

## الباب السابع

### ذرة الإلكترون الواحد

يتحرك الإلكترون في ذرة الأيدروجين حول النواة في مجال قوة كهربائي F

$$F = - \frac{Z e^2}{r^2} \quad (Z = 1 \text{ for } H_2)$$

إذا كان V هو جهد الإلكترون

$$\therefore F = - \frac{dV}{dr}$$

$$\therefore dV = - F dr = \frac{e^2}{r^2} dr$$

$$\therefore V = - \frac{e^2}{r}$$

حيث r هو بعد الإلكترون عن النواة (ويساوى بالإحداثيات المتعامدة

$(x^2 + y^2 + z^2)^{1/2}$  ) وتصبح معادلة شرودنجر لإلكترون ذرة الأيدروجين :

$$\nabla^2 \Psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E + e^2 (x^2 + y^2 + z^2)^{1/2}) \Psi = 0$$

يعطى حل هذه المعادلة قيمة الدالة الموجية  $\Psi$  بدلالة  $x, y, z$  في أى مكان

حول النواة . يكون احتمال وجود الإلكترون كبيرا كلما زادت قيمة  $I \Psi I^2$

ويستخدم عادة لحل المعادلة السابقة الإحداثيات القطبية الكرية  $r, \theta, \phi$  Spherical polar

coordinates المبينه شكل (٧ - ١) حيث :

$$r = (x^2 + y^2 + z^2)^{1/2}$$

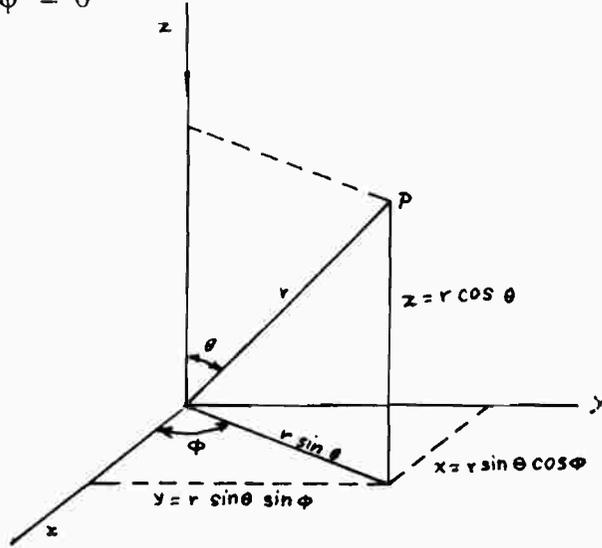
ويستخدم الاحداثيات  $x, y, z$  بالاحداثيات القطبية  $r, \theta, \phi$

في معادلة شرودنجر نجدها قد انفصلت الى ثلاثة معادلات تفاضلية معتادة : —

$$\left[ \frac{d^2}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{d}{dr} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left( E + \frac{e^2}{r} \right) - \frac{\lambda}{r^2} \right] R = 0 \quad \dots\dots (a)$$

$$\left\{ \frac{d^2}{d\theta^2} + \cot \frac{d}{d\theta} + \lambda - \frac{m_l^2}{\sin^2 \theta} \right\} \Theta = 0 \quad \dots\dots (b)$$

$$\left\{ \frac{d^2}{d\phi^2} + m_l^2 \right\} \phi = 0 \quad \dots\dots (c)$$



شكل (٧-١)

حيث  $\lambda$  يسمى Separation parameter عامل الانفصال وحيث الدوال  $\Theta$  و  $R$

تبين تغير الدالة الموجية في هذه الاتجاهات  $r$  و  $\theta$  و  $\phi$

أولا : حل المعادلة الثالثة (c) سهل ويعطى دالة جيب أو جيب تمام أى :

$$\phi = e^{i m_l \phi}$$

ويجب أن يكون  $m_l$  صحيحا integer وإلا كانت الدالة الموجية  $\phi$  متعددة القيمة .

ويسمى  $m_l$  بالعدد الكمي المغناطيسى .

ثانيا : قيم المتغير  $\lambda$  التى لا تعطى حولا للمعادلة (b) بحيث تكون الدالة الموجية

$\Theta$  محدودة ومتصلة وأحادية القيمة هى :

$$\lambda = l(l+1)$$

ويكون بذلك عدد المعاملات التى لا تتوقف على بعضها هى  $(2l+1)$

وهذه تناظر القيم المقبولة من العدد الكمي المغناطيسى  $m_l$

ثالثا : حل المعادلة الأولى (a) يشبه حل بئر الجهد القائم .

أى إننا لا نجد قيمة مقبولة للدالة الموجية إلا إذا خضعت طاقة الإلكترون E للمعادلة :

$$E_n = - \frac{2 \pi^2 m e^4}{h^2} \cdot \frac{1}{n^2} \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

وهذه هي نفس معادلة الطاقة التي تحصل عليها بوهر من نظريته الخاصة بالمسارات الإلكترونية .

أى أن الميكانيكا الموجية أعطت نفس مستويات الطاقة الإلكترونية ، ولكن لم يعد العدد الكمي النصف قطري  $n$  ، radial q.N ، يصف مسار معيناً ، ولكنه يعبر عن كثافة الاحتمال ( الاحتمال لوحدة الحجم ) لوجود الإلكترونات على أبعاد مختلفة من النواة .

### الدالة الموجية للهيدروجين :

يمكن كتابة الدالة الموجية للهيدروجين التي تصف حالته الأولى

$$\Psi_{1st}(r) = \frac{1}{\sqrt{\pi a_0^3}} e^{-r/a_0}$$

حيث  $a_0$  هو نصف قطر بوهر ويعطى بالمعادلة

$$a_0 = \frac{(h/2\pi)^2}{mke^2} = 0.0529 \text{ nm}$$

وفى هذه المعادلة k هو ثابت كولوم ويساوى :

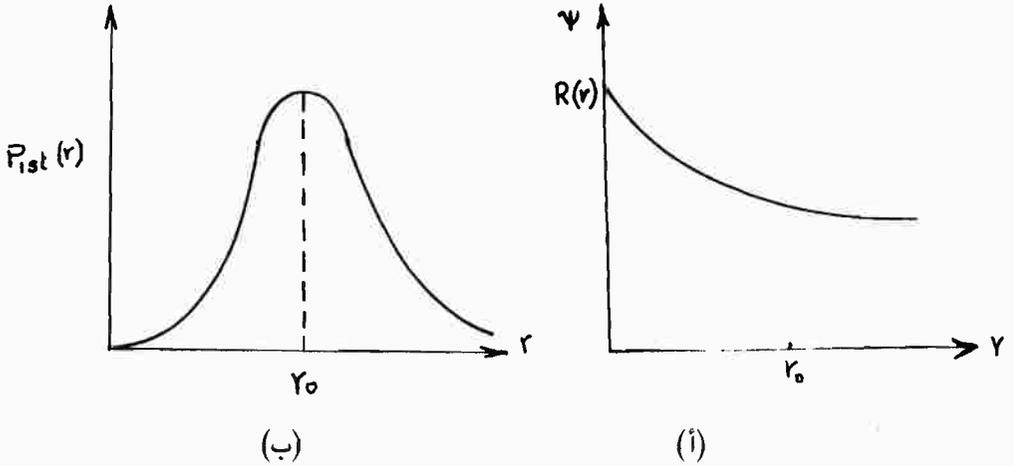
$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

ويلاحظ أن الدالة الموجية  $\Psi_{1st}(r)$  تتناقص مع  $r$  وتقترب قيمتها من الصفر

عند البعد  $r = \infty$  كما مبين بشكل (٧-١٢) .

وتعرف كثافة الاحتمال Probability density بأنها الاحتمال لوحدة الحجم لوجود

الإلكترون فى أى مكان ، وتساوى مربع الدالة الموجية (normalized) أى  $|\Psi_{1st}|^2$  ،



شكل (٧-٢)

وعلى ذلك تكون كثافة الاحتمال لوجود الإلكترون في المستوى الأول 1s state هو

$$|\Psi_{1st}|^2 = \left( \frac{1}{\pi a_0^3} \right) e^{-2r/a_0}$$

إذا اعتبرنا الحجم  $dV$  تكون كثافة الاحتمال لوجود الإلكترون فيه هو

$$P(r) dr = |\Psi|^2 dV = |\Psi|^2 4\pi r^2 dr$$

وذلك باعتبار قشرة حول النواة تبعد مسافة  $r$  من المركز وسمكها  $dr$  أي أن كثافة

الإحتمال في اتجاه نصف القطر  $r$  هي :

$$P(r) = 4\pi r^2 \cdot |\Psi|^2$$

وبالتعويض بدلا عن  $|\Psi|^2$  نحصل على كثافة الاحتمال النصف قطري لذرة

الهيدروجين في حالتها الأرضية

$$P_{1st}(r) = \left( \frac{4r^2}{a_0^3} \right) e^{-2r/a_0}$$

ويبين الشكل (٧-٢ ب) تغير  $P_{1st}(r)$  مع  $r$  وقمة المنحنى تبين أكبر احتمال

للبعد  $r$  عند حالة معينة .

**مثال :** أوجد احتمال وجود الإلكترون خارج المسار الأول لبوهر في ذرة الهيدروجين في حالتها الأرضية .

**الحل :** نوجد الاحتمال بإجراء تكامل لكثافة الاحتمال  $P_{1st}(r)$  ابتداء من نصف قطر بوهر  $a_0$  وحتى ما لانهاية .

$$P = \int_{a_0}^{\infty} P_{1st}(r) dr = \frac{4}{a_0^3} \int_{a_0}^{\infty} r^2 e^{-2r/a_0} dr$$

وبتغيير المتغير  $r$  ووضع بدلا منه  $x = \frac{2r}{a_0}$  يكون  $dr = \left(\frac{a_0}{2}\right) dx$  مع مراعاة أن

$r = a_0$  عند  $x = 2$

$$\therefore P = \frac{1}{2} \int_2^{\infty} x^2 e^{-x} dx = -\frac{1}{2} (x^2 + 2x + 2)e^{-x} \Big|_2^{\infty}$$

$$\therefore P = 5e^{-2} = 0.677$$

أى أن درجة احتمال وجود الإلكترون خارج المدار الأول هي ٧ و ٦٧٪ .

### الدالة الموجية للمستويات الأعلى من المستوى الأرضي

لكل قيمة من قيم  $n$  أى لكل حل من المعادلة (a) يوجد حل أو أكثر للمعادلة (b)

وتوصف هذه الحلول بعدد كمي آخر  $l$  يأخذ القيم

$$l = 0, 1, 2, \dots, (n-1).$$

ويعين هذا العدد مدى تغير الدالة الموجية  $\phi$  مع الزاوية  $\theta$  عند ثبوت  $r$ . فكلما كبرت

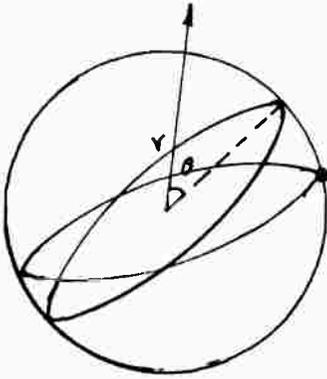
قيمة  $l$  تتغير قيمة  $\phi$  بسرعة مع الزاوية  $\theta$  ولذلك فإن احتمال وجود الإلكترون بالقرب من النواة يكون قليلا.

وبالمثل وجد أنه لكل قيمة من قيم  $l$  أى لكل حل من حلول المعادلة يوجد حل أو

أكثر للمعادلة c. وتعطى هذه الحلول المختلفة بعدد كمي آخر  $m$ , يمكن أن تأخذ القيم :

$$m_l = -l, -(l-1), -(l-2), \dots, 1, 0, 1, \dots, l$$

وتصف الدالة الموجية  $\Phi$  كيفية تغير الدالة الموجية الكلية بتغير الزاوية  $\phi$ .  
 يمكن وصف الحالة الكمية quantum state للاكترون في الذرة بثلاثة أعداد  
 كمية  $n, l, m_l$  ويكون بذلك قد تحدد تماما تغير الدالة الموجية الكلية من نقطة إلى أخرى  
 في الفراغ .



شكل (٧ - ٣)

**التعبير الطيفي spectroscopic notation :**

تسمى الحالات الإلكترونية المقابلة للأعداد الكمية :

$$l = 0, 1, 2, 3$$

بالمستويات s, p, d, f على الترتيب .

فمثلا :

$$n=1 ; l=0 \text{ تكافئ } 1s$$

$$n=3 ; l=2 \text{ تكافئ } 3d$$

وهكذا

**المعنى الطبيعي للأعداد الكمية  $n, l, m_l$  :**

١ - يحدد العدد الكمي  $n$  مستوى الطاقة كما في معادلة بوهر :

$$E_n = -\frac{2\pi^2 m e^4}{n^2 h^2} \quad n = 0, 1, 2, 3, \dots$$

وتغيير  $l, m_l$  عند ثبوت قيمة  $n$  لا يغير من مستوى طاقة المجموعة ، وإن كان

يسبب تحلل المستوى Degeneracy :

٢ - يحدد العدد الكمي المداري لكمية الحركة الزاوية  $l$  - orbital angular momentum quantum number

كمية الحركة الزاوية  $L$  لحركة الجسيم حول المركز الجاذب . حيث

$$L = l \frac{h}{2\pi}$$

وتأخذ  $l$  القيم من 0 إلى  $(n-1)$

٣ - يرتبط العدد الكمي المغناطيسي  $m_l$  بمركبة متجه كمية الحركة الزاوية  $L$  على المحور

الرأسي  $z$

∴ مركبة  $L$  على الرأسي هي

$$L_z = m_l \frac{h}{2\pi}$$

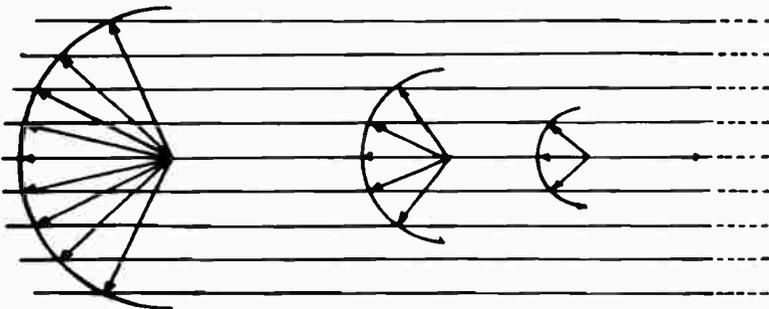
اتجاه متجه كمية الحركة الزاوية :

من حل معادلة شرودنجر نجد أنه عندما تكون قيمة  $l = 1$  يمكن لمتجه كمية الحركة

الزاوية  $L$  أن يأخذ ثلاثة أوضاع في الفراغ تكون مركباتها على محور  $z$  هي :

$$+\frac{h}{2\pi}, 0, -\frac{h}{2\pi}$$

انظر الشكل (٧-٤) .



شكل (٧-٤)

أى أن  $m = +1, 0, -1$

وهذا يعنى أن لكل  $l$  يوجد  $(2l + 1)$  طريقة لوضع المتجه  $L$  فى الفراغ وهذا

يعنى أن هناك أوضاعاً معينة فقط فى الفراغ يمكن أن يأخذها وهذه الأوضاع هى فقط

التي يكون فيها مسقط  $L$  على الرأسى  $z$  عدداً

صحيحاً  $0 ; 1 \pm ; 2 \pm ; \dots$

ويسمى ذلك التحديد بكمية الفراغ Space

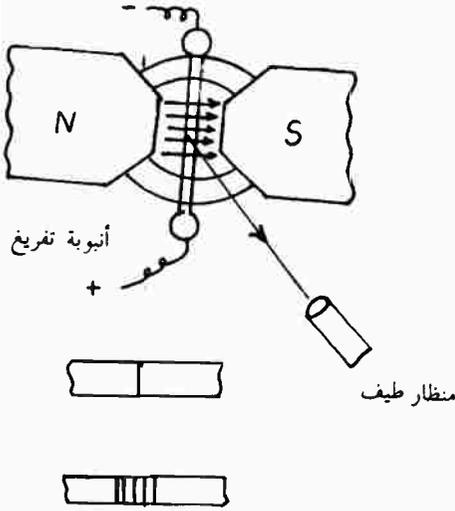
quantization ، وذلك لأن ليس كل اتجاه فى

الفراغ ممكناً للمتجه  $L$

وإثبات مبدأ كمية الفراغ نجصل عليه

بدراسة تأثير المجال المغناطيسى على خطوط

الطيف كما فى تأثير زيمان Zeeman's effect



شكل (٧ - ٥)

وضع زيمان أنبوبة تفريغ كهربائى فى مجال مغناطيسى وفحص الضوء بواسطة

مطياف له قوة تفريق كبير شكل (٧ - ٥) وجد أن خطوط الطيف قد انقسمت إلى عدة

خطوط متقاربة كما وجد أن مقدار الانشطار magnitude of splitting يتوقف على

شدة المجال المغناطيسى .

### ولتفسير ظاهرة زيمان Zeeman effect :

نفرض إلكترون سرعته  $v$  يتحرك فى مسار نصف قطره  $r$  ، ويعمل عدد من

الدورات فى الثانية =  $\frac{v}{2\pi r}$  هذه الحركة تكافئ تياراً كهربائياً  $I$  يمر فى اتجاه

مسار الإلكترون .

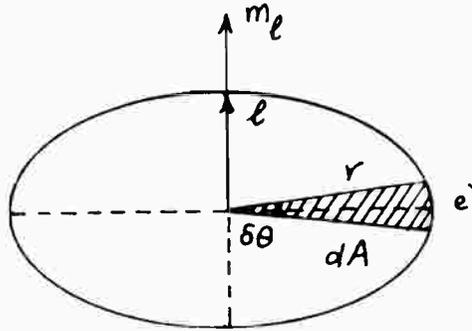
$$\therefore I = \frac{-e v}{2 \pi r c} = \frac{-e}{c T} \quad \left( \frac{v}{2 \pi r} = \frac{1}{T} \right)$$

فيتكون مجال مغنطيسي عمودى على مستوى المسار .

ويمكننا اعتبار وجود مغنطيسى محوره عمودى على مستوى المسار عزمه المغنطيسى

$$M_r = IA \quad \text{و يعطى نفس التأثير . من شكل ( ٧ - ٦ )}$$

تكون مساحة المسار A تساوى :



شكل ( ٧ - ٦ )

$$A = \int_0^{2\pi} 1/2 r^2 d\Theta = \int_0^T 1/2 r^2 \frac{d\Theta}{dt} dt$$

حيث T هو زمن الدورة فى المسار .

ولكن كمية الحركة الزاوية  $m v r$  تخضع للمبدأ الكمى . أى أن :

$$m v r = m r^2 \dot{\Theta} = \frac{h}{2 \pi}$$

∴ تكون مساحة المسار :

$$A = \int_0^T \frac{h}{4 \pi m} dt = \frac{h}{4 \pi m} \cdot T .$$

ويكون العزم المغنطيسى المصاحب لحركة الإلكترون

$$\overline{M}_l = - \frac{e}{c.T} \cdot \frac{h}{4 \pi m} . T$$

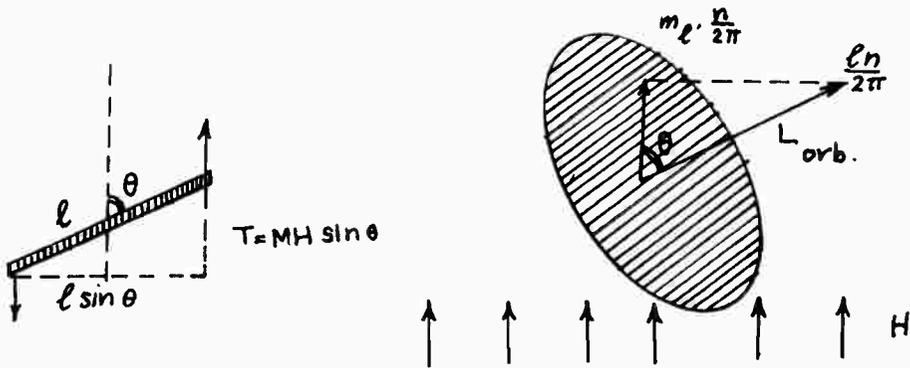
$$\therefore \overrightarrow{M}_l = \frac{-e h}{4 \pi m c} . \vec{l} = - B . \vec{l}$$

حيث B هو بوهر ماجنتون Bohr magneton ، ويساوى العزم المغنطيسي الناتج عن إلكترون يدور فى المسار الأول لذرة الأيدروجين . (وهو وحدة العزم المغنطيسي ) كمية حركته الزاوية هي  $\frac{h}{2 \pi}$  .  $(B = 9.27 \times 10^{-24} \text{ amp} / \text{m}^2)$

ولما كان  $\overrightarrow{M}_l$  كمية متجهة عمودية على مستوى المسار ، ولما كانت  $\vec{B}$  مقداراً ثابتاً لذلك يجب أن يكون  $\vec{l}$  كمية متجهة .

### طاقة الموضع المغنطيسية :

عند التأثير بمجال مغنطيسي خارجى يدور مستوى الملف ، وتتوقف طاقة الموضع المغنطيسية على مقدار الميل  $\theta$  بين اتجاه المجال المغنطيسي والعمودى على مستوى الملف .



شكل (٧ - ٧)

إذا كان  $T$  هو الأزواج المؤثر على المغنطيس الجزيئى عندما تؤثر بمجال مغنطيسى

H

يكون :

$$T = MH \sin \theta$$

حيث  $\theta$  هى زاوية الميل مع اتجاه المجال : شكل (V - V)

إذا حركنا المغنطيس زاوية صغيرة  $\theta$  يتغير الجهد المغنطيسى بمقدار :

$$dV = T d\theta$$

وبفرض أننا بدأنا التأثير بالمجال عندما كان محور المغنطيسى الجزيئى متعامدا مع

المجال ( أى أن مستوى المسار للإلكترون فى اتجاه المجال ) يكون الجهد المغنطيسى لإدارة

محور المغنطيس ليصنع زاوية  $\theta$  مع المجال

$$\begin{aligned} V &= \int_{1/2\pi}^{\theta} T d\theta \\ &= \int_{1/2\pi}^{\theta} MH \sin\theta d\theta = -MH \cos\theta \end{aligned}$$

ولكن

$$\cos\theta = m_l \cdot \frac{h}{2\pi} L (\text{orb.})$$

$$\therefore V = -MH m_l \frac{h}{2\pi} L (\text{orb.})$$

$$= + \frac{eh}{4\pi mc} \cdot H \cdot m_l$$

$$V = B \cdot m_l \cdot H$$

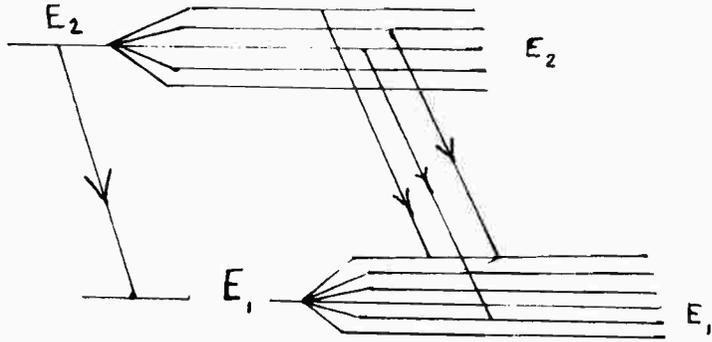
حيث B هو بوهر ماجنتون ،  $m_l$  هو العدد الكمى المغنطيسى ، ولما كانت قيم

$m_l$  أعداداً صحيحة فقط ، يكون التغير فى الجهد المغنطيسى على مراحل ، ولا يكون

التغير متصلاً .

وينتج عن ذلك ما يأتي :

عند التأثير بمجال مغناطيسي خارجي على الإلكترون في ذرة ما فإن كل مستوى من مستويات الطاقة يتحلل degenerates إلى عدد من المستويات شكل ( ٧ - ٨ ) ، مما يتسبب عنها ظهور عدة خطوط طيفية مكان الخط الواحد الذي كان يميز مستوى الطاقة  $E_2 - E_1 = hf$  قبل إدخال المجال المغنطيسي .



شكل (٧ - ٨)

وبالرغم من أن هذه النظرية قد فسرت عددا من خطوط الطيف الدقيقة إلا أنها عجزت عن تفسير الجميع ، ولذلك بدأ التفكير في حركة الإلكترون مغزليا بالإضافة لحركته المدارية .

### حركة الإلكترون مغزليا Electron spin ( لف الإلكترون )

حسب النظرية الكلاسيكية للكهرومغنطيسية ، إذا أديررت كرة عليها شحنة منتظمة في حركة مغزلية يكون لها عزم مغنطيسي ، إذ يمكن اعتبارها كأنها مغطاة بتيارات كهربائية ، ويكون لها أيضا كمية حركة زاوية بسبب كمية حركة المجال الكهرمغنطيسي المحيط بها .

وعلى هذا الأساس فرض أو هلنك وجود حركة مغزلية للالكترونات ، أما موازية أو

عكس موازية للمجال المغنطيسي . parallel or anti parallel .

ويمكن اثبات أن كمية الحركة الزاوية المصاحبة للحركة المغزلية هي :

$$P_s = S \cdot \frac{h}{2\pi}$$

حيث  $S$  هو العدد الكمي المغزلي ، ويساوى  $\pm 1/2$  ويكون العزم المغناطيسي المصاحب هو :

$$\frac{eh}{2\pi mc} \cdot S$$

وبإدخال العدد الكمي المغزلي تكون حالة الإلكترون قد عينت تماما بأربعة أعداد كمية

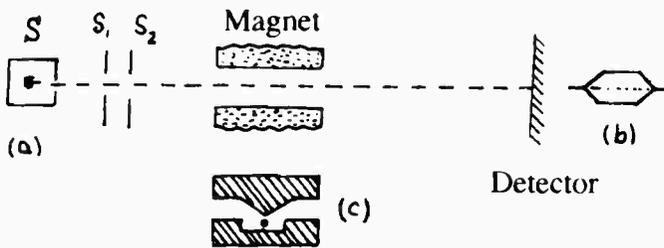
هي  $n, l, m, S$

تحقيق وجود الحركة المغزلية للإلكترون عمليا :

تجربة شتينر وجيرلاخ Stern & Gerlach

تمرر حزمة من ذرات الفضة المتعادلة ذات الطاقة الواحدة بين قطبي مغناطيسي قوى

مفروق « diverging » غير منتظم ، شكل ( ٧ - ٩ )



شكل ( ٧ - ٩ )

و قد صممت الأقطاب بحيث تحرف الذرات التي تحتوى على عزم مغناطيسى .

وقد وجد أن عدد من هذه الذرات قد انحرف إلى أعلى ، بينما انحرف الباقي إلى

أسفل ، وظهر الشعاع على حاجز الوميض وكأنه اثنان منفصلان كما وجد أن الإزاحة

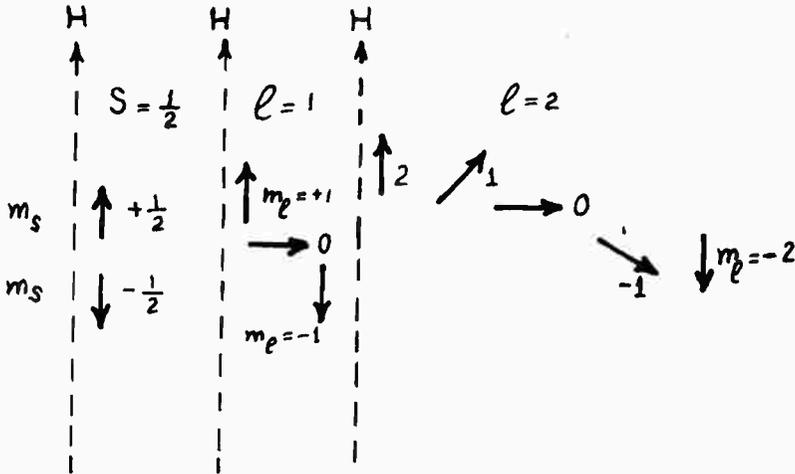
لأعلى تساوى تماما الازاحة لأسفل .

ولما كانت ذرات الفضة هنا متعادلة ، فإن هذا الانحراف قد نشأ عن الإلكترون الوحيد في المسار الخارجى . single - valence electron . فالتجربة تثبت أن تركيب هذه الإلكترونات ليست واحدة ، بدليل الاختلاف فى اتجاه الانحراف .

وبذلك يؤثر المجال المفرق على الإلكترونات بقوة تعتمد فى اتجاهها على اتجاه الحركة المغزلية للإلكترون ، وبالتالي فهو ينحرف إما إلى أعلى أو إلى أسفل .

وقد أمكن إثبات بالتجربة أن مركبة الحركة الزاوية المغزلية للإلكترون فى اتجاه المجال

هى :



شكل (٧ - ١٠)

$$P_{SH} = S \frac{h}{2\pi} \quad ; S = \pm 1/2$$

ومن نتائج هذه التجربة أيضا إثبات نظرية تكمية الفراغ ( شكل ٧ - ١٠ ) space quantization .

## مبدأ باولي : Pauli exclusion principle :

تعالج جميع الحالات السابقة حالة جسيم واحد في المجموعة مثلا إلكترون واحد في مسار حول نواة . ولكن ليست هذه هي الحالة العامة .

في حالة الذرة متعددة الإلكترونات يعالج كل إلكترون على حدة ، ثم تجمع الطول للحصول على حل عام . وتكون طاقة الذرة هي مجموع طاقات الإلكترون في حالاتها المختلفة . ولما كان هناك عدد من الإلكترونات فقد وجد باولي أنه لا يمكن لأكثر من إلكترون واحد أن يكون على حالة كمية واحدة . أي أنه لا يمكن لأي إلكترونين أن يشتركا في نفس الأعداد الكمية الأربعة  $n, l, m, s$  ، وهذا يعني أن مستوى الطاقة الأول يشغله إلكترونان فقط  $S = \pm 1/2$  ، وإذا وجد أكثر من إلكترونين في الذرة فإن الثالث يأخذ مكانه في مستوى الطاقة الأعلى ، وبعد أن يتم شغل هذا المستوى أيضا ننتقل للمستوى التالي وهكذا .

ومن الجدير بالذكر أن مبدأ باولي قد تم اكتشافه قبل تطور ميكانيكا الكم والتي أثبتته فيما بعد .

## الجدول الدوري :

Shells and subshells :

The periodic table :

اعتبر ذرة متعادلة بها عدد  $Z$  من الإلكترونات في مستويات الطاقة المنخفضة

lowest states

أول إلكترونين يشغلان  $1s$  وهي الحالة الكمية الأولى التي يعرفها

$$(n = 1 ; l = 0 ; m_l = 0 , S = \pm 1/2)$$

وباعتبار مبدأ باولي لا يجوز أن يتواجد في هذه الحالة أكثر من هذين الإلكترونين .

ولكن يمكن للإلكترونات أن توجد على مستويات الطاقة الأعلى .

$$n > 1$$

تكون الإلكترونات التي يكون لها نفس العدد الكمي  $n$  ما يسمى قشرة إلكترونية Shell تنقسم كل قشرة الكترونية shell إلى تحت قشرات subshells حسب قيمة  $l$  وعدد الإلكترونات التي توجد في كل subshell تحت قشرة هو  $N_l = 2(2l + 1)$  لأن  $m_l$  تأخذ القيم

$$-l, -(l-1), \dots, -1, 0, +1, \dots, +l$$

وهذه تعطى عدد  $(2l + 1)$  قيما مختلفة لقيم  $m_l$  المختلفة وبما أن في كل حالة قيمة  $s = \pm \frac{1}{2}$ ، لذلك تكون عدد الإلكترونات الكلية في الـ (subshell) تحت صدفة هو  $2(2l + 1)$

$$\langle\langle S = 2 ; p = 6 ; d = 10 ; f = 14 \dots\dots \rangle\rangle$$

أى أن عدد الإلكترونات الكلى الذى يوجد فى القشرة shell هو  $2n^2$  ونحصل على هذه القيمة بتجميع الإلكترونات الموجودة فى sub shells تحت القشرات لجميع قيم  $l$

$$\begin{aligned} l &= n-1 \\ \therefore N_n &= \sum_{l=0}^{n-1} N_l \\ &= \sum_{l=0}^{n-1} 2(2l+1) = 4 \sum_{0}^{n-1} l + 2 \sum_{0}^{n-1} 1 \end{aligned}$$

لكن المتسلسلة

$$\sum_{0}^{n-1} l = 0 + 1 + 2 + \dots + (n-1)$$

وبما أن عدد المتسلسلة  $n$  ومتوسط قيمة الحد  $\frac{n-1}{2}$  يكون مجموع المتسلسلة هو

$$\sum_{0}^{n-1} l = n \left( \frac{n-1}{2} \right)$$

$$\sum_0^{n-1} 1 = n \times 1$$

أيضا

وبالتعويض في معادلة  $Nn$  نحصل على عدد الإلكترونات الذي يملأ القشرة :

$$\therefore N_n = 4 \frac{n(n-1)}{2} + 2n = 2n^2$$

ويبين الجدول الآتي أعداد الإلكترونات في مستويات الطاقة المختلفة :

n	l	$m_l$	$m_s$	Number	of electrons	
1	0	0	...	$\pm 1/2$ ]	---- 2	--- 1 S <sup>2</sup>
			...	$\pm 1/2$ ]	---- 2	--- 2 S <sup>2</sup>
2	1	1	...	$\pm 1/2$ ]	---- 6	--- 2 P <sup>6</sup>
		0	...	$\pm 1/2$ ]		
		-1	...	$\pm 1/2$ ]		
		0	...	$\pm 1/2$ ]		
3	0	0	...	$\pm 1/2$ ]	---- 2	--- 3 S <sup>2</sup>
		1	...	$\pm 1/2$ ]	---- 6	--- 3 P <sup>6</sup>
	1	0	...	$\pm 1/2$ ]		
	1	-1	...	$\pm 1/2$ ]		
	2	2	...	$\pm 1/2$ ]	---- 10	--- 3 d <sup>10</sup>
		1	...	$\pm 1/2$ ]		
		0	...	$\pm 1/2$ ]		
		-1	...	$\pm 1/2$ ]		
		-2	...	$\pm 1/2$ ]		

ويترتيب العناصر حسب أعدادها الذرية ، أى حسب عدد الإلكترونات الموجودة بكل ذرة نحصل على ما يسمى بالجدول الدوري .

إذا بدأنا بالأيدروجين  $Z = 1$  ويشغل الإلكترون الوحيد هنا المستوى الأول  $n = 1$  ويكون رمز الإلكترون هو  $1S^1$  ، بالنسبة للهيليوم يوجد الكترونان  $1S^2$  ، ويصبح مستوى الطاقة الأول  $n = 1$  عندئذ مشبعاً ، أى لايقبل أى الكترون إضافي ، ويكون شكل الدالة

الموجية  $\Psi$  فى هذه الحالة كريا تقريبياً ، ولذلك لايقبل الهيليوم الاتحاد مع أى عنصر آخر (inert gas) ولذلك يسمى خاملاً . وكذلك الحال كلما امتلا أحد مستويات الطاقة عن آخرها فإننا نصل إلى عنصر حامل . العنصر الخامل التالى بعد الهيليوم هو النيون ويحتوى على  $(1s^2 + 2s^2 + 2p^6)$  عشرة إلكترونات لكل ذرة . والتالى هو الأرجون ويحتوى ٢٨ ويطلق عادة على الأغلفة الأولى الحروف

K ; L ; M ; N ;  
 (n = 1) (n = 2) (N = 3) (n - 4)

### الجدول الدورى

	M			L		K		
	3 d $l=2$	3 P $l=1$	3 S $l=0$	2 P $l=1$	2 S $l=0$	1 S $l=0$		
First short period						1	H	1
						2	He	2
					1	2	Li	3
					2	2	Be	4
				1	2	2	B	5
				2	2	2	C	6
				3	2	2	N	7
				4	2	2	O	8
				5	2	2	F	9
				6	2	2	Ne	10
Second short period			1	6	2	2	Na	11
			2				Mg	12
		1	2	Neon core			Al	13
		2	2				Si	14
		3	2				P	15
							S	16
							Cl	17
							A	18

## مسائل علي لباب السابع

١ - أوجد التردد الكلاسيكى لإلكترون يدور فى مسار دائرى حول بروتون بدلالة نصف قطر المسار .

٢ - عندما يرى خط الصوديوم ( $\lambda = 5890 \text{ \AA}$ ) فى اتجاه خطوط مجال مغنطيس شدته ( $10,000 \text{ O}_e$ ) يظهر هناك خطان يفصلها مسافة  $d\lambda$  . أوجد هذه المسافة .

٣ - إذا كان العمر الزمنى لذرة مثارة هو  $10^{-8} \text{ s}$  أوجد أقل تردد للفوتون المنبعث منها باستخدام مبدأ عدم التحديد ( اعتبر هذا الزمن هو زمن انبعاث الفوتون ثم أوجد طاقته ومن ثم تردده )

٤ - عندما يتحد الكترون وجسيم الفاء وكلاهما فى حالة سكون لتكوين أيون هليوم ينبعث فوتون . أوجد الطاقة التى يحملها هذا الفوتون .

٥ - إذا علم إن ميزون باى ( $\pi$  - meson) له نفس شحنة الإلكترون ولكن كتلته 275 ضعفا . وإذا فرض أن هذا الميزون يكون مع بروتون ذرة تشبه ذرة الهيدروجين . أوجد طاقة المسار ونصف قطره ( $n = 1$ ) .

٦ - إذا علم أن طول موجة الخط الأول لطيف ذرة الهيدروجين فى سلسلة بالمر هو  $6563 \text{ \AA}$  وإذا وجد أن الاختلاف فى هذا الطول عندما يكون الطيف للهيدروجين الثقيل ( ديوتيريوم ) هو  $1.8 \text{ \AA}$  . أوجد النسبة بين كتلة ذرة الديوتيريوم وذرة الهيدروجين .

٧ - أوجد الأعداد الكمية المصاحبة للحالات الممكنة لذرة الهيدروجين التي تقابل العدد الكمي الرئيسي  $n = 2$ .

٨ - اعتبر الكترون له الأعداد الكمية التالية

$$n = 4 ; \quad l = 3 ; \quad m_l = 3$$

أوجد القيمة العددية لكمية الحركة الزاوية المدارية ومركبتها في اتجاه  $z$

٩ - ينشأ الضوء الأصفر للصوديوم من انتقال الكترون من المستوى  $3p$  إلى المستوى  $3s$ .

أوجد طول موجة الضوء الناتج إذا علم أن فرق مستوى الطاقة هو

$$E_{3p} - E_{3s} = 2.1 \text{ eV}$$