

# الباب الخامس

## التفاعلات النووية



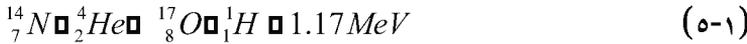
## الباب الخامس

## التفاعلات النووية Nuclear Reactions

التفاعل النووي هو عملية تتفاعل فيها الجسيمات الساقطة مع النواة وينتج نتيجة هذا التفاعل أنوية جديدة، وجسيمات نووية كثيرة، وقد ينطلق الإشعاع. ولقد أمكن عن طريق عدد الجسيمات الساقطة والخارجة من التفاعل وتوزيعها النووي أن نعرف شيئاً عن قابلية أو احتمال حدوث التفاعل Cross Section والتي تعتبر أحد خصائص النواة.

وتحدث التفاعلات النووية عادة عند مدى واسع من الطاقات . فقد تحدث تفاعلات نووية عندما تكون طاقة الجسيمات الساقطة مساوية للضفر (نيوترون حراري مثلاً). أو عند طاقات متوسطة (في حدود ١٠٠ م.إ.ف) كما ويمكن أن تحدث تفاعلات نووية عند الطاقات العالية (جيجا إلكترون فولت GeV) ومن الجدير بالذكر أن لكل من هذه التفاعلات صفاتها الخاصة بها وقوانينها التي يمكن أن تنطبق عليها (عند الطاقات العالية تحدث تفاعلات ميزونية وغيرها). وأهمية دراسة التفاعلات النووية أنها تعطي معلومات عن خصائص النواة كالحجم وتوزيع الشحنة داخلها وطبيعة القوي النووية.

ولقد اكتشف رذرفورد Rutherford أول تفاعل نووي عام ١٩١٩ م وذلك بقذف نواة غاز النتروجين بجسيم ألفا من مصدر مشع. ولاحظ حدوث ومضات علي حائل من كبريتيد الزنك موضوع علي مسافة من المصدر المشع أكبر من مدي جسيمات ألفا. ويمثل التفاعل الذي اكتشفه رذرفورد بالمعادلة:



وحدث أول تفاعل نووي بإستخدام جسيمات معجلة عام ١٩٣٠ م علي يد العالم كوكردفت ووالتون وكان هذا التفاعل هو:



ويكتب التفاعل النووي على الصورة العامة التالية :



حيث :  $a$  الجسم الساقط ،  $X$  النواة الهدف ،  $Y$  النواة الناتجة بعد التفاعل ،  $b$  الجسم الخارج من التفاعل ،  $Q$  الطاقة الناتجة من التفاعل أو ما يعرف بطاقة التحلل  $Q$  للتفاعل ويكتب التفاعل السابق على الصورة المختصرة التالية:

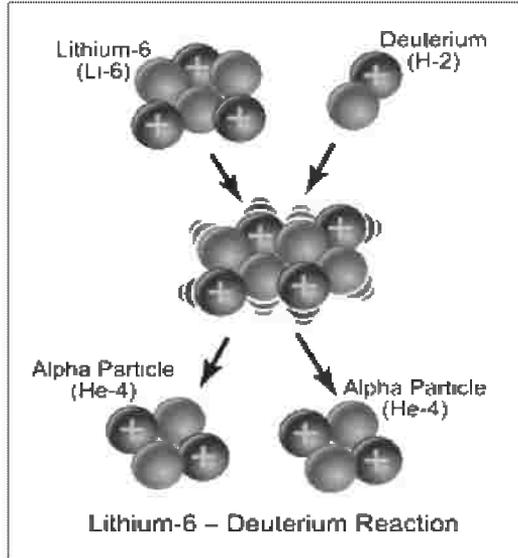


٥-١ قانون بقاء العدد الكتلي والعدد الذري ( بقاء النيوكلونات والشحنة )  
Conservation Law of Mass Number and Atomic Number

في أي تفاعل نووي فإن العدد الكتلي  $A$  ( البروتونات + النيوترونات ) والعدد الذري  $Z$  ( عدد البروتونات أي الشحنة ) قبل التفاعل يساوي نفس العدد بعد التفاعل ومثال علي ذلك التفاعل الآتي:



ففي التفاعل السابق نجد أن العدد الكتلي ( عدد النيوكلونات ) قبل وبعد التفاعل ٢٢٦ وكذلك العدد الذري ( بقاء الشحنة ) قبل وبعد التفاعل يساوي ٨٨. وكذلك تفاعل الليثيوم ٦- مع الديتريوم حسب شكل (٥-١) الآتي:



شكل (٥-١) يوضح تفاعل الليثيوم-٦ مع الديتويوم

### ٥-٢ قانون حفظ الطاقة وتعيين طاقة التفاعل Q

#### Conservation Law of Energy and Q Value

إذا كان لدينا التفاعل النووي يكتب علي شكل معادلة (٥-٣) نستطيع أن

نحسب الطاقة الكلية قبل التصادم كالتالي

$$E_i \square E_a \square E_X \square T_a \square m_a C^2 \square T_X \square M_X C^2 \quad (5-6)$$

حيث  $T_a$ ،  $m_a C^2$  هي طاقة الحركة وطاقة السكون للجسيم  $a$ ،  $T_X$ ،  $M_X C^2$

هي طاقة الحركة وطاقة السكون للنواة الهدف  $X$ .

وكذلك نحسب الطاقة الكلية بعد التصادم علي الشكل الآتي:

$$E_f \square E_b \square E_Y \square T_b \square m_b C^2 \square T_Y \square M_Y C^2 \quad (5-7)$$

حيث  $T_b$ ،  $m_b C^2$  هي طاقة الحركة وطاقة السكون للجسيم  $b$ ،  $T_Y$ ،  $M_Y C^2$

هي طاقة الحركة وطاقة السكون للنواة الناتجة من التفاعل  $Y$ . وطبقاً

لقانون حفظ الطاقة فإن الطاقة الكلية قبل التصادم تساوي الطاقة الكلية

بعد التصادم أي أن:  $E_i \square E_f$

$$T_a \square m_a C^2 \square T_X \square M_X C^2 \square T_b \square m_b C^2 \square T_Y \square M_Y C^2 \quad (5-8)$$

$$Q = (T_b + T_Y) - (T_a + T_X) = \{(M_X + m_a) - (M_Y + m_b)\}C^2 \quad (5-9)$$

وتنقسم التفاعلات النووية طبقاً لقيمة Q إلى ما يلي:

### ١- التفاعلات المرنة: Elastic interactions

في هذه التفاعلات تكون  $Q=0$  ويكتب التفاعل علي النحو الآتي  $X(a,a)X$  أي أن الجسيم الذي دخل التفاعل هو نفسه بعد التفاعل.

٢- إذا كانت Q موجبة فإن التفاعل يعرف بالتفاعل الطارد للطاقة Exoergic Reaction حيث تتحرر كمية معينة من الطاقة نتيجة للتفاعل.

٣- إذا كانت Q سالبة فإن التفاعل يعرف بالتفاعل الماص للطاقة Endoergic Reaction وهنا فإن التفاعل يحتاج إلى طاقة.

٤- تسمى أقل قيمة من الطاقة لكي يحدث التفاعل بالطاقة الحرجة Threshold energy. وطاقة الجسيم الساقط في نظام مركز الكتلة يجب أن يكون مساوياً  $(-Q)$ . أي أن:

$$(E_a)_{Th} = \frac{M_X}{M_X + m_a} Q \quad (5-10)$$

حيث  $E_a$  هي طاقة الجسيم الساقط في النظام المعلمي، وفي هذه الحالة تسمى بطاقة العتبة:

$$(E_a)_{Th} = \frac{M_X + m_a}{M_X} Q \quad (5-11)$$

### ٥- التفاعلات غير المرنة: Inelastic Reactions

في هذه التفاعلات تكون Q لا تساوي صفر ويكتب التفاعل علي النحو الآتي  $X(a,b)Y$  أي أن الجسيم الذي دخل التفاعل لا يكون هو نفسه بعد التفاعل ويمثل التفاعل بالمعادلة  $a + X + Y + b + Q$  وهذه التفاعلات الغير مرنة يمكن أن تكون:

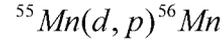
### ١- تشتت غير مرن inelastic scattering

وفي هذه الحالة فإن الجسيم الساقط يكون مماثلاً للجسيم الناتج من التفاعل ولكن طاقته اقل وتكون النواة المتبقية في حالة إثارة مثل



### ب- تفاعلات مباشرة Direct Reactions

عند تفاعل الديوترونات مع الأنوية الخفيفة ينتج بروتون أو نيوترون. وقد وجد أن مثل هذه التفاعلات تكون مباشرة أو انتزاعية stripping وفيها تنتزع النواة أحد النيوكليونات المكونين للديوترون، والنيوكليون الثاني يطير إلي الخارج. ولكي تتم هذه التفاعلات لابد أن يكون طاقة الجسيم الساقط عالية ويمثل هذا التفاعل



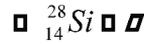
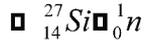
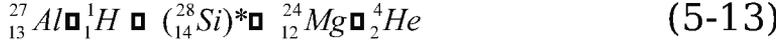
### ج- تفاعلات النواة المركبة Compound nucleus reactions

عندما يسقط جسيم طاقته منخفضة علي النواة فإنه يمتص إلي داخل النواة مكوناً ما يسمى بالنواة المركبة. وتعمل طاقة الحركة للجسيم الساقط علي تهيج وإثارة النواة وتتوزع هذه الطاقة علي النيوكليونات داخلها ولا يستطيع أحد من النيوكليونات أن يخرج من النواة. وتأخذ هذه النواة المركبة فترة زمنية كبيرة نسبياً حتى تحلل ويعاد توزيع الطاقة وتكون طريقة الإنحلال لا تعتمد علي طريقة تكوين النواة المركبة. ويمكن تمثيل تفاعل النواة المركبة بالتفاعل:



ومثال علي ذلك نفرض أن نيوترون بطاقة  $\text{MeV}$  وبسرعة  $10^9 \text{ cm/sec}$  يسقط علي نواة قطرها  $10^{12} \text{ cm}$  ويكون زمن تحلل النيوترون لتكوين نواة مركبة هو  $10^{21} \text{ sec}$  وهذا الزمن أصغر من زمن تحلل النواة المركبة وهو  $10^{14} \text{ sec}$  وبالتالي فإن الزمن اللازم لتكوين النواة المركبة اقل  $10^7 \text{ sec}$  مرة وبالتالي فإن النواة المركبة ستظل فترة

من الزمن إلي أن يتم تحليلها وهذه الفترة طويلة نسبياً. ولذلك يمكن القول بان النواة المركبة تتحلل طبقاً للطاقة ولا تعتمد طريقة التحلل علي طريقة تكون النواة المركبة. ومثال علي ذلك:



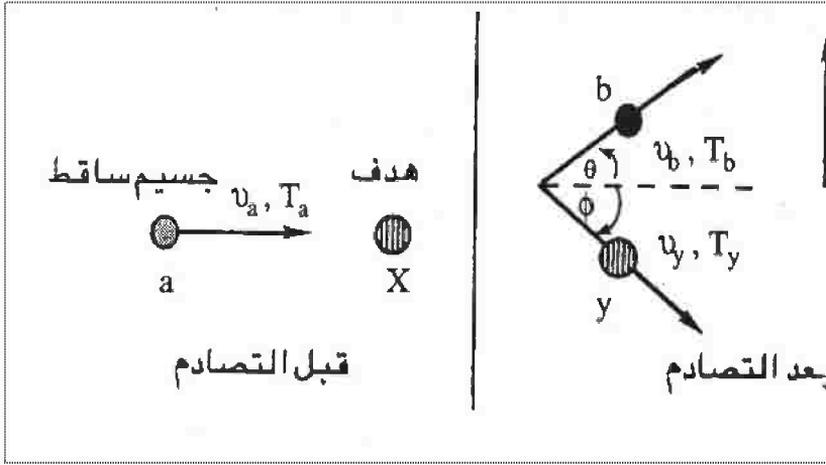
وكأمثلة أخرى لتفاعلات النواة المركبة التفاعلات الآتية:



### ٥-٣ قانون بقاء كمية الحركة

#### Conservation Law of Momentum

يبين الشكل (5.2) شكل التفاعل النووي بصورة عامة وذلك في النظام المعلمي فقبل التصادم يقترب الجسم  $a$  بسرعة  $v_a$  وبطاقة حركة  $T_a$  من الهدف  $X$  الساكن. أما بعد التصادم فيشتت الجسم  $b$  بطاقة حركة  $T_b$  وبسرعة  $v_b$  أما الجسم  $Y$  فيتحرك بسرعة  $v_y$  وبطاقة حركة  $T_y$ . وبتطبيق قوانين حفظ كمية الحركة نجد أن:



شكل (5.2) التفاعل النووي في نظام المعمل

أولاً : في اتجاه X

$$m_a v_a = m_b v_b \cos \theta + m_y v_y \cos \phi \quad (5-16)$$

ثانياً : في اتجاه Y

$$0 = m_b v_b \sin \theta - m_y v_y \sin \phi \quad (5-17)$$

بتربيع المعادلتين والجمع والاختصار وحذف \$T\_Y\$ ينتج أن :

$$Q = \left(1 - \frac{m_b}{m_Y}\right) T_b = \left(1 - \frac{m_a}{m_Y}\right) T_a = \frac{2}{m_Y} (m_a m_b T_a T_b)^{1/2} \cos \theta \quad (5-18)$$

حالات خاصة:

١- إذا كانت طاقة حركة الجسيم الساقط تساوي صفراً . وذلك كما هو الحال عندما يسقط نيوترون حراري على نواة ما (وهذا ممكن لأنه لا يلزم طاقة حركة للنيوترون لأنه ليس هناك حاجز كولوم بالنسبة له عند اقترابه من النواة) بينما نجد أنه يلزم قدر مناسب من طاقة الحركة عندما يراد قذف جسيمات مشحونة على النواة وذلك نظراً لوجود حاجز كولوم . ففي حالة النيوترونات نجد أن الحدين الثاني والثالث في معادلة (5.18) يختفيان ، أي أن :

$$Q \approx T_b \frac{m_Y \approx m_b}{m_Y} \quad (5-19)$$

٢- عندما تكون النواة الناتجة كبيرة  $m_Y \approx$  فإن الحد الثالث يختفي.

٣- إذا تم رصد الجسيم  $b$  عند زاوية قدرها  $90^\circ$  فإن  $\cos 90^\circ$  يساوي صفرًا وبالتالي فإن الحد الثالث ينعدم وينتج أن:

$$Q \approx \left(1 \approx \frac{m_b}{m_Y}\right) T_b \approx \left(1 \approx \frac{m_a}{m_Y}\right) T_a \quad (5-20)$$

٤- إذا كانت سرعة الجسيمات تقترب من سرعة الضوء فإنه يجب تصحيح هذه العلاقة لحالة السرعة النسبية وينتج أن:

$$Q \approx \left(1 \approx \frac{m_b}{m_Y}\right) T_b \approx \left(1 \approx \frac{m_a}{m_Y}\right) T_a \approx \left(\frac{T_a^2 \approx T_b^2 \approx T_Y^2}{2m_Y c^2}\right) \quad (5.21)$$

$$\frac{2(m_a m_b T_a T_b)^{1/2} \cos \theta \left(1 \approx \frac{T_a}{2m_a c^2}\right)^{1/2} \left(1 \approx \frac{T_b}{2m_b c^2}\right)^{1/2}}{m_Y}$$

٥-٤ المقطع العرضي للتفاعل النووي:

## Nuclear Reaction Cross Section

يعرف المقطع العرضي للتفاعل النووي لنواة ما بأنة المساحة المؤثرة التي تقدمها النواة للشعاع الساقط عليها أو احتمال أسر النواة للجسيم الساقط. ويحدث التفاعل النووي مع نواة معينة مستقلة عن غيرها وبالتالي فإنه من المناسب أن يعزى احتمال حدوث تفاعل ما إلى نواة هدف. وتقدر المساحة الفيزيائية النووية بوحدة هي البارن ( $b$ ) حيث  $1b \approx 10^{28} m^2$  ويكون احتمال تصادم شعاع الجسيمات مع الهدف يتناسب مع

هذه المساحة التي تساوي بالطبع مساحة مقطع النواة عند مركزها وهذه المساحة تعتبر مساحة المقطع الهندسي لتفاعل معين كي يتم. إذا كان لدينا حزمة من الجسيمات شدتها  $I_0$  (الشدة هي عدد الجسيمات في وحدة الزمن) تسقط علي شريحة من مادة الهدف ذات سمك صغير جداً  $dx$  ومساحة  $A$ . فإن عدد الجسيمات التي تدخل في التفاعل  $dI$  وتعطي من العلاقة:

$$dI = PI \quad (5-22)$$

الإشارة السالبة تعني أن الشدة تبدأ تقل بعد المرور في الشريحة وحدوث التفاعل.  $P$  هي احتمال حدوث التفاعل ويعطي من العلاقة:

$$P = \frac{A\sigma}{A} \quad (5-23)$$

حيث  $A\sigma$  هي المساحة الفعلية أي التي يحدث فيها التفاعل،  $A$  هي المساحة الكلية. ومع العلم أنه لا يوجد فرق بين نواة وأخري في الشريحة فإنه يمكن توزيع المساحة الفعلية  $A\sigma$  علي عدد الأنوية الموجودة في الشريحة فنحصل علي المساحة الفعلية لكل نواة وتسمى  $\sigma$  وتعطي من المعادلة:

$$\sigma = \frac{A\sigma}{A} \quad (5-24)$$

وتعرف  $\sigma$  علي أنها مساحة مقطع التفاعل وأحياناً تعرف بمساحة المقطع العرضي الدقيق للتفاعل microscopic cross section ومن المعادلتين السابقتين نحصل علي:

$$P = \frac{An\sigma dx}{A} = n\sigma dx \quad (5-25)$$

نعوض في المعادلة (5-22) فنحصل علي:

$$dI = n\sigma I dx = \frac{dI}{I} = n\sigma dx \quad (5-26)$$

تكامل المعادلة (5-26) نحصل علي:

$$\int_{I_0}^I \frac{dI}{I} = \int_0^x n \sigma dx \quad I = I_0 e^{-n\sigma x} \quad (5-27)$$

حيث:  $I$  شدة الشعاع النافذ،  $I_0$  شدة الشعاع الساقط،  $x$  سمك الشريحة،  $n$  عدد الأنوية في وحدة الحجم،  $\sigma$  مساحة مقطع التفاعل وتقاس بوحدة البارن. يوجد كمية أخرى تعرف علي أنها المقطع العرضي للتفاعل ويرمز لها بالرمز  $\sigma$  ووحداته  $cm^2$  (وهو يمثل كثافة عدد أنصاف الأقطار المؤثرة التي إذا مر فيها الجسيم يحدث التفاعل لوحدة الطول) حيث:

$$\sigma = n \sigma \quad (5-28)$$

وتكتب المعادلة (5-27) علي الشكل التالي:

$$I = I_0 e^{-\sigma x} \quad (5-29)$$

وإذا كان التعامل علي أساس امتصاص الشعاع بواسطة الشريحة فيمكن أن يعوض عن  $\sigma$  بمعامل الامتصاص  $\Sigma$  ووحداته  $cm^{-1}$  علي اعتبار أن وحدات سمك الشريحة  $x$  هي  $cm$  حيث:

$$I = I_0 e^{-\Sigma x} \quad (5-30)$$

يمكن كتابة مساحة المقطع الكلي للتفاعل:

$$\Sigma_{Tot} = \Sigma_{ela} + \Sigma_{inel} + \Sigma_{ab} \quad (5-31)$$

حيث  $\Sigma_{ela}$  مساحة مقطع التفاعل أو التصادم المرن.  $\Sigma_{inel}$  مساحة مقطع التفاعل أو التصادم الغير مرن.  $\Sigma_{ab}$  مساحة مقطع تفاعل الامتصاص أي أن:

$$\Sigma_{Tot} = \sum_i \sigma_i \quad (5-32)$$

حيث  $\sigma_i$  هي مساحة مقطع أي نوع من أنواع التفاعلات الممكنة أو ما يسمى بمساحة المقطع الجزئي Partial Cross Section وفي

التفاعلات النووية توجد أهمية لعدد التفاعلات التي تحدث خلال وحدة الزمن ويسمى هذا بمعدل التفاعل. ولحساب معدل التفاعل Reaction Rate نفرض أن لدينا جسيمات تتدفق بمقدار  $n$  علي وحدة المساحات خلال وحدة الزمن في شريحة مساحتها  $A$  وبالتالي سيكون التدفق الكلي خلال وحدة الزمن  $nA$  ومن المعادلة (5-25) نحصل علي احتمال حدوث التفاعل لكل جسيم ويكون معدل التفاعل:

$$\text{ReactionRate} = (nA)n\sigma x = n^2\sigma V \quad (5-33)$$

حيث  $V$  هو حجم الشريحة ويساوي  $Ax$ .

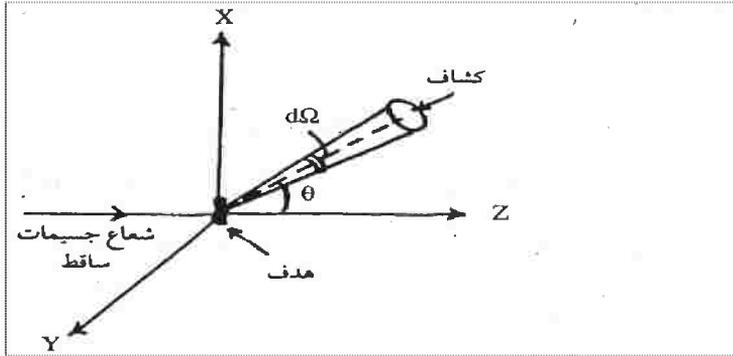
### 5-5 المقطع العرضي التفاضلي Differential Cross Section

تعرف مساحة المقطع العرضي التفاضلي  $\left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right)$  علي أنه يساوي مساحة المقطع لكل زاوية مجسمة  $d\Omega$  أي أن الجسيمات الناتجة من التفاعل تكون المحصورة خلال زاوية مجسمة  $d\Omega$  وبالتالي يعرف المقطع العرضي التفاضلي علي أنه المقطع العرضي  $\sigma$  علي وحدة الزاوية المجسمة  $\frac{d\sigma}{d\Omega}$  حسب شكل (5-3).

من المعادلة (5-22) و (5-24) نستطيع أن نحصل علي:

$$\frac{dI}{I} = \frac{An\sigma dx}{A} = \frac{\sigma I}{I} = \frac{An\sigma x}{A} \quad (5-34)$$

$$\frac{1}{I} \frac{dI}{d\Omega} = \frac{An\sigma x}{A} \frac{d\Omega}{d\Omega} = \frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{A}{A \ln \sigma x} \left(\frac{dI}{d\Omega}\right) \quad (5-35)$$



شكل (٥-٣) يوضح المقطع العرضي للتفاعل

وستعرف مساحة المقطع العرضي علي أنها:

$$\sigma = \int \frac{d\sigma}{d\Omega} d\Omega \quad (5-36)$$

حيث أن  $\sigma$  هي الزاوية المجسمة وهي بصفة عامة تعتمد على  $(\theta, \phi)$  ولكنها في بعض الأحيان لا تعتمد  $\phi$  علي  $\theta$  وبالتالي تكون متماثلة بالنسبة لها ونستطيع أن نكتب:

$$\sigma = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \frac{d\sigma}{d\Omega} \sin\theta d\theta d\phi = 2\pi \int_0^{\pi} \frac{d\sigma}{d\Omega} \sin\theta d\theta \quad (5-37)$$

أذن سيكون:

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{d\sigma}{d\theta} (2\pi \sin\theta) \quad (5-38)$$

ومن الممكن أن نلاحظ أن:

$$d\sigma = \sin\theta d\theta d\phi \quad (5-39)$$

وبالتالي فإن الزاوية المجسمة الكلية  $\sigma$  تعطي من العلاقة:

$$\sigma = \int d\sigma = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin\theta d\theta d\phi = 4\pi \quad (5-40)$$

## ٥-٦ استطارة رذرفورد Rutherford Scattering

لمعرفة التركيب النووي للذرة طور رذرفورد نظرية تشتت جسيمات ألفا علي أساس أنها شحنات كهربية نقطية ذات كتل كبيرة وحصل علي علاقة توضح ارتباط زاوية التشتت  $\theta$  وعدد الجسيمات المشتتة. عند سقوط جسيمات ألفا  $\alpha$  والتي شحنتها هي  $(2eZ_e)$  بسرعة  $v_\alpha$  وكتلة  $m_\alpha$  علي شريحة من الذهب شحنة نواتها هي  $Z_e$  وكتلتها ثابتة وعند اعتبار أن نواة الذهب وجسيم  $\alpha$  نقطة مشحونة تتركز في المركز لكل منهما وطبقاً لقانون التنافر ل كولوم تكون القوة الكهربية الناتجة هي:

$$F \propto \frac{Z_e(2eZ_e)}{r^2} \quad (5-41)$$

حيث  $r$  هي المسافة بين جسيم  $\alpha$  ونواة الذهب ولو فرض أن نصف قطر نواة الذهب  $R$  وأن المسافة العمودية بين مركز الشحنة في نواة الذهب ومسار جسيمات  $\alpha$  هي  $b$  وتعرف بمعامل التصادم Impact Parameter كما في الشكل (5-4) فإن المعادلة (5-33) تكتب كالتالي:

$$F \propto \frac{Ze^2}{b^2} \quad (5-42)$$

ومع العلم أن القوة الأفقية التي في اتجاه السرعة الساقطة لا تؤثر في انحراف مسار الجسيمات الساقطة بل تغير من سرعتها ولذلك القوة العمودية هي التي تؤثر في مسار الجسيمات الساقطة وأن هذه القوة تعمل فترة من الزمن وتساوي  $t \propto \frac{b}{v}$ . ونتيجة لهذه الفترة الزمنية فإن كمية التحرك الابتدائية ستتغير بمقدار  $\Delta p$  وهي تساوي الفرق بين كمية الحركة الابتدائية وكمية الحركة النهائية حيث:

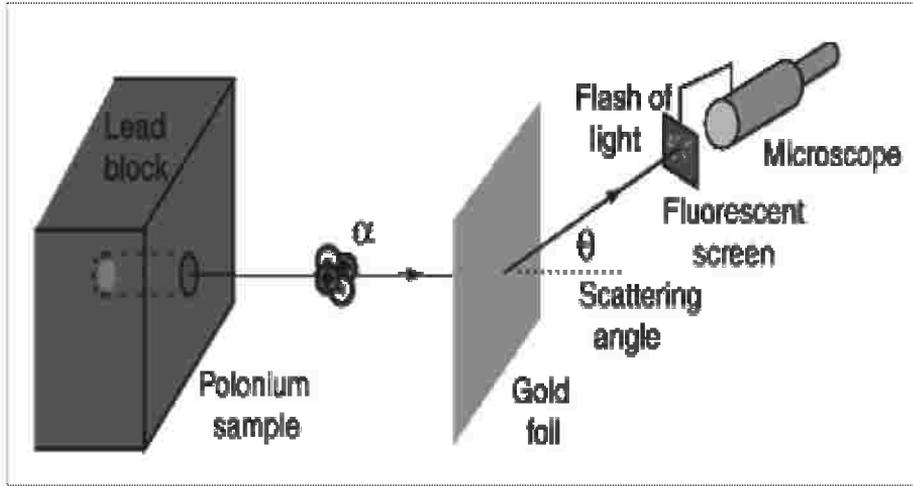
$$\Delta p \propto F \Delta t \propto \frac{2Ze^2}{b^2} \frac{b}{v} \propto \frac{2Ze^2}{bv} \quad (5-43)$$

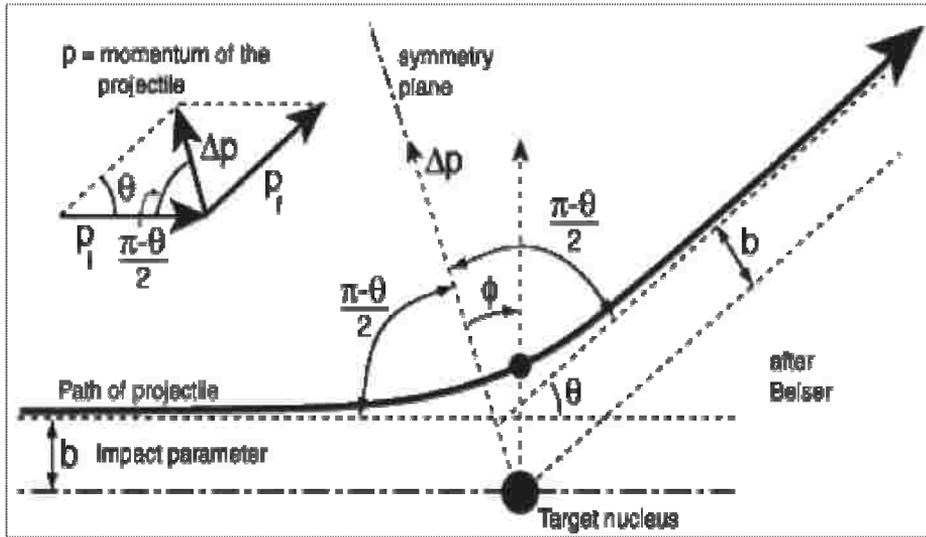
والزاوية التي تنشأ بين اتجاه كمية الحركة الابتدائية وكمية الحركة النهائية هي  $\theta$  حسب شكل (5-4). وعندما تكون  $b$  صغيرة فإن  $\sin \theta \approx \tan \theta$  وتكون:

$$\theta \approx \frac{p}{P_i} \approx \left( \frac{zZe^2}{bv} \right) / m_\alpha v_\alpha \approx \frac{zZe^2}{bv^2} \quad (5-44)$$

ومنها نحسب قيمة معامل التصادم  $b$ :

$$b \approx \frac{zZe^2}{m_\alpha v_\alpha^2} \quad (5-45)$$





شكل (5-4) يوضح استطرارة رذرفورد