

الأطوال Lengthes

[٩ - ١] مقدمة :

توجد أنظمة مختلفة فى قياس الأطوال والنظامان المشهوران هما النظام الفرنسى (المترى) والنظام الإنجليزى ، ومعظم دول العالم تستخدم وحدات النظام المترى فى عمليات قياس الأطوال وهى :

كيلومتر ورمزه كم ، المتر ورمزه م ، السنتيمتر ورمزه سم ، والمليمتتر ورمزه

مم .

١ كم - ١٠٠٠ م ،

١ م - ١٠٠ سم

١ سم - ١٠ مم

جداول [٩ - ١]

ويستخدم النظام الانجليزى فى بعض الدول مثل أمريكا وانجلترا وكندا واستراليا والهند وغيرها ، وفيما يلى موجز لنظام المسافات الإنجليزى .

الميل - ١٧٦٠ ياردة .

الياردة - ٣ أقدام .

القدم - ١٢ بوصة .

الميل - ٨ فيرنج .

الفيرنج - ٢٢٠ ياردة .

وتستخدم وحدة الفيرلنج فى سباقات الخيول .

[٢ - ٩] التحويل من النظام الإنگلىزى للنظام المترى :

- ١ بوصة تساوى تقريباً ٢,٥٤ سم .
١ ياردة تساوى تقريباً ٩١,٥٠ سم .
١ ميل تساوى تقريباً ١,٦١ كم .

جسول [٣ - ٤]

، إن طول خط ما يعنى قياساً يحدد لنا مدى امتداد الخط من أحد طرفيه وحتى الطرف الآخر .

فمثلاً طول الخط الموضح فى شكل (٩ - ١) هو ٦ سم أو ٦٠ مم .

٦ سم
شکل [١ - ٤]

ويستخدم المليمتر والسنتيمتر فى قياس الأطوال الصغيرة .

أما الأطوال الكبيرة فيستخدم فى قياسها المتر والكيلومتر .

فالمقطع الخشبية والأجزاء الميكانيكية يستخدم فى قياسها السنتيمتر والمليمتر بل بأجزاء من المليمتر .

أما الأقمشة ومساحات المنازل والمباني فيمكننا قياسها بالمتر فى حين أن المسافة بين المدن والدول تقاس بالكيلومتر .

ومن المفيد فى الحياة أن نتعلم كيفية التحويل من نوع من الوحدات إلى نوع آخر .

مثال (١) : كم من المليمترات فى كل من :

(أ) ٨ سم (ب) ٦,٥ سم (ج) ٢١٤ سم .

الحل :

∴ ١ سم = ١٠ مم .

أى أنه لتحويل السم إلى مم يلزم أن نضرب فى ١٠ .

∴ (أ) ٨ سم = ١٠ × ٨ = ٨٠ مم .

(ب) ٦,٥ سم = ١٠ × ٦,٥ = ٦٥ مم .

(ج) ٢١٤ سم = ١٠ × ٢١٤ = ٢١٤٠ مم .

مثال (٢) : كم من السنتيمترات فى كل من :

(أ) ٧٥ متراً (ب) ٦,٢٣ م (ج) ٦٠٠ م

الحل :

∴ ١ م = ١٠٠ سم .

أى أنه لتحويل المتر إلى سم يلزم أن نضرب فى ١٠٠ .

∴ (أ) ٧٥ م = ١٠٠ × ٧٥ = ٧٥٠٠ سم .

(ب) ٦,٢٣ م = ١٠٠ × ٦,٢٣ = ٦٢٣ سم .

(ج) ٦٠٠ م = ١٠٠ × ٦٠٠ = ٦٠٠٠٠ سم .

مثال (٣) : كم كيلومتراً فى كل من :

(أ) ٦٥٠٠ م (ب) ٧٣٠٠ م (ج) ٦٠٠ م .

الحل :

∴ ١ كم = ١٠٠٠ م .

∴ لكى نحول من المتر إلى الكيلومتر نقسم على ١٠٠٠ ، لكى نقسم على ١٠٠٠

فإننا نحرك العلامة العشرية بمقدار ثلاث خانات إلى اليسار .

(أ) ٦٥٠٠ م = ١٠٠٠ ÷ ٦٥٠٠ = ٦,٥ كم .

$$(ب) 7300 \text{ م} = 7300 \div 1000 = 7,3 \text{ كم} .$$

$$(ج) 600 \text{ م} = 600 \div 1000 = 0,6 \text{ كم} .$$

[٩ - ٣] الجمع والطرح والقسمة لوحدات الأطوال :

ارجع للدرس الثالث ، وفي بداية المسألة علينا أن نتأكد دائماً من أن الوحدات التي نتعامل معها ، من نفس النوع ، في جميع الأعداد .

مثال (١) : اجمع ١٣,٥ سم + ٢٧ مم .

الحل :

$$\begin{array}{r} \text{إما أن نقول :} \quad 13,5 \text{ سم أو نقول :} \quad 135 \text{ مم} \\ 2,7 + \quad \text{سم} \quad \quad \quad 27 + \quad \text{مم} \\ \hline 16,2 \text{ سم} \quad \quad \quad 162 \text{ مم} \end{array}$$

مثال (٢) : أنقص ٢٣ مم من ٧,٦ سم .

الحل :

$$\begin{array}{r} \text{إما أن نقول :} \quad 76 \text{ مم أو نقول :} \quad 7,6 \text{ سم} \\ 23 - \quad \text{مم} \quad \quad \quad 2,3 - \quad \text{سم} \\ \hline 53 \text{ مم} \quad \quad \quad 5,3 \text{ سم} \end{array}$$

مثال (٣) : اقس ٦١٢ مم على ٤

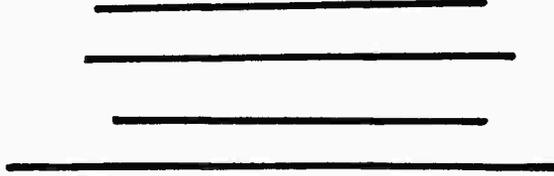
الحل :

$$153 \overline{) 612} = 4 \text{ مم أو } 15,3 \text{ سم} .$$

تكريبات على القياس بالنظام المتحرك

[١] أوجد قياس أطوال الخطوط المرسومة في شكل (٩ - ٣) :

أولاً : بالسنتيمتر (سم) ثانياً : بالمليمترا (مم) .



شكل [٩ - ٣]

[٢] حول الآتي إلى مليمترا :

(أ) ٦ سم	(ب) ٣ سم	(ج) ٢٣,٥ سم	(ذ) ١١,٣ سم
(هـ) ١,٥ سم	(و) ٠,٨ سم	(ز) ١٧,١ سم	(ح) ١٥,٩ سم
(ك) ٦,٨ سم	(ل) ٠,٣ سم	(م) ٠,٧ سم	(ن) ٣٢,٣ سم .

[٣] حول الآتي إلى سنتيمترا :

(أ) ٣٠ م	(ب) ٧٠ م	(ج) ١٧ م	(د) ٣٥ م
(هـ) ١٦ م	(و) ١ م	(ز) ١١ م	(ح) ٢٧٠ م
(ك) ١٠٩ م	(ل) ١٠١ م	(م) ٣٨ م	(ن) ٢٥ م .

[٤] حول الآتي إلى أمتار :

(أ) ٣٠٠ سم	(ب) ٣٠٥ سم	(ج) ٢٩٧ سم	(د) ٥ سم
(هـ) ٧٥ سم	(و) ٦٠١ سم	(ز) ٧٨٠ سم	(ح) ٣١١ سم
(ك) ١٠١ سم	(ل) ٨١١ سم	(م) ٤٠٩ سم	(ن) ٩٠٠ سم .

[٥] حول الآتي إلى سنتيمترا :

(أ) ٥ م	(ب) ٨ م	(ج) ٥,٣ م	(د) ٧,٣٨ م
(هـ) ٠,٠٩ م	(و) ١,٠١ م	(ز) ٠,٧ م	(ح) ٠,٨٥ م

[٦] حول الآتى إلى كيلومترات :

(أ) ٧٨٠٠ م (ب) ٦٠٠٠ م (ج) ٣١٢٥ م (د) ٣٧ م
(هـ) ٢١١ م (و) ٧ م (ز) ١٠٠٦ م (ح) ٣٠٠١ م

[٧] حول الآتى إلى أمتار :

(أ) ٥ كم (ب) ٧,٦ كم (ج) ٣,١٢ كم (د) ٦,٤٣٥ كم
(هـ) ٠,١٢ كم (و) ١,٠٥ كم (ز) ٠,٠٠٩ كم (ح) ٠,٨ كم

[٨] إجمع الآتى على أن يكون الناتج بالوحدات الموضحة :

(أ) ٥ م + ٢,٣ م + ١٨٠ سم + ١ م + ٧٥ سم (بالأمتار)
(ب) ٥,٢٣ م + ٧٧ سم + ١ م + ٢٤ سم + ٣١٣ سم (بالستيمترات)
(ج) ٣,٧ سم + ١٣ م + ٢ سم + ٧ م + ٢,٢ سم (بالمليمترات)
(د) ٧ كم + ٢,٣٥ كم + ٦,٣١٧ كم + ٢١٠ كم + ٣٦٥٠ م (بالكيلومترات)
(هـ) ١,٣ كم + ٥٢٢ م + ١ كم + ١٧ م + ٢,٣٥٠ م (بالأمتار)

[٩] إطرح الآتى على أن يكون الناتج بالوحدات الموضحة :

(أ) ٧ سم - ١,٦ سم (بالسم)
(ب) ٨ سم - ٥٤ م (بالسم)
(ج) ٦,٣ سم - ٣٨ م (بالمم)
(د) ٣,١٧ م - ٢٨٥ سم (بالسم)
(هـ) ٦,٢ م - ٣١٤ سم (بالمتر)
(و) ٢,٨ كم - ٥١٨ متر (بالمتر)
(ز) ٧,٠٥٤ كم - ٣٨٢٩ م (بالمتر)
(ح) ٨ كم - ٧٨٤ م (بالكم)
(ك) ٢٧ م - ٨ م - ٧٩ سم (بالمتر)

[١٠] كم قالب طوب ارتفاع كل منها ١٢ سم يلزم رصها فوق بعضها لكي يصبح الإرتفاع ١,٨٠ م ؟

[١١] إذا قمنا بنشر لوح خشب طوله ٤,٢ م إلى ٧ أجزاء متساوية فكم يبلغ طول كل قطعة ؟

[١٢] مجموعة ورق كرتون على شكل دوائر متساوية قطر كل منها ١٧ سم .
رُصت أفقياً على خط واحد ومتلاصقة فكم قطعة يلزم لكي يصبح طول هذا الخط
٣١٦ سم .

[١٣] عند ذهابك للمدرسة يومياً ، تقطع في ذهابك حوالي ١,١٧ كيلومتر فكم تبلغ
المسافة التي تقطعها في ٢٠ يوم وفي ٣٥ يوم .



الأوزان Mass

[١٠ - ١] مقدمة :

فى جدول (١٠ - ١) يتضح النظام المترى (الفرنسى) للموازين المستخدم فى معظم الدول ،

وتستخدم الاختصارات التالية للسهولة :

كيلو جرام = كجم ، جرام = جم ، ملليجرام = ملجم .

١ طن (مترى) = ١٠٠٠ كجم

١ كجم = ١٠٠٠ جم

١ جم = ١٠٠٠ ملجم

جدول [١٠ - ١]

وسوف نكتفى هنا بالإشارة للنظام الإنجليزى فى الأوزان كما فى جدول

(١٠ - ٢) .

١ طن = ٢٠ هندريوت

١ هندريوت = ٨ حجر .

١ حجر = ١٤ رطل

١ رطل = ١٦ أوقية

جدول [١٠ - ٢]

[١٠ - ٢] التحويل إلى الوحدات المترية :

أنظر جدول (١٠ - ٣) :

٤ أوقية تزيد قليلاً عن ١٠٠ جم
٢ رطل يقل قليلاً عن ١ كجم

جدول [١٠ - ٣]

وتستخدم الوحدات الصغيرة : ملجم ، جم فى قياس الأوزان الخفيفة مثل
كيماويات الأدوية والحلوى والذهب وخلافه .

بينما تستخدم الوحدات الأكبر مثل : كجم ، طن فى قياس الأوزان الثقيلة مثل
الخضروات والفواكه والبتروال والفحم والصلب والسفن وخلافه ومن المفيد فى حياتنا
أن نتعلم كيفية التحويل من وحدة إلى أخرى كما فى الأمثلة التالية :

مثال (١) : حول ٦٠٠٠ جم إلى كجم

الحل :

$$\therefore ١ \text{ كجم} = ١٠٠٠ \text{ جم} .$$

$$\therefore ٦٠٠٠ \text{ جم} = ٦٠٠٠ \div ١٠٠٠ = ٦ \text{ كجم} .$$

مثال (٢) : حول ٧٣٨٥ جم إلى كجم .

الحل :

$$٧٣٨٥ \div ١٠٠٠ = ٧,٣٨٥ \text{ كجم}$$

مثال (٣) : حول ٧٠٠ جم إلى كجم .

الحل :

$$٧٠٠ \div ١٠٠٠ = ٠,٧ \text{ كجم} .$$

مثال (٤) : حول ٨,٠٥٦ كجم إلى جم

الحل :

$$٨,٠٥٦ \times ١٠٠٠ = ٨٠٥٦ \text{ جم} .$$

ويجب أن لا ننسى أنه عند الضرب في ١٠٠٠ فإن العلامة العشرية يجب أن تنزاح إلى اليمين بمقدار ثلاث علامات (خانات) ، بينما عند القسمة على ١٠٠٠ فإن العلامة يجب أن تنزاح إلى اليسار بمقدار ثلاث خانات .

تحويلات على الأوزان

قبل البدء في حل أى مسألة يجب التأكد من عدم اختلاف نوع الوحدات وإلا فيلزم تحويلها إلى نوع واحد قبل البدء في حل مسائلها .

كما وأنه يجب أن نتذكر أن كلمة كيلو تعنى ألف فمثلاً كيلومتر تعنى ألف متر .
، كيلو جرام تعنى ألف جرام .
، كيلو كالورى تعنى ألف كالورى .

[١] حدد نوع وحدة الوزن المناسبة عند الرغبة فى وزن ما يلى :

- (أ) خاتم من الذهب .
- (ب) طابع بريد .
- (ج) قطعة من الشيكولاتة .
- (د) لورى محمل بالبضائع .
- (هـ) سفينة محملة بالبضائع .
- (و) سلة بها فاكهة .
- (ز) طفل عمره ١٠ سنوات .

[٢] حول الأوزان التالية إلى ما يناظرها من الوحدات الموضحة أمام كل منها بين القوسين :

- (أ) ٦ طن (كجم) (ب) ٥ كجم (جم) (ج) ٦ جم (ملجم) (د) ٣,٠٥ كجم (جم)
- (هـ) ٢,١٧ طن (كجم) (و) ٠,٩ جم (ملجم) (ز) ٤٣٨٢ كجم (طن) (ح) ٨١٧ ملجم (جم)
- (ط) ٦٤٥٥ جم (كجم) (ل) ٥ كجم ٣٦٠٠ جم (جم)

[٣] علبه من المربى تزن ٣٥٠ جم ، فكم تزن ٤٠ علبه من نفس النوع بالكيلوجرامات .

[٤] صندوق فارغ يزن ٥٤٠ جم وبداخله ٦٠ علبه مأكولات محفوظة تزن كل منها ١٠١٠ جم فكم يكون إجمالي وزن الصندوق وما فيه .

[٥] عشر علب متماثلة وزنها ٦,٤٠ كجم ، فكم يكون وزن العلبه الواحدة :
أولاً : بالكجم
ثانياً : بالجسم .

[٦] علبه شيكولاته بها مائة قطعة وزنها الإجمالي ٢,٤ كجم ، فإذا أكل منها طفل ٢٧ قطعة فى اسبوع ، فما مقدار وزن ما أكله الطفل بالجسم .

[٧] صندوق خشب كبير يحتوى على ٣٠٠ عبوة من الفواكه المحفوظة ويزن ١٨٠ كجم فإذا كان وزن الصندوق فارغاً هو ٣٠ كجم فأوجد وزن عبوة الفاكهة الواحدة بالكجم والجسم .



الدرس الحادي عشر :

السعات Capacities

[١١ - ١] مقدمة :

السعة هي مقدار الحيز الذي يشغله السائل أو المائع داخل الإناء أو الوعاء الذي يحتويه .

وفيما يلي الوحدات المترية التي تستخدم لقياس السعة كما في جدول (١١ - ١) :

الملييلتر (ملل) والسنتيلتر (سل) واللتر (ل) .

١ لتر (ل) = ١٠٠ سل

١ سل = ١٠ ملل

١ لتر = ١٠٠٠ ملل

جدول [١١ - ١]

أما بالنسبة لوحدات النظام الإنجليزي والتي مازال استخدامها محصوراً في بعض الدول القليلة فهي :

الأوقية السائلة ، الباينت ، الكوارت ، الجالون كما في جدول (١١ - ٢) .

١ جالون - ٨ باينت
 ١ جالون - ٤ كوارت
 ١ باينت - ٢ كوارت
 ١ باينت - ٢٠ أوقية سائلة

جدول [١١ - ٢]

وتستخدم وحدة الأوقية السائلة فى تحديد أحجام العبوات الصغيرة أما الباينت فيستعمل لمعرفة كميات الألبان بينما يستعمل الجالون وبصفة خاصة فى تحديد كميات البترول المباعة .

[١١ - ٢] التحويل إلى الوحدات المترية :

يكون التحويل من الوحدات الإنجليزية إلى الوحدات الفرنسية (المترية) أو بالعكس طبقاً للجدول التالى :

١ لتر يساوى تقريباً $\frac{٢}{٣}$ باينت
 ٣٠ ملل يساوى تقريباً ١ أوقية سائلة
 ١ جالون يساوى تقريباً $\frac{١}{٤}$ لترات

جدول [١١ - ٣]

وفى الأمثلة التالية، نتعلم كيفية التحويل من وحدة إلى وحدة أخرى فى النظام المترى فقط .

مثال (١) : حول ٣٤٥٦ ملل إلى لترات .

الحل :

∴ ١ لتر = ١٠٠٠ ملل .

∴ ٣٤٥٦ ملل = ٣٤٥٦ ÷ ١٠٠٠ = ٣,٤٥٦ لتر
أو ٣ لترات ، ٤٥٦ ملل .

مثال (٢) : حول ٤٥ سل إلى لترات ومليلترات .

الحل :

∴ ١ لتر = ١٠٠ سل .

∴ ٤٥ سل = ٤٥ ÷ ١٠٠ = ٠,٤٥ لتر .

٠,٤٥ ل = ٠,٤٥ × ١٠٠٠ = ٤٥٠ ملل .

مثال (٣) : حول ٦٣٠ ملل إلى سل .

الحل :

∴ ١ سل = ١٠ ملل .

∴ ٦٣٠ ملل = ٦٣٠ ÷ ١٠ = ٦٣ سل .

[١١ - ٣] مسائل السعات (الحجوم) :

كما فعلنا في مسائل الأطوال والأوزان ، فإن العمليات الحسابية هنا غاية في البساطة ولكن يلزم توحيد نوع الوحدات المستخدمة في حل المسألة .

تطبيقات

[١] حول الكميات التالية ، إلى نوع الوحدة المكتوب بين القوسين أمامها :

(أ)	٤ ل	(ملل)	(و) ٧٥٠ ملل	(ل)
(ب)	٢,٥٤ ل	(ملل)	(ز) ٧٠٥٥ ملل	(ل)
(ج)	٦,٠٥ ل	(ملل)	(ح) ٧ ملل	(ل)
(د)	٠,٩٣ ل	(ملل)	(ط) ٩٩ ملل	(ل)
(هـ)	٥,٠٠٥ ل	(ملل)	(ل) ٦٨٥ ملل	(ل)

[٢] إذا كانت سعة كوب من اللبن هي ٣٠٠ ملل فكيف يمكن ملؤها من إناء سعته ٤,٥ لترات .

[٣] إذا علمت أن ملء ملعقة صغيرة من الدواء يساوي ٥ ملل فكم ملعقة يمكن أخذها من زجاجة دواء سعتها ١٨ سل .

[٤] يوجد إناء لبن سعته ١٢٠ لتر يراد تعبئة عدد من الزجاجات المتساوية سعة الواحدة ٧٥٠ ملل فكم زجاجة يمكن ملؤها .

[٥] إناء صغير يسع ٧,٥ لترات ، يراد تعبئة عدد من الأكواب سعة الواحد ٢٧٥ ملل فكم كوباً يمكن ملؤها وما مقدار ما يتبقى بالمليتر .

[٦] أعطيت ٣ لترات من العصير وقمت بتوزيع جزء منها على ستة أكواب سعة الواحدة ٣٠٠ ملل والباقي وزعته على عدد من الأكواب الصغيرة ، سعة الواحدة ٢٠٠ ملل فكم يبلغ عدد هذه الأكواب الصغيرة .

[٧] مريض يتناول يومياً ٤ جرعات من الدواء كل جرعة عبارة عن ١٠ ملل ففى كم يوماً يستهلك زجاجة دواء سعتها ١٠٠ سل .

[٨] إذا كانت كمية البنزين اللازمة لقطع مسافة ١٢ كم هي لتر واحد ، فكم تكون المسافة التي يمكن قطعها باستخدام ٢٠٠ ملل من البنزين .

تدريب : على استخدام الوحدات المترية المختلفة بصورة عامة .

كيلومتر	(كم)	مليميتر	(مم)	ملييلتر	(ملل)
متر	(م)	لتر	(ل)	كيلوجرام	(كجم)
سنتيمتر	(سم)	سنتيلتر	(سل)	جرام	(جم)
				ملييجرام	(ملجم)

[١] اختر من الوحدات السابقه ؛ الوحده المناسبه لاستخدامها فى معرفة ما يلى :

(أ) وزن كيس من رقائق البطاطس (شيبسى) .

(ب) ارتفاع سقف المنزل .

(ج) سمك مسطرة .

(د) وزن كيس من الفاكهة .

(هـ) سعة خزان وقود السيارة .

(و) وزن سيارة صغيرة .

(ز) وزن حقيبة المدرسة .

- (ح) طول ملعب كرة القدم .
 (ط) وزن الكرة .
 (ل) سعة زجاجة مياه غازية .
 (م) وزن خاتم من الذهب .
 (ن) طول صفحة هذا الكتاب .

[٢] إذا كنت تشرب في اليوم الواحد ٤٠٠ ملل من اللبن ، فكم لتراً تشربها في مدة شهر كامل ؟

[٣] لديك ثوب من القماش طوله ٤,٥ متر يراد قطعه إلى قطع طول كل واحدة منها ١٥٠ مم فكم يبلغ عدد هذه القطعة ؟

[٤] إطار سيارة صغيرة طول محيطه ١,٦٠ م ، تدرج لمسافة ٣٢٠ م فكم مرة دارها حول نفسه ؟

[٥] علبة عصير تزن ٢٥٠ جم فكم يبلغ وزن ٧٠ علبة منها ؟

[٦] إذا كان بإمكانك الجرى حول محيط حديقة المنزل الذى يبلغ ٥٥٠ م فكم كيلو متراً تقطعها إذا أردت أن تجرى حول الحديقة ٣ مرات ؟



الدرس الثالث عشر :

محيط الأشكال Perimeter

ملاحظة : مقياس الرسم المستخدم في هذا الدرس ليس دائماً ١ : ١ .

[١ - ١٢] تعريف :

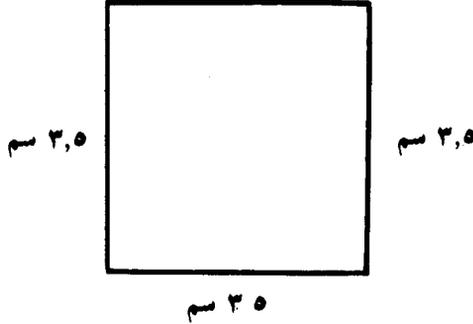
محيط شكل ما هو مجموع أطوال أحرف هذا الشكل التي تحصره .

[٢ - ١٢] تعيين محيطات بعض الأشكال الهندسية المختلفة :

مثال (١) : محيط المربع في الشكل (١ - ١٢) هو :

$$\text{المحيط} = ٣,٥ + ٣,٥ + ٣,٥ + ٣,٥ = ١٤ \text{ سم} .$$

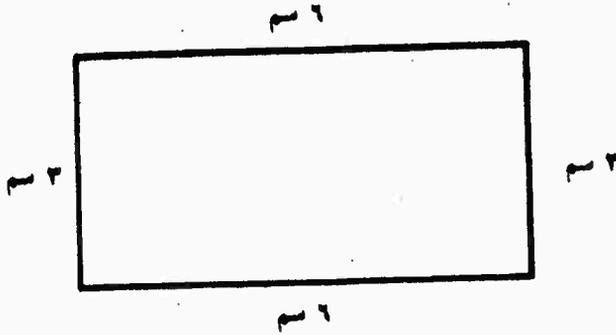
٣,٥ سم



شكل [١ - ١٢]

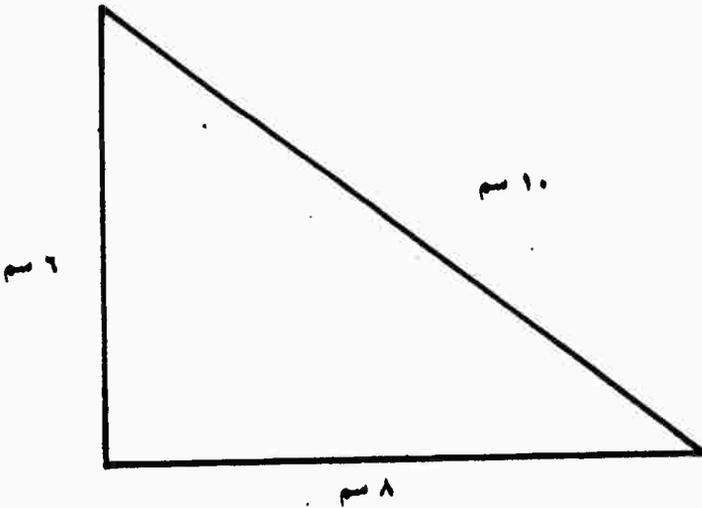
مثال (٢) : محيط المستطيل في الشكل (٢ - ١٢) هو :

$$\text{المحيط} = ٣ + ٦ + ٣ + ٦ = ١٨ \text{ سم} .$$



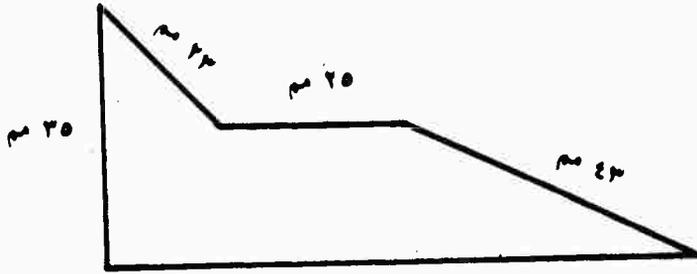
شكل [٢ - ١٢]

مثال (٣) : محيط المثلث في الشكل (١٢ - ٣) هو :
 المحيط = $٦ + ٨ + ١٠ = ٢٤$ سم .



شكل [٣ - ١٢]

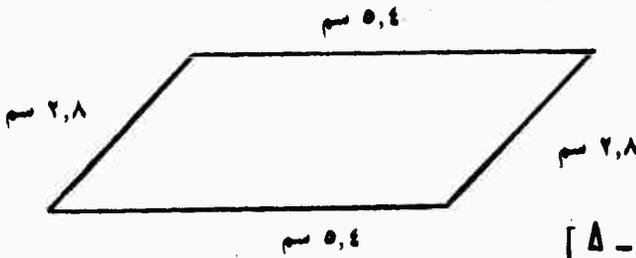
مثال (٤) : محيط الرسم المبين في الشكل (١٢ - ٤) هو :
 المحيط = $٨٠ + ٣٥ + ٢٣ + ٢٥ + ٤٣ = ٢٠٦$ سم .



شكل [١٢ - ٤] ٨٠ سم

مثال (٥) : محيط متوازي الأضلاع المبين في شكل (١٢ - ٥) هو :

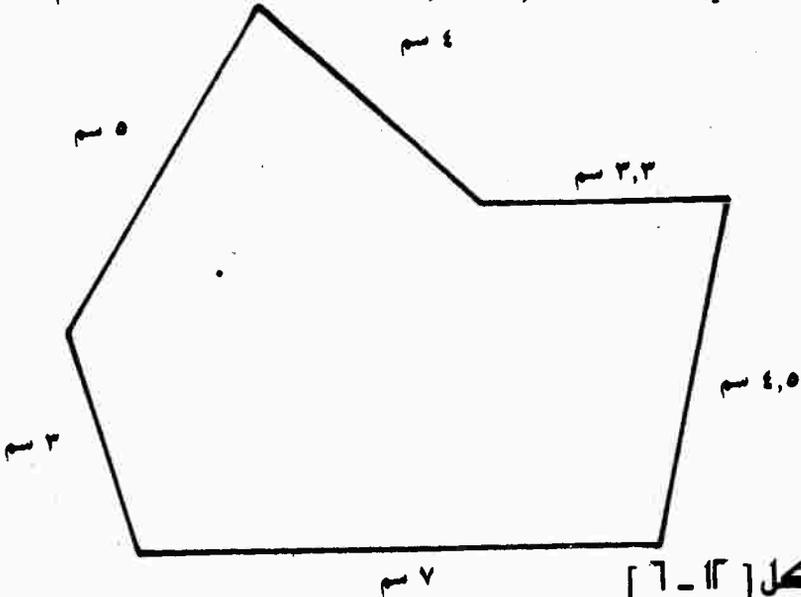
$$\text{المحيط} = ٥,٤ + ٢,٨ + ٥,٤ + ٢,٨ = ١٦,٤ \text{ سم}$$



شكل [١٢ - ٥]

مثال (٦) : محيط الشكل المبين في شكل (١٢ - ٦) هو :

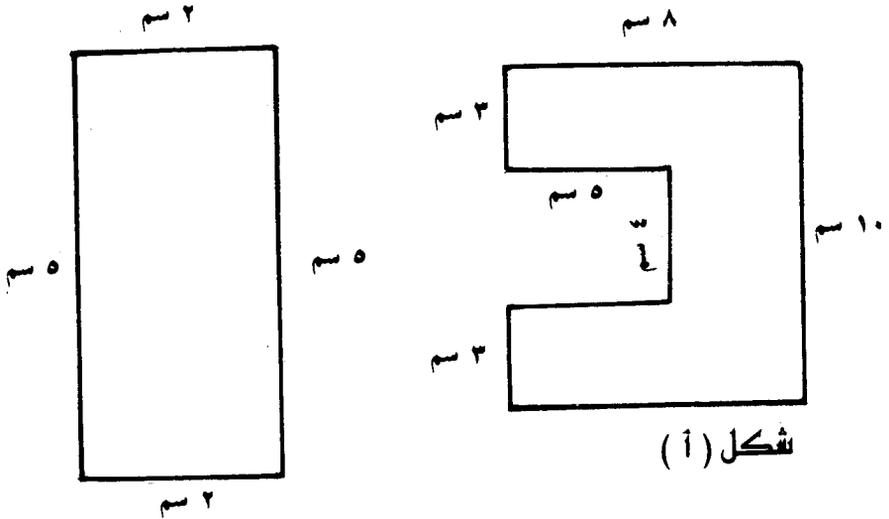
$$\text{المحيط} = ٧ + ٤,٥ + ٣,٣ + ٤ + ٥ + ٣ = ٢٦,٨ \text{ سم}$$



شكل [١٢ - ٦]

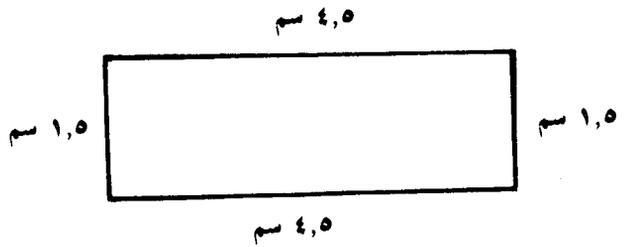
تطبيقات

أوجد محيط الرسوم الميينة في شكل (١٢ - ٧) ولا تنسى أن الرسوم ليست مرسومة كلها بمقياس رسم ١ : ١ ، الإجابة تكون بالسم .

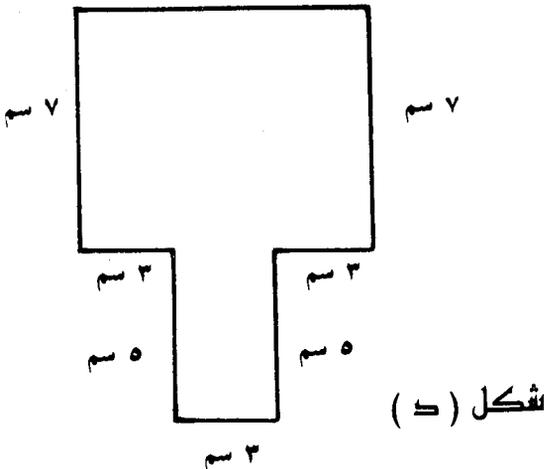


شكل (أ)

شكل (ب)

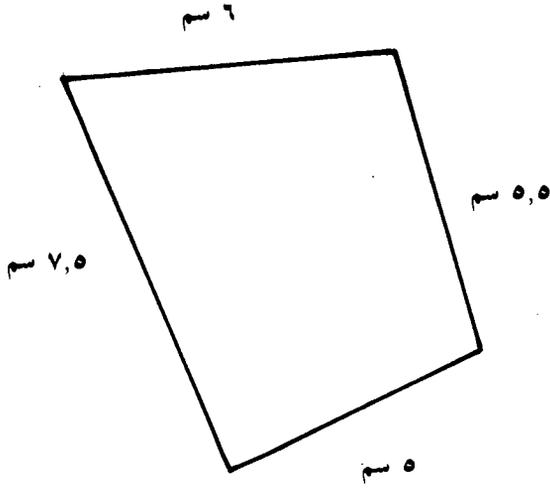
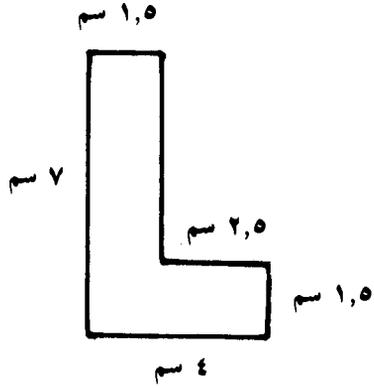


شكل (ج)

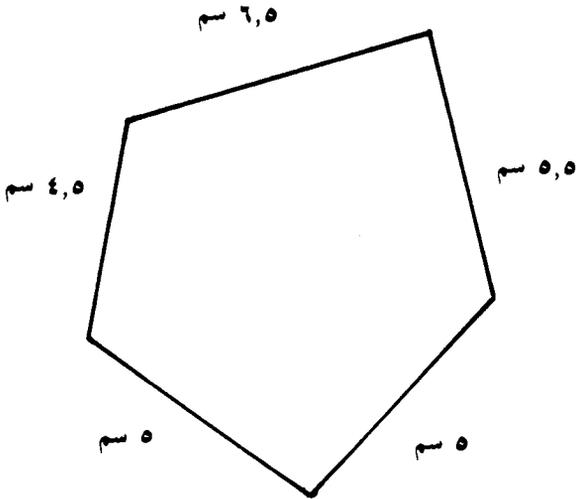


شكل (د)

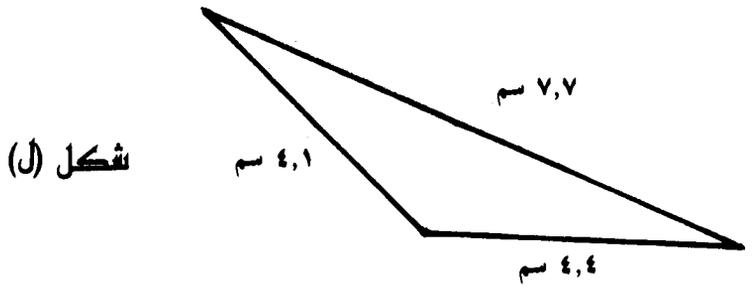
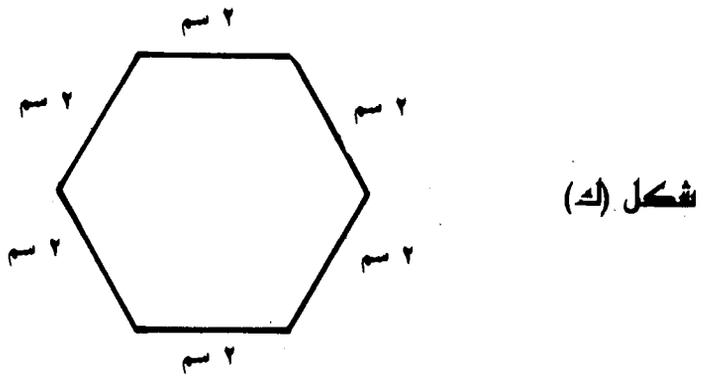
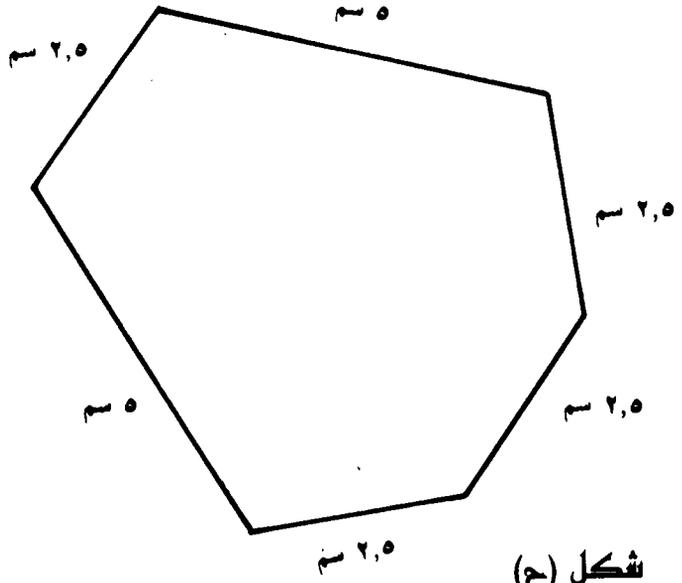
شکل (ح)

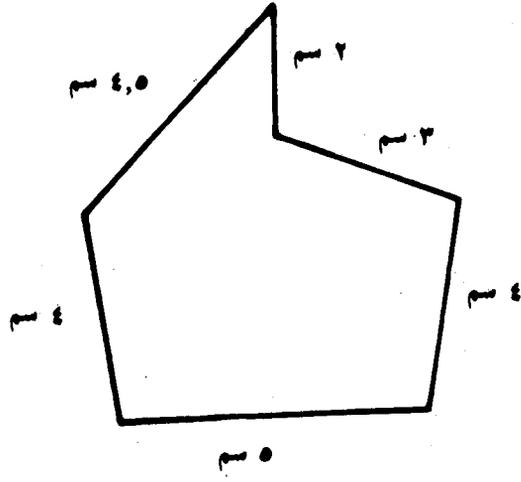


شکل (و)

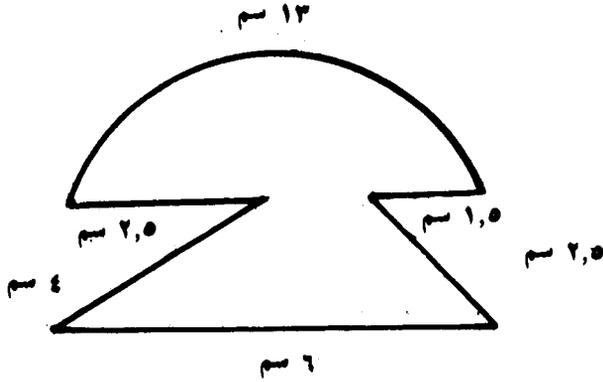


شکل (ز)





شکل (هـ)



شکل (و)

شکل [۱۳ - ۷]

الدروس الثالث عشر :

المساحات Areas

ملاحظة : الأشكال التي بهذا الدرس ليست كلها مرسومة كلها بمقياس رسم

١ : ١

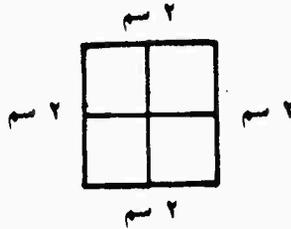
[١ - ١٣] المربعات والمستطيلات :

عند رسم شكلاً ما على ورقة ، فإن هذا الشكل يحصر قدراً معيناً من هذه الورقة بداخله ، ويعرف هذا القدر المحصور بمساحة الشكل فالمربع الصغير الذي طول ضلعه ١ سم تكون مساحته ١ سم^٢ . انظر شكل (١ - ١٣) .



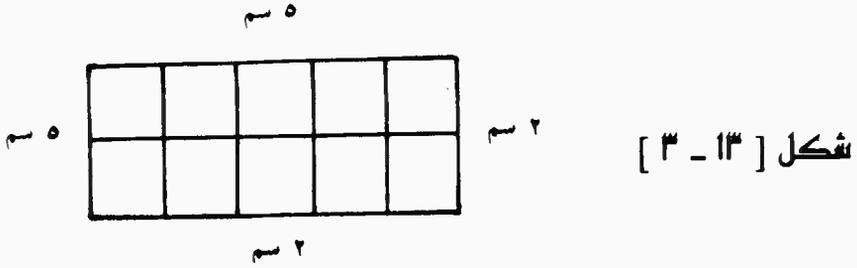
شكل [١ - ١٣]

أما المربع الذي طول ضلعه ٢ سم ، فهو يتكون كما بالشكل (٢ - ١٣) من أربعة مربعات صغيرة مساحة كل منها ١ سم^٢ أي أن مساحته = ٤ سم^٢ .



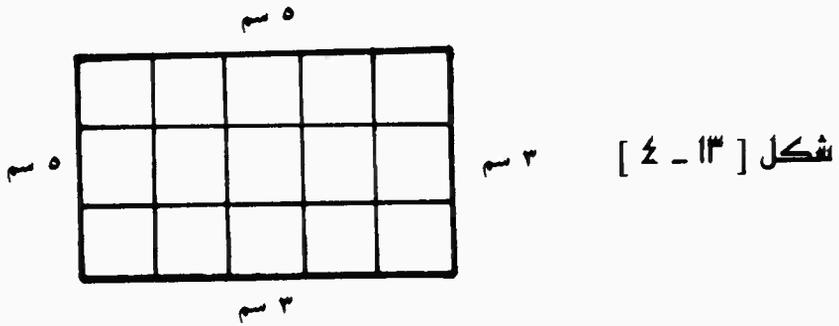
شكل [٢ - ١٣]

بينما المستطيل الذي طول ضلعه ٥ سم وعرضه ٢ سم ، فهو يتكون كما بشكل (٣ - ١٣) من عشرة مربعات صغيرة مساحة كل منها ١ سم^٢ ، أي أن مساحته = ١٠ سم^٢ .



وليس من السهل دائماً أن نقسم الأشكال إلى مربعات صغيرة ، مساحة كل منها ١ سم^٢ ، ثم عد هذه المربعات لحساب المساحة ، فمن السهل أن نحسب مساحة الأشكال السابقة (مربعات ومستطيلات) وذلك بضرب الطول × العرض .

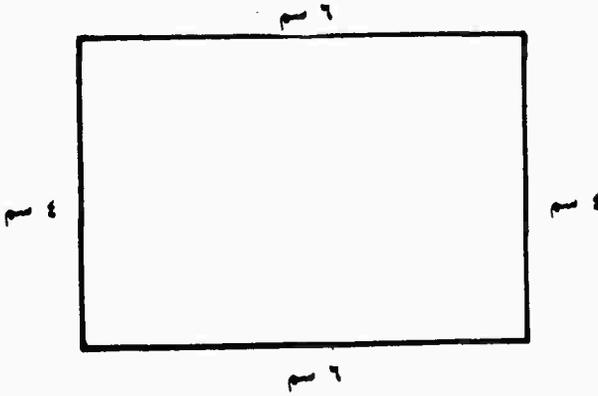
- فمساحة المربع بشكل (١٣ - ٢) = $٢ \times ٢ = ٤$ سم^٢ .
- ومساحة المستطيل بشكل (١٣ - ٣) = $٢ \times ٥ = ١٠$ سم^٢ .
- مثال (١) : أوجد مساحة المستطيل المبين بشكل (١٣ - ٤) .



المستطيل المبين يتكون من ١٥ مربعاً صغيراً مساحة كل منهم ١ سم^٢ .
 أي أن المساحة = ١٥ سم^٢ .

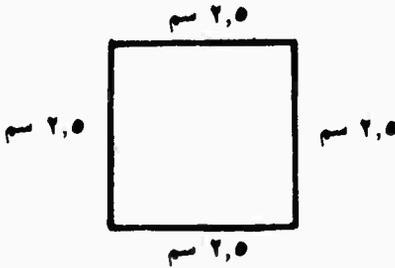
أو المساحة = الطول × العرض = $٣ \times ٥ = ١٥$ سم^٢
 مثال (٢) : أوجد مساحة مستطيل طوله ٦ سم وعرضه ٤ سم المبين في شكل
 (١٣ - ٥) .

المساحة = الطول × العرض = $٤ \times ٦ = ٢٤$ سم^٢ .



شكل [٥ - ١٣]

مثال (٣) : أوجد مساحة مربع طول ضلعه ٢,٥ سم ، شكل (٦ - ١٣)
 المساحة = $٢,٥ \times ٢,٥ = ٦,٢٥$ سم^٢ .

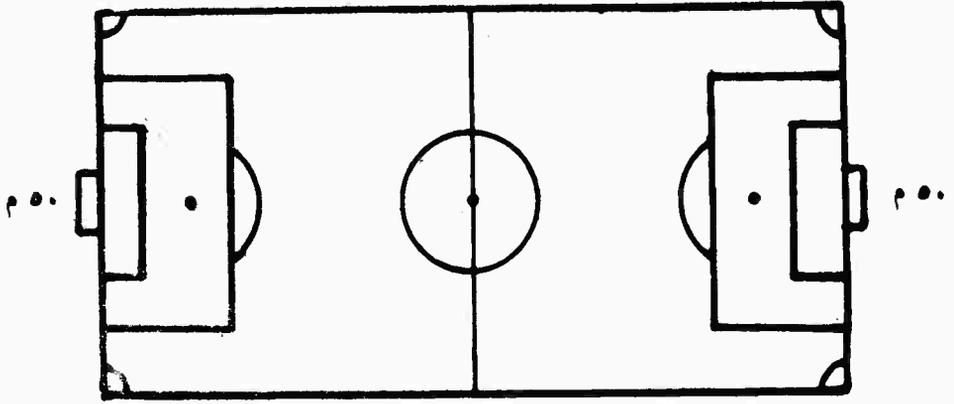


شكل [٦ - ١٣]

وكما تعاملنا مع مساحات بالسنتيمتر المربع فإنه يجد الملاحظة بأن هنالك وحدات أخرى للمساحة في النظام المترى (الفرنسي) ، مثل مم^٢ ، سم^٢ ، م^٢ ، كم^٢ والمليمتري المربع عبارة عن وحدة مساحة صغيرة جداً تمثل مساحة مربع طول ضلعه ١ مم بينما المتر المربع هو مساحة مربع طول ضلعه ١ م = ١٠٠ سم وهذه الوحدة تستخدم في قياس مساحات المباني والأراضي .

مثلاً ملعب كرة القدم الموضح بالشكل (٧ - ١٣) ، طول ١٠٠ م وعرضه ٥٠ م .

٠ م



شكل [١٣ - ٧]

وتكون مساحته $= 50 \times 100 = 5000$ م^٢.

والكيلومتر المربع هو مساحة مربع طول ضلعه ١ كم وهو وحدة مساحات تستخدم لتحديد مساحات الأراضي الكبيرة كالمدن والأقاليم والدول .

ومن المهم أن نتعلم كيف نحول بسهولة إحدى المساحات المقاسة بوحدة معينة إلى وحدة أخرى .

فمثلاً للمربع الذي طول ضلعه ٢ سم (٢٠ م) ، فإنه يمكن رسمه بطريقتين .
انظر شكل (١٣ - ٢) .

فإذا اعتبرنا طول ضلعه $= 2$ سم ، فإن مساحته $= 2 \times 2 = 4$ سم^٢ .

وإذا اعتبرنا طول ضلعه $= 20$ م ، فإن مساحته $= 20 \times 20 = 400$ م^٢ .

أى أن 4 سم^٢ $= 400$ م^٢ .

∴ 1 سم^٢ $= 100$ م^٢ .

وبالمثل 1 م^٢ $= 1 \times 1 = 100 \times 100 = 10000$ سم^٢ .

∴ 1 م^٢ $= 10000$ سم^٢ .

وكذلك 1 كم^٢ $= 1 \times 1 = 1000 \times 1000 = 1000000$ م^٢ .

∴

∴ 1 كم^٢ $= 1000000$ م^٢ .

انظر جدول (١٣ - ١) : أى أن

$$\begin{aligned} 1 \text{ كم} &= 1000 \text{ م} \\ 1 \text{ م} &= 100 \text{ سم} \\ 1 \text{ سم} &= 10 \text{ مم} \end{aligned}$$

جدول [١٣ - ١]

ملاحظة مهمة : يجب مراعاة أنه عند إيجاد مساحة أى شكل ، فإن أطواله يجب أن تكون بنفس الوحدات .

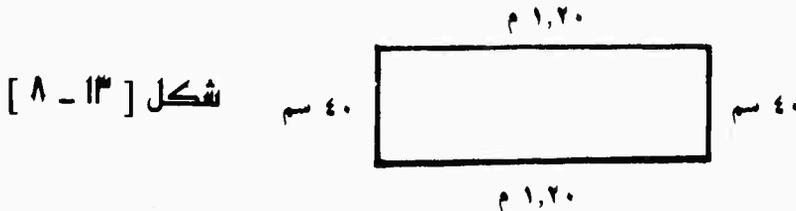
مثال (٤) : أوجد مساحة المستطيل المبين فى شكل (١٣ - ٨) ، والذى طول ضلعه ١,٢٠ م وعرضه ٤٠ سم .

الحل : نلاحظ هنا أن وحدات الطول بالمتر ووحدات العرض بالسنتيمتر فإما أن نحول وحدات الطول إلى سنتيمترات أو نحول وحدات العرض إلى أمتار .
فى الحالة الأولى :

$$\begin{aligned} \text{الطول} &= 120 \text{ سم} \text{ والعرض} = 40 \text{ سم} \\ \therefore \text{المساحة} &= 120 \times 40 = 4800 \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

وفى الحالة الثانية :

$$\begin{aligned} \text{الطول} &= 1,20 \text{ م} \text{ والعرض} = 0,4 \text{ م} \\ \therefore \text{المساحة} &= 1,2 \times 0,4 = 0,48 \text{ م}^2 \end{aligned}$$



وللتأكد من أن الطريقتين متماثلتان تماماً فإننا نقوم بتحويل أحد الجوابين إلى وحدة الجواب الآخر .

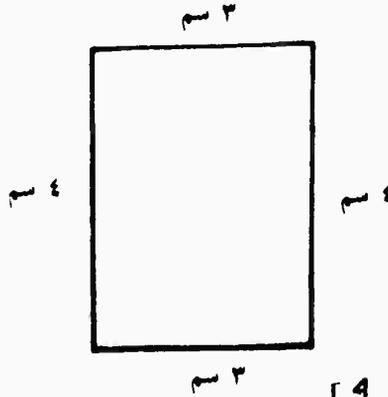
$$. . . ١ م٢ = ١٠٠٠٠ سم٢ .$$

$$. . . الجواب الثاني = ٠,٤٨ \times ١٠٠٠٠ = ٤٨٠٠ سم٢ .$$

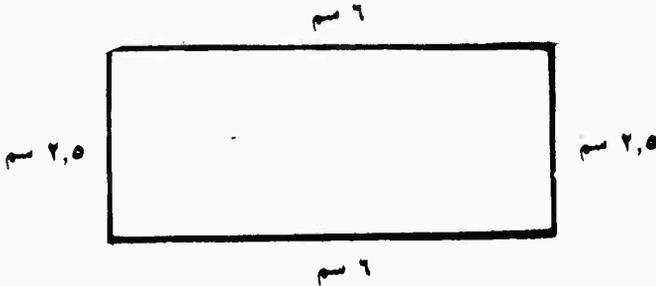
وهي نفس قيمة الجواب الأول .

تدريبات

[١] أوجد مساحة كل من المستطيلات التالية مع مراعاة نوع الوحدات المستخدمة ؟



شكل [٩ - ١٣]

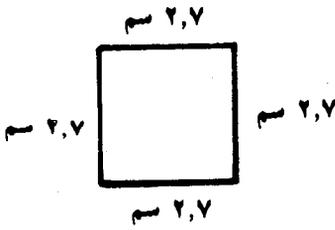


شكل [١٠ - ١٣]

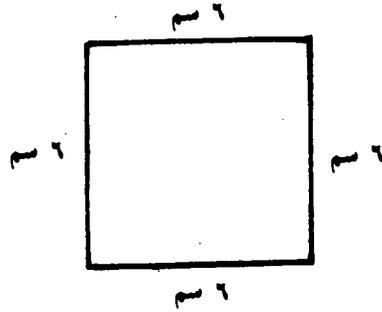
[٢] أوجد مساحة المستطيلات التالية :

- (أ) مستطيل بعده = ٣ سم ، ٦ سم .
(ب) مستطيل بعده = ٤ م ، ٧ م .
(ج) مستطيل بعده = ٣,٥ م ، ٣٠ سم .
(د) مستطيل بعده = ٥,٥ سم ، ٢,٥ سم .
(هـ) مستطيل بعده = ٩ كم ، ٢,٥ كم .
(و) مستطيل بعده = ٦ سم ، ٢٣ م .
(ز) مستطيل بعده = $\frac{٧}{٩}$ م ، ٩ م .
(ح) مستطيل بعده = $\frac{١}{٣}$ م ، ٧٥ م

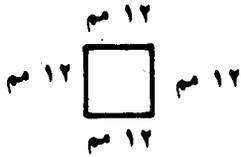
[٣] أوجد مساحة كل من المربعات التالية :



شكل [١٣ - ١٣]



شكل [١١ - ١٣]



شكل [١٣ - ١٣]

[٤] أوجد مساحة كل من المربعات التالية :

- (أ) مربع طول ضلعه ٦ سم .
(ب) مربع طول ضلعه ١٢ سم .

- (ج) مربع طول ضلعه ٥,٣ م .
- (د) مربع طول ضلعه ٢٥ سم .
- (هـ) مربع طول ضلعه ٠,٦٥ م .
- (و) مربع طول ضلعه $\frac{7}{11}$ م

- [٥] أوجد مساحة مربع طول ضلعه ٧ سم .
- [٦] أوجد مساحة مستطيل بعده ٨ سم ، ١٢ سم .
- [٧] أوجد طول ضلع مربع مساحته ٩ سم^٢ .
- [٨] أوجد طول ضلع مربع مساحته ٨١ م^٢ .
- [٩] مستطيل مساحته ٨١ م^٢ وطوله ٢٧ م فكم يكون عرضه ؟
- [١٠] صورة مساحتها ٧٢ سم^٢ وعرضها ٦ سم فكم يكون طولها ؟
- [١١] حمام سباحة طوله ١٠٠ م وعرضه ٤٠ م فكم تكون مساحته ؟
- [١٢] مكتب طوله ٢,٥ م ومساحته ٣,٧٥ م^٢ فكم يكون عرضه ؟
- [١٣] قطعة قماش طولها ٣ م وعرضها ٢ م يراد تقطيعها إلى مناديل صغيرة مربعة مساحة الواحد ٤٠٠ سم^٢ فكم عدد المناديل ؟
- [١٤] حُجرة مُستطيلة الشكل طولها ٧ م وعرضها ٥ م يُراد تليطها ببلاط مربع الشكل طول ضلعه ٢٥ سم ، فكم يكون عدد البلاطات اللازمة لذلك ؟
- [١٥] يراد طلاء سور بارتفاع ١ م حول حديقة منزل على شكل مستطيل بعده ٦٠ م ، ٣٠ م ، فإذا كان سعة طلاء المتر = ٠,٢٥ جنيهاً فكم تتكلف عملية طلاء السور .

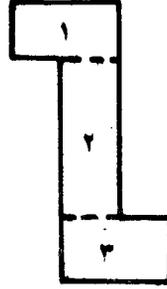
- [١٦] لوحة طولها ٨٠ سم وعرضها ٣٥٠ مم فما مساحتها:
- (أ) بالستيمتر المربع .
- (ب) بالمليمتري المربع .

[١٣ - ٢] جمع المساحات :

انظر الرسم شكل (١٣ - ١٤) ، إذا أردنا إيجاد مساحة هذا الشكل ، فإنه يجب أن نجزيء الشكل إلى ٣ مستطيلات ونوجد مساحة كل واحد منها ثم نجمع

المساحات للحصول على المساحة الكلية .

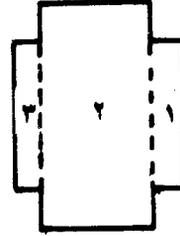
أى أن المساحة الكلية = المساحة (١) + المساحة (٢) + المساحة (٣) .
وكل منها تمثل مستطيلاً صغيراً يسهل إيجاد مساحته .



شكل [١٤ - ١٣]

وبنفس الفكرة يمكننا إيجاد مساحة الشكل (١٣ - ١٥) بتجزئته إلى مستطيلات صغيرة .

مساحة الشكل = المساحة (١) + المساحة (٢) + المساحة (٣) .



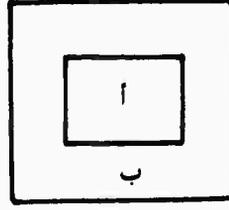
شكل [١٥ - ١٣]

[١٣ - ٣] طرح المساحات :

عند الرغبة في إيجاد مساحة الشكل (١٣ - ١٦) وهو عبارة عن حديقة « ب » تحيط بمنزل مستطيل الشكل (أ) ، فإنه يمكننا كما سبق أن نجزيء الحديقة إلى مستطيلات ونوجد مساحة كل منها ، إلا أنه من الأسهل أن نوجد مساحة الحديقة بالكامل بما فيها المنزل (أ + ب) ثم نطرح منها مساحة المنزل (أ) فيتبقى لنا مساحة الحديقة (ب) المطلوبة .

وبمعرفة أبعاد الحديقة والمنزل يمكن حل المسألة .

(أ) حديقة .
(ب) منزل



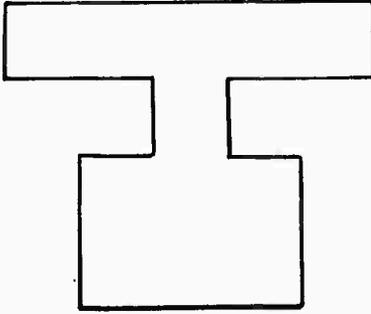
شكل [١٦ - ١٣]

تطويرات

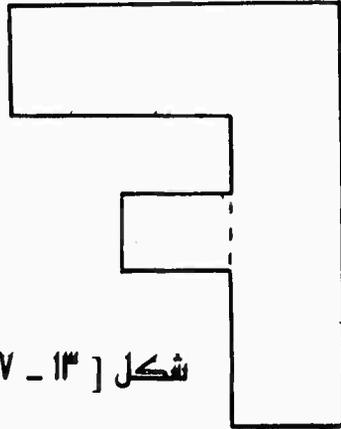
أولاً : على الأشكال المستطيلة والمربعة :

أوجد مساحات الأشكال التالية في شكل (١٣ - ١٧) وذلك بتجزئتها إلى مستطيلات أو مربعات ثم جمع هذه المساحات أو بطريقة طرح المساحات .

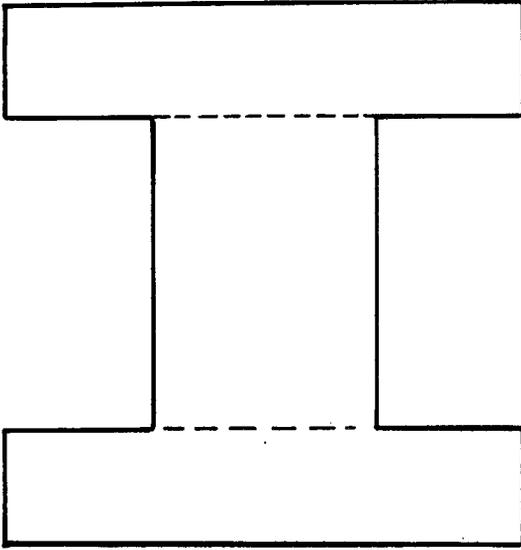
الأشكال في هذه المسألة بمقياس رسم ١ : ١ ، ويمكن معرفتها من على الرسم .



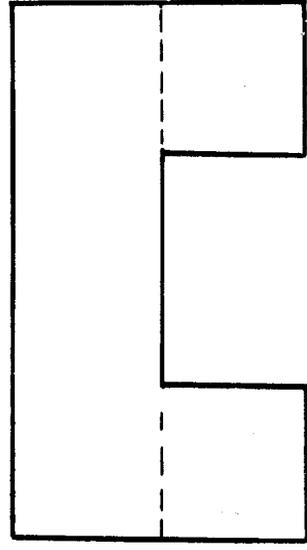
شكل [١ - ١٧ - ١٣]



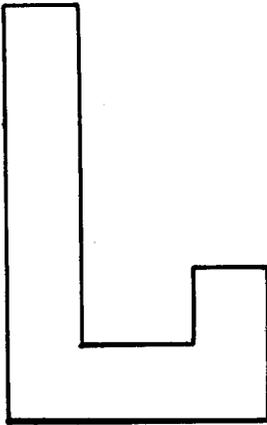
شكل [١٣ - ١٧ - ب]



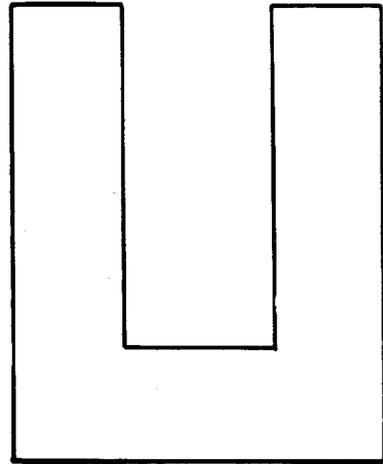
شکل [۱۳ - ۱۷ - ط]



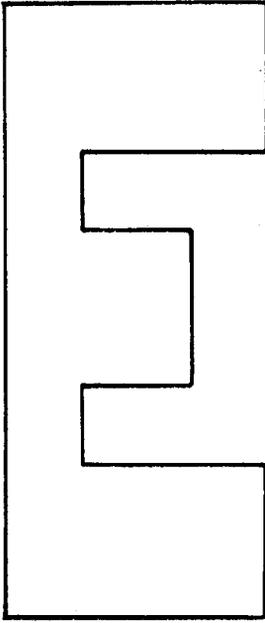
شکل [۱۳ - ۱۷ - چ]



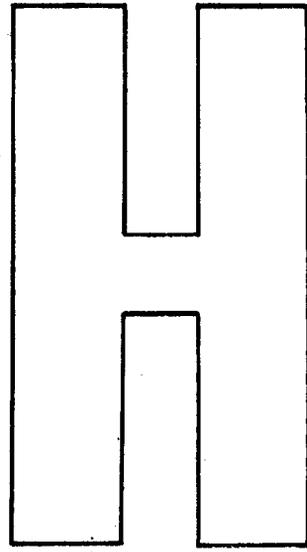
شکل [۱۳ - ۱۷ - و]



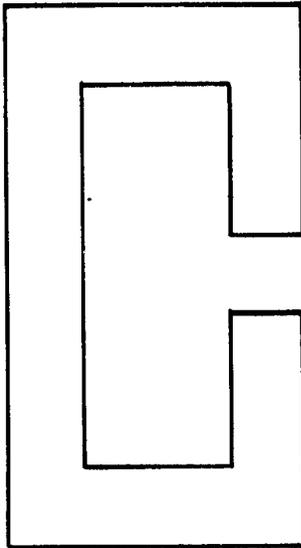
شکل [۱۳ - ۱۷ - هـ]



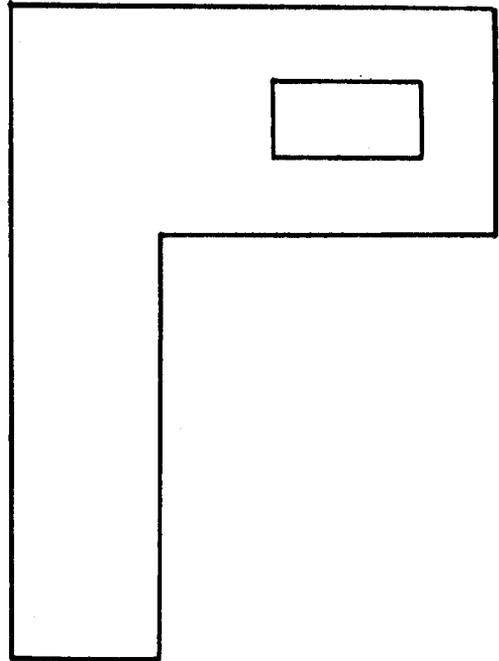
شكل [ط - ١٧ - ١٣]



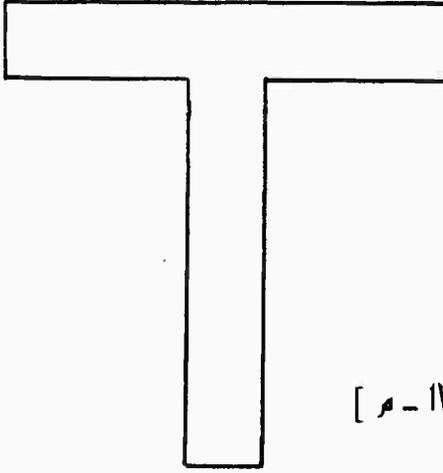
شكل [ذ - ١٧ - ١٣]



شكل [ل - ١٧ - ١٣]



شكل [كه - ١٧ - ١٣]



شكل [١٣ - ١٧ - م]

ثانياً : على تحويل الوحدات :

[١] حول إلى سم^٢ :

(أ) ٥ م^٢ (ب) ١٨ م^٢ (ج) ١١,٢٥ م^٢ (د) $\frac{٥}{٢}$ م^٢

[٢] حول إلى م^٢ :

(أ) ١٢ سم^٢ (ب) ٧,٥ سم^٢ (ج) ٣,٧ سم^٢ (د) $\frac{٢}{٤}$ سم^٢

[٣] حول إلى م^٢ :

(أ) ٣٧٥٠ سم^٢ (ب) ٣٨٠٠٠٠ سم^٢

سم^٢ (ج) ٠,٨ كم^٢ (د) $\frac{٢}{٢}$ كم^٢

[٤] حول ٠,٠٥ م^٢ إلى : (أ) سم^٢ ، (ب) م^٢

[٥] أوجد : المساحة والمحيط ، لكل من المستطيلات التالية بالوحدات المينة بين

الأقواس .

(أ) مستطيل طوله ٧ م وعرضه ٣٠ سم .

المساحة (بالسم^٢) والمحيط (بالمتر) .

(ب) مستطيل طوله (٢ م) وعرضه (١٥ م) .

المساحة (بالسم^٢) والمحيط (بالمم) .

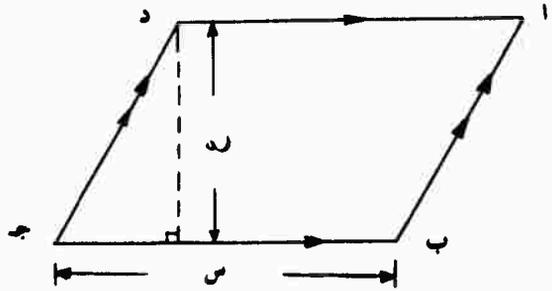
Area of a Parallelogram [١٣ - ٤] مساحة متوازي الأضلاع

متوازي الأضلاع عبارة عن شكل رباعي (تحدده ٤ أضلاع) ، فيه كل ضلعين متقابلين متساويين ومتوازيين .

ويلاحظ أن كل من المربع والمستطيل ، شكل رباعي يمكن إعتباره متوازي أضلاع في وضع خاص حيث أن زواياه الأربعة قوائم بينما متوازي الأضلاع فيه ٤ زوايا إثنان منفرجتان وإثنان حادتان . انظر شكل (١٣ - ١٨) .

شكل [١٣ - ١٨]

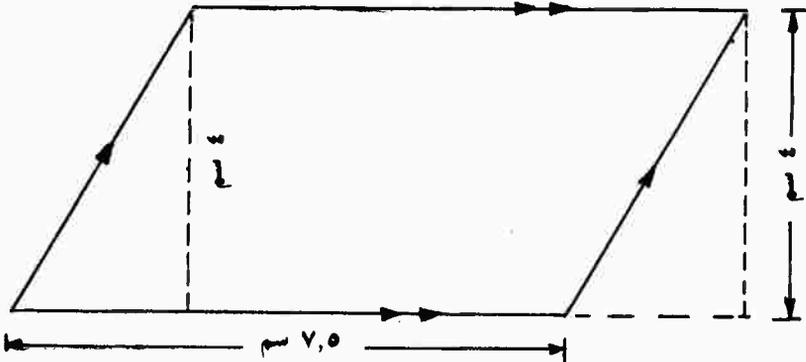
متوازي الأضلاع



وكما يتضح من الشكل فإن مساحة متوازي الأضلاع $ا ب ج د =$ طول القاعدة $س \times$ الارتفاع المحصور بين قاعدتيه $ب ج$ ، $ا د$ وهو يساوي $ع$.
المساحة $= س \times ع$ وحدة مربعة .

مثال (١) : إحسب مساحة متوازي الأضلاع في شكل (١٣ - ١٩) .

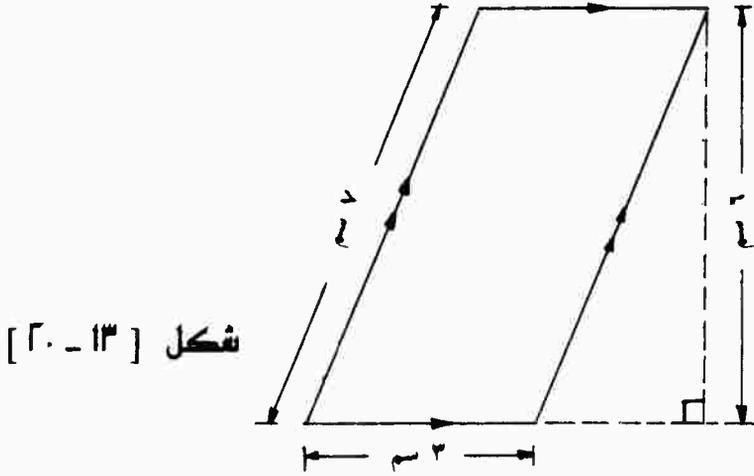
شكل [١٣ - ١٩]



المساحة = طول القاعدة \times الارتفاع .

$$. ٢ سم ٣٠ = ٤ \times ٧,٥ =$$

مثال (٢) : احسب مساحة متوازي الأضلاع في شكل (١٣ - ٢٠) .



مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة \times الارتفاع العمودي .

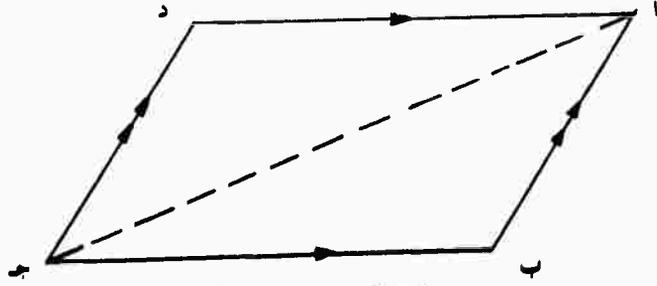
$$. ٢ سم ١٨ = ٦ \times ٣ =$$

ملاحظة : يجب تجاهل طول الضلع المائل لمتوازي الأضلاع في شكل (١٣ - ٢٠) حيث أن المطلوب هو الارتفاع العمودي ٦ سم وليس الضلع المائل (٧ سم) .

[١٣ - ٥] مساحة المثلث Area of a,triangle

تعلمنا ، كيفية إيجاد مساحة متوازي الأضلاع وأنها تساوى :
القاعدة \times الارتفاع .

وإذا تأملنا متوازي الأضلاع المرسوم في شكل (١٣ - ٢١) .



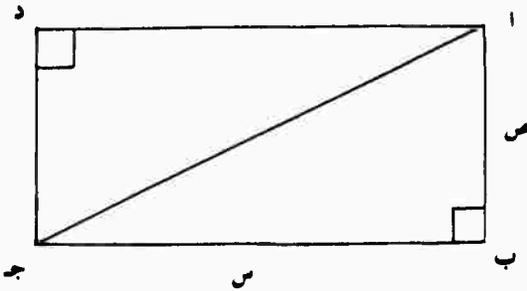
شكل [٢١ - ١٣]

وقمنا برسم القطر أ ج ، نلاحظ إنقسام متوازي الأضلاع إلى مثلثين متساويين ، تماماً ، أي أن مساحة أي مثلث منهما = $\frac{1}{2}$ مساحة متوازي الأضلاع ونستنتج من هذا أن :

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \text{ القاعدة} \times \text{الإرتفاع} .$$

وبالمثل ، إذا نظرنا لشكل (٢٢ - ١٣) ، فإننا نرى أن مساحة المستطيل المبين بالشكل = الطول \times العرض ، كما علمنا سابقاً ، أي = س \times ص .

فإذا رسمنا قطر المستطيل أ ج فإنه يكون لدينا مثلثين متساويين ولكل من هذين المثلثين مساحة تعادل تماماً نصف مساحة المستطيل .



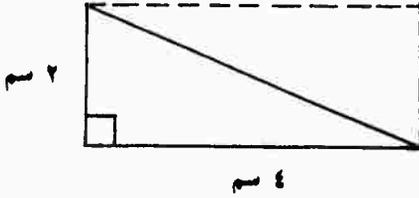
شكل [٢٢ - ١٣]

∴ مساحة المثلث ا ب ج = مساحة المثلث ا ج د = $\frac{1}{2}$ مساحة المستطيل
 ا ب ج د = $\frac{1}{2}$ س \times ص .

مثال (١) : أوجد مساحة المثلث المبين في شكل (٢٣ - ١٣) ؟

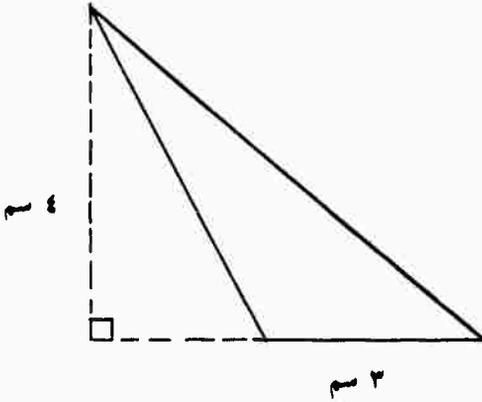
الحل: مساحة المستطيل = $2 \times 4 = 8$ سم².

∴ مساحة المثلث = $8 \times \frac{1}{2} = 4$ سم².



شكل [١٣ - ٢٣]

مثال (٢): أوجد مساحة المثلث المبين في شكل (١٣ - ٢٤).



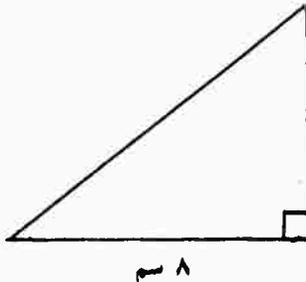
شكل [٢٤ - ١٣]

الحل:

المساحة = $\frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع العمودي للمثلث}$.

$$= \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6 \text{ سم}^2.$$

مثال (٣): أوجد مساحة المثلث المبين في شكل (١٣ - ٢٥)؟



٦ سم

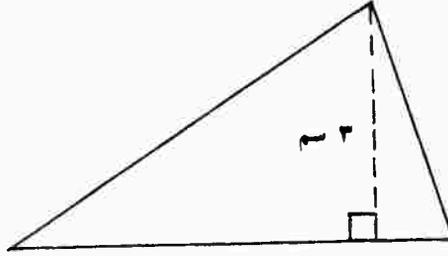
شكل [٢٥ - ١٣]

٨ سم

المساحة = $\frac{1}{2}$ القاعدة \times الارتفاع .

$$\frac{1}{2} = 6 \times 8 \times \frac{1}{2} = 24 \text{ سم}^2 .$$

مثال (٤) : أوجد مساحة المثلث المبين في شكل (١٣ - ٢٦) ؟



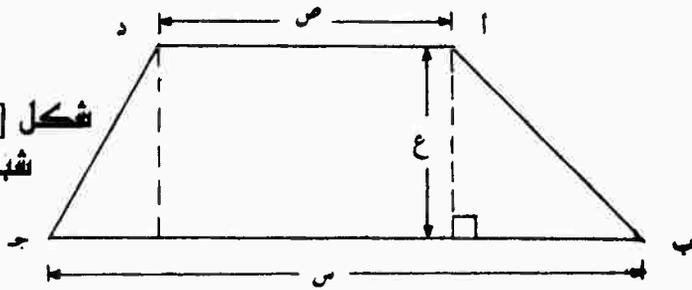
شكل [٢٦ - ١٣]

الحل :

المساحة = $\frac{1}{2}$ القاعدة \times الارتفاع .

$$\frac{1}{2} = 3 \times 6 \times \frac{1}{2} = 9 \text{ سم}^2 .$$

شكل [٢٧ - ١٣]
شبه المنحرف



[١٣ - ٦] مساحة شبه المنحرف Area of a trapezium

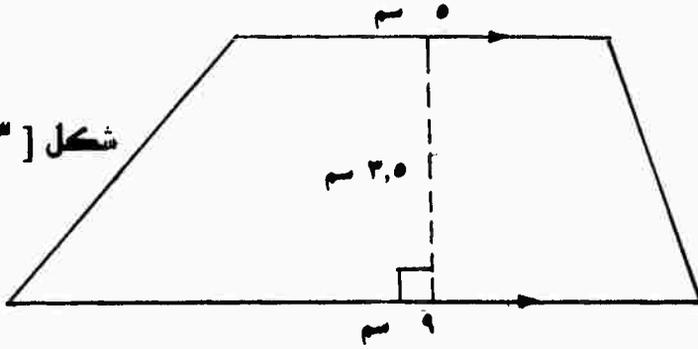
شبه المنحرف هو شكل رباعي فيه ضلعان (من الأربعة) متوازيان فمساحة شبه

المنحرف ا ب ج د ذو القاعدتين المتوازيتين ا د ، ب ج والارتفاع ع $\frac{1}{2} =$ مجموع القاعدتين المتوازيتين \times الارتفاع المحصور بينهما .

$$\frac{1}{2} = (س + ص) \times ع . \text{ وحدة مربعة .}$$

مثال (١) : أوجد مساحة شبه المنحرف المبين في شكل (١٣ - ٢٨) .

شكل [٢٨ - ١٣]

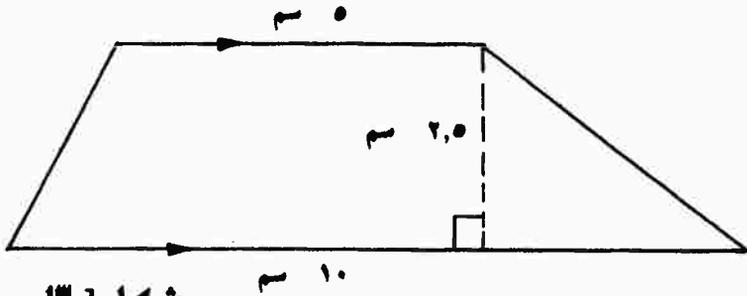


مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{4} \times (\text{مجموع القاعدتين المتوازيين}) \times \text{الارتفاع}$.

$$= \frac{1}{4} \times 3,5 \times (5 + 9) = 3,5 \times 14 \times \frac{1}{4} =$$

$$= 24,5 \text{ سم}^2 .$$

مثال (٢) : أوجد مساحة شبه المنحرف المبين في شكل (١٣ - ٢٩) .



شكل [٢٩ - ١٣]

الحل :

المساحة = $\frac{1}{4} \times (\text{مجموع القاعدتين}) \times \text{الارتفاع العمودي بينهما}$.

$$= \frac{1}{4} \times 2,5 \times (5 + 10) = 2,5 \times 15 \times \frac{1}{4} = 18,75 \text{ سم}^2 .$$

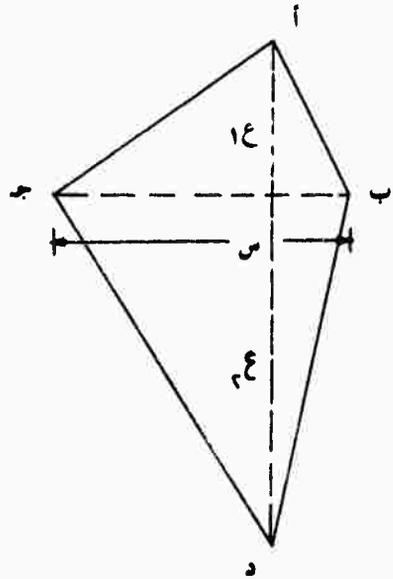
[١٣ - ٧] مساحة الشكل الرباعي على شكل شبه المعين :

يتكون هذا الشكل من مثلثين وبايجاد مساحة كل منهما يمكننا إيجاد مساحة .

شبه المعين كله ، وهو شكل رباعي كثير الاستخدام في حياتنا العملية .

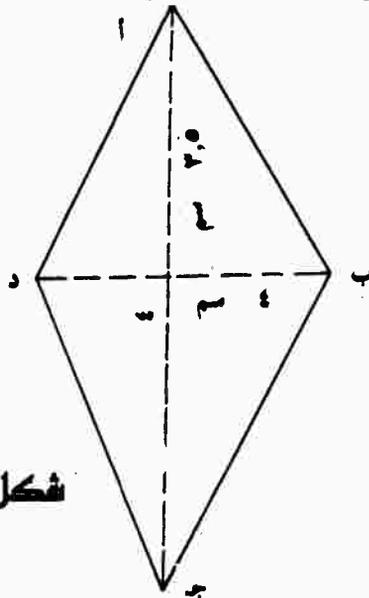
ويلاحظ من الشكل (١٣ - ٣٠) ، أن قاعدة كل من المثلثين واحدة مشتركة فيما

بينهما ، والاختلاف هو في ارتفاع المثلثين .



شكل [١٣ - ٣٠]

- مساحة الشكل = مجموع مساحة المثلثين ب ج أ ، ب ج د .
 . مساحة المثلث العلوي بالشكل ب ج أ = $\frac{1}{2} \times س \times ١٤$
 ومساحة المثلث السفلي بالشكل ب ج د = $\frac{1}{2} \times س \times ١٤$
 . \therefore مساحة الشكل كله = $\frac{1}{2} \times س \times ١٤ + \frac{1}{2} \times س \times ١٤$
مثال : في الشكل (١٣ - ٣١) ، أوجد مساحة الشكل المبين ا ب ج د .



شكل [٣١ - ١٣]

الحل :

مساحة المثلث العلوي ب د $= \frac{1}{4} \times 4 \times 3,5 = 3,5$ سم² .

مساحة المثلث السفلي ب د ج $= \frac{1}{4} \times 4 \times 4 = 4$ سم² .

\therefore مساحة الشكل أ ب ح $= 3,5 + 4 = 7,5$ سم² .

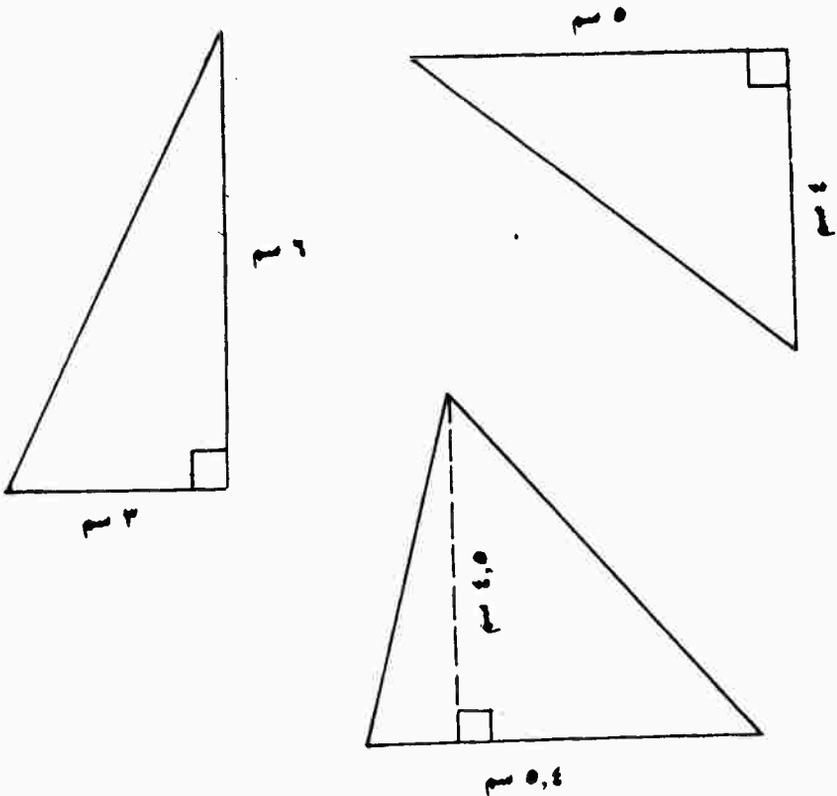
وبلاحظ أن $15 = 30 \times \frac{1}{4} = (7,5 \times 4) \times \frac{1}{4} = 15$

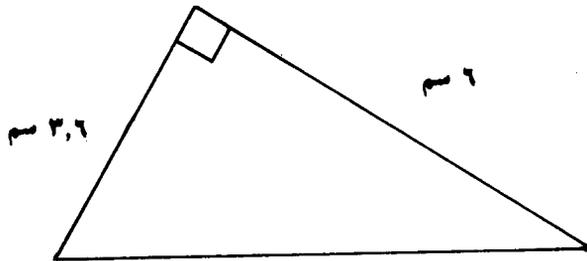
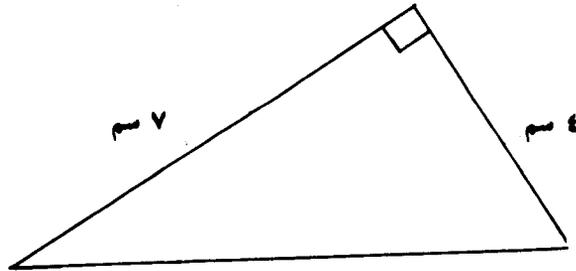
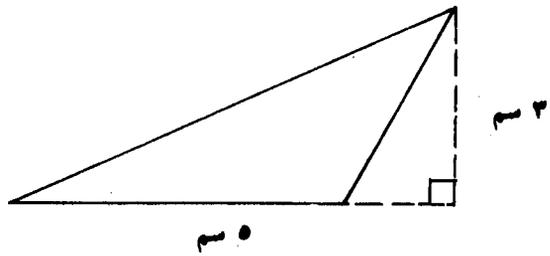
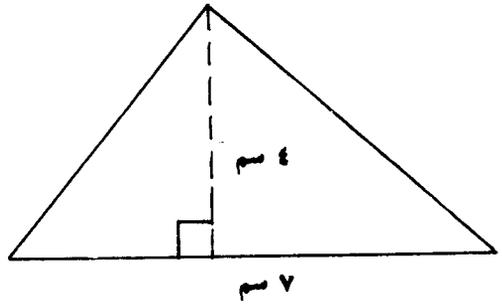
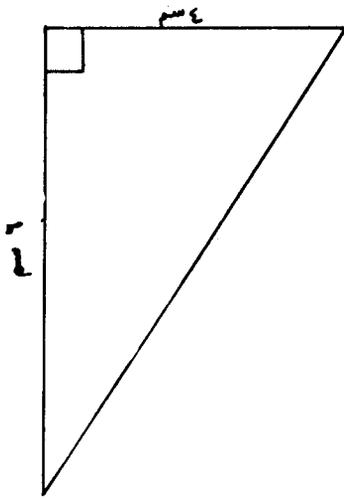
أى أن مساحة الشكل $= \frac{1}{4}$ حاصل ضرب القطرين ، أحدهما = 4 سم ، الآخر

$= (4 + 3,5) = 7,5$ سم .

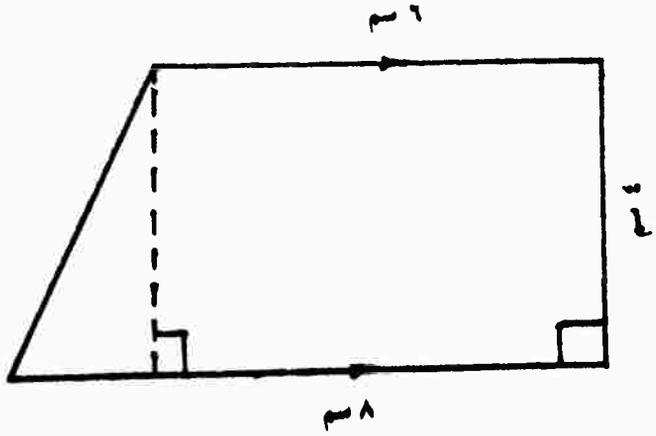
تدريبات على مساحات المثلثات والأشكال الرباعية

[١] أوجد مساحة كّل من الأشكال التالية ، كما فى شكل (١٣ - ٣٢) .

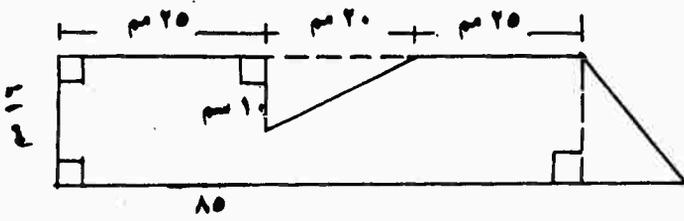
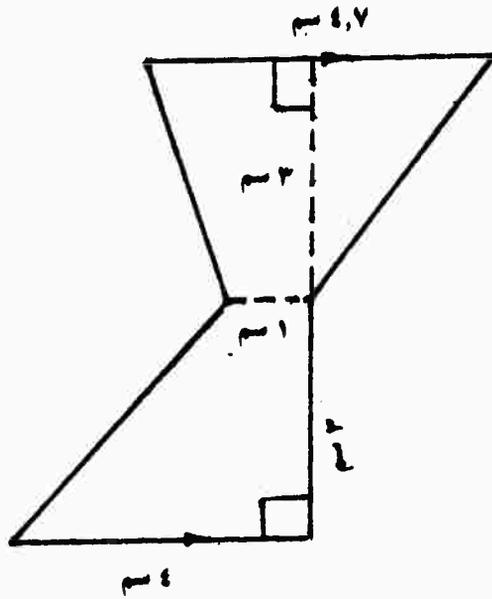




(د)

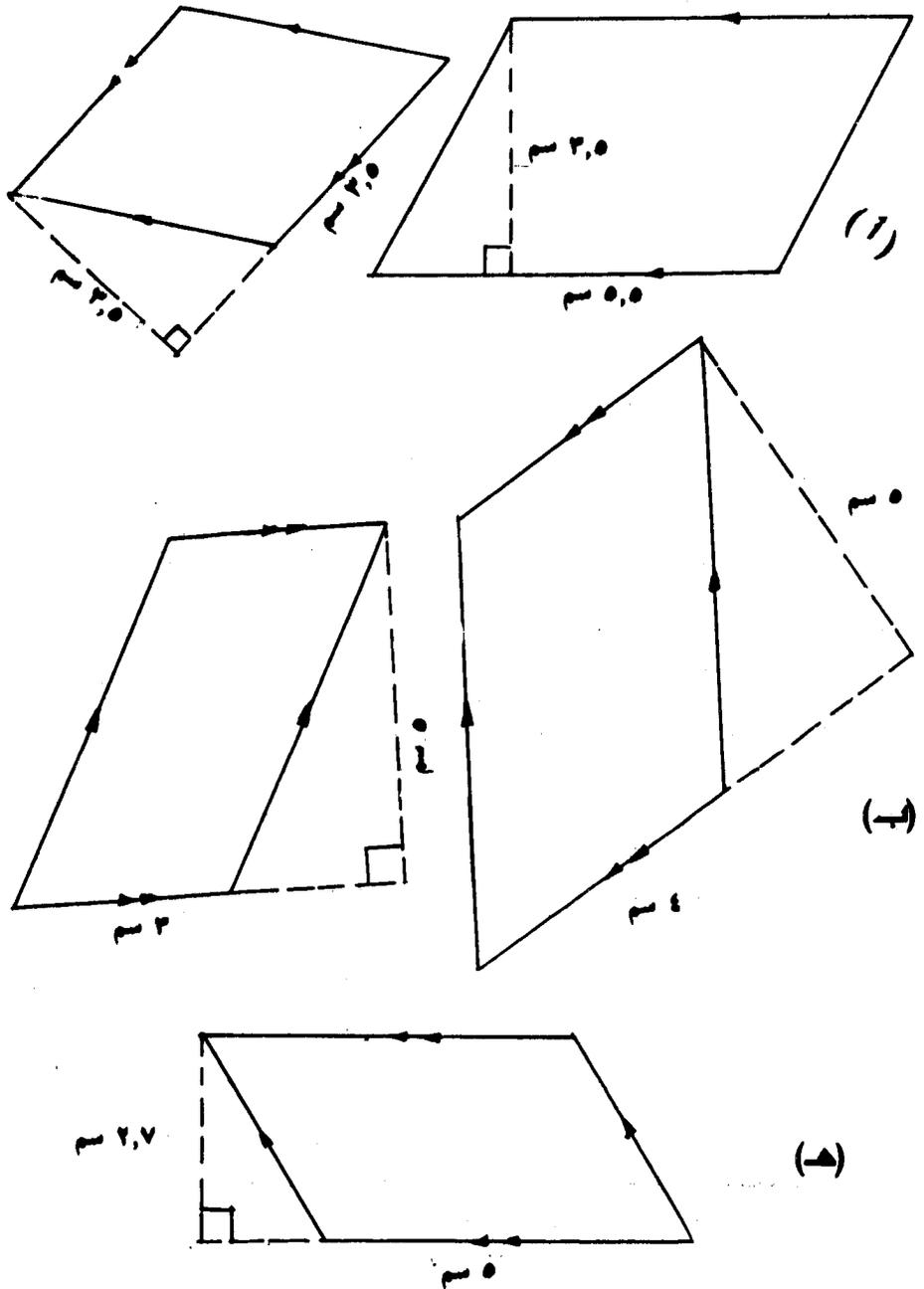


(هـ)



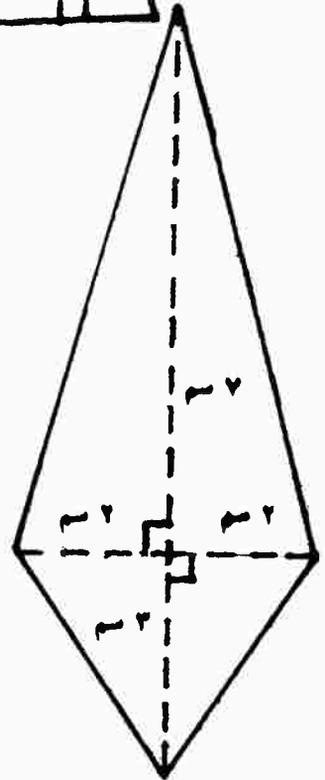
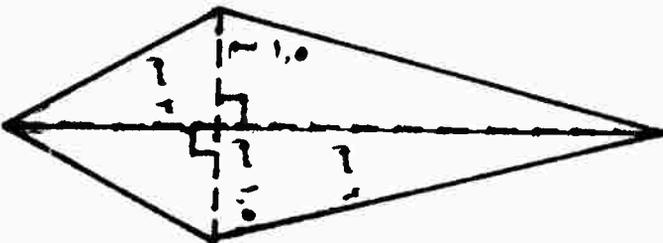
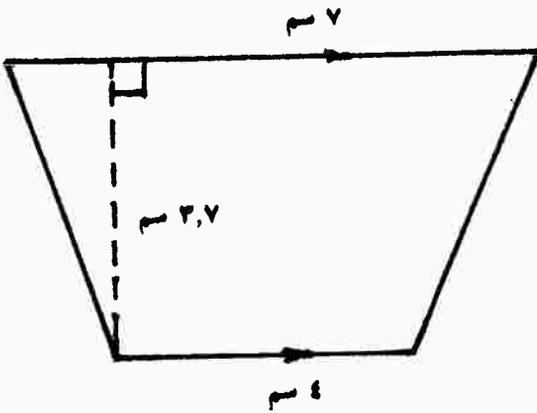
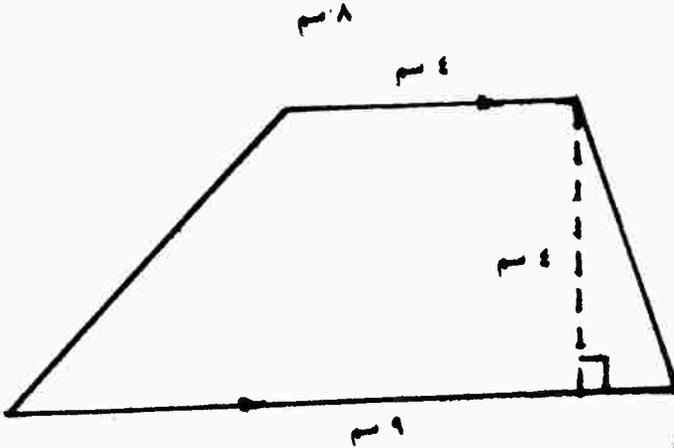
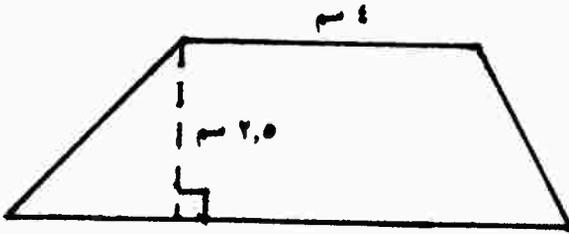
شکل [۱۳ - ۱۴]

[٢] أوجد مساحة كل من متوازيات الأضلاع التالية ، في شكل (١٣ - ٣٣) .



شكل [٣٣ - ١٣]

[٣] أوجد مساحة الأشكال الرباعية التالية ، في شكل (١٣ - ٣٤) .



شكل [١٣ - ٣٤]

[١٣ - ٨] مسائل على المساحات والمحيط للأشكال المختلفة :

[١] أيهما أكبر ، حديقة طولها ١٠,٥ م وعرضها ٦ م وأخرى طولها ٩ م وعرضها ٧,٢٥ م ؟

[٢] قطعة أرض طولها ٢٠٠ م وعرضها ٦٠ م يراد عمل ملعب كرة قدم بها بعدها ١٠٠ م ، ٥٠ م ، أوجد مساحة الجزء الخارجى للملعب ؟

[٣] صورة مربعة الشكل طول ضلعها ١٣,٥ سم يراد وضعها فى إطار (برواز) أبعاده ٢٠ سم ، ٢٥ سم ، أوجد مساحة الجزء المحيط بالصورة داخل الإطار .

[٤] شبه منحرف ، طول قاعدتيه المتوازيتين ٦,٢٥ م ، ١٠ م ويعد كل منهما عن الآخر بمسافة ٢ م ، احسب مساحته .

[٥] الجدول (١٣ - ٢) ، لمجموعة من شبه المنحرفات ، يراد إكمال بياناته ؟

مسلسل	طول القاعدة العليا	طول القاعدة السفلى	الإرتفاع	المساحة
١	١٦	٢٤	٥	؟
٢	؟	١٨	١٠	٢٠٠
٣	٢٦	؟	٢٥	٤٠٠
٤	١٢	٧	؟	٩٥

جدول [١٣ - ٢] الومطت بالسنتيمتر

الوقت Time

[١ - ١٤] وحدات الوقت :

تتفق وحدات الوقت أو الزمن في كلاً من النظامين الفرنسي والإنجليزي . وبالتالي فهي وحدات تستخدمها كل بلاد العالم بدون استثناء .
وفيما يلي جدول يحدد الأزمنة ،

١ سنة - ١٢ شهر
١ سنة - ٥٢ أسبوع
١ فصل - ١٣ أسبوع
سنة كبيسة - ٣٦٦ يوم
سنة - ٣٦٥ يوم
شهر - ٣٠ يوم أ ، ٣١ يوم أ ، ٢٨ يوم أو ٢٩ يوم
أسبوع - ٧ أيام
يوم - ٢٤ ساعة
ساعة - ٦٠ دقيقة
دقيقة - ٦٠ ثانية
ساعة - ٣٦٠٠ ثانية

وشهور السنة التي بها ٣٠ يوم هي : أبريل ، يونيو ، سبتمبر ، نوفمبر .
وشهور السنة التي بها ٣١ يوم هي : يناير ، مارس ، مايو ، يوليو ، أغسطس ، أكتوبر ، ديسمبر .

أما شهر فبراير فهو ٢٨ يوم ، ما عدا السنوات الكبيسة فيكون ٢٩ يوم .
ويمكننا التعبير عن الوقت أو الساعة أثناء اليوم بطريقتين :

الطريقة الأولى : وهى الشائعة الاستخدام فى حياتنا اليومية ، وتستخدم فيها الأرقام أو الساعات من (١ - ١٢) فقط وهذا هو تدرج الساعات العادية التى نستخدمها جميعاً ، وبهذه الطريقة ، فإن اليوم (٢٤ ساعة) ينقسم إلى جزئين وهما الصباح والمساء ، من الواحدة ليلاً وحتى الثانية عشر ظهراً تعتبر فترة الصباح بينما من الواحدة ظهراً وحتى الثانية عشر ليلاً فإنها تعتبر فترة المساء .

الطريقة الثانية : وتستخدم فيها الأرقام من (١ - ٢٤) وتستخدم هذه الطريقة فى التوقيتات العسكرية وفى مواعيد السفر بالطائرات والسفن وغيرها .
فمثلاً الساعة السابعة صباحاً تكتب الساعة ٧٠٠ وتُنطق الساعة سبعمائة وكذلك الساعة السادسة صباحاً هى ٦٠٠ والساعة ١٢ ظهراً تكتب الساعة ١٢٠٠ وهى تعنى منتصف النهار .

أما الساعة الخامسة والنصف مساءً فتكتب ١٧٣٠ « ألف وسبعمائة وثلاثون » .
وكذلك الساعة التاسعة والربع مساءً فتكتب ٢١١٥ « ألفان مائة وخمسة عشر » .
مثال (١) : حول $3\frac{1}{4}$ ساعة إلى دقائق .

$$١ \text{ ساعة} = ٦٠ \text{ دقيقة} .$$

$$\therefore 3\frac{1}{4} \text{ ساعة} = ٦٠ \times ٣ + \frac{١}{4} = ١٩٥ \text{ دقيقة} .$$

مثال (٢) : حول ٦١٥ ثانية إلى دقائق .

الحل :

$$\text{كل } ٦٠ \text{ ثانية} = ١ \text{ دقيقة} .$$

$$٦١٥ \text{ ثانية} = \frac{٦١٥}{٦٠} = \frac{٦٠٠}{٦٠} + \frac{١٥}{٦٠} = ١٠ + \frac{١}{٤} \text{ دقيقة} .$$

$$\therefore ٦١٥ \text{ ثانية} = ١٠\frac{1}{4} \text{ دقيقة} .$$

مثال (٣) : يبلغ دخل موظف فى الشهر ٣٢٠ جنيهاً فكم يبلغ دخله فى السنة ؟

الحل :

$$\text{السنة} = ١٢ \text{ شهراً} .$$

$$\therefore \text{دخل الموظف فى الشهر} = ١٢ \times ٣٢٠ = ٣٨٤٠ \text{ جنيهاً} .$$

تكريبات

[١] حول ما يأتي إلى ثواني :

- | | |
|---------------------------|------------------------------|
| (أ) ٨ دقائق . | (هـ) $\frac{1}{3}$ ساعة . |
| (ب) $\frac{1}{3}$ دقيقة . | (و) ١٣ دقيقة . |
| (ج) $\frac{1}{4}$ دقيقة . | (ز) $\frac{5}{12}$ ١ دقيقة . |
| (د) $\frac{1}{4}$ ساعة . | (ح) $\frac{7}{6}$ دقيقة . |

[٢] حول ما يأتي إلى دقائق :

- | | |
|--------------------------|---------------------------|
| (أ) ٤ ساعات . | (هـ) $\frac{5}{7}$ ساعة . |
| (ب) ٥ ساعات . | (و) $\frac{7}{12}$ ساعة . |
| (ج) ٣ ساعات و ٣٠ دقيقة . | (ز) ٢٤ ساعة . |
| (د) $\frac{1}{4}$ ساعة . | (ح) ٢ ساعة ، ٥٠ دقيقة . |

[٣] احسب الوقت بالدقائق فيما بين الأزمنة التالية :

- | | |
|---------------------------------|--------------------|
| (أ) ٨ ص ، ٨،٤٥ صباحاً . | (ز) ١٧٣٠ ، ١٩١٠ . |
| (ب) ٦،٣٠ مساءً ، ٧،١٥ مساءً . | (ح) ١٦٤٠ ، ١٨١٠ . |
| (ج) ١٢،٠٥ ظهراً ، ٣،١٠ مساءً . | (ط) ١٣٢٠ ، ١٥،٤٠ . |
| (د) ١١،١٥ صباحاً ، ١،١٥ مساءً . | (ك) ١١٠٠ ، ١٣٠٥ . |
| (هـ) ٢،٣٥ ظهراً ، ٣،٠٥ ظهراً . | (ل) ١٢٠٠ ، ١٤١٠ . |
| (و) ٩،٥٥ مساءً ، ١٢،٠٠ مساءً . | (م) ٢١١٥ ، ٢٤٠٠ . |

[٤] احسب الوقت بالساعات والدقائق فما بين الأزمنة التالية :

- | | |
|---------------------------------|-------------------|
| (أ) ٣،١٧ صباحاً ، ٦،١٢ صباحاً . | (و) ١١٠٠ ، ٢٢٠٠ . |
| (ب) ٥،١٣ مساءً ، ١١،٢٧ مساءً . | (ز) ١٣١٥ ، ١٧٢٧ . |
| (ج) ٦،٠٧ صباحاً ، ١١،١٣ مساءً . | (ح) ١٢٢٨ ، ٢٣١٦ . |
| (د) ١٢،٢٠ ظهراً ، ٥،٤٠ مساءً . | (ط) ١٤٣٥ ، ١٨٢٥ . |
| (هـ) ٧،٠٥ صباحاً ، ٧،٠٥ مساءً . | (ك) ١٠٠٠ ، ١٩١٥ . |

[٥] اكتب التوقيتات التالية إلى نظام الساعات (من ١ — ٢٤) :

- (أ) ٣,٠٥ ظهراً .
(ب) ١٢,٢٠ ظهراً .
(ج) ٦,٠٧ صباحاً .
(د) ٥,١٥ مساءً .
(هـ) ٩,٠٥ صباحاً .
(و) ١١,٣٦ مساءً .
(ز) ٨,١٣ مساءً .
(ح) ٧,٢٣ صباحاً .
(ط) ١,٤٥ صباحاً .
(ك) ٩,١٥ مساءً .
(ل) ٦,٣٨ مساءً .
(م) ١,٠١ مساءً .

[٦] حول التوقيتات التالية إلى نظام الساعات المعتادة (من ١ - ١٢) :

- (أ) ٠٠٥٥
(ب) ١١٥٥
(ج) ١٢٤٠
(د) ٠٦٠٠
(هـ) ٠٨١٥
(و) ٠٧٢٠
(ز) ١٤٣٠
(ح) ١٦٤٥
(ط) ١٨٠٥
(ك) ٠٧٣٦
(ل) ١٩٤٤
(م) ٢١٥٦

[٧] فيما يلي مواعيد الرحلات للقطارات ، والمطلوب معرفة البيانات الناقصة وتدوينها ، جدول (١٤ - ٢) .

الرحلة	موعد القيام	موعد الوصول	زمن الرحلة
أ	١٠,٣٠		١ س ، ٤٥ ق
ب		٢,٠٢ مساءً	٢ س ، ٣٢ ق
ج	٠٨١٥	١٠٠٠	
د	١٢٢٣		١٤٠٠
هـ		١٧٣٥	١٩٥٥
و	٦,٢٠ ص		٣ س ، ٣٥ ق
ز	١٦٠٠	١٨٢٣	
ح		٢٢١٥	٠٠٤٥ صباحاً
ط	١١٠٠	١٢١٦	
ك	٨,٤٥ ص	١٠,٢٥ ص	
ل	١٤٣٥		١٦٥٥

[٨] تستغرق رحلة الذهاب إلى عمل موظف من منزله ٥٥ في فإذا خرج من منزله الساعة ٦,٤٥ ص ففى أى ساعة يصل لعمله .

[٩] ينام محمد يومياً الساعة ١٠,١٥ مساءً فإذا علمت أنه نام لمدة ٩,١٥ ساعة ففى أى وقت يستيقظ فى الصباح .

[١٠] تحرك قطار من القاهرة الساعة ١٧٠٥ مساءً فوصل اسكندرية الساعة ٢١٢٣ فكم استغرقت رحلة القطار .

[١١] كان إمتحان الرياضيات مخصصاً له زمناً قدره ٣ ساعات وبدأ الإمتحان الساعة ٨٠٠ وأنهى محمد امتحانه فى ٢٠٥ س فكم كانت الساعة عند خروجه من قاعة الامتحان .

