

## الملحق ب

### نتائج رياضية Mathematical Results

على الرغم من أننا لا نحتاج إلى أكثر من التكامل متعدد المتغيرات لفهم مادة الكتاب، لكننا في بعض المواقع استدعينا بعض النتائج الرياضية التي لا تشتق عادة في مقرر أولي بالتفاضل والتكامل. إن الهدف من هذا الملحق هو اشتقاق تلك النتائج. إذا كنت ترغب في أخذ هذه النتائج كما هي (أو أفضل من ذلك قليلاً، التحقق من النتائج بطريقة تقريبية أو في حالات خاصة) عندها لا حاجة إلى دراسة هذا الملحق. لكن الأدوات المستخدمة في اشتقاق هذه النتائج، لها تطبيقات واسعة في الفيزياء النظرية، وأيضاً الاشتقاقات نفسها جميلة ومحبية، لذا فإننا نأمل أن تقرأ الملحق، وتتعرف بعض الوسائل التي لم تظهر في مقررات التفاضل والتكامل الأولية.

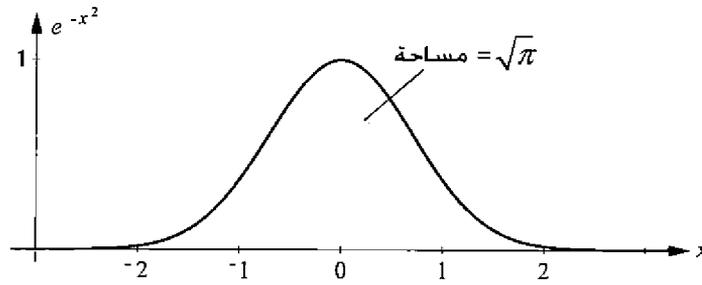
### ب.1 التكاملات الجاوسية Gaussian Integrals

إن الدالة  $e^{-x^2}$ ، وتدعى عادة الدالة الجاوسية، لها دالة عكس الاشتقاق، لكن لا يمكن بأي طريقة من الطرق كتابة تلك الدالة بدلالة الدوال المألوفة ( كالجذور، والقوى، والدوال الأسية، أو الدوال اللوغاريتمية). لذا إذا واجهت تكاملاً بهذا الشكل، فمن المحتمل أن تجرّبه بالطرق العددية. لكن إذا كانت حدود التكامل 0 أو  $\pm\infty$ ، يصبح الأمر سهلاً. لقد وجد أن تكامل  $e^{-x^2}$  من  $-\infty$  إلى  $\infty$  يساوي تماماً  $\sqrt{\pi}$ .

$$(ب.1) \quad \int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} dx = \sqrt{\pi}$$

ولمّا كانت الدالة داخل التكامل دالة زوجية ( انظر الشكل ب.1)، فإن التكامل من 0 إلى  $\infty$  يساوي  $\sqrt{\pi}/2$  تماماً. ولإثبات هذه النتيجة البسيطة نستخدم التكامل في بعدين في الإحداثيات القطبية. لنعرف التكامل  $I$  على النحو الآتي:

$$(ب.2) \quad I = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} dx$$



الشكل ب.1: الدالة الجاوسية  $e^{-x^2}$ ، وتكاملها من  $-\infty$  إلى  $+\infty$  يساوي  $\sqrt{\pi}$  تماماً

والفكرة الأساسية هي تربيع تلك الكمية للحصول على العلاقة الآتية:

$$(3.ب) \quad I^2 = \left( \int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} dx \right) \left( \int_{-\infty}^{\infty} e^{-y^2} dy \right)$$

حيث سُمِّي متغير التكامل الرمز  $y$ ، في المعامل الثاني حتى لا يختلط بمتغير التكامل في المعامل الأول. ونظرًا إلى أن التكامل الثاني المحدود هو مقدار ثابت، لذا يمكن إدخاله داخل التكامل على  $x$ ، وبالنظر أيضًا إلى كون  $e^{-x^2}$  مستقلة عن  $y$ ، لذا يمكن نقلها إلى داخل التكامل على  $y$ ، ومن هنا يتحول حاصل ضرب التكاملين إلى تكامل مزدوج على النحو الآتي:

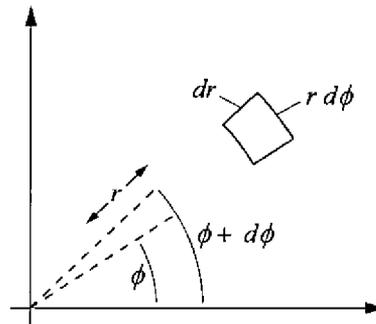
$$(4.ب) \quad I^2 = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} \left( \int_{-\infty}^{\infty} e^{-y^2} dy \right) dx = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} e^{-y^2} dy dx$$

إن ما لدينا الآن هو تكامل على فراغ ببعدين للدالة  $e^{-(x^2+y^2)}$ ، وسنجري هذا التكامل في الإحداثيات القطبية  $r$  و  $\phi$ . (انظر الشكل (ب.2)). إن دالة التكامل هي ببساطة  $e^{-r^2}$ ، وتحدد منطقة تكامل من صفر  $r$  وتحدد  $\phi$  من صفر إلى  $2\pi$ . والأكثر أهمية يصبح عنصر المساحة المتناهي في الصغر  $(dr)(rd\phi)$  في المحاور القطبية، على نحو ما هو مبين في الشكل، وعليه يصبح التكامل المزدوج على النحو الآتي :

$$(5.ب) \quad I^2 = \int_0^{\infty} \int_0^{2\pi} e^{-r^2} r d\phi dr = 2\pi \int_0^{\infty} r e^{-r^2} dr = (2\pi) \left( -\frac{1}{2} e^{-r^2} \right) \Big|_0^{\infty} = \pi$$

وهذا يثبت الصيغة (ب.1).

الشكل ب.2: إن عنصر المساحة المتناهي في الصغر في المحاور القطبية يساوي  $(dr)(rd\phi)$ .



ومن المعادلة (ب.1)، ومع بعض الاستبدالات البسيطة، نحصل على النتيجة الأكثر عمومية:

$$(6.ب) \int_0^{\infty} e^{-ax^2} dx = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\pi}{a}}$$

حيث  $a$  أي ثابت موجب. ومن هذه المعادلة، نستطيع الحصول على نتيجة أخرى مفيدة، وذلك بالاشتقاق النسبة إلى المعامل  $a$

$$(7.ب) \frac{d}{da} \int_0^{\infty} e^{-ax^2} dx = \frac{\sqrt{\pi}}{2} \frac{d}{da} a^{-1/2}$$

على الطرف الأيسر من المعادلة، نستطيع نقل المشتقة إلى داخل التكامل لتؤثر مباشرة في الدالة  $e^{-ax^2}$  نعطي معاملاً إضافياً  $(-x^2)$ . وبحساب الطرف الأيمن للمعادلة، واختصار الإشارة السالبة على طرفي المعادلة نحصل على الآتي:

$$(8.ب) \int_0^{\infty} x^2 e^{-ax^2} dx = \frac{1}{4} \sqrt{\frac{\pi}{a^3}}$$

إن فكرة التفاضل داخل التكامل طريقة جيدة لحساب أنواع مختلفة من التكاملات المحدودة لدوال حدية مضروبة في قوى  $x$ . (البديل عن ذلك هو التكامل بطريقة الأجزاء، لكنها أبطأ كثيراً). وتأتي التكاملات الجاوسية دوماً في الفيزياء والرياضيات؛ لذا يحبذ عمل جدول مرجعي لنتائج هذا الجزء؛ وفيها نتائج الأسئلة اللاحقة). وتظهر التكاملات الجاوسية في الميكانيك الإحصائي على صورة على معاملات بولتزمان، حيث تكون الطاقة الدالة المربعة في متغير التكامل (كما هو الحال في الأجزاء 3.6 و 6.4).

**السؤال ب.1:** ارسم عكس المشتقة للدالة  $e^{-x^2}$ .

$$\text{السؤال ب.2: اشتق المعادلة (8.ب) مرة أخرى لحساب التكامل } \int_0^{\infty} x^4 e^{-ax^2} dx.$$

**السؤال ب.3:** إن تكامل  $x^n e^{-ax^2}$  سهل الإجراء عندما تكون  $n$  فردية.

$$(أ) احسب  $\int_{-\infty}^{\infty} x e^{-ax^2} dx$ . (غير مسموح إجراء عمليات حسابية).$$

(ب) احسب التكامل غير المحدود (عكس المشتقة) للدالة  $x e^{-ax^2}$  باستخدام استبدال بسيط.

$$(ج) احسب  $\int_0^{\infty} x e^{-ax^2} dx$ .$$

$$(د) اشتق النتيجة السابقة لتحصل على التكامل  $\int_0^{\infty} x^3 e^{-ax^2} dx$ .$$

**السؤال ب.4:** تحتاج أحياناً إلى تكامل طرف الدالة الجاوسية. من قيمة كبيرة للمتغير  $x$  إلى المالا نهائية. يعني إجراء التكامل

$$\int_x^{\infty} e^{-t^2} dt = ? \text{ عندما } x \gg 1.$$

ويمكن إجراء هذا التكامل على النحو الآتي. أولاً تستبدل المتغير  $s = t^2$  للحصول على دالة أسية بسيطة مضروبة في كمية تتناسب مع  $s^{-1/2}$ . إن المنطقة القريبة من نهاية التكامل السفلى تهيمن على نتيجة التكامل انكلي؛ لذا، فمن المنطق أن ننشر  $s^{-1/2}$  بدلالة سلسلة تايلور حول تلك النقطة محتفظين فقط بحدود السلسلة الأولى القليلة. قم بذلك، واحصل على سلسلة نشر للتكامل، واحسب الحدود الثلاثة الأولى من السلسلة بطريقة صريحة، لتحصل على النتيجة الآتية:

$$\int_x^\infty e^{-t^2} dt = e^{-x^2} \left( \frac{1}{2x} - \frac{1}{4x^3} + \frac{3}{8x^5} - \dots \right).$$

ملحوظة: عندما تكون  $x$  كبيرة جداً، فإن الحدود القليلة الأولى ستقترب بسرعة إلى النتيجة الصحيحة. لكن إذا حُسب عدد كبير من الحدود، فإن العوامل تكون في البسط في نهاية الأمر، وستبدأ بالزيادة بسرعة أكبر من زيادة الحدود في المقامات، عندها فإن السلسلة ستزداد حتى تصل إلى لا نهاية. وسيحدث ذلك أولاً أو آخرًا مهما كان كبير  $x$ ، ونشر السلاسل من هذا النوع يسمى نشر الاقتراب (افتراضي). إن عمليات النشر هذه مفيدة جدًا، وإن كانت تؤدي إلى عدم الارتياح أحيانًا.

**السؤال ب.5:** استخدم طرق السؤال السابق لإيجاد نشر افتراضي لتكامل الدالة  $t^2 e^{-t^2}$  من  $x$  إلى ما لا نهاية عندما تكون  $x \gg 1$ .

**السؤال ب.6:** عندما تشترط أن عكس تفاضل الدالة  $e^{-x^2}$  يساوي صفرًا عندما تكون  $x = 0$  وضربها في المعامل  $2/\sqrt{\pi}$  فإنها تأخذ اسمًا خاصًا، وهو دالة الخطأ التي تكتب اختصارًا  $\operatorname{erf} x$

$$\operatorname{erf} x \equiv \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-t^2} dt$$

(أ) بين أن  $\operatorname{erf}(\pm\infty)$  يساوي  $\pm 1$ .

(ب) احسب التكامل  $\int_0^x t^2 e^{-t^2} dt$  بدلالة دالة الخطأ  $\operatorname{erf} x$ .

(ج) استخدم طرق السؤال (ب.4) واحصل على صيغة تقريبية لدالة الخطأ عندما تكون  $x \gg 1$ .

## 2.ب دالة جاما The Gamma Function

إذا ابتدأنا بالتكامل:

$$(9.ب) \int_0^\infty e^{-ax} dx = a^{-1}$$

واشتققنا مرة بعد مرة بالنسبة إلى المعامل  $a$  فإننا سنحصل على النتيجة الآتية:

$$(10.ب) \int_0^\infty x^n e^{-ax} dx = (n!) a^{-(n+1)}$$

وبوضع قيمه  $a=1$  فإننا نحصل على صيغة  $n!$  على النحو الآتي:

$$(11.ب) n! = \int_0^\infty x^n e^{-x} dx$$

وسنستخدم هذه الصيغة في الجزء اللاحق لاشتقاق تقريب ستيرلنج لحساب  $n!$ .

ويمكن إجراء التكامل (ب.11) (ليس بالضرورة تحليليًا) حتى لو كانت  $n$  عددًا غير صحيح؛ لذا فإن هذا التكامل يزودنا بطريقة لإنتاج دالة المضروب للأعداد غير الصحيحة. ويسمى التعميم دالة جاما، ويرمز إليها بالرمز  $\Gamma(n)$ . وتعرف هذه الدالة بدلالة تكامل على النحو الآتي:

$$(12.ب) \quad \Gamma(n+1) \equiv \int_0^{\infty} x^n e^{-x} dx$$

ولأعداد صحيحة من  $n$  تصبح على النحو الآتي:

$$(13.ب) \quad \Gamma(n+1) = n!$$

ولعل أفضل وأسهل صفة من صفات دالة جاما هي علاقة الاسترجاع:

$$(14.ب) \quad \Gamma(n+1) = n\Gamma(n)$$

وهذه الصيغة في حالة  $n$  عدد صحيح، تُعدّ تعريفًا للمضروب، لكنها تصلح أيضًا لقيم غير صحيحة من  $n$ ، على نحو ما يظهر من التعريف (ب.12). ويمكن ملاحظة أن  $\Gamma(n)$  تأخذ قيمًا عاليةً جدًا، عند  $n = 0$ ، وذلك من التعريف (ب.12)، أو من علاقة الاسترجاع. وعندما يكون متغير دالة جاما سالبًا، فإن التعريف (ب.12) يأخذ قيمًا عاليةً جدًا، لكن لا يزال بإمكاننا تعريف دالة جاما (لمتغيرات غير صحيحة) من علاقة الاسترجاع (ب.14). ويبيّن الشكل (ب.3) رسمًا لدوال جاما لمتغيرات موجبة وسالبة.

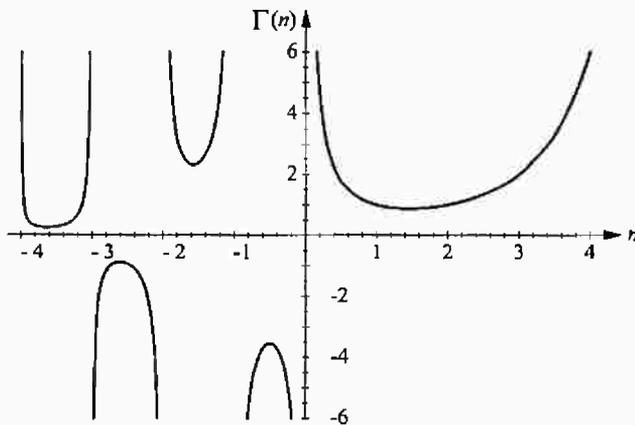
وتعطي دالة جاما معنى لبعض المضروبات الغامضة التي تمر في هذا الكتاب، فعلى سبيل المثال:

$$(15.ب) \quad 0! = \Gamma(1) = 1; \quad \left(\frac{d}{2} - 1\right)! = \Gamma\left(\frac{d}{2}\right)$$

وتظهر دالة جاما عند إجراء كثير من التكمالات المحدودة التي نواجهها في الفيزياء النظرية. وسنرى ذلك مرة أخرى في الجزء (ب.4).

**السؤال ب.7:** أثبت صيغة الاسترجاع (ب.14) دون أن تفرض  $n$  عددًا صحيحًا.

**السؤال ب.8:** احسب  $\Gamma\left(\frac{1}{2}\right)$ . (استخدم استبدال المتغيرات لتحويل التكامل إلى تكامل جاوسي)، ومن ثم استخدم معادلة الاسترجاع لحساب  $\Gamma\left(\frac{3}{2}\right)$  و  $\Gamma\left(-\frac{1}{2}\right)$ .



**الشكل ب.3:** دالة جاما،  $\Gamma(n)$ . لأعداد صحيحة موجبة،  $\Gamma(n) = (n-1)!$ . لأعداد موجبة غير صحيحة، يمكن حساب  $\Gamma(n)$  من المعادلة (ب.12) في حين أنه لأعداد غير صحيحة سالبة يمكن حساب الدالة من المعادلة (ب.14).

**السؤال ب.9:** احسب التكامل (ب.12) عددياً للحصول على  $\Gamma(1/3)$  و  $\Gamma(2/3)$  وتوجد متطابقة مفيدة، لكن إثباتها خارج نطاق الكتاب، وهي:

$$\Gamma(n)\Gamma(1-n) = \frac{\pi}{\sin(n\pi)}$$

تحقق من هذه الصيغة رقمياً لقيمة  $n = 1/3$ .

### ب.3 تقريب ستيرلنج Stirling's Approximation

لقد عُرض تقريب ستيرلنج، في الجزء (4.2)، على النحو الآتي:

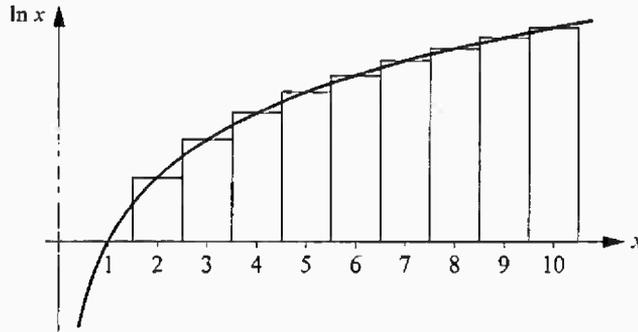
$$(ب.16) \quad n! \approx n^n e^{-n} \sqrt{2\pi n}$$

وهي صيغة دقيقة عندما تكون  $n \gg 1$ . ونظرًا إلى أهمية هذه الصيغة سنشتقها مرتين وبطريقتين مختلفتين، والاشتقاق الأول هو الأسهل، ولكنه أقل دقة، ونستخدم في هذا الاشتقاق اللوغاريتم الطبيعي لمضروب  $n$ ،  $n!$ .

$$(ب.17) \quad \begin{aligned} \ln n! &= \ln[n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \dots 1] \\ &= \ln n + \ln(n-1) + \ln(n-2) + \dots + \ln 1 \end{aligned}$$

إن مجموع اللوغاريتمات هذا، يمكن اعتباره مساحة تحت رسم بياني درجي (انظر الشكل (ب.4)). وإذا كانت  $n$  كبيرة، فإن المساحة تحت الرسم البياني تقرب بالمساحة تحت المنحنى المتصل للدالة اللوغاريتمية. وعليه نحصل على العلاقة الآتية:

$$(ب.18) \quad \ln n! \approx \int_0^n \ln x \, dx = (x \ln x - x) \Big|_0^n = n \ln n - n$$



**الشكل ب.4:** إن المساحة تحت الرسم البياني لأي قيمة صحيحة  $n$ ، تساوي  $\ln n!$ . لكن عندما تكون  $n$  كبيرة تضرب تلك المساحة في المساحة تحت المنحنى المتصل للدالة اللوغاريتمية.

وبكلمات أخرى، فإن  $n! \approx (n/e)^n$ ، وتتفق هذه النتيجة مع المعادلة (ب.16) باستثناء العامل النهائي، وعندما تكون  $n$  كبيرة جدًا، كما هو الحال دومًا في الميكانيك الإحصائي، يمكن التخلص من هذا العامل، ونحصل على النتيجة التي نريدها.

ولاشتقاق صيغة أكثر دقة، لمضروب  $n$ ،  $n!$ ، يمكن إعادة الحسابات السابقة لكن باختيار أكثر حذرًا لإنهيات التكامـل (انظر السؤال ب.10). لكن للحصول على الصيغة الصحيحة، سنستخدم طريقة مختلفة اختلافًا كاملًا بادئين بالصيغة الصحيحة (ب.11).

$$n! = \int_0^{\infty} x^n e^{-x} dx \quad \text{(ب.19)}$$

دعنا نفكر في الدالة  $x^n e^{-x}$  عندما تكون  $n$  كبيرة. إن العامل الأول  $x^n$ ، يتزايد بسرعة كبيرة جدًا كدالة من  $x$  في حين أن العامل  $e^{-x}$  يتناقص أيضًا بسرعة كبيرة جدًا ليصل الصفر. إن حاصل ضرب المعاملين يتزايد في البداية ليصل إلى قيمة عظمى، ثم يتناقص ليصل إلى الصفر، على نحو ما هو مبين في الشكل (ب.5). ويمكن أن نبين أن القيمة القصوى تحدث عند  $x = n$  تمامًا، وأن ارتفاعها يساوي  $n^n e^{-n}$  (انظر السؤال ب.11). وما نود حسابه هو المساحة تحت المنحنى، التي يمكن حسابها بتقريب الدالة إلى دالة جاوسية. ولإيجاد الدالة الجاوسية التي تتفق مع الدالة الأصلية أفضل ما يكون، تكتب الدالة الأصلية على صورة دالة أسية واحدة على النحو الآتي:

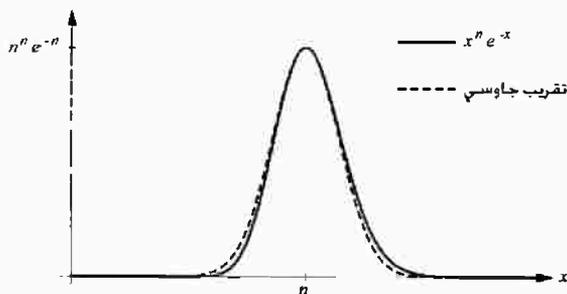
$$x^n e^{-x} = e^{n \ln x - x} \quad \text{(ب.20)}$$

ومن ثم نعرف  $y \equiv x - n$ ، ونعيد كتابة الدالة الأسية بدلالة  $y$  ونصبح جاهزين لنشر اللوغاريتم على النحو الآتي:

$$\begin{aligned} n \ln x - x &= n \ln(n + y) - n - y \\ &= n \ln\left[n\left(1 + \frac{y}{n}\right)\right] - n - y \\ &= n \ln n - n + n \ln\left(1 + \frac{y}{n}\right) - y \end{aligned} \quad \text{(ب.21)}$$

وبالقرب من قمة المنحنى، فإن  $y$  تكون أقل كثيرًا من  $n$ ، وعليه يمكن نشر اللوغاريتم على صورة سلسلة تايلور على النحو الآتي:

$$\ln\left(1 + \frac{y}{n}\right) \approx \frac{y}{n} - \frac{1}{2}\left(\frac{y}{n}\right)^2 \quad \text{(ب.22)}$$



**الشكل ب.5:** الدالة  $x^n e^{-x}$  (الخط المتصل) مرسومة لحالة  $n = 50$ . إن المساحة تحت المنحنى تساوي  $(n!)$ . ويبين الخط المتقطع أفضل دالة جاوسية، متفقة مع الدالة  $x^n e^{-x}$ ، وتعطى مساحتها تقريـب سـتيرلنـج لمضروب  $n$ ،  $n!$ .

ويختصر الحد الخطي في النشر مع  $(-y)$  الأخيرة في المعادلة (ب.21). وبتجميع ما تبقى من حدود بعضها مع بعض نحصل على التقريب الآتي:

$$(ب.23) \quad x^n e^{-x} \approx n^n e^{-n} e^{-y^2/2n}, \text{ عندما } y = x - n$$

وهذا أفضل تقريب جاوسي لدالة التكامل الدقيقة في المعادلة (ب.19)، وهي مبينة بالخط المتقطع في الشكل (ب.5). وللحصول على  $(n!)$  تكامل هذه الدالة من  $x = 0$  إلى  $x = \infty$ . لكن يمكننا بدء التكامل من  $x = -\infty$ ، حيث إن قيم الدالة لقيم  $x$  السالبة مهملة على أي حال. وباستخدام صيغة التكامل (ب.6) نحصل على النتيجة الآتية:

$$(ب.24) \quad n! \approx n^n e^{-n} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-y^2/2n} dy = n^n e^{-n} \sqrt{2\pi n}$$

التي تتفق مع المعادلة (ب.16).

**السؤال ب.10:** اختر نهايات التكامل في المعادلة (ب.18) بعناية أكثر لاشتقاق تقريب أكثر دقة لمضروب  $n!$ ، (النهاية العليا حرجة أكثر من النهاية السفلى. لا يوجد خيار أفضل من غيره للنهاية السفلى، لكن اعمل أفضل ما يمكن عمله).

**السؤال ب.11:** أثبت أن الدالة  $x^n e^{-x}$  تصل قيمتها القصوى عند  $x = n$ .

**السؤال ب.12:** استخدم جهاز حاسوب لرسم الدالة  $x^n e^{-x}$  والتقريب الجاوسي لهذه الدالة للحالات  $n = 10, 20, 50$ . لاحظ كيف يتناقص العرض النسبي للقيمة (مقارنة بـ  $n$ ) مع زيادة  $n$ . إذا كان جهاز حاسوبك يسمح فأجر العملية لأعداد أكبر من  $n$ .

**السؤال ب.13:** يمكن تحسين تقريب ستيرلنج بالمحافظة على حدود أكثر من سلسلة نشر اللوغاريتم (ب.22). ويمكن نشر الدوال الأسية للحدود الجديدة بدلالة سلاسل تايلور لتعطي دالة متعددة القوى بالمتغير  $y$ ، مضروبة في الدالة الجاوسية السابقة نفسها. أجز هذا الأسلوب، محتفظاً دوماً بجميع الحدود التي تكون أقل من الحد الأول بقوة واحدة من  $n$ . ونظراً إلى أن الدالة الجاوسية تقترب من الصفر عندما تصبح  $y$  من رتبة  $\sqrt{n}$ ، فبإمكانك تقدير حجم الحدود المختلفة، وذلك بجعل  $y = \sqrt{n}$ ، وفي نهاية العملية يجب أن تحصل على النتيجة الآتية:

$$n! \approx n^n e^{-n} \sqrt{2\pi n} \left(1 + \frac{1}{12n}\right)$$

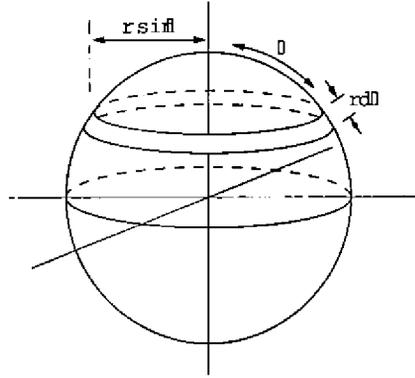
تحقق من دقة هذه الصيغة لقيم  $n = 1$  و  $n = 10$ . (عملياً، فإن حد التصحيح هذا نادراً ما نحتاج إليه، لكنه يزودنا بطريقة جيدة لتقدير الخطأ في تقريب ستيرلنج).

#### ب.4 مساحة كرة عالية الأبعاد، أبعادها d Area of a d-Dimensional Hypersphere

لقد ذكرنا، في الجزء (2-5) أن «مساحة» السطح لكرة عالية الأبعاد  $d$ ، ونصف قطرها  $r$  تساوي:

$$(ب.25) \quad A_d(r) = \frac{2\pi^{d/2}}{\left(\frac{d}{2} - 1\right)!} r^{d-1} = \frac{2\pi^{d/2}}{\Gamma\left(\frac{d}{2}\right)} r^{d-1}$$

وفي حالة  $d = 2$ ، تعطي هذه الصيغة محيط دائرة  $A_2(r) = 2\pi r$ ، في حين أنه لحالة  $d = 3$ ، فإن الصيغة تعطي



**الشكل ب-6:** لحساب مساحة سطح الكرة، قسم السطح إلى حلقات، ثم كامل. ولحساب مساحة كرة بأبعاد أكثر من ثلاثة افعل الشيء ذاته.

مساحة سطح الكرة  $A_3(r) = 4\pi r^2$ . ولحالة  $d = 1$ ، فإنها تعطي 2، عدد النقاط على طرفي جزء من خط مستقيم.

وقبل إثبات المعادلة (ب.25) بوجه عام، لنبدأ بالحالة  $d = 3$ ، كرة حقيقية بثلاثة أبعاد. إن مساحة سطح الكرة يبنى من حلقات، على نحو ما هو مبين في الشكل (ب.6). ولكل حلقة عرض مقداره  $rd\theta$  ومحيط  $2\pi(r \sin \theta)$  مساوٍ  $A_2(r \sin \theta)$ ، وعليه، فإن المساحة الكلية للكرة تصبح على النحو الآتي:

$$(ب.26) \quad A_3(r) = \int_0^\pi A_2(r \sin \theta) r d\theta = 2\pi r^2 \int_0^\pi \sin \theta d\theta = 4\pi r^2$$

وحسابات مماثلة كلياً، يمكننا إثبات المعادلة (ب.25) لأي من قيم  $d$  مفترضين أنها تصلح للأبعاد  $d - 1$ . تخيل بناء سطح لكرة بأبعاد  $d$  من حلقات بأبعاد  $d - 1$ ، كل منها بعرض  $rd\theta$  وبمحيط  $A_{d-1}(r \sin \theta)$ . إن المساحة الكلية هي مرة أخرى التكامل من 0 إلى  $\pi$ :

$$(ب.27) \quad \begin{aligned} A_d(r) &= \int_0^\pi A_{d-1}(r \sin \theta) r d\theta \\ &= \int_0^\pi \frac{2\pi^{(d-1)/2}}{\Gamma\left(\frac{d-1}{2}\right)} (r \sin \theta)^{d-2} r d\theta \\ &= \frac{2\pi^{(d-1)/2}}{\Gamma\left(\frac{d-1}{2}\right)} r^{d-1} \int_0^\pi (\sin \theta)^{d-2} d\theta \end{aligned}$$

$$(ب.28) \quad \int_0^\pi (\sin \theta)^n d\theta = \frac{\sqrt{\pi} \Gamma\left(\frac{n}{2} + \frac{1}{2}\right)}{\Gamma\left(\frac{n}{2} + 1\right)}$$

وعليه، فإن:

$$(ب.29) \quad A_d(r) = \frac{2\pi^{d/2}}{\Gamma\left(\frac{d}{2}\right)} r^{d-1} \cdot \frac{\pi^{1/2} \Gamma\left(\frac{d}{2} - \frac{1}{2}\right)}{\Gamma\left(\frac{d}{2}\right)} = \frac{2\pi^{d/2}}{\Gamma\left(\frac{d}{2}\right)} r^{d-1}$$

تماماً كما سبق أن ذكرنا.

السؤال ب. 14: تثبت المعادلة (ب.28) يتم بطريقة الاستنباط.

(أ) تحقق من صحة الصيغة للحالتين  $n = 0$  ،  $n = 1$  .  
(ب) بين أن:

$$\int_0^{\pi} (\sin\theta)^n d\theta = \left(\frac{n-1}{n}\right) \int_0^{\pi} (\sin\theta)^{n-2} d\theta$$

(اكتب  $(\sin \theta)^n$  أولاً على الصورة  $(1-\cos^2 \theta)^{2-n}$  . وكامل الحد الثاني بطريقة الأجزاء. مفاضلاً حدًا واحدًا من  $\cos \theta$  ومكاملًا ما تبقى).

(ج) استخدم نتائج الجزء (أ) والجزء (ب) لإثبات الصيغة (ب.28) بالاستنباط.

السؤال ب. 15: طريقة أفضل، ولكنها مليئة بالخدع الرياضية لاشتقاق الصيغة (ب.25) وتشبه الطريف التي استخدمت في الجزء (ب.1) لحساب التكامل الجاوسي الأساسي. الفكرة هي التعامل مع تكامل الدال  $e^{-r^2}$  على جميع الفضاء بأبعاد  $d$ .

(أ) أجرِ التكامل أولاً في الإحداثيات الكارتيزية، ويجب أن تحصل على  $\pi^{d/2}$ .

(ب) نظرًا إلى أن التكامل متمائل كرويًا، فيمكن إجراء التكامل في محاور كروية ذات أبعاد  $d$ . اشرح لماذا تعطي التكاملات الزاوية المعامل  $\int_0^{\infty} r^{d-1} e^{-r^2} dr$ ، مساحة كرة بأبعاد  $d$  ونصف قطرها الواحد. وعليه بين أن التكامل جاوسي.

(ج) أجرِ التكامل بدلالة دالة جاما، وعندها تكون قد اشتقت المعادلة (ب.25).

### ب.5 تكاملات الإحصاء الكمي Integrals of Quantum Statistics

كثيرًا ما واجهنا في الإحصاء الكمي (الوحدة السابعة) تكاملات من النوع الآتي:

$$(ب.30) \int_0^{\infty} \frac{x^n}{e^x \pm 1} dx$$

عند الجمع على حالات نظام من البوزونات (الإشارة السالبة في المقام)، أو نظام من الفيرميونات الإشارة الموجبة في المقام. وحقًا، يمكن إجراء هذه التكاملات عددًا، لكن عندما تكون  $n$  عددًا صحيحًا فرديًا، يمكن عندها كتابة الجواب تمامًا بدلالة  $\pi$  والخطوة الأولى هي كتابة التكامل على صورة سلسلة لا نهائية، واضعين لحظة، المعامل "x جانبًا، ويلاحظ إمكانية كتابة ما تبقى من دالة التكامل على صورة متوالية هندسية، فنحصل على الآتي:

$$(ب.31) \frac{1}{e^x \pm 1} = \frac{e^{-x}}{1 \pm e^{-x}} = e^{-x} \mp (e^{-x})^2 + (e^{-x})^3 \mp \dots$$

$$= e^{-x} \mp e^{-2x} + e^{-3x} \mp e^{-4x} + \dots$$

ومن السهل الآن الضرب في الحد  $x^n$  ومن ثم التكامل حدًا حدًا، وفي حالة  $n = 1$  نحصل على الآتي:

$$(ب.32) \int_0^{\infty} \frac{x}{e^x \pm 1} dx = \int_0^{\infty} (xe^{-x} \mp xe^{-2x} + xe^{-3x} \mp \dots) dx$$

$$= 1 \mp \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2} + \dots$$

إن هذا النوع من المتوالية اللانهائية يتكرر كثيراً في الرياضيات؛ لذا، فقد سماها علماء الرياضيات دالة زيتا لريمان  $\zeta(n)$ ، التي تعرف على النحو الآتي:

$$(33.ب) \quad \zeta(n) \equiv 1 + \frac{1}{2^n} + \frac{1}{3^n} + \dots = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^n}.$$

وعليه، يمكننا الكتابة بسهولة:

$$(34.ب) \quad \int_0^{\infty} \frac{x}{e^x - 1} dx = \zeta(2)$$

وعندما تحتوي دالة التكامل الإشارة الموجبة في المقام، فإن المتتالية تتغير بين الموجب والسالب؛ لذا، فإننا نحتاج إلى بعض الإجراءات لنحصل على:

$$(35.ب) \quad \begin{aligned} \int_0^{\infty} \frac{x}{e^x - 1} dx &= \left(1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots\right) - 2 \left(\frac{1}{2^2} + \frac{1}{4^2} + \frac{1}{6^2} + \dots\right) \\ &= \zeta(2) - \frac{2}{2^2} \left(1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots\right) \\ &= \zeta(2) - \frac{1}{2} \zeta(2) \\ &= \frac{1}{2} \zeta(2). \end{aligned}$$

وإنه لأصعب قليلاً (انظر السؤال ب.17) اشتقاق النتيجة الأكثر عمومية:

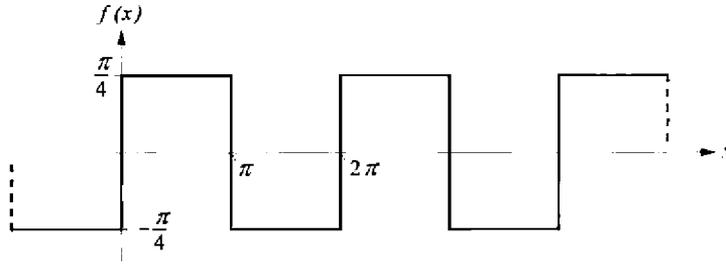
$$(36.ب) \quad \begin{aligned} \int_0^{\infty} \frac{x^n}{e^x - 1} dx &= \Gamma(n+1) \zeta(n+1) \\ \int_0^{\infty} \frac{x^n}{e^x - 1} dx &= \left(1 - \frac{1}{2^n}\right) \Gamma(n+1) \zeta(n+1) \end{aligned}$$

(وعندما تكون  $n$  عدداً صحيحاً نحصل على  $\Gamma(n+1) = n!$ ، والمشكلة الآن، وببساطة هي جمع المتوالية اللانهائية (ب.33)، التي تعرف بدالة زيتا لريمان. لكن لسوء الحظ، فالحصول على جواب بسيط ليس بالشيء السهل على الإطلاق، وسنحاول الحصول على ذلك الجواب بطريقة مليئة بالحيل الرياضية، ونستخدم سلاسل فوريير<sup>(96)</sup>.

وتعتمد طريقة الحل على اختيار دالة مربعة، وبدورة مقدارها  $2\pi$  وسعة  $\pi/4$ . (انظر الشكل ب.7). وتنص نظرية فوريير على إمكانية كتابة أي دالة دورية بدلالة تركيب من الجيوب وجيوب التمام. ولدالة فردية كالدالة التي نتعامل معها، فإن الجيوب فقط هي التي نحتاج إليها، وعليه يمكن كتابة العلاقة الآتية:

$$(37.ب) \quad f(x) = \sum_{k=1}^{\infty} a_k \sin(kx),$$

(96) لا أعلم كيف فكر أحدهم في هذه الطريقة، ولكنني وجدتتها في كتاب Mandl 1988.



الشكل ب.7: دالة موجية مربعة وبدورة  $2\pi$  وسعة  $\pi/4$ . إن سلسلة فوريير لهذه الدالة تعطى قيمًا للدالة  $f(x)$  عندما تكون  $n$  زوجية.

لمجموعة بعض المعاملات  $a_k$ . ويلاحظ أن أول موجة جيبية في المجموع، لها الدورة نفسها التي تمتلكها الدالة  $f(x)$ ، في حين تأخذ الموجات المتتالية دورات مساوية  $1/2, 1/3, 1/4$  ودورة الدالة  $f(x)$  وهكذا. ولإيجاد حل للمعاملات نضرب طرفي المعادلة في الدالة  $\sin(jx)$ . (حيث  $j$  أي عدد صحيح موجب)، ومن ثم نكامل على دورة واحدة للدالة:

$$(38.ب) \quad \int_0^{2\pi} f(x)\sin(jx)dx = \sum_{k=1}^{\infty} a_k \int_0^{2\pi} \sin(kx)\sin(jx)dx$$

ويساوي التكامل على الجهة اليمنى من المعادلة صفرًا، إلا إذا كان  $k = j$ ، عندها تكون قيمته  $\pi$ ، محتفظين فقط بهذا الحد اللا صفري، وبإعادة تسمية  $k \rightarrow j$ ، نحصل لأي قيمة من  $k$  على الآتي:

$$(39.ب) \quad a_k = \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} f(x)\sin(kx)dx = \frac{2}{\pi} \int_0^{\pi} f(x)\sin(kx)dx$$

وتعطي هذه الصيغة معاملات فوريير لأي دالة فردية  $f(x)$  ذات دورة  $2\pi$ . وتكون قيم معاملات فوريير لدالة الموجة المربعة على النحو الآتي:

$$(40.ب) \quad a_k = \frac{2}{\pi} \int_0^{\pi} \frac{\pi}{4} \sin(kx)dx = \begin{cases} 1/k & \text{for } k = 1,3,5,\dots \\ 0 & \text{for } k = 2,4,6,\dots \end{cases}$$

وعليه، فمن قيم  $x$  الواقعة بين الصفر و  $\pi$ ، نحصل على الآتي:

$$(41.ب) \quad \frac{\pi}{4} = \sum_{\text{odd } k} \frac{\sin(kx)}{k}$$

والخطوة الأخيرة هي تكامل هذه الصيغة بالتتابع بالنسبة إلى المتغير  $x$ ، ومن ثم حساب النتيجة عند  $x = \pi/2$ ، وبالتكامل بحرص من  $x = 0$  إلى  $x = \pi/2$  نحصل على:

$$(42.ب) \quad \frac{\pi x'}{4} \sum_{\text{odd } k} \frac{1}{k} \int_0^{x'} \sin(kx)dx = \sum_{\text{odd } k} \frac{1}{k^2} (1 - \cos kx')$$

وبتعويض  $x' = \pi/2$  نحصل على النتيجة الآتية:

$$(43.ب) \quad \frac{\pi^2}{8} = \sum_{\text{odd } k} \frac{1}{k^2}$$

لكن بالجمع على جميع الأعداد الصحيحة الموجبة نحصل على:

$$\begin{aligned} \zeta(2) &= \sum_{\text{odd } k} \frac{1}{k^2} + \sum_{\text{even } k} \frac{1}{k^2} \\ &= \frac{\pi^2}{8} + \left( \frac{1}{2^2} + \frac{1}{4^2} + \frac{1}{6^2} + \dots \right) \\ (ب.44) \quad &= \frac{\pi^2}{8} + \frac{1}{4} \left( \frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots \right) \\ &= \frac{\pi^2}{8} + \frac{1}{4} \zeta(2) \end{aligned}$$

وبكلام آخر:

$$(ب.45) \quad \zeta(2) = \frac{4\pi^2}{3 \cdot 8} = \frac{\pi^2}{6}.$$

وتكفي هذه النتيجة لحساب التكامل الأصلي (ب.30) في حالة  $n = 1$  ومع أي إشارة في المقام. ولقيم فردية أعلى من  $n$  فإن الطريقة هي أخذ مشتقات أكثر للمعادلة (ب.24)، ومن ثم مرة أخرى حساب النتيجة عند  $\pi/2$ ، والتعامل مع المتتالية (انظر السؤال ب.19). ولسوء الحظ، فإن هذه الطريقة لا تعطي أي قيمة للدالة  $\zeta(r)$  عندما تكون  $n$  فردية، وفي الحقيقة لا يمكن كتابتها بدلالة  $\pi$ ؛ لذا يجب حسابها عدديًا.

**السؤال ب.17:** اشتق الصيغة العامة للتكامل (ب.36).

**السؤال ب.18:** استخدم جهاز الحاسوب لرسم مجموع الأمواج الجيبية على الطرف الأيمن للمعادلة (ب.41)، موفِّقًا المجموع أولاً عند  $k = 1$  وبعدها عند  $k = 3, 5, 15, 25$ . ولاحظ كيف أن المتتالية تقترب من دالة الموجة المربعة التي بدأنا بها، لكن الاقتراب ليس سريعًا.

**السؤال ب.19:** كامل المعادلة (ب.42) مرتين إضافيتين، ثم عوض  $x = \pi/2$  للحصول على صيغة للمتتالية  $\sum_{k=1}^n \left(\frac{1}{k}\right)^4$ . استخدم هذه الصيغة لتبين أن  $\zeta(4) = \pi^4/90$ ، ومن ثم احسب التكاملات (ب.36) في حالة  $n = 3$ . وضح لماذا لا تعطي هذه الطريقة قيمة للدالة  $\zeta(3)$ .

**السؤال ب.20:** احسب المعادلة (ب.41) عند  $x = \pi/2$  للحصول على المتتالية المشهورة  $\pi$  للنسبة التقريبية. ما عدد الحدود من هذه المتتالية التي يجب حسابها للحصول على قيمه  $\pi$  بثلاثة أرقام معنوية؟

**السؤال ب.21:** في حسابنا للسعة الحرارية لغاز فيرمي المتشعب، في الجزء (7.3) احتجنا إلى التكامل.

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x^2 e^x}{(e^x + 1)^2} dx = \frac{\pi^2}{3}$$

ولاشتقاق هذه النتيجة، بيّن أولاً أن دالة التكامل دالة زوجية، وعليه يكفي التكامل من 0 إلى ما لا نهاية، ومن ثم اضرب في اثنين، وبعد ذلك كامل بطريقة الأجزاء، واربط هذا التكامل بالتكامل في المعادلة (ب.35).

**السؤال ب.22:** احسب الدالة  $\zeta(3)$  بجمع المتتالية عدديًا. كم حدًا يجب الاحتفاظ به للحصول على جواب دقيق لغاية ثلاثة أرقام معنوية؟

## Suggested Reading اقتراحات للقراءة

### Undergraduate Thermal Physics Texts

- Callen, Herbert B., *Thermodynamics and an Introduction to Thermostatistics*, second edition (Wiley, New York, 1985). Develops thermodynamics from an abstract, logically rigorous approach. The application chapters are somewhat easier, and clearly written.
- Carrington, Gerald, *Basic Thermodynamics* (Oxford University Press, Oxford, 1994). A nice introduction that sticks to pure classical thermodynamics.
- Kittel, Charles, and Herbert Kroemer, *Thermal Physics*, second edition (W. H. Freeman, San Francisco, 1980). An insightful text with a great variety of modern applications.
- Mandl, F., *Statistical Physics*, second edition (Wiley, Chichester, 1988). A clearly written text that emphasizes the statistical approach.
- Reif, F., *Fundamentals of Statistical and Thermal Physics* (McGraw-Hill, New York, 1965). More advanced than most undergraduate texts. Emphasizes the statistical approach and includes extensive chapters on transport theory.
- Stowe, Keith, *Introduction to Statistical Mechanics and Thermodynamics* (Wiley, New York 1984). Perhaps the easiest book that takes the statistical approach. Very well written, but unfortunately marred by an incorrect treatment of chemical potential.
- Zemansky, Mark W., and Richard H. Dittman, *Heat and Thermodynamics*, seventh edition (McGraw-Hill, New York, 1997). A classic text that includes good descriptions of experimental results and techniques. Earlier editions contain a wealth of material that didn't make it into the most recent edition; I especially like the fifth edition (1968, written by Zemansky alone).

### Graduate-Level Texts

- Chandler, David, *Introduction to Modern Statistical Mechanics* (Oxford University Press, New York, 1987). My favorite advanced text: short and well written, with lots of inviting problems. A partial solution manual is also available.
- Landau, L. D., and E. M. Lifshitz, *Statistical Physics*, third edition, Part I, trans. J. B. Sykes and M. J. Kearsley (Pergamon Press, Oxford, 1980). An authoritative classic.
- Pathria, R. K., *Statistical Mechanics* second edition (Butterworth-Heinemann, Oxford, 1996). Good systematic coverage of statistical mechanics.
- Pippard, A. B., *The Elements of Classical Thermodynamics* (Cambridge University Press, Cambridge, 1957). A concise summary of the theory as well as several applications.
- Reichl, L., *A Modern Course in Statistical Physics*, second edition (Wiley, New York, 1998). Encyclopedic in coverage and very advanced.

### Introductory Texts

- Ambegaokar, Vi nay, Reasoning About Luck: Probability and its Uses in Physics (Cambridge University Press, Cambridge, 1996). An elementary text that teaches probability theory and touches on many physical applications.
- Fenn, John B., Engines, Energy, and Entropy: A Thermodynamics Primer (W. H. Freeman, San Francisco, 1982). A gentle introduction to classical thermodynamics, emphasizing everyday applications and featuring cartoons of Charlie the Caveman.
- Feynman, Richard P., Robert B. Leighton, and Matthew Sands, The Feynman Lectures on Physics (Addison-Wesley, Reading, MA, 1963). Chapters 1, 3, 4, 6, and 39-46 treat topics in thermal physics, with Feynman's incredibly high density of deep insights per page.
- Moore, Thomas A., Six Ideas that Shaped Physics, Unit T (McGraw-Hill, New York, 1998). This very clearly written text inspired my approach to the second law in Sections 2.2 and 2.3.
- Reif, F., Statistical Physics: Berkeley Physics Course-Volume 5 (McGraw-Hill, New York, 1967). A rather advanced introduction, but much more leisurely than Reif (1965).

### Popularizations

- Atkins, P. VV., The Second Law (Scientific American Books, New York, 1984). A nice coffee-table book with lots of pictures.
- Goldstein, Martin, and Inge F. Goldstein, The Refrigerator and the Universe (Harvard University Press, Cambridge, MA, 1993). An extensive tour of thermal physics and its diverse applications.
- Zemansky, Mark W., Temperatures Very Low and Very High (Van Nostrand, Princeton, 1964; reprinted by Dover, New York, 1981). A short paperback that focuses on physics at extreme temperatures. Very enjoyable reading, except when the author slips into textbook mode.

### Engines and Refrigerators

- Moran, Michael J., and Howard N. Shapiro, Fundamentals of Engineering Thermodynamics, third edition (Wiley, New York, 1995). One of several good encyclopedic texts.
- Whalley, P. B., Basic Engineering Thermodynamics (Oxford University Press, Oxford, 1992). Refreshingly concise.

### Chemical Thermodynamics

- Atkins, P. W., Physical Chemistry, sixth edition (W. H. Freeman, New York, 1998). One of several good physical chemistry texts, packed with information.
- Findlay, Alexander, Phase Rule, ninth edition, revised by A. N. Campbell and N. O. Smith (Dover, New York, 1951). Everything you ever wanted to know about phase diagrams.
- Haasen, Peter, Physical Metallurgy, third edition, trans. Janet Mordike (Cambridge University Press, Cambridge, 1996). An authoritative monograph that doesn't shy away from the physics.
- Rock, Peter A., Chemical Thermodynamics (University Science Books, Mill Valley, CA, 1983). A well-written introduction to chemical thermodynamics with plenty of interesting applications.
- Smith, E. Brian, Basic Chemical Thermodynamics, fourth edition (Oxford University Press, Oxford, 1990). A nice short book that covers the basics.

## Biology

- Asimov, Isaac, *Life and Energy* (Doubleday, Garden City, NY, 1962). A popular account of thermodynamics and its applications in biochemistry. Old but still very good.
- Stryer, Lubert, *Biochemistry*, fourth edition (W. H. Freeman, New York, 1995). Marvelously detailed, though not as quantitative as one might like.
- Tinoco, Ignacio, Jr., Kenneth Sauer, and James C. Wang, *Physical Chemistry: Principles and Applications in Biological Sciences*, third edition (Prentice-Hall, Englewood Cliffs, NJ, 1995). Less comprehensive than a standard physical chemistry text, but with many more biochemical applications.

## Earth and Environmental Science

- Anderson, G. M., *Thermodynamics of Natural Systems* (Wiley, New York, 1996). A practical introduction to chemical thermodynamics, with a special emphasis on geological applications.
- Bohren, Craig F., *Clouds in a Glass of Beer: Simple Experiments in Atmospheric Physics* (Wiley, New York, 1987). Short, elementary, and delightful. Begins by observing that "a glass of beer is a cloud inside out." Bohren has also written a sequel, *What Light Through Yonder Window Breaks?* (Wiley, New York, 1991).
- Bohren, Craig F., and Bruce A. Albrecht, *Atmospheric Thermodynamics* (Oxford University Press, New York, 1998). Though intended for meteorology students, this textbook will appeal to anyone who knows basic physics and is curious about the everyday world. Great fun to read and full of food for thought.
- Harte, John, *Consider a Spherical Cow; A Course in Environmental Problem Solving* (University Science Books, Sausalito, CA, 1988). A wonderful book that applies undergraduate-level physics and mathematics to dozens of interesting environmental problems.
- Kern, Raymond, and Alain Weisbrod, *Thermodynamics for Geologists*, trans. Duncan McKie (Freeman, Cooper and Company, San Francisco, 1967). Features a nice selection of worked examples.
- Nordstrom, Darrell Kirk, and James L. Munoz, *Geochemical Thermodynamics*, second edition (Blackwell Scientific Publications, Palo Alto, CA, 1994). A well-written advanced textbook for serious geochemists.

## Astrophysics and Cosmology

- Carroll, Bradley W., and Dale A. Ostlie, *An Introduction to Modern Astrophysics* (Addison-Wesley, Reading, MA, 1996). A clear, comprehensive introduction to astrophysics at the intermediate undergraduate level.
- Peebles, P. J. E., *Principles of Physical Cosmology* (Princeton University Press, Princeton, NJ, 1993). An advanced treatise on cosmology with a detailed discussion of the thermal history of the early universe.
- Shu, Frank H., *The Physical Universe: An Introduction to Astronomy* (University Science Books, Mill Valley, CA, 1982). An astrophysics book for physics students, disguised as an introductory astronomy text. Full of physical insight, this book portrays all of astrophysics as a competition between gravity and the second law of thermodynamics.

Weinberg, Steven, *The First Three Minutes* (Basic Books, New York, 1977). A classic account of the history of the early universe. Written for lay readers, yet gives a physicist plenty to think about.

### Condensed Matter Physics

Ashcroft, Neil W., and N. David Mermin, *Solid State Physics* (Saunders College, Philadelphia, 1976). An excellent text that is somewhat more advanced than Kittel (below).

Collings, Peter J., *Liquid Crystals: Nature's Delicate Phase of Matter* (Princeton University Press, Princeton, NJ, 1990). A short, elementary overview of both the basic physics and applications.

Goodstein, David L., *States of Matter* (Prentice-Hall, Englewood Cliffs, NJ, 1975; reprinted by Dover, New York, 1985). A well written graduate-level text that surveys the properties of gases, liquids, and solids.

Gopal, E. S. R., *Specific Heats at Low Temperatures* (Plenum, New York, 1966). A nice short monograph that emphasizes comparisons between theory and experiment.

Kittel, Charles, *Introduction to Solid State Physics*, seventh edition (Wiley, New York, 1996). The classic undergraduate text.

Wilks, J., and D. S. Betts, *An Introduction to Liquid Helium*, second edition (Oxford University Press, Oxford, 1987). A concise and reasonably accessible overview.

Yeomans, J. M., *Statistical Mechanics of Phase Transitions* (Oxford University Press, Oxford, 1992). A brief, readable introduction to the theory of critical phenomena.

### Computer Simulations

Gould, Harvey, and Jan Tobochnik, *An Introduction to Computer Simulation Methods*, second edition (Addison-Wesley, Reading, MA, 1996). Covers far-ranging applications at a variety of levels, including plenty of statistical mechanics.

Whitney, Charles A., *Random Processes in Physical Systems: An Introduction to Probability-Based Computer Simulations* (Wiley, New York, 1990). A good elementary textbook that takes you from coin flipping to stellar pulsations.

### History and Philosophy

Bailyn, Martin, *A Survey of Thermodynamics* (American Institute of Physics, New York, 1994). A textbook that gives a good deal of history on each topic covered.

Brush, Stephen G., *The Kind of Motion We Call Heat: A History of the Kinetic Theory of Gases in the 19th Century* (North-Holland, Amsterdam, 1976). A very scholarly treatment.

Kestin, Joseph (ed.), *The Second Law of Thermodynamics* (Dowden, Hutchinson & Ross, Stroudsburg, PA, 1976). Reprints (in English) of original papers by Carnot, Clausius, Thomson, and others, with helpful editorial comments.

Leff, Harvey S., and Andrew F. Rex (eds.), *Maxwell's Demon: Entropy, Information, Computing* (Princeton University Press, Princeton, NJ, 1990). An anthology of important papers on the meaning of entropy.

Mendelssohn, K., *The Quest for Absolute Zero*, second edition (Taylor & Francis, London, 1977). A popular history of low-temperature physics, from the liquefaction of oxygen to the properties of superfluid helium.

Von Baeyer, Hans Christian, Maxwell's Demon: Why Warmth Disperses as Time Passes (Random House, New York, 1998). A brief popular history of thermal physics with an emphasis on the deeper issues. Highly recommended.

**Tables of Thermodynamic Data**

Keenan, Joseph Frederick G. Keyes, Philip G. Hill, and Joan G. Moore, Steam Tables (S.I. Units) (Wiley, New York, 1978). Fascinating.

Lide, David R. (ed.), CRC Handbook of Chemistry and Physics, 75th edition (Chemical Rubber Company, Boca Raton, FL, 1994). Cumbersome but widely available. Editions published since 1990 are better organized and use more modern units.

National Research Council, International Critical Tables of Numerical Data (McGraw-Hill, New York, 1926-33). A seven-volume compendium of a great variety of data.

Reynolds, William C., Thermodynamic Properties in SI (Stanford University Dept. of Mechanical Engineering, Stanford, CA, 1979). A handy compilation of properties of 40 important fluids.

Vargaftik, N. B., Handbook of Physical Properties of Liquids and Gases (Hemisphere, Washington, DC, 1997). Detailed property tables for a variety of fluids.

Woolley, Harold W., Russell B. Scott, and F. G. Brickwedde, "Compilation of Thermal Properties of Hydrogen in its Various Isotopic and Ortho-Para Modifications," Journal of Research of the National Bureau of Standards 41, 379-475 (1948). Definitive but not very accessible.

\* \* \*

An awkward aspect of reading any new textbook is getting used to the notation. Fortunately, many of the notations of thermal physics have become widely accepted and standardized through decades of use. There are several important exceptions, however, including the following:

Quantity	This book	Other symbols
Total energy	$U$	$E$
Multiplicity	$\Omega$	$W, g$
Helmholtz free energy	$F$	$A$
Gibbs free energy	$G$	$F$
Grand free energy	$\Phi$	$\Omega$
Partition function	$Z$	$Q, q$
Maxwell speed distribution	$D(v)$	$P(v)$
Quantum length	$\ell_Q$	$\lambda, \lambda_T$
Quantum volume	$v_Q$	$\lambda_T^3, 1/n_Q$
Fermi-Dirac distribution	$\bar{n}_{FD}(\epsilon)$	$f(\epsilon)$
Density of states	$g(\epsilon)$	$D(\epsilon)$

## بيانات مرجعية

### الثوابت الفيزيائية

$$k = 1.381 \times 10^{-23} \text{ J / K}$$
$$= 8.617 \times 10^{-5} \text{ eV / K}$$

$$N_A = 6.022 \times 10^{23}$$

$$R = 8.315 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$$

$$h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$$

$$= 4.136 \times 10^{-15} \text{ eV}\cdot\text{s}$$

$$c = 2.998 \times 10^8 \text{ m/s}$$

$$G = 6.673 \times 10^{-11} \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{kg}^2$$

$$e = 1.602 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$m_e = 9.109 \times 10^{-31} \text{ kg}$$

$$m_p = 1.673 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

### تحويلات الوحدة

$$1 \text{ atm} = 1.013 \text{ bar} = 1.013 \times 10^5 \text{ N / m}^2$$
$$= 14.7 \text{ lb/in}^2 = 760 \text{ mm Hg}$$

$$(T \text{ in } ^\circ\text{C}) = (T \text{ in K}) - 273.15$$

$$(T \text{ in } ^\circ\text{F}) = \frac{9}{5} (T \text{ in } ^\circ\text{C}) + 32$$

$$1 \text{ } ^\circ\text{R} = \frac{5}{9} \text{ K}$$

$$1 \text{ cal} = 4.186 \text{ J}$$

$$1 \text{ Btu} = 1054 \text{ J}$$

$$1 \text{ eV} = 1.602 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$1 \text{ u} = 1.661 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

العدد الذري (أعلى اليسار) هو عدد البروتونات في النواة. وتقاس الكتلة الذرية (أسفل) بتوافر النظائر في سطح الأرض. وترتبط الكتلة الذرية بكتلة نظير كربون -12 الذي حُدّد بأنه يساوي تمامًا 12 وحدة كتلة ذرية مجتمعة، وتتراوح الشوك من 1-9 في آخر رقم عشري. وغالبًا ما تتباين وفرة النظائر النسبية، في كل من العينات الطبيعية والتجارية. ويعني الرقم الموجود بين الأقواس كتلة النظير الأطول عمرًا لذلك العنصر - لا وجود لنظير ثابت. ومع ذلك، فعلى الرغم من أنه لا يوجد لكل من Th, Pa, U نظائر ثابتة، لكنها تتمتع بخصائص تركيبات التربة، ويمكن إعطاؤها كتلاً موزونة. وبالنسبة إلى العناصر من 110-1، فقد وردت أعداد كتل النظائر المعروفة مأخوذة من مراجعة الفيزياء الجزيئية، المصدر: مجلة الفيزياء الأوروبية، (1998).

### الجدول الدوري للعناصر

hydrogen 1 <b>H</b> 1.0079																	helium 2 <b>He</b> 4.0026						
lithium 3 <b>Li</b> 6.941	beryllium 4 <b>Be</b> 9.0122																	boron 5 <b>B</b> 10.811	carbon 6 <b>C</b> 12.011	nitrogen 7 <b>N</b> 14.007	oxygen 8 <b>O</b> 15.999	fluorine 9 <b>F</b> 18.998	neon 10 <b>Ne</b> 20.180
sodium 11 <b>Na</b> 22.990	magnesium 12 <b>Mg</b> 24.305																	aluminum 13 <b>Al</b> 26.982	silicon 14 <b>Si</b> 28.086	phosphorus 15 <b>P</b> 30.974	sulfur 16 <b>S</b> 32.065	chlorine 17 <b>Cl</b> 35.453	argon 18 <b>Ar</b> 39.948
potassium 19 <b>K</b> 39.098	calcium 20 <b>Ca</b> 40.078	scandium 21 <b>Sc</b> 44.956	titanium 22 <b>Ti</b> 47.867	vanadium 23 <b>V</b> 50.942	chromium 24 <b>Cr</b> 51.996	manganese 25 <b>Mn</b> 54.938	iron 26 <b>Fe</b> 55.845	cobalt 27 <b>Co</b> 58.933	nickel 28 <b>Ni</b> 58.693	copper 29 <b>Cu</b> 63.546	zinc 30 <b>Zn</b> 65.38	gallium 31 <b>Ga</b> 69.723	germanium 32 <b>Ge</b> 72.61	arsenic 33 <b>As</b> 74.922	selenium 34 <b>Se</b> 78.96	bromine 35 <b>Br</b> 79.904	krypton 36 <b>Kr</b> 83.798						
rubidium 37 <b>Rb</b> 85.468	strontium 38 <b>Sr</b> 87.62	yttrium 39 <b>Y</b> 88.906	zirconium 40 <b>Zr</b> 91.224	niobium 41 <b>Nb</b> 92.906	molybdenum 42 <b>Mo</b> 95.94	technetium 43 <b>Tc</b> [98]	ruthenium 44 <b>Ru</b> 101.07	rhodium 45 <b>Rh</b> 102.91	palladium 46 <b>Pd</b> 106.42	silver 47 <b>Ag</b> 107.87	cadmium 48 <b>Cd</b> 112.41	indium 49 <b>In</b> 114.82	tin 50 <b>Sn</b> 118.71	antimony 51 <b>Sb</b> 121.76	tellurium 52 <b>Te</b> 127.60	iodine 53 <b>I</b> 126.90	xenon 54 <b>Xe</b> 131.29						
cesium 55 <b>Cs</b> 132.91	barium 56 <b>Ba</b> 137.33	* 57-70	lutetium 71 <b>Lu</b> 174.97	hafnium 72 <b>Hf</b> 178.49	tantalum 73 <b>Ta</b> 180.95	wolfram 74 <b>W</b> 183.84	reuterium 75 <b>Re</b> 186.21	osmium 76 <b>Os</b> 190.23	iridium 77 <b>Ir</b> 192.22	platinum 78 <b>Pt</b> 195.08	gold 79 <b>Au</b> 196.97	mercury 80 <b>Hg</b> 200.59	thallium 81 <b>Tl</b> 204.38	lead 82 <b>Pb</b> 207.2	bismuth 83 <b>Bi</b> 208.98	polonium 84 <b>Po</b> [209]	astatine 85 <b>At</b> [210]	radon 86 <b>Rn</b> [222]					
francium 87 <b>Fr</b> [223]	radium 88 <b>Ra</b> [226]	** 89-102	bohrium 103 <b>Lr</b> [262]	rutherfordium 104 <b>Rf</b> [261]	dubnium 105 <b>Db</b> [262]	seaborgium 106 <b>Sg</b> [266]	bohrium 107 <b>Bh</b> [264]	hassium 108 <b>Hs</b> [265]	meitnerium 109 <b>Mt</b> [268]	unnilium 110 <b>Uun</b> [271]	ununium 111 <b>Uuu</b> [272]	ununium 112 <b>Uub</b> [277]	ununquadium 114 <b>Uuq</b> [284]										

\* Lanthanide series

lanthanum 57 <b>La</b> 138.91	cerium 58 <b>Ce</b> 140.12	praseodymium 59 <b>Pr</b> 140.91	neodymium 60 <b>Nd</b> 144.24	promethium 61 <b>Pm</b> [145]	samarium 62 <b>Sm</b> 150.35	europium 63 <b>Eu</b> 151.96	gadolinium 64 <b>Gd</b> 157.25	terbium 65 <b>Tb</b> 158.93	dysprosium 66 <b>Dy</b> 187.50	holmium 67 <b>Ho</b> 164.93	erbium 68 <b>Er</b> 167.26	thulium 69 <b>Tm</b> 168.93	ytterbium 70 <b>Yb</b> 173.04
actinium 89 <b>Ac</b> [227]	thorium 90 <b>Th</b> 232.04	protactinium 91 <b>Pa</b> 231.04	uranium 92 <b>U</b> 238.03	neptunium 93 <b>Np</b> [237]	plutonium 94 <b>Pu</b> [244]	americium 95 <b>Am</b> [243]	curium 96 <b>Cm</b> [247]	berkelium 97 <b>Bk</b> [247]	californium 98 <b>Cf</b> [251]	einsteinium 99 <b>Es</b> [252]	fermium 100 <b>Fm</b> [257]	mendeleevium 101 <b>Md</b> [258]	nobelium 102 <b>No</b> [259]

\*\* Actinide series

## الخصائص الحرارية للمواد المختارة

إن جميع القيم الواردة في هذا الجدول تخص "مولاً" واحداً من المادة على أساس 298K, 1 bar. وتمثل المعادلة الكيميائية الآتية حالة المادة، سواء أكانت صلبة (s)، سائلة (l)، غازية (g)، أو المحلول المائي (aq). وعند وجود أكثر من حالة صلبة معروفة، فيعطى الاسم الفلزّي أو التركيب البلوري. أما البيانات الخاصة بالمحلول المائي فهي بتركيز مقدار "مول" واحد لكل كيلوجرام من الماء. ويمثل المحتوي الحراري وتكوين جيبس الحر للطاقة،  $\Delta_r G$ ,  $\Delta_r H$ ، التغيرات في  $G$  و  $H$  عند تكوين مول واحد من المادة بدءاً بالعناصر في أكثر حالاتها النقية الثابتة (مثل، C،-جرافيت-O2-g-، إلخ). وإذا ما أردنا التوصل إلى قيمة  $\Delta H$  أو  $\Delta G$  لغاية تفاعل آخر، واطرح  $\Delta_r$  للمواد المتفاعلة من  $\Delta_r$  للنواتج. وبالنسبة إلى الأيونات في أي محلول، فهناك غموض في قسمة الكميات الحرارية بين الأيونات الموجبة والأيونات الثابتة. وكما هو مصطلح عليه، تعطى  $H^+$  قيمة صفر، وتختار للأيونات الأخرى جميعها على أساس مطابقتها لهذه القيمة. البيانات مأخوذة من أتكنز، لايد، وأندرسون At- kins, 1998, Lide, 1994, Anderson, 1996. الرجاء ملاحظة أنه على الرغم من أن هذه البيانات دقيقة إلى حد كبير ومطابقة للأمثلة والمسائل في هذا الكتاب، لكن الأرقام العشرية الواردة ليست بالضرورة ذات دلالة، ويتعيّن عليك لغايات البحث أن تعود دائماً إلى الكتابات الأصلية لتحديد عدم اليقين في التجربة.

Substance (form)	V(cm <sup>3</sup> )	Cp(J/K)	S (J/K)	$\Delta_r G$ (kJ)	$\Delta_r H$ (kJ)
Al (s)	0	0	28.33	24.35	9.99
Al <sub>2</sub> SiO <sub>5</sub> (kyanite)	-2594.29	-2443.88	83.81	121.71	44.09
Al <sub>2</sub> SiO <sub>5</sub> (andalusite)	-2590.27	-2442.66	93.22	122.72	51.53
Al <sub>2</sub> SiO <sub>5</sub> (sillimanite)	-2587.76	-2440.99	96.11	124.52	49.90
Ar (g)	0	0	154.84	20.79	
C (graphite)	0	0	5.74	8.53	5.30
C (diamond)	1.895	2.900	2.38	6.11	3.42
CH <sub>4</sub> (g)	-74.81	-50.72	186.26	35.31	
C <sub>2</sub> H <sub>6</sub> (g)	-84.68	-32.82	229.60	52.63	
C <sub>3</sub> H <sub>8</sub> (g)	-103.85	-23.49	269.91	73.5	
C <sub>2</sub> H <sub>5</sub> OH (l)	-277.69	-174.78	160.7	111.46	58.4
C <sub>6</sub> H <sub>12</sub> O <sub>6</sub> (glucose)	-1268	-910	212	115	
CO (g)	-110.53	-137.17	197.67	29.14	
CO <sub>2</sub> (g)	-393.51	-394.36	213.74	37.11	
H <sub>2</sub> CO <sub>3</sub> (aq)	-699.65	-623.08	187.4		
HCO <sub>3</sub> <sup>-</sup> (aq)	-691.99	-586.77	91.2		
Ca <sup>2+</sup> (aq)	-542.83	-553.58	-53.1		
CaCO <sub>3</sub> (calcite)	-1206.9	-1128.8	92.9	81.88	36.93
CaCO <sub>3</sub> (aragonite)	-1207.1	-1127.8	88.7	81.25	34.15
CaCl <sub>2</sub> (s)	-795.8	-748.1	104.6	72.59	51.6
Cl <sub>2</sub>	0	0	223.07	33.91	
Cl <sup>-</sup> (aq)	-167.16	-131.23	56.5	-136.4	17.3
Cu (s)	0	0	33.150	24.44	7.12
Fe (s)	0	0	27.28	25.10	7.11

Substance (form)	$\Delta_f H$ (kJ)	$\Delta_f G$ (kJ)	S (J/K)	$C_p$ (J/K)	V (cm <sup>3</sup> )
H <sub>2</sub> (g)	0	0	130.68	28.82	
H (g)	217.97	203.25	114.71	20.78	
H <sup>+</sup> (aq)	0	0	0	0	
H <sub>2</sub> O (l)	-285.83	-237.13	69.91	75.29	18.068
H <sub>2</sub> O (g)	-241.82	-228.57	188.83	33.58	
He (g)	0	0	126.15	20.79	
Hg (l)	0	0	76.02	27.98	14.81
N <sub>2</sub> (g)	0	0	191.61	29.12	
NH <sub>3</sub> (g)	-46.11	-16.45	192.45	35.06	
Na <sup>+</sup> (aq)	-240.12	-261.91	59.0	46.4	-1.2
NaCl (s)	-411.15	-384.14	72.13	50.50	27.01
NaAlSi <sub>3</sub> O <sub>8</sub> (albite)	-3935.1	-3711.5	207.40	205.10	100.07
NaAlSi <sub>2</sub> O <sub>6</sub> (jadeite)	-3030.9	-2852.1	133.5	160.0	60.40
Ne (g)	0	0	146.33	20.79	
O <sub>2</sub> (g)	0	0	205.14	29.38	
O <sub>2</sub> (aq)	-11.7	16.4	110.9		
OH <sup>-</sup> (aq)	-229.99	-157.24	-10.75	-148.5	
Pb (s)	0	0	64.81	26.44	18.3
PbO <sub>2</sub> (s)	-277.4	-217.33	68.6	64.64	
PbSO <sub>4</sub> (s)	-920.0	-813.0	148.5	103.2	
SO <sub>4</sub> <sup>2-</sup> (aq)	-909.27	-744.53	20.1	-293	
HSO <sub>4</sub> <sup>-</sup> (aq)	-887.34	-755.91	131.8	-84	
SiO <sub>2</sub> (α quartz)	-910.94	-856.64	41.84	44.43	22.69
H <sub>4</sub> SiO <sub>4</sub> (aq)	-1449.36	-1307.67	215.13	468.98	

# Index

# الفهرس

- Abbott, Larry, 383 أبوت، لاري
- Absolute temperature scale, 4-5, 129 مقياس درجة الحرارة المطلقة
- Absolute zero, 4-5, 94-95, 146, 148 الصفر المطلق
- Absorption, by a surface, 303 الامتصاص، عن طريق سطح  
by an atom, 293-294 عن طريق ذرة
- Absorption refrigerator, 130 تلاجة الامتصاص
- Abt, Helmut A., 226 أبت، هيلموت أ.
- Accessible states, 57-58, 67, 76, 225 حالات يمكن الوصول إليها
- Acids, 215, 217 الأحماض
- Adiabatic, 25 أدياباتيكي
- Adiabatic compression/expansion انضغاط / تمدد أدياباتيكي  
24-27, 125-126, 159, 175
- Adiabatic cooling, 27, 142, 146, 177-178 التبريد الأدياباتيكي
- Adiabatic exponent, 26, 132 الأس الأدياباتيكي
- Adiabatic lapse rate, 27, 177-178 معدل المرور الأدياباتيكي
- Adiabatic, relation to isentropic, 112 أدياباتيكية، فيما يتعلق بعملية أيزونتروبية
- Adler, Ronald J., 383 أدلر، رونالد ج
- Adsorption, 259-260 الامتصاص
- Age of the universe, 58 عمر الكون
- Ahlborn, B., 127 أهلبورن، ب.
- Air, 7-8, 17, 39, 43, 45, 47 الهواء  
liquefaction of, 186, 193-194 تسيل
- Air conditioners, 127-129, 137-138, 141 مكيفات الهواء
- Albite, 176, 195 الألبايت
- Albrecht, Bruce A., 48, 399 ألبرخت، بروس
- Alloys, 186, 191, 194, 198-200, 346, 353 السبائك
- $\alpha$  (expansion coefficient), 6  $\alpha$  (معامل التمدد الحراري الطولي)
- Altitude, effect on boiling water, 175 الارتفاع، تأثيره في درجة غليان الماء  
effect on speed of sound, 27 تأثيره في سرعة الصوت
- Aluminum, 30, 97 الألمنيوم
- Aluminum silicate, 172, 176 سليكات الألمنيوم
- Ambegaokar, Vi nay, 398 أمبيجوكار فيناي
- Ammonia, 137, 152, 210-213 الأمونيا
- Andalusite, 172, 176 الأندلوسايت
- Anderson, G. M., 399, 404 أندرسون، ج. م
- Angular momentum, 105, 234, 374-379 الزخم الزاوي
- Anharmonic oscillator, 233, 371 متذبذب توافقي
- Annihilating a system, 33, 149-150 إثناء النظام
- Anorthite, 195 الأنورثايت
- Antiferromagnet, 339, 346 المادة الفرومغناطيسية المعاكسة
- Antifreeze, 198-200 مانع التجمد
- Antiparticles, 297-300, 382 الجسيمات المضادة
- Approximation schemes, 285, 327 التقريبات
- Aqueous solutions, 216 المذاب في السائل
- Aragonite, 171 الأرجونايت
- Area of a hypersphere, 70-71, 391-393 مساحة كرة عالية، الأبعاد
- Argon, 152, 241, 336 الأرجون
- Arnaud, J., 270 أرنود، ج
- Ashcroft, Neil W., 272, 400 أشكروفت، نيل، و
- Asimov, Isaac, 399 أسيموف، إسحاق
- Astronomical numbers, 84 الأرقام الفلكية
- Astrophysics, see also فيزياء الفلك، نظر أيضا الثقوب السوداء  
الكوسمولوجيا، والنجوم، والشمس
- Black holes, Cosmology, Stars, Sun نشر الاقتراب
- Asymptotic expansion, 387 أتكينز، ب. و
- Atkins, P. W., 377, 398, 404
- atm (atmosphere), 5, 402 ضغط جوي والغلاف الجوي
- Atmosphere, density of, 8, 120, 228 الغلاف الجوي، كثافة
- molecules escaping from, 246 إفلات الجزيئات من
- opacity of, 306 تعتم
- solar, 226-227 الشمسي
- temperature gradient of, 27, 177-178 التدرج في درجة الحرارة
- Atmospheric pressure, 7, 402 الضغط الجوي
- Atomic mass (unit), 8 وحدة الكتلة الذرية
- Atoms, excitation of, 226-227, 293 إثارة الذرات
- ATP (adenosine triphosphate) 156 ATP، (الأدينوساين ثلاثي الفوسفات)
- Automobile engine, 131-133 محرك المركبة
- Available work, 150 الشغل المتوافر
- Average energy, 12-15, 229-231 متوسط الطاقة
- number of particles, 261, 266-268 عدد الجسيمات
- pressure, 11-12 الضغط
- Average speed, 13, 245-256 السرعة المتوسطة
- values, 11-13, 229-231 القيم
- Avogadro, Amedeo, 44 أفوجادرو، أميديو
- Avogadro's number, 7, 44, 61, 67, 119, 210, 402 عدد أفوجادرو
- Azeotrope, 195-196 (أزيوتروب) Azeotrope
- $B$  (bulk modulus), 27  $B$  (معامل المرونة الحجمي)
- $B$  (magnetic field), 98  $B$  (شدة المجال المغناطيسي)
- $B(T)$  (second virial coefficient), 9  $B(T)$  (المعامل الحدي الثاني)
- Bagpipes, 27 موسيقا القرب
- Baierlein, Ralph, 67 بايرلين، رالف
- Bailyn, Martin, 400 بايلين، مارتين
- Balloon, hot-air, 2-3, 8 بالون الهواء الساخن
- Balmer lines, 226-227 خطوط بالمر
- bar (unit of pressure), 7 البار (وحدة الضغط)، 7 (bar)
- Barometric equation, 8, 178 المعادلة البارومترية

- Barrow, Gordon M., 372, 377 بارو، غوردون م.  
 Baseball, wavelength of, 362 طول موجة كرة القاعدة  
 Basic solution, 215 الحل الأساسي  
 Battery, 19, 154-155 البطارية  
 Battlefield Band, 27 فرقة ميدان المعركة  
 Beckenstein, Jacob, 84 بيكنشتاين، يعقوب  
 Bed-spring model of a solid, 16 نموذج زنبركات السرير للجوامد  
 Beginning of time, 83 بداية الكون  
 Benefit/cost ratio, 123, 128 الفائدة / التكلفة  
 Bernoulli, Daniel, 10 برنولي، دانيال  
 $\beta$  ( $1/kT$ ), 229  $\beta$  ( $1/kT$ )  
 $\beta$  (critical exponent), 186, 346  $\beta$  (الأس الحرج)  
 $\beta$  (expansion coefficient), 6  $\beta$  (معامل التمدد الحجمي)  
 Betelgeuse, 307 النجم بتلجوس  
 Betts, D. S., 321, 400 بيتس، د. س.  
 Bicycle tire, 14, 26 إطار الدراجة  
 Big bang, see Early universe الانفجار الأعظم، انظر بداية الكون  
 Billiard-ball collision, 246 تصادم كرات البلياردو  
 Binomial distribution, توزيع ذي الحدين، انظر  
 see Two-state systems الأنظمة ثنائية الحالة  
 Binomial expansion, 9 مفكوك ذي الحدين  
 Biological applications, 36, 47, التطبيقات الحياتية  
 97, 156, 204-205, 259-260, 304, 399  
 Bird, R. Byron, 337 بيرد، ر. بايرون  
 Black holes, 83-84, 92, 304, 326 الثقوب السوداء  
 Blackbody radiation, 302-307, 359 إشعاع الجسم الأسود  
 Block spin transformation, 355-356 تحويل وحدة بناء الزخم المغزلي  
 Blood, 259-260 الدم  
 Body temperature, 5 درجة حرارة الجسم  
 Body, radiation from, 304 الجسم، الإشعاع من  
 Bohr magneton, 105, 148, 234, 313 بورماجنتون للباراماجنت  
 Bohr radius, 227 نصف قطر بور  
 Bohren, Craig F., 48, 399 بورين، كريج و  
 Boiling point, effect of solute, 206-208 نقطة الغليان، تأثير المذاب  
 Boiling water, 33-35, 175 غليان الماء  
 Boltzmann distribution, 223, 268-269 توزيع بولتزمان  
 Boltzmann factor, 223-256, 321-322, 347 معامل بولتزمان  
 Boltzmann, Ludwig, 129 بولتزمان، لودفيج  
 Boltzmann statistics, 220-256, 265, 270 إحصاء بولتزمان  
 applicability of, 264-265, 268-269, 271 إمكانية تطبيقه  
 Boltzmann's constant, 7, 12-13, 75, 402 ثابت بولتزمان  
 Bose gases, 290-326 غازات بوز  
 Bose, Satyendra Nath, 263 بوز ساتيندرا ناث  
 Bose-Einstein condensation, 144, 315-325 تكاثف بوز وأينشتاين  
 Bose-Einstein distribution, 268-271, 290, 308, 315-316 توزيع تكاثف بوز وأينشتاين  
 Bosons, 238, 263, 265, البوزونات  
 267-271, 290, 315, 326, 380-383  
 Boundary between phases, 178 الحدود الفاصلة بين الأطوار  
 Bowen, N. L., 195 بوين. ن. ل.  
 Box, particles in, 252, 255, صندوق، جسيمات محصورة في  
 290, 368-370  
 Brass, 191 النحاس الأصفر  
 Breaking even, 124 كسر حتى  
 Brick, dropping, 162 إسقاط الطوب  
 Brillouin function, see Paramagnet دالة بريلوين، انظر الباراماجنت  
 Brush, Stephen G., 340-400 برش، ستيفن ج.  
 Btu (British thermal unit), 39 (الوحدة البريطانية للتوصيل الحراري)  
 Bubbles expanding, 26 تمدد الفقاعات  
 Bulk modulus, 27, 159, 275-276 معامل التمدد الحجمي  
 Bull, H. 205 بول، هـ.  
 c (specific heat), 28 c (السعة الحرارية النوعية)  
 C (heat capacity), 28 C (السعة الحرارية)  
 Cailletet, Louis, 141 كالييتيت، لويس  
 Calcium carbonate (calcite), 171, 176 كربونات الكالسيوم (الكالسيت)  
 Calculus, ix, 384 حساب التفاضل والتكامل، متممة المؤلف صفحة 9  
 Callen, Herbert B., 397 كالين، هربرت ب.  
 Calorie, 19 سعر (أو كالوري)  
 Campbell, A. J. R. and A. N., 190 كامبل، أ. ج. ر. وأ. ن.  
 Canonical distribution, 223 التوزيع الكانوني  
 Canonical ensemble, 230 التجمع الكانوني  
 Carbon dioxide, 16, 137, 167-168, 217, 237, 306, 336 ثاني أكسيد الكربون  
 Carbon monoxide, 95, 235-236, 371, 377 أول أكسيد الكربون  
 poisoning, 259-260 التسمم  
 Carbon, phases of, 170-171, 173-174 أطوار ذرة الكربون  
 Carbonic acid, 217 حمض الكربونيك  
 Cards, playing, 52 أوراق اللعب  
 shuffling, 75-77 إعادة توزيع أوراق اللعب  
 Carnot cycle, 125-126, 128 دورة كارنو  
 Carnot, Sadi, 125, 129, 148 كارنو، سادي  
 Carrington, Gerald, 160, 397 كارينجتون، جيرالد  
 Carroll, Bradley W., 37, 399 كارول، برادلي و.  
 Casey, Brendan, 383 كيسي، بريندان  
 Cells, biological, 47, 202, 204 الخلايا الحيوية  
 Celsius temperature 3-6 درجة الحرارة المنوية  
 Centered-difference approximation, 102 طريقة تقريبية لحساب المشتقات عن طريق الفرق بين قيمتين  
 Centigrade, 3 درجة مئوية  
 Chandler, David, 397 تشاندلر، ديفيد  
 Chemical equilibrium, 208-219, 290 الاتزان الكيميائي  
 Chemical potential, 115-120 الجهد الكيميائي  
 and Gibbs free energy, 157, 164-165 وطاقة جيبس الحرة  
 at equilibrium, 210-211 عند الاتزان  
 in quantum statistics, 267-269 في الإحصاء الكمي  
 of Bose gases, 315-319, 324 لغازات بوز  
 of an Einstein solid, 117-119 لجامد أينشتاين

- of Fermi gases, 272, 281-288 لغازات فيرمي
- of an ideal gas, 118-120, 165-166, 255 لغاز مثالي
- of multiparticle system, 251, 270 لنظام متعدد الجسيمات
- of gases in blood, 259 لغازات في الدم
- of a photon gas, 290 لغاز من الفوتونات
- of solute, solvent, 201-202 من المذاب، المذيب
- Chemical thermodynamics, 149, 398 الترموديناميكا الكيميائية
- Chemical work, 117 الشغل الكيميائي
- Chlorofluorocarbons, 137-138 مركبات الكربون الكلورية الفلورية
- Choosing  $n$  from  $N$ , 51 اختيار  $n$  من  $N$
- Chu, Steven, 147 تشو، ستيفن
- Classical partition function, 239, 256 دوال التجزئة الكلاسيكية
- Classical physics, 239-240, 288-289 الفيزياء الكلاسيكية
- Classical thermodynamics, 120 الترموديناميكا الكلاسيكية
- Clausius, Rudolf, 95, 129 كلاوسوس، رودولف
- Clausius-Clapeyron relation, 172-179 علاقة كلاوسوس كلايرون
- Clay-firing temperature, 4, 293 درجة حرارة فرن يستخدم في شئ الفخار
- Clouds, 47, 177-179, 305 الغيوم
- Cluster expansion, 332-333 نشر التجمعات
- Clusters of dipoles, 351-355 تجمعات من العزوم
- Clusters of molecules, 181, 332-333 تجمعات من الجزيئات
- Coefficient of performance, 128, 130-131 معامل الإنجاز
- Coin flipping, 49-52, 67 تشكيلات القطع النقدية
- Colligative properties, 208 الخواص الموحدة
- Collings, Peter J., 400 كولينجز، بيتر ج.
- Collision time, 42 زمن التصادم
- Collisions, 11, 41-42, 246 التصادمات
- Combinations, 51 •  $N$  (التوافيق) عند الطرق المختلفة لاختيار  $n$  من  $N$
- Combinatorics, 49-55, 92, 279 (الصفة التوافقية) عدّ الطرق المختلفة لترتيب الأشياء
- 331-332, 322-323
- Complex functions, 363-366 الدوال المركبة
- Composite systems, 249-251 الأنظمة المركبة
- Compressibility, 32, 159, 171, 186 159 • 32 الانضغاط
- Compression factor, 185 معامل الانضغاط
- Compression ratio, 131-133 نسبة الانضغاط
- Compression work, 20-26 شغل الانضغاط
- Computer problems, ix مشكلات الحاسوب، مقدمة المؤلف صفحة 9
- Computer simulations, 346-356, 400 المحاكاة الحاسوبية
- Computing, entropy creation during, 98 حساب قيمة الإنتروبي خلال حدوثه
- Concentration, and chemical potential, 118, 201-202 التركيز، والجهد الكيميائي
- Concentration, standard, 155, 404 التركيز، القياسي
- Condensate, 318 المتكاثفات
- Condensation temperature, 317-320, 325 درجة حرارة التكثف
- Condensed matter physics, 400 فيزياء المادة المتكثفة
- see also Critical point, Helium, انظر ايضاً: نقطة حرجة هيليوم
- Low temperatures, Magnetic systems, درجات حرارة منخفضة أنظمة مغناطيسية
- Phase transformations, Quantum statistics, تحولات الطور، إحصائيات كمية
- Solid state physics
- تطر أيضاً النقطة الحرجة، غاز الهيليوم، درجات الحرارة المنخفضة، الأنظمة المغناطيسية، تحولات الطور، الإحصاء الكمي، وفيزياء الجوامد
- Condenser, 134-135, 138 المكثف
- Conduction electrons, 38, 271-288, 311 الإلكترونات التوصيلية
- Conduction, of heat, 19, 37-44 التوصيل، الحراري
- Conductivity, electrical, 287 الموصلية، الكهربائية
- Conductivity, thermal, 38-44 الموصلية، الحرارية
- Cone diagrams, 374, 379 منحنيات مخروطية
- Cones, potter's, 4 مخروط فخارية
- Configuration integral, 329-333 تكامل الوضعية
- Conservation of energy, 17-19 قانون حفظ الطاقة
- Constants, 402 الثوابت
- Convection, 19, 27, 37, 177-178, 306 الحمل الحراري
- Conversion factors, 402 معاملات التحويل
- Cookie-baking temperature, 294 درجة الحرارة التي تستخدم لخبز البسكويت
- Cooking pasta, 31, 175, 208 طهي المعكرونة
- Cooking time, at high altitude, 175 زمن الطهي، عند ارتفاع كبير
- Coolant, 198-200 المبرد
- Cooling, see Adiabatic cooling, Evaporative cooling, التبريد، انظر تبريد أديباتيكي، التبريد التبخيري، التلاجات
- Refrigerators
- التبريد، انظر تبريد أديباتيكي، التبريد التبخيري، التلاجات
- COP (coefficient of performance), 128 (معامل الإنجاز) COP
- Copper, 39, 276, 278, 311, 313 النحاس
- Corak, William 311 كوراك، ويليام
- Corn flakes, 36 الكورن فليكس
- Corrections to this book, ix تصويبات لهذا الكتاب، مقدمة المؤلف صفحة 9
- Correlation function, 354-355 دالة الارتباط
- cosh function, 104 دالة  $\cosh x$
- Cosmic background radiation, 228, 295-300, 359 خلفية الإشعاعات الكونية
- Cosmological constant, 383 الثابت الكوني
- Cosmology, 83, 228, 295-300, 399 علم الكونيات
- Costly energy, 150 الطاقة المكلفة
- Coulomb potential, 373 جهد كولوم
- Counting arrangements, 49-59, 68-71, 262-263, 321-323 عدّ الترتيبات
- Counting wavefunctions, 367, 369 عد دوال الأمواج
- Cox, Keith G., 174 كوكس، كيث ج.
- Creating a system, 33, 149-150 امتحادات نظام
- Critical exponents, 186, 346, 356 المنس الحرجة
- Critical point, 167-169, 184-186, 339 النقطة الحرجة
- of Ising model, 343, 345-346, 351-356 نموذج إيسنج
- Crystal structures, 166, 343 التركيب البلوري
- Cumulus clouds, 177-178 التجمعات الركامية للغيوم
- Curie temperature, 169, 339-340, 345 درجة حرارة كوري
- Curie's law, 105 قانون كوري
- Curie, Pierre, 105 كوري، بيير
- Curtiss, Charles F., 337 كيرتس، تشارلز ف

- Curzon, F. L., 127 كرزون، ف. ل.
- Cutoff ratio, 132-133 نسبة القطع
- Cyanogen, 228 (سيانوجين) CN
- Cyclic processes, 23, 122-141 عمليات تتم في دورة كاملة
- Dark matter, see Neutrinos المادة المظلمة، انظر النيوترينات
- Data, tables of, 136, 140, 143, 401-405 بيانات، جداول لـ
- De Broglie wavelength, 252-253, 264, 336-337, 360-361, 369 طول موجة ديبرولي
- De Broglie, Louis, 360 دي برولي، لويس
- Debye temperature, 310-314 درجة حرارة ديبي
- Debye theory, 307-313 نظرية ديبي
- Debye, Peter, 309 ديبي، بيتر
- Decay, atomic, 293-294 الهبوط الذري
- Deficit, national, 84 العجز، الوطني
- Definite-energy wavefunctions, 252, 367-376, 379-252, 367-376 دوال الأمواج بطاقات محددة
- Definition, operational, 1 التعريف، التشغيلي
- Degeneracy pressure, 275-277 ضغط التشعب
- Degenerate Fermi gases, 272-288 غازات فيرمي المتشعبة
- Degenerate states, 221, 224, 227-228, 243, 369, 372 الحالات المتشعبة
- Degrees of freedom, 14-17, 29, 72, 92, 238-240, 290-291, 310, 376-377 درجات الحرية
- Degrees (temperature), 4 درجات (درجة الحرارة)
- $\delta$  (critical exponent), 186  $\delta$  (الأس الحرج)
- $\Delta G^\circ$  (standard  $\Delta G$ ), 211  $\Delta G^\circ$  (التغير في G، تحت الشروط القياسية)
- Demon, Maxwell's, 76-77 ديمون، ماكسويل
- Density of energy in the universe, 296 كثافة الطاقة في الكون
- Density of states, 280-282, 316 كثافة الحالات
- in a harmonic trap, 325 في فخ أو مصيدة توافقية
- in a magnetic field, 288 في مجال مغناطيسي
- in a semiconductor, 286-287 في شبه موصل
- in two dimensions, 282 في بعدين
- of a relativistic gas, 293 من الغاز النسبية
- Derivatives, numerical, 102 المشتقات العددية
- Desalination, 202, 205 تحلية مياه البحر
- Detailed balance, 57, 348 التفصيلية التوازن
- Deuterium (HD, D<sub>2</sub>), 237-238 ذرة ديوتيريوم (HD, D<sub>2</sub>)
- Dew point, 177-178 نقطة الندى
- Dewar, James, 142 ديوار، جيمس
- Diagrammatic perturbation series 327, 331-333, 338 مبياني سلسلة اضطراب
- Dial thermometer, 4, 6 طلب الترمومتر
- Diamond, 170-171, 173-174, 176 الماس
- entropy of, 114, 176 إنتروبي
- heat capacity of, 30, 114, 312 السعة الحرارية لـ
- Diamond, formation of, 174 الماس، وتشكيل لـ
- Diatom gases, 15-16, 29-30 الغازات ثنائية الذرة
- 233-238, 255, 371-372, 375-377
- Diesel engine, 26, 132-133 محرك مكنة الديزل
- Differentials, 18 التفاضلية
- Differentiating under the integral, 386 التفاضل داخل التكامل
- Diffraction, 360-362 حيود
- Diffusion, 46-48, 67 الانتشار
- Diffusive equilibrium, 2-3, 115-116, 120 اتزان الانتشار
- Dilute solutions, 200-210, 214-217 المحاليل المخففة
- Dilution refrigerator, 144-145, 320 ثلاجة التخفيف
- Dimensional analysis, 70, 83, 278, 285, 294, 302 تحليل الأبعاد
- Dimensionless variables, 108 185 246 متغير عديم الوحدات
- Dipoles, magnetic, 52-53, 98-107 ثنائي قطب
- 232-234, 339-356, 378-379 المجال المغناطيسي المستحدث
- field created by, 148 التفاعلات بين
- interactions among, 146, 148, 339-356 ديراك، بول أ. م.
- Dirac, Paul A. M., 263 Dirac, Paul A. M., 263
- Disorder, 75 الفوضى
- Dissociation of hydrogen, 30, 233, 256 تفكك الهيدروجين
- Dissociation of water, 208-210, 214-215 تفكك الماء
- Distinguishable particles, 70, 80-81 الجسيمات المتميزة
- 235-237, 249-250, 262, 321-322, 376, 379 دوال التوزيع
- Distribution functions, in quantum statistics, 266-269 في الإحصاء الكمي
- Distribution of molecular speeds, 242-247 توزيع السرعات الجزيئية
- Dittman, Richard H., 198, 397 ديتمان، ريتشارد هـ.
- Domains, 339, 351-352 المناطق
- Doppler effect, 147, 295 ظاهرة دوبل
- DPPH, 105-107 DPPH (مادة عضوية)
- Dry adiabatic lapse rate, 27 معدل المرور الأديباتيكي الجاف
- Dry ice, 141, 167 جليد جاف
- Du Pont, 137 دو بونت
- Dulong and Petit, rule of, 29 قاعدة ديولنج - بيتت
- Dumbbell model of a molecule, 375 نموذج دمبل للجزيء
- Dymond, J. H., 336 دايموند، ج. هـ.
- e (efficiency), 123 e (الكفاءة)
- e (fundamental charge), 373 e (الشحنة الأساسية)
- E (energy of a small system), 223, 230 E (طاقة النظام الصغير)
- Early universe, 228, 295-300, 304 بداية الكون
- Earth, heat flow from, 40 الأرض، انتقال الحرارة من
- surface temperature of, 305-306 ذات درجة حرارة سطح
- Earth science, see Geological applications, Meteorology
- Economical numbers, 84 علوم الأرض، انظر التطبيقات الجيولوجية، الأرصاد الاقتصادية للأرصاد الجوية
- علم الأرض، انظر التطبيقات الجيولوجية، الأرصاد الاقتصادية للأرصاد الجوية
- Edge effects, 350 أثر الحواف
- Efficiency, of engines, 123-127, 132-137 كفاءة المكنات
- of fuel cells, 154 خلايا الوقود
- Efficiency of human body, 36, 156 كفاءة جسم الإنسان
- of incandescent bulb, 304 مصباح كهربائي حراري

- see also Coefficient of performance Effusion, 14, 46 انظر أيضا معامل إنجاز الانتشار
- Effusion, تنفق
- Einstein A and B coefficients, 293-294 معامل A وB، لأينشتاين
- Einstein, Albert, 263, 293, 359 أينشتاين، ألبرت
- Einstein relation, 291, 359-361, 363 علاقة أينشتاين
- Einstein solid, 53-55, 107-108, جامد أينشتاين  
117-119, 233, 307, 312
- in high-T limit, 63-66, 75, 91, 92, 231 عند درجة حرارة عالية
- in low-T limit, 64, 91, 93, 307, 312 عند درجة حرارة منخفضة
- pair of, exchanging energy, 56-60, زوج من، تبادل الطاقة  
64-66, 77, 86-88, 224
- Electrical conductivity, 38, 287 الموصلية الكهربائية
- Electrical work, 19, 21, 152-156 الشغل الكهربائي
- Electrolysis, 152-153 التحليل الكهربائي
- Electromagnetic field, 288-289, 380-381 المجال الكهرومغناطيسي
- Electron-positron pairs, 298-300 أزواج الإلكترونات والبوزترونات
- Electron-volt, 13 eV
- Electronic states, 251-252, 375 حالات إلكترونية  
see also Hydrogen انظر أيضا الهيدروجين
- Electrons, as magnetic dipoles, الإلكترونات، ثنائيات القطب  
52, 105, 107, 145, 288
- diffraction of, 360-361 حيود
- in chemical reactions, 154-156 في التفاعلات الكيميائية
- in metals, 38, 271-288 في المعادن
- in semiconductors, 261, 286-288 في أشباه الموصلات
- wave nature of, 360-361 طبيعة موجة
- Elementary particles, 382 جسيمات أولية
- Emission, see Blackbody radiation, Spectrum الانبعاث،  
انظر في إشعاع الجسم الأسود، الطيف
- Emissivity, 303-304 الانبعاثية
- Energy, 1-383 الطاقة  
capacity, 228 السعة  
definition of, 17 تعريف  
conservation of, 17-19 حفظ  
exchange of, 2, 56-60, 64-66, 72, 85-91 تبادل  
fluctuations of, 65-66, 72, 231 تذبذب  
in quantum mechanics, 367-383 في ميكانيكا الكم  
of interacting particles, 17, من الجسيمات المتفاعلة  
240-241, 329, 335, 341
- of mixing, 188-192, 195-196 خلط  
of the vacuum, 382-383 من الفراغ  
relation to temperature, 2-3, متعلق بدرجة الحرارة  
10, 12-17, 85-92, 229-231
- relativistic, 240, 276, 291, 299, 370 النسبية
- tendency to decrease, 162 ميل إلى الانخفاض
- see also Free energy, Heat, Work Energy levels, of a انظر أيضا  
harmonic oscillator, 53-54, 289, 370-371 الطاقة الحرة، الحرارة، مستويات الطاقة والشغل، الهزاز التوافقي
- of a hydrogen atom, 221, 373 ذرة الهيدروجين
- Energy levels, of a magnetic dipole, مسويات الطاقة، لثنائي القطب  
99, 228, 232, 234, 378
- of a particle in a box, 252, 368-369 لجسيم في صندوق
- of a rotating molecule, 234-238, 376 لجزئيات الدوارة،  
376 + 234-238
- probabilities of being in, 220-224 احتمالات وجود في
- Engines, 122-137, 175, 398 المحركات
- English units, 39 الوحدات الإنجليزية
- Enlightened behavior, 90 السلوك المستنير
- Ensembles, 230, 258 التجميعات
- Enthalpy, 33, 149-160 الإنطالبي  
capacity, 34 سعة  
for magnetic systems, 160 لأظمة مغناطيسية  
in refrigeration, 138-144 في التبريد  
in a throttling process, 139-144 في عملية الخنق بالتمدد  
(تجربة جول ثومسون)  
التشكيل
- of formation, 35, 404 الهيدروجين
- of hydrogen, 143 النيتروجين
- of nitrogen, 143 الماء والبخار
- of water and steam, 135-137 إنتروبي
- Entropy, 75-84 تعريف جديد  
alternative definition, 249 منظره للسعادة  
analogy to happiness, 89-90 فحس الإنسان  
and human action, 76 المعلومات  
and information, 76, 98 تغيرات الطور  
and phase changes, 171-176, 179 نموذج المانع  
fluid model of, 96-97 في عمليات تتم في دورة كاملة
- in cyclic processes, 122-130 في عمليات تتم في دورة كاملة
- measurement of, 93-95, 112-114, 255 قياس
- of system plus environment, 161-162 الكون (النظام + المحيط)
- of mixing, 79-81, 187-188, 194 الخلط
- order-of-magnitude estimates of, 79 تقديرات
- origin of term, 129 أصل المصطلح
- original definition of, 95, 129 التعريف الأصلي
- relation to heat, 78-79, 92-98, 112-115, 129 فيما يتعلق بالحرارة
- relation to multiplicity, 75 فيما يتعلق بالتعددية
- relation to pressure, 108-110 فيما يتعلق بالضغط
- relation to temperature, 85-92 فيما يتعلق بدرجة الحرارة
- residual (at T = 0), 94-95 متبق
- tabulated values, 95, 136, 140, 404 سجل قيم
- see also entries under various systems انظر أيضا المنخلات تحت أنظمة مختلفة
- Environment, 161-162 المحيط
- Environmental science, 399 علوم البيئة
- Enzymes, 156, 212 محفزات كيميائية
- $\epsilon$  (small amount of energy), 88, 266, 340  $\epsilon$  (كمية صغيرة من الطاقة)
- $\epsilon_F$  (Fermi energy), 272  $\epsilon_F$  (طاقة فيرمي)
- Equation of state, 9, 180 معادلة الحالة
- Equilibrium, 2-3, 66, 72-74, 85, 212 الاتزان

- diffusive, 115-116 الانتشار  
 chemical, 208-219 الكيمياء  
 in contrast to kinetics, 37, 44, 213 على النقيض من نظرية النقل  
 internal, 20-21 داخلي
- Equilibrium, mechanical, 108-110** الاتزان الميكانيكي  
 thermal, 2-3, 85, 110 الحراري
- Equilibrium constant, 212-217, 256** ثابت الاتزان  
**Equipartition theorem, 14-17, 25, 29-30, 91, 238-240, 290-291, 307, 311, 357** نظرية التجزيء المتساوي
- Error function, 387** دالة الخطأ  
**Errors in this book, ix** أخطاء في هذا الكتاب، مقدمة المؤلف صفحة 9
- Escape of gas from a hole, 14** إفلات الغاز من فتحة  
**Escape of photons from a hole, 300-302** إفلات الفوتونات من فتحة  
**Escape velocity, 300** سرعة الإفلات
- Ethylene glycol, 198-200** جليكول الإثيلين  
**Eutectic, 197-200** انصهاري
- Evaporation, 176-177** التبخر  
**Evaporative cooling, 36, 124, 144** تبريد التبخر  
**Evaporator, 138** المبخر
- Everest, Mt., 9** أفريست، جبال
- Exchanged quantities, 2, 85, 120** الكمية المتبادلة  
**Exclusion principle, 263, 275, 339, 380** مبدأ باولي للاستثناء  
**Exhaling water vapor, 177** خروج بخار الماء في أثناء الزفير  
**Expansion of a gas, 24, 31, 78** تمدد الغاز  
**Expansion of the universe, 295** تمدد الكون  
**Expansion, thermal, 1-6, 28** التمدد، الحراري
- Expansion work, 21-26** الشغل الناتج عن تمدد النظام  
**Explosives, 212** المتفجرات
- Exponential atmosphere, 8, 120, 228** الجوي الأسي  
**Exponential function, 61-62, 364** الدالة الأسية  
**Extensive quantities, 163-164, 202** الكميات الشاملة  
**Extent of reaction, 209** الجزء المتفكك من جزيئات الماء  
 $f$  (number of degrees of freedom), 15-16  $f$  (عدد درجات الحرية)  
 $f$  (frequency), 53, 370  $f$  (التردد)  
 $f$ -function, Mayer, 330-335, 339 دالة  $f$  لمayer  
 $F$  (Helmholtz free energy), 150  $F$  (طاقة هلمهولتز الحرة)
- Factorials, 51, 53, 62, 387-391** المضروبوات  
**Eahrenheit scale, 5** التدرج الفهرنهي  
**Feldspar, 194-195** خام  
**Fenn, John B., 398** فين، جون ب.  
**Fermi-Dirac distribution, 267-288** توزيع فيرمي وديراك  
**Fermi energy, 272-288** طاقة فيرمي  
**Fermi, Enrico, 263** فيرمي، أنريكو  
**Fermi gases, 271-288, 326** غازات فيرمي  
 relativistic, 276-277, 298-300 النسبية  
 two-dimensional, 282, 285 ثنائي الأبعاد  
**Fermi temperature, 275** درجة حرارة فيرمي  
**Fermions, 237, 263, 265-288,** الفيرميونات
- 297-300, 321, 326, 380-383  
**Ferromagnets, 52, 169, 179, 339-359** المواد الفيرومغناطيسية  
 low-energy excitations of, 313-314 التهيجات قليلة الطاقة
- Fertilizers, 212** الأسمدة  
**Feynman, Richard P., 55, 84, 398** فاينمان، ريتشارد ب.  
**Fiberglass batting, 40** الألياف الزجاجية العازلة  
**Fick, Adolph Eugen, 47** فيك، أدولف يوجين  
**Fick's laws, 47-48** قانون فيك  
**Field theory, quantum, 380-383** نظرية المجال، الكمي  
**Fick, Adolph Eugen, 47** Fick's laws, 47-48  
**Field theory, quantum, 38 Field,** المجال، الكهرومغناطيسي  
**electromagnetic, 290-291, 380-383** Findlay, Alexander, 398  
**Findlay, Alexander, 398** فندلي، الكسندر  
**First law of thermodynamics** القانون الأول في الترموديناميكيا  
 19, 123-124, 128  
**First-order phase transition, 169** تحولات الطور من الدرجة الأولى  
**Flipping coins, 49-52, 67** تشكيلات القطع النقدية  
**Fluctuations, 66, 230--231, 261, 344** تذبذب  
**Fluid, energy as, 17** المائع، طاقة  
 entropy as, 96-97 إنتروبي  
**Ising model of, 346** نموذج إيسنج  
**near critical point, 168, 356** بالقرب من النقطة الحرجة  
**van der Waals model of, 180-186** نموذج فاندر-ويلز
- Flux of energy, 48** تدفق الطاقة  
**Flux of particles, 47** تدفق الجسيمات  
**Food coloring, 46-48** المادة الملونة  
**Force, see Interactions, Pressure, Tension** القوة، انظر التفاعلات والضغط والتند  
**Formation, enthalpy of, 35, 404** التشكيل، إنثالبي  
**free energy of, 152, 404** الطاقة الحرة  
**Fourier, J. B. J., 38** فوريير، ج. ب. ج.  
**Fourier analysis, 365-366, 381, 394-396** تحليلات فوريير  
**Fourier heat conduction law, 38, 43** قانون فوريير للتوصيل الحراري  
**Fowler, Ralph, 89** فاولر، رالف  
**Frautschi, Steven, 83** ستيفن، فراوتسشي  
**Free energy, 149-165** الطاقة الحرة  
 see also Gibbs f. e., Helmholtz f. e. انظر أيضا طاقة جيبس الحرة  
**Free expansion, 78-79, 113** وطاقة هلمهولتز الحرة، التمدد الحر  
**Free particles, 272** الجسيمات الحرة  
 density of states for, 280 كثافة الحالات  
**Freezing out, 16, 29-30, 95, 240, 255, 290, 308, 310** يتجمد  
 see also Third law of انظر أيضا القانون الثالث  
**thermodynamics** في الترموديناميكيا  
**Freezing point, of a solution, 208** نقطة التجمد، لمحلول  
**French, A. P., 357** فريش، أ. ب.  
**Freon, 137-138** الفريون  
**Frequency, 53, 307-308, 370** التردد  
 in quantum mechanics, 361, 367 في ميكانيكا الكم  
**Friction, during compression, 21** الاحتكاك، خلال الانضغاط  
**Fried, Dale G., 323** فريد، دابل ج.

- Frying pan, 40 مقلاة
- Fuel cell, 154-156, 158 خلايا الوقود
- Fundamental assumption, 57, 270, 323 الافتراض الأساسي
- Fundamental particles, 382 الجسيمات الأساسية
- Furnace, electric, 130 الفرن، الكهربائي
- $g(\epsilon)$  (density of states), 280  $g(\epsilon)$  (كثافة الحالات)
- G (Gibbs free energy), 150 G (طاقة جيبس الحرة)
- $\gamma$  (adiabatic exponent), 26  $\gamma$  (الأس الأديباتيكي)
- $\gamma$  (critical exponent), 186, 346  $\gamma$  (الأس الحرج)
- Gamma function, 387-389 دالة جاما
- Gas thermometer, 4 الثرموميتر الغازي
- Gases, diffusion through, 47 الغازات، الانتشار من خلال
- liquefaction of, 141-144 تسيل
- nonideal, 9, 180-186, 328-339 غير مثالي
- thermal conductivities of, 39-43 الموصلية الحرارية
- virial coefficients of, 336 المعاملات الحدية
- viscosity of, 45-46 اللزوجة
- weakly interacting, 328-339 ضعيفة التفاعل
- see also Ideal gas انظر أيضًا الغاز المثالي
- Gasoline engine, 131-133 مكنة الاحتراق الداخلي التي تعمل بالجازولين
- Gasoline, combustion of, 36 الجازولين، احتراق
- Gaussian functions, 65, 240, 244, 390 الدوال الجاوسية
- integrals of, 384-387, 393 التكاملات
- General Motors, 137 جنرال موتورز
- Generosity, 89-90, 101 الكرم
- Geological applications, 40, 170-176, 194-195, 200, 217, 399 التطبيقات الجيولوجية
- Geometric series, 233, 234, 267, 289, 393 سلسلة هندسية
- Geothermal gradient, 40 التدرج الحراري الأرضي
- Gibbs factor, 258-260, 262, 266 معامل جيبس
- Gibbs free energy, 150-217 طاقة جيبس الحرة
- for magnetic systems, 179, 160 لأنظمة مغناطيسية
- how to measure, 151-152 كيفية قياس
- of a dilute solution, 201 للمحلول المخفف
- of mixtures, 187-192 للمخاليط
- of reaction, 153, 211 للتفاعل
- of van der Waals fluid, 182 لمائع فاندر-ويلز
- pressure dependence of, 170-171 اعتمادها على الضغط
- tabulated values of, 404 لسجل قيم
- temperature dependence of, 171-172 اعتمادها على درجة حرارة
- tendency to decrease, 162 ميل إلى الانخفاض
- Gibbs, J. Willard, 81 جيبس، ج ويلارد
- Gibbs paradox, 81 مفارقة جيبس
- Gibbs sum, 258 مجموع جيبس
- Glacier, 174 الجليد
- Glass, thermal conductivity of, 39 الموصلية الحرارية للزجاج
- Glucose, metabolism of, 36, 156 عملية حرق الجلوكوز
- Gluons, 382 جليونات
- Goates, J. Rex, 199 جويتس، ج ريكس
- Goldstein, I. F. and M<sup>2</sup> 219, 398
- Goldstein David L., 55, 84, 400
- Gopal, E. S. R., 255, 400
- Gould, Harvey, 400
- Grand canonical ensemble, 258, 338 التجميعات الكانونية العظمى
- Grand free energy, 166, 262, 326
- Grand partition function, 258-260, 262, 266-267, 338-339, 346
- Grand potential, 166, 262, 326
- Graphite, 114, 170-171, 173-174, 176
- Grass, 97
- Gravitationally bound systems, 36-37, 83-84, 90-92, 97, 276-277
- Greediness, 89, 101
- Greenhouse effect, 306-307
- Griffin, 321
- Griffiths, David J., 160, 323, 357
- Grimes, Patrick, 154
- Grobet, 106
- Ground state energy, 53, 224-225, 315, 370-371, 381-383
- Ground state occupancy, 315-325
- Gutfreund, H., 205
- $h$  (Planck's constant), 53, 359
- $\hbar$  ( $h/2\pi$ ), 53, 374
- H (enthalpy), 33
- B (magnetic field), 160
- H<sub>2</sub>O, 166-168
- see also Ice, Steam, Water انظر أيضًا الجليد والبخار والماء
- Haasen, Peter, 398 هاسين، بيتر
- Haber, Fritz, 212 هابر، فريتز
- Hailstorm, 14
- Hakonen, Pertti, 102, 146
- Hampson, William, 142 هامبسون، ويليام
- Hampson-Linde cycle, 142-144 دورة هامبسون - لندي
- Happiness, entropy as, 89-90 السعادة، إنتروبي
- Hard disks, gas of, 347 قرص صلب، غاز
- Hard spheres, gas of, 338 كرات صلبة، غاز
- Hardy, G. H., 279 هاردي، ج. هـ.
- Harmonic oscillator, 16, 53-55, 107-108, 233, 288, 370-372 المتذبذب التوافقي
- free energy of, 249
- in field theory, 288-289, 381-382
- partition function of, 233
- two-and three-dimensional, 372
- see also Einstein solid, Vibration انظر أيضًا جامد أينشتاين
- Harmonic trap, 265, 270-271, 325
- Harte, John, 399
- Hawking radiation, 304 إشعاعات هوكنج
- جولداشتاين، ي. ف. اوم.
- جولداشتاين ديفيد ل.
- جوبال، إ. س. ر.
- جولد، هارفي
- التجميعات الكانونية العظمى
- الحالة الحرة العظمى
- دالة التقسيم العظمى
- الهدد الكبير
- الجرافيت
- عشب
- أنظمة مرتبطة بالجاذبية
- بخل
- أثر البيت الزجاجي
- جريفين
- جريفيث، ديفيد ج.
- ج. ايمز، باتريك
- جروب
- طاقة الحالة الأرضية
- مشغولية الحالة الأرضية
- جاتفريد، هـ.
- $h$  (ثابت بلانك)
- $\hbar$  ( $h/2\pi$ )
- H (الإنتالبي)
- B (المجال المغناطيسي)
- H<sub>2</sub>O
- انظر أيضًا الجليد والبخار والماء
- هاسين، بيتر
- هابر، فريتز
- حاصفة من البرد
- هاكونين، بيرتين
- هامبسون، ويليام
- دورة هامبسون - لندي
- السعادة، إنتروبي
- قرص صلب، غاز
- كرات صلبة، غاز
- هاردي، ج. هـ.
- المتذبذب التوافقي
- إطاقة الحرة
- في نظرية المجال
- دالة التقسيم
- ثاني وثلاثي الأبعاد
- انظر أيضًا جامد أينشتاين
- عهد توافقي-هكزايزي
- مارت، جون
- إشعاعات هوكنج

- Hawking, Stephen, 84  
 Haystack, needle in, 188  
 Heat capacity, 28-34  
   at absolute zero, 95  
   empirical formula for, 114  
   measurement of, 31  
   negative, 36-37, 90  
   of a Bose gas, 324  
   of an Einstein solid, 92-93, 107-108, 233, 307, 312  
   of a Fermi gas, 277-279, 396  
 Heat capacity, of a ferromagnet, 313, 354  
   of an ideal gas, 29-30, 92, 254  
   of the Ising model, 354  
   of nonideal gases, 338  
   of a paramagnet, 102-103, 105  
   of a photon gas, 295  
   of solids, 29-30, 93, 97, 278, 311-312, 357  
   predicting, 92-93  
   relation between  $C_p$  and  $C_v$ , 159  
   relation to energy fluctuations, 231  
   relation to entropy, 93-94, 114  
   rotational, 30, 236-238  
   tabulated values, 112, 404  
   vibrational (of gases), 30, 108, 233  
 Heat, 2, 17-20, 49  
   cause of, 56, 59  
   during compression, 23-24  
   flowing out of earth, 40  
   rate of flow, 37-44, 126  
   relation to entropy, 92-98, 112-115  
   reversible, 82  
   waste, 122-124, 154  
 Heat conduction, 37-44  
 Heat death of the universe, 83  
 Heat engines, 122-137, 175, 398  
 Heat equation, 40, 48  
 Heat exchanger, 142, 144-145  
 Heat pump, 130  
 Heisenberg uncertainty principle, 69-70, 364-366  
 Helium (general and  $^4\text{He}$ ), 17, 22, 43-44, 78, 118, 181, 246, 326, 336, 382  
   cooling with, 144-145  
   isotopes of, 94, 168-169  
   liquefaction of, 141-142  
   phases of, 168-169  
   phonons in liquid, 313  
   superfluid, 168-169, 320-321, 323  
 Helium-3, 144-145, 168-169, 175, 278-279, 285, 288, 320-321  
 Helium dilution refrigerator, 144-145, 320  
 Helmholtz free energy, 150-152, 155-165, 224  
   in the early universe, 299  
   of a Bose gas, 324  
   of a harmonic oscillator, 249  
   of an ideal gas, 254  
   of a magnetic system, 160  
   of a photon gas, 290, 297  
   of a multiparticle system, 251  
 Helmholtz free energy, cont.  
   of a nonideal gas, 333  
   of a van der Waals fluid, 185  
   relation to  $Z$ , 247-248  
   tendency to decrease, 161-163  
 Helmholtz, Hermann von, 19  
 Helsinki University, 146  
 Hemoglobin, 205, 259-260  
 Henry's law, 217  
 Henry, W. E., 106  
 HFC-134a, 138, 140-141  
 High-temperature limit, see Equipartition theorem  
   درجة حرارة عالية، انظر نظرية التجزيء المتساوي  
 Hiking, 36  
 Hirschfelder, Joseph O., 337  
 Historical comments, ix, 4, 10, 19, 76-77, 95, 129, 141-142, 213, 357  
 Historical references, 400  
 Hole, escape of gas from, 14  
   escape of photons from, 300-303  
 Hooke's law, 115  
 Human intervention, 76  
 Humidity, 177, 179  
 Humpty Dumpty, 83  
 Hydrofluorocarbons, 138  
 Hydrogen, 13, 35, 152-155, 158, 319, 323, 336, 401  
   atomic excitations of, 163, 221,  
   dissociation of, 30, 36, 256  
   heat capacity of, 29-30, 254  
   ionization of, 166, 218-219, 227, 260-261  
   liquefaction of, 141-143  
   normal, 238  
   rotation of, 236-238  
   vibration of, 108, 233  
 Hyperbolic functions, 104  
 Hypersphere, 70-71, 391-393  
 المانع الفائق  
 الهيليوم الثلاثي  
 تلاجة الهيليوم المخفف  
 طاقة هلمهولتز الحرة  
 في بداية الكون  
 لغاز بوز  
 لمتذبذب توافق  
 لغاز مثالي  
 لنظام مغناطيسي  
 لغاز من الفوتونات  
 لنظام متعدد الجسيمات  
 طاقة هلمهولتز الحرة، يتبع  
 لغاز غير مثالي  
 لمائع فاندر-وايلز  
 فيما يتعلق ب  $Z$   
 ميل إلى الانخفاض  
 هلمهولتز، هيرمان فون  
 جامعة هلسنكي  
 الهيموجلوبين  
 قانون هنري  
 هنري، و. إ.  
 المبرد HFC-134a  
 درجة حرارة عالية، انظر نظرية التجزيء المتساوي  
 هاكينج  
 هيرشفلدر، جوزيف أ.  
 تعليقات تاريخية  
 مقدمة المؤلف صفحة  
 مراجع تاريخية  
 إقلاط الغاز من فتحة  
 إقلاط الفوتونات من فتحة  
 قانون هوك  
 تدخل الإنسان  
 الرطوبة  
 هامتي دامتي  
 مركبات الكربون الهيدروجينية الفلورية  
 الهيدروجين  
 التهييجات الذرية  
 تفكك  
 السعة الحرارية  
 تأيين  
 تسييل  
 العادي  
 دوران  
 اهتزاز  
 الدوال زائدية القطع  
 قطع كروي زائد

- Ice, 33, 94, 174-175 الجليد
- Ice cream making, 199 صنع آيس كريم
- Ideal gas, 6-17, 68-74, 93, 121, 139, 251-256 الغاز المثالي
- chemical potential of, 118-120, 165-166, 255 الجهد الكيميائي
- diffusion in, 48 الانتشار في
- energy of, 12, 15-17, 91, 254 طاقة
- entropy of, 77-78, 255 إنتروبي
- free energy of, 254 الطاقة الحرة
- heat capacity of, 29-30, 92, 254 السعة الحرارية
- Ideal gas, cont. الغاز المثالي، يتبع
- mixing of, 79 خلط
- multiplicity of, 68-72 التعددية
- pair of, interacting, 72 زوج من، المتفاعلة
- partition function of, 251-254 دالة التجزيء
- pressure of, 6--7, 110, 255 ضغط
- thermal conductivity of, 41-44 الموصلية الحرارية
- viscosity of, 45-46 اللزوجة
- Ideal gas law, 6-7, 12 قانون الغاز المثالي
- correction to, 9, 333-336 تصحيح
- derivation of, 110, 255 اشتقاق
- Ideal mixture, 81, 187-188, 191, 202 الخليط المثالي
- Ideal paramagnet, 98, 146, 232-234, 339 الباراماجنت المثالي
- Ideal systems, 327 أنظمة مثالية
- Identical particles, 70-71, 80-81, الجسيمات المتماثلة
- 236, 250-251, 262-265, 322-323, 376, 379
- Igneous rocks, 186, 194-195 الصخور النارية
- immiscible mixtures, 144, 189-192 مخاليط لا يمتزج بعضها ببعض
- Importance sampling, 347 أهمية العينات
- Incandescent light, 303-304 مصباح كهربائي حراري
- Independent wavefunctions, 69, 367, 379 دوال الأمواج المستقلة
- Indistinguishable, see Identical غير مميزين، انظر متماثلان
- Inert gas, effect on vapor pressure, 176 الغاز الخامل، تأثير في ضغط البخار
- Inexact differentials, 18 المعادلة التفاضلية غير القامة
- Infinite temperature, 101, 103 درجة الحرارة اللانهائية
- Infinitesimal changes, 18, 21 التغيرات متناهية الصغر
- Information, and entropy, 76, 84, 98 المعلومات، والإنتروبي
- Inhomogeneities, 181 عدم التجانس
- Initial conditions, 59 الشروط الابتدائية
- in Monte Carlo, 350 في مونت كارلو
- of the universe, 83 للكون
- Insulator, 286 عازلة
- Integrals, 384-396 التكاملات
- see also Sums انظر أيضا المجاميع
- Intensive quantities, 163-164 الكميات المركزة
- Interactions (between systems), 56-60, التفاعلات (بين الأنظمة)
- 72, 85-87, 108-110, 115-116, 120, 161-162, 220-223, 257
- Interactions (between particles), التفاعلات (بين الجسيمات)
- 57, 146, 148, 180-181, 320, 327-356
- Interchanging particles, 70, 81, 201, 250 الجسيمات المتبادلة
- Interference, two-slit, 360-361 التداخل من شقين
- Intermolecular potential energy, 17 طاقة الوضع بين الجزيئات
- 17, 241, 329-330, 334-338
- Internal combustion engines, 122, 131-133 مكائن الاحتراق الداخلي
- Internal energy, of gas molecules, 251, 254 الطاقة الداخلية، لمزبنات الغاز
- Internal partition function, 251-256 دالة التجزيء الداخلية
- Internal temperature variations, 93 تغيرات درجة الحرارة الداخلية
- Inversion temperature, 142-143 درجة حرارة التحول
- Ionization of hydrogen, 166, 218, 227, 297 تأيين الهيدروجين
- Ions in solution, 208-210, 214-215 الأيونات في المحلول
- Iron ammonium alum, 106, 148 ملح باراماجنت
- Iron, 39, 40, 169, 313-314, 339, 345 الحديد
- Irreversible processes, 49, 56, 59, 82-83 العمليات غير العكسية
- Isentropic, 112 الأيزونترودية
- Isentropic compressibility, 159 معامل الانضغاط الأيزونترودي
- Ising, Ernst, 340 أيسنج، إرنست
- Ising model, 340-356 نموذج إيسنج
- exact solution of, 341-343 الحل التام
- in one dimension, 341-343, 345, 355 في اتجاه واحد
- in two dim., 340-341, 343, 346-356 في بعدين
- in three dimensions, 343, 353, 355 في ثلاثة أبعاد
- with external magnetic field, 345 مع مجال مغناطيسي خارجي
- ising program, 348-356 برنامج إيسنج
- Isotherm, 24-25, 181-186 أيزوثرمال
- Isothermal compressibility, 32, 159 معامل الانضغاط الأيزوثرمي
- Isothermal processes, 24-25, 78, 125-126 العمليات الأيزوثرمية
- Isotopes, 13, 94-95, 237-238, 376 النظائر
- Jacob, Ovid C., 383 يعقوب، أوفيد ج.
- Jadeite, 176 الجايدات
- Joule (unit), 19 الجول (وحدة الطاقة)
- Joule, James P., 19 جول، جيمس
- Joule-Thomson process, 139 تجربة جول-تومسون
- $k$  (Boltzmann's constant), 7  $k$  (ثابت بولتزمان)
- $K$  (equilibrium constant), 212  $K$  (ثابت الاتزان)
- Kartha, Sivan, 154 سيفان، كارثا
- Keenan, Joseph H., 401 كينان، جوزيف ه.
- Kelvin temperature scale, 4-6 مقياس درجة حرارة كلفن (تدرج كلفن)
- Kelvin, Baron, 4 كلفن، بارون
- Kern, Raymond, 399 كيرن، ريمون
- Kestin, Joseph, 400 كيستين، جوزيف
- Kiln, 293, 294, 297, 300 فرن
- Kilowatt-hour, 40 كيلواط - ساعة
- Kinetic energy, 12 الطاقة الحركية
- Kinetic theory, 43-44 النظرية الحركية
- Kinetics, 37 نظرية النقل
- Kittel, Charles, 272, 397, 400 كيتيل، تشارلز
- Kroemer, Herbert, 397 كرومير، هيربرت
- Kyanite, 172, 176 Kyanite
- $l_Q$  (quantum length), 253  $l_Q$  (الطول الكمي)

- L (latent heat), 32, 173 (الحرارة الكامنة) L  
 Lamb, John D., 199 لامب، جون د.  
 Laminar flow, 44-45 الحركة الرقائقية  
 Landau, L. D., 397 لاندائو، ل. د.  
 Langmuir adsorption isotherm, 260 منحني امتصاص لانج مير  
 Large numbers, 61, 84 عدد كبير من  
 Large systems, 60-67 الأنظمة الكبيرة  
 Laser, 293, 359, 360 أشعة الليزر  
 Laser cooling, 147-148, 319 تقنية تبريد الليزر  
 Latent heat, 32-33, 36, 167, 173-178, 186 الحرارة الكامنة  
 Lattice gas, 346 غاز الشبكة  
 Lattice vibrations, 38, 102 اهتزازات الذرات في الشبكات البلورية  
 see also Einstein solid, Debye, انظر أيضًا جامد أينشتاين،  
 Law of mass action, 212 ونظرية ديناميكي وقانون الفعل الكتلي  
 Le Chatelier's principle, 212 مبدأ شاتلر  
 Lead, 5, 1730, 169, 198-199, 312 الرصاص  
 Lead-acid cell, 154-155 خلية رصاص - حمضية  
 Leadville, Colorado, 9 ليففيل، كولورادو  
 Leff, Harvey S., 20, 76, 400 ليف هارفي س.  
 Legendre transformation, 157 تحويلات ليجندر  
 Leighton, Robert B., 398 لايتون، روبرت ب.  
 Lennard-Jones potential, 241, 335-338 جهد لينيارد وجونز  
 Lenz-Ising model, 340 نموذج لينز وإيسنج  
 Lever rule, 195 قاعدة تحديد المراحل  
 License plates, 55 لوحة سيارة تحمل رقم  
 Lide, David R., 143, 167, 194, 401, 404 لايد، ديفيدر. ر.  
 Life, and entropy, 76, 97 الحياة والإنتروبي  
 Lifshitz, E. M., 397 ليفشيتس، إ. م.  
 Ligare, Martin, 325 ليجير، مارتن  
 Light bulb, 303-304, 359 مصباح كهربائي  
 Linde, Carl von ليندي، كارل فون  
 Linear independence, 366-367, 369 الاستقلال الخطي  
 Linear thermal expansion, 6, التمدد الحراري الخطي  
 Liquefaction of gases, 141-144, 186, 194 تسيليل الغازات  
 Liquid crystals, 168, 198 بلورات سائلة  
 Liquid helium, see Helium الهيليوم السائل، انظر الهيليوم  
 Liquids, 16-17, 46, 166-208 السوائل  
 Liter, 7 لتر  
 Lithium, 102, 107, 228, 319 الليثيوم  
 Logarithm function, 61-63, 389 دالة اللوغاريتم  
 Lounasmaa, Olli V., 102, 144, 146 أولي ف. لاوناسما  
 Low temperatures, 106-107, 144-148, درجات الحرارة المنخفضة  
 169, 319-320, 323 انظر أيضًا تكاثف بوز،  
 see also Bose-Einstein condensation, وأينشتاين  
 Helium, Paramagnet الهيليوم باراماجنت  
 Low-energy excitations, 382 التهيجات قليلة الطاقة  
 Luminosity, of the sun, 305 اللمعانية، للشمس  
 m (mass), 11 (الكتلة) m  
 m (molality), 202  
 M (magnetization), 99  
 Macrostate, 50, 56, 59, 74  
 Magician, 33, 150  
 Magnetic cooling, 144-146, 148 التبريد المغناطيسي  
 Magnetic systems, 160, 169, 179 الأنظمة المغناطيسية  
 see also Ferromagnets, Paramagnets انظر أيضًا المواد  
 Magnetic moment, 99, 234, 321, 378 379 المغنطيسية، والعزم المغناطيسي للمواد الفيرومغناطيسية  
 Magnetization, 99, 160 مغنطة  
 of a ferromagnet, 313-314 المادة الفيرومغناطيسية  
 Magnetization, of the Ising model, 354 مغنطة، نموذج إيسنج  
 of a paramagnet, 99, 102-106, 233-234 الباراماجنت  
 Magnons, 313-314, 340, 382 الماغونات  
 Mallinckrodt, A. John, 20 مالينكرودت، أ. جون  
 Mandl, F., 160, 381, 394, 397 ماندل، ف.  
 Marquisee, J. A., 372, 377 ماركويسي، ج. أ.  
 Massalski, Thaddeus, 198 ملسالسكي ثاديوس  
 Mather, J. C., 296 ماثر، ج. ك.  
 Maxwell, James Clerk, 76, 244 ماكسويل، جيمس كلارك  
 Maxwell construction, 183-185 بناء ماكسويل  
 Maxwell relations, 158-159 علاقات ماكسويل  
 Maxwell speed distribution, 242-247 توزيع ماكسويل للسرعات  
 Maxwell's Demon, 76-77 شيطان ماكسويل  
 Mayer  $f$ -function, 330-335, 339 دوال  $f$ ، لماير  
 Mayer, Robert, 19 ماير، روبرت  
 Mean field approximation, 343-346 تقريب المجال المتوسط  
 Mean free path, 41-44, 67 المسار الحر المتوسط  
 Mechanical interaction, 2-3, 108-110, 120 تلامس ميكانيكي  
 Melting ice, 33, 167-168, 174-175 انصهار الجليد  
 Membrane, semipermeable, 202-205 غشاء شبه نفوذ  
 Mendelssohn, K., 400 مندلسون، ك.  
 Mercury, 1, 3, 6, 32, 159 زئبق  
 Merli, P. G., 361 Merli · P. G. · 361 ميرلي، ب.ج.  
 Mermin, N. David, 272, 400 Mermin ميرمن، ن. ديفيد  
 Metabolism of food, 36, 76, 156 أيض الطعام (حرق الجلوكوز)  
 Metallurgy, 199 تعدين  
 Metals, conduction electrons in, 280 المعادن، توصيل الإلكترونات في  
 heat capacity of, 311-312 السعة الحرارية لـ  
 heat conduction in, 38 توصيل الحرارة في  
 Metastable states, 166, 170, 348, 351 حالات قابلة من الاستقرار  
 Meteorology, 27, 177-179, 399 علم الأرصاد الجوية  
 Methane, 35-36, 155-156, 336 ميثان  
 Metropolis algorithm, 347-350 خوارزمية متروبوليس  
 Metropolis, Nicholas, 347 متروبوليس، نيكولاس  
 Microcanonical ensemble, 230 الكانوني المجبري  
 Microstate, 50 الحالة المجبرية  
 Microwave oven, 18, 20 ميكرووف  
 Millikan, Robert, 44 ميليكين، روبرت

- Miscible mixtures, 187-188, 192-196 مخاليط قابلة للاختلاط
- Miserly behavior, 90-91 سلوك بخيل
- Missiroli, G. F., 361 ميسيرولي ، ج. ف.
- Mixing, 46-48, 186-192 خلط
- energy of, 188-192, 195-196 طاقة
- entropy of, 79-81, 94-95, 187-188, 209 إنتروبي
- Mixing clouds, 177 خلط الغيوم
- Mixtures, 120, 158, 186-219 مخاليط
- ideal, 81, 187-188, 191, 202 مثالي
- miscible, 187-188, 192-196 قابل للاختلاط
- phase changes of, 208-2-6, 200-186 تحولات الطور
- nonideal, 144, 188-192 غير مثالي
- Modes of vibration, 309-308, 16 حالة الاهتزاز
- Molality, 202 مولية
- Mole, 7, 119 المول
- Mole fraction, 120 المول الكسري
- Molecular clouds, 228 السحب الجزيئية
- Molecular weights, 205 الأوزان الجزيئية
- Moment of inertia, 376-377 376-377 عزم القصور الذاتي
- omentum, quantum, 363-364 68-71 320 365-366 الزخم، الكم
- Momentum space, 68-71, 320, 365-366 363-364 فراغ الزخم
- Momentum transport, 44-46 انتقال الزخم
- Monatomic gas, see Gases, Ideal gas Money, 89-90 غاز أحادي الذرة، انظر غازات، حال الغاز المثالي
- Monte Carlo simulation, 327, 346-356 محاكاة مونت كارلو
- Moon, atmosphere of, 246 القمر، الغلاف الجوي
- Moore, Thomas A., 56, 398 مور، توماس أ
- Moran, Michael J., 130, 140, 398 موران، مايكل ج.
- Morrison, Philip and Phylis, 227 موريسون، وفيليب وفيليس
- Motor oil, 45 زيت المحرك
- Mt. Everest, 9 جبال إفرست
- Mt. Ogden, 36 جبال أوجادين
- $\mu$  (magnetic moment), 99, 378-379 عزم مغناطيسي
- $\mu_n$  (Bohr magneton), 105 بور ملجنون
- $\mu$  (chemical potential), 116 جهد كيميائي
- $\mu^0$  (standard chem. potential), 165, 202 جهد كيميائي قياسي
- Multiparticle systems, 249-251, 262 أنظمة الجسيمات المتعددة
- Multiplicity, 50-75, 92-94, 247 التعددية
- of a classical system, 72 نظام كلاسيكي
- of an Einstein solid, 55 لجامد أينشتاين
- of an ideal gas, 68-72 الغاز المثالي
- of interacting systems, 56-60, 64-66, 72 الأنظمة المتفاعلة
- of a paramagnet, 53, 99 الباراماجنت
- of a two-state system, 51 للنظام ثنائي الحالة
- Munoz, James L., 399 مونوز ، جيمس، ل.
- Muscle, energy conversion in, 156 العضلات ، تحول الطاقة في
- Myoglobin, 259-260 ميوجلوبين
- Myosin, 156 ميوسين
- $n$  (number of moles), 6 عدد مولات
- $n$  (quantum number), 252, 369-375 عدد الكم
- $n$  (number of particles in a mode), 266 عدد الجزيئات في المول
- $n$  (average occupancy), 266 الإشغال المتوسط
- $N$  (number of particles), 7 عدد الجسيمات
- $N$  (number of atoms), 16, 307 عدد الذرات
- $N$  (number of oscillators), 54 عدد المتذبذبات
- $N_A$  (Avogadro's number), 7 عدد أفوجادرو
- $n$ -space, 273 الفضاء
- Needle in a haystack, 188 إبرة في كومة قش
- Negative temperature, 101-102, 228 درجة حرارة سالبة
- Neon, 43, 336 43 336 نيون
- Neutrinos, 263, 297-300, 387 نيوتريونات
- Neutron, 8, 228, 362, 370 نيوترون
- Neutron star, 277 نجم نيوتروني
- Never, 58, 66 أبدًا
- Newbury, N. R., 147 Newbury
- Newton's laws, 11 قوانين نيوتن
- Nitrogen ( $N_2$ ), 5, 8, 9, 13, 168, 181, 245 246, 255, 338) نيتروجين
- enthalpy table, 143 جدول إنثالبي
- liquefaction of, 141 تسيليل
- mixed with oxygen, 193-194 مختلط بالأكسجين
- spectrum of, 372, 377 طيف
- vibrational states of, 371-372 الحالات الاهتزازية
- Nitrogen fixation, 211-213 تثبيت النيتروجين
- Noble gas solids, 241 ذرات الغازات الثنيلة
- Nonideal gases, 180-186, 328-339 غازات غير مثالية
- Nonideal mixtures, 188-192 مخاليط غير مثالية
- Nonideal paramagnets, 146, 148, 339 باراماجنت غير مثالي
- Nonideal systems, 327-356 أنظمة غير مثالية
- Non-quasistatic processes, 112-113 عمليات ليست شبه ساكنة
- Noodles, cooking, 31, 175, 208 طهي المعكرونة
- Nordstrom, Darrell Kirk, 399 نورستروم، داريل كيرك
- Normal behavior, 89-90 سلوك طبيعي
- Normal gas, 264-265 الغاز الطبيعي
- Normal hydrogen, 238 الهيدروجين العادي
- Notation, 18, 401 ترميز
- Nuclear paramagnets, 101-102, 106-107, 146, 228 باراماجنت نووي
- paramagnets 101-102 106-107 146 228 باراماجنت
- Nuclear power plants, 137 محطات الطاقة النووية
- Nuclear spin entropy, 95 إنتروبي البرم النووي
- Nucleation, 178 تشكيل
- Nucleon, 228, 370 نيوكلون
- Nucleus, as a box of particles, 276, 370 276 370 النواة صندوق للجسيمات
- Nucleus, rotation of, 375 الفواة، دوران
- Numerical integration, 246, 285, 297, 299, 304, 311, 323, 335 تكامل عددي
- Numerical summation, 325 جمع عددي
- Occam's Razor, 323 Occam's Razor
- Occupancy 266-269 مشغولية
- Ocean thermal gradient, 124-125 التدرج الحراري في مياه المحيط

- Ogden, Mt., 36  
 Ogden, Utah, 9  
 Olivene, 194  
 Ogden, Utah, 9  
 $\Omega$  (multiplicity), 50  
 Onnes, Heike Kamerlingh, 142  
 Onsager, Lars, 343  
 Onsager's solution, 343, 346, 352  
 Operational definition, 1, 3-4  
 Order parameter, 356  
 Orthohydrogen, 237-238  
 Oscillator, see Anharmonic oscillator, Einstein solid, Harmonic oscillator  
 Osmosis and osmotic pressure, 203-205  
 هزاز، انظر (هزاز لا توافقي)، جامد أينشتاين  
 متذبذب توافقي أسمزوية وضغط أسمزوي  
 اوستلي، دال أ.  
 شغل آخر  
 أوت، ج. بيغان  
 دورة أوتو  
 أوتو، نيكولاس أوجست  
 فرن، الإشعاع في  
 الأكسجين  
 مرتبط بالهيموجلوبين  
 ذوبان في الماء  
 تسيل  
 مختلط بالنيتروجين  
 طبقة الأوزون  
 الزخم  
 ضغط  
 ضغط قياسي  
 ضغط البخار  
 احتمال  
 باسكال  
 أزواج، إلكترون- بوزيترون  
 باراهيدروجين  
 بارا ماجنت  
 (ق)  
 إلكتروني  
 إنتروبي  
 غاز فيرمي بوصفه  
 السعة الحرارية لـ  
 مثالي  
 مغنطة  
 تعدد الحالة  
 تعددية  
 غير مثالي  
 نووي  
 زوج، تفاعل
- Paramagnetic salts, 106, 148  
 Partial derivatives, 28, 31, 32, 111, 158-159  
 Partial pressure, 120, 165, 211-213  
 Particles, exchange of, 2-3, 115-120, 257  
 Particles, quantum, 358, 381-382  
 Particles, transport of, 46-48, 46-48  
 Partition function, 225, 247-251  
 internal, 251-252  
 of a composite system, 249-251  
 of a harmonic oscillator, 233, 289  
 of an ideal gas, 251-256  
 Partition function, cont  
 of the Ising model, 341-342  
 of a magnetic dipole, 232-234  
 of a multiparticle system, 262, 321  
 of a weakly interacting gas, 328-333  
 rotational, 236-238  
 thermodynamic properties from, 231, 247-248  
 translational, 251-253, 256  
 Partition, insertion of, 77, 81  
 Partitions (combinatoric) 279  
 Pascal, 7  
 Pasta, cooking, 31, 175, 208  
 Pathria, R. K., 345, 397  
 Pauli exclusion principle, 263, 339, 380  
 Pauli, Wolfgang, 263  
 Payne, Cecilia, 227  
 Peebles, P. J. E., 399  
 Perfume, 48  
 Periodic boundary conditions, 350, 353  
 Periodic table, 403  
 Peritectic point, 200  
 Perturbation series, 331-333  
 PH, 215, 217  
 Phase, 166  
 Phase diagrams, 166-169  
 carbon, 174  
 carbon dioxide, 167, 167  
 ferromagnet, 169, H<sub>2</sub>O, 167  
 helium, 168  
 magnetic systems, 179  
 mixtures, 193-200, 193-200  
 nitrogen + oxygen, 194  
 plagioclase feldspar, 195  
 showing solubility gap, 190, 192  
 superconductor, 169  
 tin + lead, 198  
 van der Waals fluid, 184
- أملاح بارماجنت  
 تفاضل جزئي  
 ضغط جزئي  
 جسيمات، تبادل  
 جسيمات، الكم  
 جسيمات، نقل  
 دالة التجزئ  
 داخلية  
 لنظام مركب  
 من هزاز توافقي  
 لغاز مثالي  
 الاقتران المتجزئ  
 لنموذج آيسنج  
 ثنائيات الأقطاب المغناطيسية  
 لنظام متعدد الجسيمات  
 لغاز ضعيف التفاعل  
 دورانية  
 الخصائص  
 التيرموديناميكية من  
 انتقالية  
 حاجز، إدخال  
 تجزيئات (مجاميع)  
 باسكال  
 المعكرونة، الطبخ  
 باثريا. ر. ك.  
 مبدأ باولي للاستثناء  
 باولي، وولفغانغ  
 باين، سيسيليا  
 بيبلز ب. ج. إ.  
 عطور  
 شروط حدية دورية  
 الجدول النوري  
 نقطة قبل التصلب  
 المتلطة الصورية  
 PH  
 طور  
 متحنيات الطور  
 الكربون  
 ثاني أكسيد الكربون  
 فيروماجنت (فرومغناطيسية) الماء  
 الهيليوم  
 أنظمة مغناطيسية  
 مخاليط  
 النيتروجين + الأكسجين  
 plagioclase feldspar  
 تطهر فجوة قابلة للنويان  
 موصل فائق التوصيل  
 قصدير + رصاص  
 سائل فاندرويلز

- water + phenol, 190 ماء + فينول
- Phase transformations, 15, 32-33, 166200, 206-208, 279, 346 تحولات الطور
- classification of, 169 تصنيف
- Phenol, 190 الفينول
- $\phi$ (grand free energy), 166 طاقة حرة كبيرة
- Phonons, 308-313, 381-382 فونونات
- Photoelectric effect, 358-359 تأثير كهروضوئي
- Photon gas, 292-297 غاز من الفونونات
- Photons, 290-304, 359, 371-374, 381-382 290-304, 359 الفوتونات
- Physical constants, 402 1r ثوابت فيزيائية
- $\pi$ , series for, 396 سلسلة لـ
- Pippard, Ao Bo, 160, 397 397 بيبارد أو بو
- pK, 215 PK215 pK
- Plagioclase feldspar, 194-195 194-195 Plagioclase feldspar
- Planck distribution, 289-291, 308 توزيع بلانك
- Planck length, 382 طول بلانك
- Planck, Max, 290, 359 بلانك، ماكس
- Planck spectrum, 292-294, 296 292-294, 296 طيف بلانك
- Planck's constant, 53, 359 53, 359 ثابت بلانك
- Playing cards, 52, 75, 77 ورق اللعب
- Plumber's solder, 199 لحام السبابة
- Poise, 45 Poise
- Poker hands, 52 لعبة الورق
- Polar coordinates, 385 إحداثيات قطبية
- Polarization, of photons, 291 291 استقطاب، الفوتونات
- Polarization, of sound waves, 308 308 استقطاب الموجات الصوتية
- Polyatomic molecules, 16, 376-377 جزينات متعددة الذرات
- Polymers, 114-115 البوليمرات
- Porous plug, 138-139 صمام مسامي
- Position space, 68-69 فضاء الموقع
- Positrons, 298-300 بوزيترونات
- Potential energy, 14-16, 117, 276 طاقة كامنة
- intermolecular, 17, 139-142, 329-330, 334-338 بين الجزيئات
- Potentials, thermodynamic, 151 151 دوال، ديناميكية
- Pound, Ro Vo, 102, 107 102, 107 بلوند، رو فو
- Power maximizing, 127 الطاقة، تزداد
- Power of radiation emitted, 302-303 طاقة الإشعاع المنبعث
- Power plants, 124, 137 محطات توليد طاقة
- Pozzi, Go, 361 بوزي، جو
- Pressure, 10-12, 108-110, 120 ضغط
- constant, 28-35, 149, 162 ثابت
- degeneracy, 275 التشعب
- due to intermolecular forces, 180 نتيجة للقوى بين الجزيئات
- effect on equilibrium, 215- 215-216 تأثير في التوازن
- of a photon gas, 297 لغاز من الفونونات
- of an ideal gas, 6-12, 110, 12, 110, 255 لغاز مثالي
- of a nonideal gas, 333-336 لغاز غير المثالي
- of quantum gases, 324, 326 لغازات الكم
- of a two-dimensional gas, 347 لغاز ثنائي الأبعاد
- partial, 120 120 جزئي
- under ground, 171 تحت الأرض
- variation with altitude, 8 الاختلاف مع الارتفاع
- Probability, 49-52, 58, 220-228, 242-247, 257-258 احتمالية
- in quantum mechanics, 361-364 361-364 في ميكانيكا الكم
- relation to entropy, 249 بالنسبة إلى إنتروبي
- Proteins, 156, 205 بروتينات
- Proton, 8, 44, 228, 370 بروتون
- Purcell, Edward Mo, 102 بورسيل، إدوارد مو
- Purcell-Pound experiment, 102, 107, 228 تجربة بورسل وباوند
- Purpose in of a function, 243, 280, 292, 364 الغرض في وظيفة
- q (number of energy units), 55 عدد وحدات الطاقة
- Q (heat), 18 حرارة
- Quadratic energies, 14-17, 238-240 طاقة تربيعية
- Quantization of energy, 369-370, 376 تكميم الطاقة
- Quantum field theory, 380-383 380-383 نظرية المجال الكمي
- Quantum gas, 264-265 الكم
- Quantum length, 253, 337 طول الكم
- Quantum mechanics, 53, 69, 240, 268, 280, 357-383, 336, 327, 323, 289 ميكانيكا الكم
- Quantum numbers, 375, 378 أرقام الكم
- Quantum statistics, 262-326, 336 262-326, 336 الإحصاء الكمي
- Quantum volume, 253-255, 264-265 253-255, 264-265 حجم الكم
- Quarks, 370 370 الكواركات
- Quartz, 8, 176, 217 8, 176, 217 الكوارتز
- Quasiparticles, 381-382 أشباه جسيمات
- Quasistatic, 21, 82, 112-113 حالة شبه ساكنة
- R (gas constant), 6-7 ثابت الغاز
- R value of insulation, 39-40 R 39-40 قيمة العزل
- Rabbit, 33, 150, 163 أرنب
- Radiation, 2, 19, 37, 288-307 إشعاع
- Rainwater, 215, 217 مياه الأمطار
- Ramanujan, Srinivasa, 279 رامانوجان، سرينفاسا
- Random fluctuations, 66 تفرقات بسيطة
- Random, meaning of, 11 عشوائية، معنى
- Random processes, 11, 49, 57-58 عمليات عشوائية
- Random walk, 67 مشي عشوائي
- Randomness, in quantum mechanics, 361 العشوائية، في ميكانيكا الكم
- Rankine cycle, 134-137 دورة رانكن
- Rankine temperature scale, 4-5 05/04 تدرج رانكن لدرجة الحرارة
- Raoult's law, 207-208 قانون راؤول
- Rates of processes, 37-48, 126-127, 212, 300-304, ... معدل تغير العمليات
- Reference point (for energies), 152 نقطة مرجعية (لأنواع الطاقة)
- Reference data, 402-405 بيانات مرجعية
- Reflection of radiation, 303, 305 انعكاس الإشعاع
- Refrigerants, 137-138, 140 مبردات
- Refrigeration cycle, 138, 140-141 دورة التبريد
- Refrigerators, 127-131, 137-148, 398 ثلاجات

- Regenerator, 133-134 مولد
- Reichl, r. 337, 397 راينخل
- Reif, r. 42, 397, 398 ريف
- Relative humidity, 177, 179 الرطوبة النسبية
- Relativistic energy and momentum, 240, 291, 299, 361, 370 الطاقة النسبية والزخم
- Relativistic gases, 256, 276-277, 298-300 غازات سريعة جداً
- Relaxation time, 2, 5, 102, 348 زمن الاسترخاء
- Renormalization group, 355 إعادة تسوية المجموعة
- Reservoir, 122, 161, 221, 247, 257, 266 خزان
- Reverse osmosis, 205 نفاذية معكوسة (أسموزية معكوسة)
- Reversible processes, 82 عمليات عكسية
- Rex, Andrew F., 76,400 ريكس ، أندرو
- Reynolds, William C., 167, 401 رينولز ، ويليام . ج
- Rhodium, magnetic cooling of, 146 روديوم، التبريد المغناطيسي
- Riemann zeta function, 393-396 دالة زيتا لريمان
- Rock, density of, 171 الصخرة، كثافة
- thermal conductivity of, 40 موصلية حرارية
- Rock, Peter A., 255, 398 روك، بيتر، أ.
- Room temperature, 4, 13, 16 درجة حرارة الغرفة
- Root-mean-square deviation, 231, 366 انحراف جذر متوسط المربع
- Root-mean-square speed, 13, 245-246 سرعة جذر متوسط المربع
- Rosenbluth, A. W. and M. N., 347 روزنبلوث، أ. و، م. ن
- Rotation, molecular, 14-16, 228, 234-238, 254, 375-377 دوران جزيئي
- Rotational heat capacity, 29-30, 236-238 السعة الحرارية الدورانية
- partition function, 236-238 دالة التجزيء
- Rotini Tricolore*, 31 *Rotini Tricolore*,
- Royal flush, 52 التسلسل الملكي
- Rubber, 114-115 مطاط
- Rubidium, 148, 319-320, 323 روبيديوم
- Rumford, Count, 19 رومفورد، كلونت
- s (state of a system), 222 حالة نظام
- S (entropy), 75 S إنتروبي
- Sackur-Tetrode equation, 78-81 معادلة ساكور- تيتروود
- Saha equation, 218, 260-261 معادلة ساها
- Salt water, 198, 200 مياه مالحة
- Sands, Matthew, 398 ساندز، ماثيو
- Saturation, of air, 177 تشبع، الهواء
- Sauer, Kenneth, 399 سوير، كينيث
- Schrödinger equation, 367-368, 370 معادلة شرودنجر
- Scuba tanks, 24 24 خزانات الغطس
- Seawater, 202, 205, 207-208 208 مياه البحر
- Second law of thermodynamics 59,74,76, 85,120-121 القانون الثاني للديناميكا الحرارية للتيزموديناميكية
- applied to an engine, 123 تطبيق على محرك
- applied to refrigerator, 128 تطبيق على التلاجة
- early versions of, 129 الصياغة الأولى
- paraphrase of, 124 إعادة الصياغة
- violation of, 74, 76-77, 81, 97, 303 انتهاك
- Second virial coefficient, 9, 326, 334-339 المعامل الحدي الثاني
- Second-order phase transition, 169 تحول طور من الدرجة الثانية
- Seismic waves, 308 موجات زلزالية
- Semiconductors, 47, 261, 286-288 أشباه الموصلات
- Semipermeable membrane, 202-205 غشاء شبه نفاذ
- Shakespeare, 121 شكسبير
- Shankar, Ramamurti, 381 شانكار، راماموتي
- Shapiro, Howard N., 130, 140, 398 شاپيرو، هوارد
- Shaw, G., 381 شو، ج
- Shear stress, 45 جهد القص
- Shu, Frank H., 399 شو، فرانك هـ
- Shuffling cards, 75-77 إعادة توزيع أوراق اللعب
- Silicon, 261, 287-288 السيليكون
- Sillimanite, 172, 176 سيلمانايت
- Silly analogy, 89-90 مناظرة غريبة (مناظرة مغربة)
- Silver, heat capacity of, 311 المحتوى الحراري
- Simulation, Monte Carlo, 346-356 محاكاة، مونت كارلو
- Single-particle state, 251 حالة جسيم مفرد
- sinh function, 104 وظيفة sinh
- Sirius A and B, 277, 306 سيريس A و B
- Small numbers, 61 الأعداد الصغيرة
- Smith, E. Brian, 336, 398 سميث، إي. بريان
- Snoke, D. W., 321 Snoke + D321 سنوك، د. و
- Snow, C. P., 121 ثلج
- Snow, melting of, 33 ثلج ، انصهار
- Sodium, 319 صوديوم
- Solar constant, 305 ثابت شمسي
- Solder, 198-199 - لحام
- Solid solution, 194 194 سائل صلب
- Solid state physics, 272, 312 فيزياء الحالة الصلبة
- Solids, 16, 29-30, 38, 46, 54, 107-108 see also جوامد، الإلكترونات التوصيلية
- Conduction electrons, Delbye نظرية، جامد أينشتاين، المغناطيسي
- theory, Einstein solid, Magnetic systems, Phase transformations
- Solubility gap, 189-192 فجوة قابلة للذوبان
- Solute, 200 200 مذاب
- Solutions, 194, 200-210, 214-217 محاليل
- Solvent, 200 200 مذيب
- Sommerfeld expansion, 282-285 نشر سمرفيد
- Sommerfeld, Arnold, 282 282 سمرفيد، أرنولد
- Sound, 21, 308, 312 21 + 308 + 312 صوت
- sinh function, 104 دالة sinh
- Space travelers رحلة حول الفضاء
- Specific heat capacity, 28 سعة حرارية محددة
- Spectrum, of nitrogen, 372, 377 طيف، النيتروجين
- of thermal radiation, 292, 300, 303-307 الإشعاع الحراري
- of sunlight, 226-227, 295 226-227 + 295 أشعة الشمس
- of stars, 226-228 النجوم
- Speed of sound, 21, 27, 308, 312 سرعة الصوت

- Speeds, of gas molecules, 13, 242-247 سرعات ، جزيئات الغاز
- Spherical coordinates, 274-275, 291, 300301, 334, 374 الإحداثيات الكروية
- in  $d$  dimensions, 393 في أبعاد  $d$
- Spin, 52, 95, 105, 227, 234, 261, 263, 266, 377-379 بزم ( دوران )
- Spin waves, 313- 314 أمواج مغزلية
- Spontaneous emission, 293-294 انبعاث لحظي
- Spontaneous processes, 2-3, 59, 76, 162 عمليات طبيعية
- Spontaneously broken symmetry, 345- التماثل ذاتيًا
- Spreadsheet program, 58 الحاسب الآلي
- Spring, energy stored in, 14-16, 53, 370, 372 زنبرك، الطاقة المخزونة في
- Stability, of mean field solutions, استقرار، حلول المجال المتوسط
- 344-345 of 182-183, 185, 189192, 197
- of thermal equilibrium, 91 اتزان حراري
- Standard deviation, 231, 261, 365-366 انحراف معياري
- Standard states, 214, 404 شروط قياسية
- Standing wave, 368 موجة مستقرة
- Star clusters 36, 90 نجم
- Stars, 90, 97, 226-228, 276-277, 306-307 نجوم
- State, in quantum mechanics, 357, 362 حالة، في ميكانيكا الكم
- micro-vs. macro-, 50 مجهرية مقابل جاهرية
- of a gas molecule, 69, 252, 328 جزيء الغاز
- single particle vs. system, 250-251 جسيم واحد مقابل نظام
- Statistical mechanics, vii, 121, 220, 337 الميكانيكا الإحصائية، السابع
- Steam engine 122, 134-137 مكنة بخارية
- Steam tables 134-137 جداول البخار
- Steel, expansion of, 6 الفولاذ، تمدد
- Stefan's law, 302 قانون ستيفان
- Stefan-Boltzmann constant, 302 ثابت ستيفان وبولتزمان
- stiffness, see Bulk modulus انظر معامل المرونة الحجمي
- stimulated emission, 293-294 الانبعاث المستحث
- Stirling engine, 133-134 مكنة ستيرنج
- Stirling's approximation, 62-63, 389-391 تقريب ستيرنج
- Stoichiometric coefficient, 210 معامل المعادلة الكيميائية
- Stowe, 397 ستو
- Stringari, S., 321 سترنجر.إس.
- Stryer, Lubret, 399 Stryer + Lubret + 399 سترير، لوبرت
- Sublimation, 167 167 التسامي
- Subnuclear 353 تسام
- Sulfuric acid, 215 215 حمض كبريتيك
- Summary, 120-121 120-121 ملخص
- Sums approximated as integrals تقريب المجاميع إلى تكاملات
- 235, 239-240, 291,316-317,389-391
- Sun, 79, 305-306 الشمس
- conditions at center, 37, 276, 285 الظروف في المركز
- energy output of, 304-305 الطاقة المنبعثة من
- energy received from, 33, 97, 305 الطاقة المستقبلة من
- life expectancy of, 36, 83
- spectrum of, 226-227, 305
- surface conditions 219, 226-227,295
- Superconductors 169,179,321 169 + 179, 321
- Supercooling, 166 + 166
- Superfluid, 168-169, 320-321
- see also Helium, Helium-3 انظر أيضا هيليوم، هيليوم-3
- Surface tension, 178-179 توتر سطحي
- Susceptibility, magnetic, 346 الاستجابة، المغناطيسية
- Susskind, Leonard, 84 سسكيند، ليونارد
- Symmetry, in Ising model, 345 التناظر، في نموذج آيسنج
- System, in quantum 266 النظام، في الكم
- System, magnetic, 160 النظام، المغناطيسية
- System state, 251, 321-323 حالة النظام
- Sze, S. M., 287 Sze, S.M
- t (time), 38 الوقت
- $T_c$  (critical temperature), 184  $T_c$  (درجة الحرارة الحرجة)
- $T_D$  (Debye temperature), 310  $T_D$  درجة حرارة ديبي
- $T_F$  (Fermi 275 TF) فيرمي
- Tables of data, 136, 140, 143, 167,401-405 جداول البيانات
- tanh function, 104, 346 وظيفه tanh
- Taylor, Edwin 357 تايلور، إدوين
- Taylor series, 63, 283, 315 315 سلسلة تايلور
- Tea, sipping temperature, 33 شاي، درجة الغليان
- Teller, A. H., and E 347 89-90 تيلر، أ. ه.، إ. ه.
- Temperature, 1-7, 17, 49, 8,120, 129, درجة الحرارة
- held constant, 24-25, 149, 161-162, 220-223, 247
- infinite, 101, 103 101 + 103 لا نهائي
- negative, 101-102, 107,228
- relation to energy, 28, 49, 85- 90
- relation to entropy, 85-90, 102
- Tension force, 115 قوة الشد
- Thaddeus, Patrick, 228 228 ثاديوس، باتريك
- Therm,40 40 طاقة حرارية
- Thermal conductivity, 169 لموصلية الحرارية
- Thermal contact, 1-2 تلامس حراري
- Thermal energy, 15 طاقة الحرارية
- Thermal equilibrium, 85, 91, 110 تزان حراري
- Thermal excitation of atoms, 226-227 لتثييع الحراري للذرات
- Thermal expansion, 32, 159, 241 تمدد حراري
- Thermal interaction, 85, 120 تفاعل حراري
- Thermal physics, vii فيزياء حرارية، السابع
- Thermal pollution, 124 تلوث حراري
- Thermocouple, 4 مزيج حراري
- Thermodynamic data 136, 140, 143, 167, 401, 404-405 بيانات الترموديناميكا
- Thermodynamic identity 111-115, المطابقة الترموديناميكية
- 117, 119-120, 156-158, 222, 257
- for  $F$ ,  $G$ , and  $H$ , 157-158 for  $\Phi$ , 166

- Thermodynamic limit, 66 حد الترموديناميكيا
- Thermodynamic potentials, 151, 166 الدوال التيرموديناميكية
- Thermodynamics, vii, 37, 120, 219 تيرموديناميكيا، 7
- Thermometers, 1-6, 48, 88-89 تيرمومترات
- Thermos bottle, 2 التيرموس
- Third law of thermodynamics, 102, 148, 159, 278 القانون الثالث في التيرموديناميكيا
- Third virial coefficient, 337, 339 المعامل الحدي الثالث
- Thompson, Benjamin, 19 تومسون، بنجامين
- Thomson, William, 4, 19, 77 تومسون، ويليام
- Three-component systems, 199 أنظمة تتكون من ثلاثة مكونات
- Throttling process, 138-144 التمدد بالخنق
- Time and rates of processes, 37-48 الزمن ومعدل العمليات
- Time, beginning of, 83 الزمن ، ابتداء من
- Time between collisions, 42 الزمن بين الاصطدامات
- Time scales, 2, 56, 58, 76, 77, 102, 326 فترات زمنية
- Tin + lead, 198- 198-199 القصدير + الرصاص
- Tinoco, Ignacio, 399 399 تينوكو، اجناسيو
- Tobochnik, Jan, 400 Tobochnik 400 توبوشنك، جان
- Toilet seats, 48 مراحيض
- Touloukian, Y. S., 30 + Y. S. + 30 تولوكيان، واي، إس.
- Transcendental equation, 344 معادلة حدية
- Transitions, atomic, 226, 293, 374 انتقالات، ذرية
- molecular, 371-372 371-372 الجزيئي
- Translational motion and energy الحركة الانتقالية والطاقة
12. 30, 251-256
- Transport theory, 37 نظرية النقل
- Trimble, Virginia, 326 تريبل، فيرجينيا
- Triple point, 167, 176 نقطة ثلاثية
- Troposphere, 27 تروبوسفير
- Tungsten filament, 303-304 شعيرة تنجستون
- Turbine, 134-137 توربين
- Two-dimensional systems أنظمة ثنائية الأبعاد
- 2 79 121 247, 347 72
- Bose gas, 325 غاز بوس
- Fermi gas, 282, 282 + 285 غاز فيرمي
- Ising model, 340-341, 343, 346-356 نموذج ايسنج
- magnet, 314 314 مغناطيس
- solid, vibrations of, 313 313 جامد، اهتزازات
- Two-particle system, quantum, 379-380 نظام مكون من جسامين، الكم
- Two-slit interference, 360-361 التداخل بين شقين
- Two-state systems, 49- 49-53 الأنظمة ثنائية الحالة
- u (atomic mass unit), 8 وحدة كتلة ذرية
- U (energy of a large 15, 18, 230 U الطاقة من كبير
- Ultraviolet catastrophe, 288-290, 357 كارثة الأمواج فوق البنفسجية
- Uncertainty principle, 69-70, 364-366 مبدأ عدم التحديد
- Unit conversions, 402 تحويل الوحدات
- Universe, 58, 83 الكون
- see also Early Universe نشأة الكون
- Unstable states, see Stability حالات غير مستقرة ، انظر استقرار
- Uranium hexafluoride, 13 UF<sub>6</sub> خلية اليورانيوم بالفلور ينتج
- Utility rates, 40 أسعار الاستهلاك
- v<sub>0</sub> (quantum volume), 253 الحجم الكلي
- V (volume), 6 حجم و
- Vacuum, energy of, 382-383 فراغ، طاقة
- Van den Bosch, A., 106 + A. + 106 فاندر-ويلز ، يوهانس
- Van der Waals, Johannes, 180 فاندر-ويلز
- Van der Waals model 9, 180-186, 328, 338, 344 فاندر-ويلز
- Van Gerven, 106 Gerven + 106 فان جيرفن
- Van't Hoff equation, 213 213 معادلة فان هوف
- Van't Hoff's formula, 204 صيغة فان هوف
- Van't Hoff, Jacobus Hendricus 204 فان هوف جاكوبوس هنريكوس
- Vapor pressure, 167, 175-178, '184 ضغط البخار
- effect of an inert gas, 176 تأثير غاز خامل
- effect of a solute, 207208 أثر المذاب
- Vapor pressure equation, 175 معادلة ضغط البخار
- Vargaftik, N. 143, 401 فارجانك، ن.
- Velocity space, 243 244 فضاء السرعة
- Venus, 307 فينوس
- Verne, Jules, 14 فيرن، جول
- Very large 61, 326 كبير جدًا
- Vibration, 14-17 اهتزاز
- of gas molecules, 16-17,29 -30, 54,108, 228, 233, 254, 371 -372 جزيئات الغاز
- of a solid, 16, 29-30, 38, 54, 307-313 الجامد (المادة الصلبة)
- Violation of the second law انتهاك القانون الثاني
- 74, 7677, 81, 97, 303
- Virial expansion 9, 326, 334-336, 339 التمدد الحدي
- Virial theorem, 37, 97 النظرية الحدية
- Viscosity, 169 اللزوجة
- Voltage, 154 155,358-359 الجهد
- Volume, of, 2-3, 72-73, 108110, 120 حجم
- fluctuations in, 73 تغيرات في
- held constant, 161-162 ثبوت في
- of a molecule, 180, 337 جزيء
- of a hydrogen atom, 223, 227 ذرة الهيدروجين
- Von Baeyer, Hans Christian, 400 فون باير، هانز كريستيان
- W (work), 18 الشغل
- Wang, James C., 399 وانغ ، جيمس سي.
- Waste heat, 122-124, 154 الحرارة المفقودة
- Water, 3, 6, 8, 19, 23, 28, 32, 35, 39, 45, 47, 181 ماء
- electrolysis of, 152-153 التحليل الكهربائي لـ
- individual molecule, 17, 228 جزيء مفرد
- phases of, 167-168 167-168 أطوار
- vapor pressure of, 167, 175-178 ضغط البخار
- Water vapor, as greenhouse gas, 306 بخار الماء، بوصفه غاز بيت زجاجي
- Wave equation, 381 معادلة الموجة الخطية

- Wave-particle duality, 357-362, 381  
ثنائية التصرف بوصفها موجة والتصرف بوصفه جسيمات
- Wavefunctions, 69, 264, 362-380  
دوال الأمواج  
during compression, 82 في أثناء الانضغاط  
for multiparticle systems, 379-380 لأنظمة متعددة الجسيمات  
ground-state, 320 الحالة الأرضية  
in a box, 252, 272, 368 داخل صندوق
- Wavelength, in quantum mechanics طول الموجة، في ميكانيكا الكم  
360-363, 368-370
- Wave packet , 364-366 حزمة موجية
- Weakly coupled systems, 56 أنظمة تبادل ضعيفة
- Weakly interacting gases, 328-339 الغازات ضعيفة التفاعل
- Weberium, 231 ويريوم
- Weinberg, Steven, 300, 383, 399 واينبرج، ستيفن
- Weisbrod, Alain, 399 وايزبرود، أليان
- Wet adiabatic lapse rate, 178 حدود معاملات تصحيح التسخين  
من تكثف بخار الماء
- Whalley, P. B., 398] ، P. B. ، 398 هلي، ب. ب.
- Wheatley, John C., 144 ويتلي، جون مسي.
- White dwarf stars, 276-277, 306, 326 النجوم القزمة البيضاء  
وايمان كارل إ.
- Wieman, Carl E., 147, 319-320
- Wien's law, 293 قانون فين
- Wiggling atoms, 307 الذرات المتوتية
- Wilks, J., 321, 400 ، J. ، 321 ، 400 ويلكس، ج.
- Wilson, Kenneth G., 355 ويلسون، كينيث ج.
- Window, heat conduction through, 38-39 نافذة ، التوصيل الحراري خلال
- Window, pressure on, 14 نافذة، الضغط على
- Woolley, Harold W., 30, 143, 401 وولي، هارولد و.
- Work, 17-26 17-26  
chemical, 117 كيميائي  
different definitions of, 20 تعاريف مختلفة  
during heating, 28 في أثناء التسخين  
electrical, 19, 21, 152-156 كهربائي  
magnetic, 160 مقاطبيسي  
other, 34-35 آخر  
to create a system, 150 لإشياء نظام  
to make room, 33, 35 لإيجاد متسع  
دالة الشغل
- Work function, 359
- Working substance, 125 مادة التشغيل
- World-Wide Web, ix الشبكة العالمية العنكبوتية
- Yeomans, J. M., 400 يومانس، ج. م.
- Young, David A., 174 يونغ، ديفيد أ.
- Z (partition function), 225 دالة التجزيء
- Z (grand partition function), 258 دالة التجزيء العظمى
- Zemansky, Mark W., 102, 198, 397, 398 زيمانسكي، مارك وي
- Zero-point energy, 53, 371, 381-383 صاقة نقطة الصفر
- Zeroth law of thermodynamics, 89 القانون الصفري في التيرموديناميك
- Zeta function, 393, 396 دالة زيتا