \sin^{-1}(0.63) = 39.2$$

$$\theta = \frac{39.2}{2} = 19.6^\circ$$

10-10 تم تمرير أشعة ضوئية مستقطبة عمودياً في الاتجاه الأفقي، تبلغ شدتها ( $43 \text{ W/m}^2$ ) خلال صفحتي استقطاب، بحيث يصنع محور استقطاب الصفحة الأولى مع الاتجاه العمودي زاوية مقدارها ( $70^\circ$ )، بينما يقع محور استقطاب الصفحة الثانية على المحور الأفقي لانتشار الأشعة الضوئية.

أوجد حسابياً مقدار شدة الأشعة النافذة عبر صفحتي الاستقطاب.

**الحل:**

من الواضح أن شدة إضاءة الأشعة قبل المرور بأي من صفحتي الاستقطاب هي: ( $I_0$ )

وأن زاوية محور الاستقطاب للصفحة الأولى: ( $70^\circ - \theta$ )

وأن زاوية الاستقطاب للصفحة الثانية: ( $20^\circ = 70^\circ - 90^\circ = \theta_2$ )

فن:

$$I_1 = I_0 \cos^2(70^\circ)$$

$$I_2 = I_1 \cos^2(20^\circ)$$

أي أن:

$$\begin{aligned} I_2 &= I_0 \cos^2 (70^\circ) \cos^2 (20^\circ) \\ &= (43 \text{ W/m}^2) \cos^2 (70^\circ) \cos^2 (20^\circ) \\ &= 4.4 \text{ W/m}^2 \end{aligned}$$

10-11 في المسألة السابقة (10-10) افترض أن الأشعة الساقطة على صفيحتي الاستقطاب من النوع غير المستقطب.

أوجد حسابياً مقدار شدة الأشعة النافذة.

الحل:

من المعلوم لدينا أن الأشعة الضوئية الساقطة على صفيحة الاستقطاب الأولى في هذه الحالة سوف يمر نصف شدتها خلال الصفيحة الأولى، أما الأشعة المارة من الصفيحة الثانية للاستقطاب فهي:

$$I_2 = I_1 \cos^2 \theta$$

إذن:

$$I_1 = \left( \frac{I}{2} \right) I_0$$

يفرض أن شدة الأشعة الساقطة على الصفيحة الأولى هي  $(I_0)$ .

$$\begin{aligned} I_2 &= \left( \frac{I}{2} \right) I_0 \cos^2 (20^\circ) \\ &= \left( \frac{I}{2} \right) (43 \text{ W/m}^2) \cos^2 (20^\circ) \\ &= 19 \text{ W/m}^2 \end{aligned}$$

وبمقارنة هذه النتيجة مع نتيجة المسألة السابقة (10-10) نجد الاختلاف كبير، وذلك عندما تكون الأشعة الساقطة على صفيحتي الاستقطاب غير مستقطبة.

## مسائل وتمارين الفصل العاشر

## Chapter Ten Exercises &amp; Problems

- 10-1 موجة كهرومغناطيسية تسير في الاتجاه السالب للمحور ( $y$ ). وذلك في زمن وموقع محددين، حيث يسير المجال الكهريائي على طول المحور ( $z$ ) الموجب ويساوي إلى  $(100 \text{ V/m})$ . أوجد حسابياً مقدار واتجاه مركبة المجال المغناطيسي في ذات زمن وموقع المجال الكهريائي.
- 10-2 يبلغ معدل شدة الإشعاع الكهرومغناطيسي الشمسي خارج الغلاف الجوي للأرض  $(4.1 \text{ KW/m}^2)$ . أوجد حسابياً مقدار كل من مركبتي المجالين الكهريائي والمغناطيسي العظميين ( $E_m$ ) و( $B_m$ ) لهذا الإشعاع على افتراض أن موجته موجة مستوية.
- 10-3 إذا كانت القيمة العظمى للمجال المغناطيسي على بعد  $(10 \text{ m})$  من مصدر ضوئي تساوي إلى  $(2 \text{ V/m})$ . أوجد حسابياً كلاً من:
- 1- مقدار القيمة العظمى للمجال المغناطيسي.
  - 2- مقدار معدل شدة الإشعاع للمصدر الضوئي.
  - 3- مقدار طاقة المصدر الضوئي.
- 10-4 إذ كان معدل شدة الإشعاع الشمسي الساقط عمودياً على الغلاف الجوي من الخارج يساوي إلى  $(1.4 \text{ KW/m}^2)$ .
- 1- أوجد حسابياً مقدار ضغط الإشعاع الساقط على السطح بافتراض أن الامتصاص كامل.
  - 2- قارن بين مقدار هذا الضغط مع مقدار الضغط الجوي عند سطح البحر والذي يساوي  $(P_o = 1 \times 10^5 \text{ N/m}^2)$ .
- 10-5 إذا كان معدل شدة الإشعاع الشمسي الساقط عمودياً على الغلاف الجوي من الخارج يساوي إلى  $(1.4 \text{ KW/m}^2)$ .
- 1- افرض أن كلاً من الأرض والغلاف الجوي تأخذ شكل قرص دائري عمودي على الإشعاع الشمسي، وأن الامتصاص كامل.
  - أوجد حسابياً القوة المؤثرة على الأرض بسبب ضغط الإشعاع.
  - 2- قارن مقدار هذه القوة بقوة التجاذب بين الشمس والأرض (استخدم قانون الجذب العام لنيوتن).

- 10-6 حزمة من الأشعة الضوئية غير المستقطبة يبلغ معدل شدتها ( $10 \text{ mW/m}^2$ )، سقطت على صفيحة استقطاب بشكل عمودي.
- 1- أوجد حسابياً مقدار القيمة العظمى لأشعة المجال الكهربائي النافذة من المُستقطب.
  - 2- أوجد حسابياً مقدار ضغط الإشعاع الناشئ على صفيحة الاستقطاب.
- 10-7 حزمة من الأشعة الضوئية غير المُستقطبة سقطت على صفيحتين مُستقطبتين الثانية فوق الأولى.
- أوجد حسابياً مقدار الزاوية بين اتجاه خطوط الاستقطاب للمستقطبين إذا كانت شدة الإضاءة للضوء النافذ من المستقطب الثاني تساوي ثلث شدة الإضاءة الأصلية للساقطة على المستقطب الأول.
- 10-8 مجموعة استقطاب مكونة من أربعة مُستقطبات مرتبة بحيث أن الزاوية بين كل مُستقطبين متجاورين تساوي ( $30^\circ$ ). سقطت عليها أشعة ضوئية غير مُستقطبة.
- أوجد حسابياً شدة الضوء النافذ من مجموعة الاستقطاب.

## الغلاصة

## Summary

- إن صيف الأشعة الكهرومغناطيسية والذي تبدأ معرفتنا به من الأمواج الطويلة حيث يصل طولها الموحى إلى  $(10^8 \text{ m})$ ، وينتهي عند  $(10^{15} \text{ m})$  عند أمواج أشعة كاما، يجمع كثير من العلماء بضرورة إبقاء طريقه هذا الطيف مفتوحين وذلك لاحتمال اكتشاف أنواع جديدة من الأشعة الكهرومغناطيسية.
- على الرغم من أن بعض الإشعاعات الكهرومغناطيسية يمكن أن تصدر عن مصادرها الطبيعية على اختلاف أنواعها، إلا أنه من الممكن عملياً توليد الأشعة الكهرومغناطيسية تقنياً.
- كما يمكن من الناحية العملية استقبال هذه الأشعة تقنياً بواسطة محطات استقبال خاصة بكل نوع من هذه الأشعة.
- تتكون الأشعة الكهرومغناطيسية من كميتين اتجاهيتين أحدهما هو المجال الكهربائي والآخر هو المجال المغناطيسي، وهما متعامدان على بعضهما البعض وبسعات متغيرة تبدأ من الصفر ثم تزداد لتبلغ قيمتها العظمى، ثم تبدأ بالتناقص التدريجي وصولاً على الصفر، وهكذا وفقاً لمقدار ترددتها الزاوي، وتستمر في حركتها هذه على طول محور انتشارها.
- إن متجه العالم بويينتنغ يربط رياضياً بين المجالين الكهربائي والمغناطيسي، كما أن سرعة الضوء تمثل النسبة بين المجال الكهربائي والمجال المغناطيسي في الفراغ الحر.
- إن ضعف الإشعاع الكهرومغناطيسي هو عبارة عن معدل شدة الإشعاع مقسوماً على سرعة الضوء في حالة الامتصاص الكلي للإشعاع، بينما يساوي ضعف هذه النسبة عند الانعكاس الكلي للإشعاع.
- يمكننا من الناحية التقنية عزل المجال المغناطيسي عن المجال الكهربائي وذلك باستخدام تقنية الاستقطاب، كما يمكننا أن نتحكم بشدة الإشعاع النافذ من جهة المستقطب الثانية باستخدام مجموعة من المستقطبات.