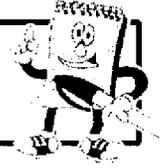


## أرقام قديمة جداً



عرف الإنسان الأرقام منذ فترة طويلة ، وقد تطورت الأرقام التي استخدمت تطوراً كبيراً حتى صارت بالهيئة التي نراها عليها الآن .  
والجدول التالي يوضح بعض نماذج الأرقام التي استخدمتها الأمم السابقة :

الأرقام الحديثة	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	20	50	100
قديما المصريين													
البابليون	∟	∟∟	∟∟∟	∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟	∟∟∟∟∟
الرومان	A	B	Γ	Δ	E	F	Z	H	θ	I	K	N	P
المايان	.	..	...	....	—	·	∴	∴	∴	=	⊕	≡	⊕
الصينيون	一	二	三	四	五	六	七	八	九	十	二十	五十	百
الهنود	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	20	50	100
العرب	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	20	50	100

### ➡ الأرقام اللاتينية

لا تزال الأرقام اللاتينية تستخدم حتى الآن . وتعتمد هذه الأرقام على سبعة أحرف مختلفة كما يلي :

100 = C ، 50 = L ، 10 = X ، 5 = V ، 1 = I
1000 = M ، 500 = D

ولهذه الأعداد قواعد وأصول . . فإذا كان العدد يتكون من حرفين ، وكان الحرف الأيمن يعني رقماً أكبر مما يعنيه الحرف الأيسر . يطرح الأصغر من الأكبر .

مثال : 9 = 1 - 10 = IX .

وإذا كان الحرف الأيمن يعنى رقمًا أصغر أو مساويًا لما يعنيه الحرف الأيسر . . كان العكس حيث يجمع مدلول الحرفين . .

$$7 = 1 + 1 + 5 = VII \text{ : مثال}$$

$$20 = 10 + 10 = XX \text{ ,}$$

والجدول الآتى يوضح معظم الأرقام والأعداد اللاتينية

الرقم اللاتينى	الرقم المتداول						
CD	400	XXX	30	XI	11	I	1
D	500	XL	40	XII	12	II	2
DC	600	L	50	XIII	13	III	3
DCC	700	LX	60	XIV	14	IV	4
DCCC	800	LXX	70	XV	15	V	5
CM	900	LXXX	80	XVI	16	VI	6
M	1000	XC	90	XVII	17	VII	7
MM	2000	C	100	XVIII	18	VIII	8
MMM	3000	CC	200	XIX	19	IX	9
		CCC	300	XX	20	X	10

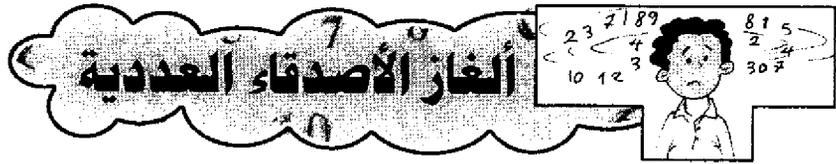
ولكتابة أى عدد بمدلوله اللاتينى نسوق هذا المثال :

$$4000 + 800 + 60 + 2 = 4862 \text{ : مثال}$$

$$MMMM \text{ DCCC LX II} =$$

$$MMMMDCCCLXII = 4862 \text{ أى أن}$$

والآن هل يمكنك كتابة العدد 1998 بالأرقام اللاتينية ؟



نعرض هنا بعض الألغاز والألعاب الطريفة والممتعة التي يمكنك أن تجربها مع بعض أصدقائك . .

### 👉 لغز العدد 1089 :

هذه حيلة طريفة يمكنك أن تخدع بها أصدقائك ، وتجعلهم يسلمون لك بالذكاء الخارق ، حيث تخبرهم أنك تستطيع أن تعرف ناتج العملية الحسابية قبل إجرائها !! وإليك الطريقة :

اكتب العدد 1089 في قطعة صغيرة من الورق وأحكم طيها ، وأعطها لصديقك . . والآن تبدأ اللعبة :

1 - اطلب منه أن يختار أي عدد مكون من ثلاثة أرقام بحيث يزيد رقم المئات على رقم الآحاد باثنين أو أكثر . . وليكن هذا العدد هو (854) .

2 - اطلب منه أن يعكس هذا العدد بحيث يصبح رقم الآحاد مكان رقم المئات ، ورقم المئات مكان رقم الآحاد ، هكذا (458) .

3 - اطلب منه أن يحسب الفرق بين العددين [  $396 = 458 - 854$  ] .

4 - اطلب منه أن يعكس ناتج عملية الطرح هكذا (693) .

5 - اطلب منه أن يجمع ناتج عملية الطرح + معكوسه ، هكذا :

$$1089 = 693 + 396$$

6 - اطلب منه أن يقارن الناتج (1089) بالعدد الذي سبق أن كتبه له في الورقة الصغيرة .

سوف يتعجب صديقك كثيراً وتعلوه الدهشة ، إذ أن الناتج هو نفس العدد الذي سبق أن كتبه في الورقة قبل بداية هذه اللعبة الحسابية العجيبة !!

• مثال تطبيقي :

351	(1) الرقم المختار
153	(2) معكوسه
<hr/>	
198	(3) ناتج الطرح
891	(4) معكوس ناتج الطرح
<hr/>	
1089	(5) المجموع
وهو العدد السحري العجيب	

👉 كيف يمكنك معرفة العدد بمعرفة رقم واحد من مكوناته ؟

وبهذه اللعبة أيضا يشهد لك الأصدقاء بالبراعة الفائقة ، والعقل الرياضى المميز . . . والآن لنبدأ اللعبة :

اطلب من صديقك أن :

- (1) يختار رقماً من 1 إلى 9 .
- (2) يضرب هذا الرقم  $\times 10$  .
- (3) يضيف الرقم المختار إلى ناتج الخطوة السابقة .
- (5) يضرب ناتج الخطوة السابقة  $\times 3$  ثم يضرب الناتج  $\times 11$  ثم يضرب الناتج  $\times 3$

والآن اطلب من صديقك أن يخبرك فقط برقم الآحاد فى الناتج النهائى . . . وإذ أنه بهذا الرقم يمكنك معرفة الناتج النهائى ، هكذا :

- الآن أنت تعرف رقم الآحاد ( الرقم الأخير ) .

- الرقم الثانى =  $9 -$  رقم الآحاد .

- الرقم الأول = الرقم الثانى + 1

= أيضا الرقم الذى اختاره صديقك أولاً .

- الرقم الثالث =  $9 -$  الرقم الأول .

والآن بترتيب هذه الأرقام يمكنك معرفة الناتج النهائى والذى سبق أن توصل له صديقك ولم يخبرك سوى برقم الآحاد منه . . .

• مثال تطبيقي :

(1) هب أن صديقك اختار الرقم 7 .

(2) اضرب  $10 \times$   $70 = 10 \times 7$

(3) أضف الرقم المختار إلى الخطوة السابقة  $77 = 7 + 70$

(4) اضرب  $3 \times$   $231 = 3 \times 77$

ثم اضرب  $11 \times$   $2541 = 11 \times 231$

ثم اضرب  $3 \times$   $7623 = 3 \times 2541$

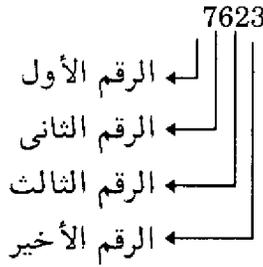
(5) مفتاح الحل هو رقم الآحاد (الأخير) وهو هنا (3) .

- الرقم الثاني  $6 = 3 - 9 =$

- الرقم الأول  $7 = 1 + 6 =$  ← وهو أيضا الرقم المختار أولاً .

- الرقم الثالث  $2 = 7 - 9 =$

- وعلى ذلك فإن الناتج النهائي هو :



👉 كيف يمكنك أن تعرف العدد الذي اختاره صديقك دون أن يخبرك به ؟

وهذه لعبة أخرى يمكنك فيها أن تتعرف على العدد الذي اختاره صديقك دون أن يخبرك . . وإليك الطريقة :

(1) اطلب من صديقك أن يختار أي عدد مكون من رقمين ، ولا يخبرك به .

(2) اطلب منه أن يضرب رقم العشرات  $5 \times$  ثم يضيف 7 إلى حاصل الضرب .

(3) اطلب منه أن يضاعف ناتج الخطوة رقم (2) .

(4) عليه الآن أن يضيف رقم الآحاد إلى ناتج الخطوة (3) ، ثم يخبرك بعد ذلك بالناتج .

(5) دون أن يدري ، اطرح (14) من ناتج القوة (4) ، سيكون ناتج الطرح هو نفس العدد الذى اختاره صديقك فى البداية . . وطبعاً ستكون المفاجئة عندما تخبره بذلك !!

### • مثال تطبيقي :

(1) افترض أن صديقك اختار العدد 84 .

(2) اضرب رقم العشرات  $\times 5$  ثم أضف 7 إلى حاصل الضرب

$$47 = 7 + (5 \times 8)$$

(3) مضاعفة الناتج  $94 = 2 \times 47$

(4) إضافة رقم الآحاد إلى ناتج الخطوة (3)  $98 = 94 + 4$

(5) دون أن يدري ، اطرح (14) من ناتج الخطوة (4) ،

$$\boxed{84} = 14 - 98$$

وناتج الخطوة (5) هو نفسه العدد الذى تم اختياره أولاً . .

### ولكن : ماذا لو كان العدد الذى اختاره صديقك ثلاثياً ؟

بالطبع سنتبع طرقاً أخرى لمعرفة هذا العدد دون أن يخبرك به صديقك !  
وهذه الطرق كالاتى :

اطلب من صديقك أن :

(1) يختار أى عدد يتكون من ثلاثة أرقام ، ولا يخبرك به .

(2) يضرب رقم المئات  $\times 2$  ، ثم يضيف إلى الناتج 3 .

(3) يضرب ناتج الخطوة السابقة  $\times 5$  ثم يضيف إلى الناتج 7 .

(4) يضيف رقم العشرات فى العدد الذى اختاره إلى ناتج الخطوة السابقة .

(5) يضاعف ناتج الخطوة السابقة ثم يضيف إلى الناتج 3 .

(6) يضرب ناتج الخطوة السابقة  $\times 5$  ، ثم يضيف إلى الناتج رقم الآحاد

فى العدد الذى اختاره .

(7) اطلب منه الآن أن يخبرك فقط بناتج الخطوة (6) ، وبعيداً عنه اطرح

235 من هذا الناتج .

وستكون دهشته بالغة عندما تخبره بناتج الطرح ، إذ هو نفسه العدد الذي اختاره وأخفاه عنك !! .

### • مثال تطبيقي :

(1) افترض أن صديقك اختار العدد 843

$$19 = 3 + (2 \times 8) \quad (2)$$

$$102 = 7 + (5 \times 19) \quad (3)$$

$$106 = 102 + 4 \quad (4)$$

$$215 = 3 + (2 \times 106) \quad (5)$$

$$1078 = 3 + (5 \times 215) \quad (6)$$

$$\boxed{843} = 235 - 1078 \quad (7)$$

وهو نفس العدد الذي اختاره صديقك !!

أليس ذلك مدهشاً؟ !!

### 👉 كيف يمكنك أن تحدد عمر صديقك دون أن يخبرك به ؟

هذه واحدة من طرائف الأعداد ، حيث يمكنك معرفة عمر صديقك دون أن

يخبرك به ، وما عليك إلا اتباع الخطوات التالية بالترتيب :

(1) اطلب من صديقك أن يضيف عمره الحالي إلى عمره العام القادم .

(2) اطلب منه أن يضرب ناتج الخطوة السابقة  $\times 5$  .

(3) عليه أن يضيف رقم الآحاد في عام ميلاده إلى ناتج الخطوة (2) .

(4) اطلب منه أن يطرح 5 من ناتج الخطوة السابقة .

(5) الرقمان أقصى يسار الناتج يمثلان العمر الحقيقي لصديقك !!

### • مثال تطبيقي :

هب أن عمر صديقك 14 عاماً وأنه ولد عام 1982 .

$$29 = 15 + 14 \quad (1)$$

$$145 = 5 \times 29 \quad (2)$$

$$149 = 145 + 4 \quad (3)$$

$$(4) \quad 149 - 5 = 144 .$$

(5) الرقمان أقصى اليسار هما العمر الحقيقي وهما 14 .

### كيف تحدد تاريخ ميلاد صديقك باليوم والشهر دون أن يخبرك ؟

إذا كنت قد استطعت أن تعرف عمر صديقك دون أن يخبرك ، فإنك تستطيع أن تخبره بتاريخ ميلاده ! . . إنها طرفة الأرقام و غرابتها . . وبداية ، عليك أن تمثل بالأرقام ترتيب أيام الأسبوع . . وكذا الشهور . . هكذا :

السبت ← 1 ، الأحد ← 2 ، الاثنين ← 3

وهكذا حتى الجمعة ← 7

وأیضا :

يناير ← 1 ، فبراير ← 2 ، مارس ← 3

وهكذا حتى ديسمبر ← 12

والآن تبدأ اللعبة باتباع الخطوات التالية :

(1) اطلب من صديقك أن يسجل ( مبتدئاً من اليسار ) العدد الذى يمثل ترتيب اليوم الذى ولد فيه من الأسبوع ، ثم ترتيب الشهر الذى ولد فيه من السنة ، ثم ترتيب اليوم الذى ولد فيه من الشهر . . ليكون العدد المطلوب مرتباً هكذا :

--	--	--

ترتيب اليوم من الشهر      ترتيب الشهر من السنة      ترتيب اليوم من الأسبوع

(2) اطلب من صديقك أن يضاعف هذا العدد .

(3) ثم يضيف 5 إلى الناتج .

(4) بضرب ناتج الخطوة السابقة  $\times 50$  .

(5) اطلب منه أن يضيف إلى ناتج الخطوة (4) عمره الحالى .

(6) ثم يطرح 365 من ناتج الخطوة (5) .

(7) ثم نضيف إلى ناتج الخطوة السابقة 115 .

والآن فإن ناتج الخطوة (7) يمثل المفاجأة . . إنه يمثل من اليسار ترتيب اليوم الذى ولد فيه صديقك ، ثم ترتيب الشهر ، ثم ترتيب اليوم من الشهر . . وأخيراً عمره الحالى !!

• مثال تطبيقي (1) :

افتراض أن صديقك ولد يوم الأحد ، السادس من مايو فى عام 1962 ، وأن عمره الحالى 33 سنة .

(1) سوف نبدأ مع العدد 256 ، حيث يمثل الرقم 2 يوم الأحد ، والرقم 5

شهر مايو ، والرقم 6 ترتيب اليوم الذى ولد فيه من الشهر .

$$(2) \text{ يضاعف العدد السابق } 512 = 256 \times 2$$

$$(3) 517 = 5 + 512$$

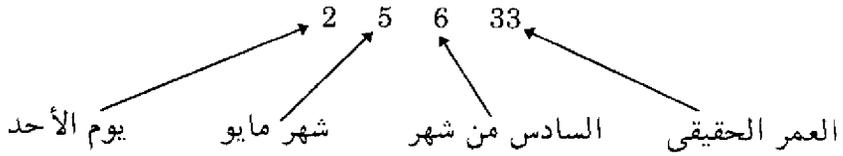
$$(4) 25850 = 50 \times 517$$

$$(5) 25883 = 33 + 25850$$

$$(6) 25518 = 365 - 25883$$

$$(7) 25633 = 115 + 25518$$

والآن ، فإن الناتج الأخير يمثل العدد المعجز . . إذ أن :



• مثال تطبيقي (2) :

هب أن صديقك ولد يوم الأربعاء 15 من أكتوبر عام 1962 وأن عمره الحالى 33 سنة .

$$(1) \text{ العدد الأول } 5 \quad 10 \quad 15$$

$$(2) \quad \quad \quad 2 \times$$

$$\hline 10 \quad 20 \quad 30$$

$$\begin{array}{r} 10 \quad 20 \quad 30 \\ \phantom{10 \quad 20} \quad 5 \quad + \end{array} \quad (3)$$

$$\begin{array}{r} 10 \quad 20 \quad 35 \\ \phantom{10 \quad 20} \quad 50 \quad \times \end{array} \quad (4)$$

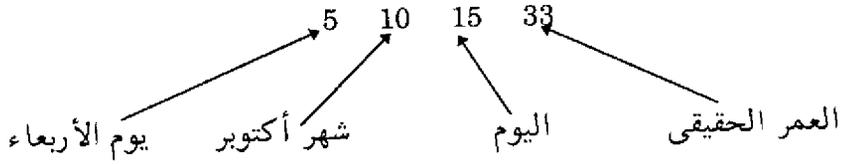
$$\begin{array}{r} 5101750 \\ \phantom{51017} \quad 33 \quad + \end{array} \quad (5)$$

$$\begin{array}{r} 5101783 \\ \phantom{51017} \quad 365 \quad - \end{array} \quad (6)$$

$$\begin{array}{r} 5101418 \\ \phantom{51014} \quad 115 \quad + \end{array} \quad (7)$$

5101533

والآن تأمل الناتج الأخير واقراءه هكذا :



☞ مربع عيد الميلاد :

كثيراً ما نسمع عن المربعات السحرية ، والتي يمكن تكوين العديد منها . .  
 وكل منها يعتمد على فكرة أساسية .  
 وهنا نقوم بتكوين مثل هذه المربعات ، والتي تعتمد أساساً على فكرة تاريخ  
 الميلاد ، وتلعب فيها الأرقام دوراً طريفاً وشائقاً كما يتضح مما يلي :  
 نفترض أن حاتم ولد في الخامس من شهر فبراير عام 80 ، ونريد أن  
 نستخدم هذه المعلومات في تكوين مربع سحري  $3 \times 3$  .

اتبع هذه الخطوات :

- تكون المربع بالحروف كما هو موضح .
- تاريخ الميلاد هو 80 / 2 / 5 .
- ندخل الأعداد فى المربعات كما يلى :
- فى المربع ( أ ) اكتب السنة (80)

ص	أ	س
هـ	و	جـ
ب	ع	د

- أضف اليوم إلى السنة (5 + 80 = 85) وأدخل الناتج فى المربع (ب) .

- أضف اليوم إلى عدد المربع ب (5 + 85 = 90) وأدخل الناتج فى المربع (جـ) .

- أضف الشهر إلى السنة (2 + 80 = 82) وأدخل الناتج فى المربع (د) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (د) (2 + 82 = 84) وأدخل الناتج فى المربع (هـ) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (ب) (2 + 85 = 87) وأدخل الناتج فى المربع (و) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (و) (2 + 87 = 89) وأدخل الناتج فى المربع (س) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (جـ) (2 + 90 = 92) وأدخل الناتج فى المربع (ص) .

- أضف الشهر إلى عدد المربع (ص) (2 + 92 = 94) وأدخل الناتج فى المربع (ع) .

والآن لقد اكتمل المربع (مربع حاتم) كما ترى :

92	80	89
84	87	90
85	94	82

261 ← (top row sum)  
 261 ← (middle row sum)  
 261 ← (bottom row sum)  
 261 ← (left column sum)  
 261 ← (right column sum)

اختبر هذا المربع تجد أن :

(1) مجموع أى صف = مجموع أى عمود

= مجموع أى من القطرين

(2) عند قسمة هذا المجموع ÷ 3

يكون الناتج هو العدد الموجود

فى مربع المركز .

حيث أن المجموع (261)  $\div 3 = 87$  (عدد مربع المركز) .

والآن يمكنك تكوين هذا المربع باستخدام تاريخ ميلاد والد صديقك ، إذا

علمت أن تاريخ ميلاده هو 5 / 8 / 52 .....

- أ = 52

- ب = 52 + 5 = 57

- ج = 57 + 5 = 72

- د = 52 + 8 = 60

- هـ = 8 + 60 = 68

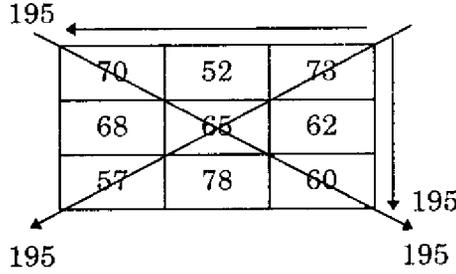
- و = 57 + 8 = 65

- س = 65 + 8 = 73

- ص = 62 + 8 = 70

- ع = 70 + 8 = 78

والآن أصبح المربع كالاتى :



مجموع الأعداد فى أى صف = مجموعها فى أى عمود .

= مجموعها فى أى من القطرين = 195

195  $\div 3 = 65$  ← وهو نفس العدد الموجود فى مربع المركز

كما أن هناك خاصية مهمة تضاف إلى ما سبق وهى أن :

العدد الموجود فى مربع المركز = اليوم + الشهر + السنة

52 + 8 + 5 = 65

## رقم السر :

تؤكد هذه اللعبة العدديّة على مهارتك في معرفة ما يخفيه الأصدقاء عنك من أرقام . . . والآن لنبدأ اللعبة :

- (1) دع صديقك يختار أي عدد مكون من 6 أرقام بعيداً عنك .
- (2) اطلب منه أن يحسب مجموع هذه الأرقام الستة .
- (3) دعه يطرح مجموع هذه الأرقام من العدد الأصلي .
- (4) اطلب منه أن يحتفظ بأي رقم من ناتج الخطوة السابقة ، ويعتبره رقم السر .
- (5) اطلب منه أن يحسب مجموع أرقام الخطوة السابقة بعد استبعاد رقم السر ويخبرك بهذا المجموع .
- (6) والآن يمكنك إخباره برقم السر الذي احتفظ به وأخفاه عنك ، وذلك بطرح ناتج الخطوة السابقة من أول عدد يليه يقبل القسمة على 9 .

### • مثال تطبيقي (1) :

- (1) العدد المختار هو 975341
- (2) مجموع أرقام العدد = 29
- (3) ناتج الطرح = 975312
- (4) لنفترض أنه أخفى الرقم 5 ، فيكون العدد الباقي هو 97312
- (5) مجموع أرقام العدد بعد حذف رقم السر = 22
- أول عدد يقبل القسمة على 9 بعد 22 هو 27 .
- فيكون رقم السر هو  $27 - 22 = 5$

### • مثال تطبيقي (2) :

- (1) العدد الأصلي 408752 .
- (2) المجموع 26
- (3) ناتج الطرح 408726
- (4) هب أن صديقك أخفى الصفر . فيكون العدد الباقي هو 48726 .

(5) المجموع 27 .

ولما كان العدد 27 يقبل القسمة على 9

فإن رقم السر =  $27 - 27 =$  صفر

👉 كيف تستطيع أن تعرف ما مع صديقك من نقود دون أن يخبرك ؟

بطريقة سهلة وشائقة ، ومحيرة في الوقت نفسه ، يمكنك أن تخبر صديقك بما معه من نقود . . وما عليك إلا اتباع الخطوات التالية :

(1) اطلب منه أن يكتب المبلغ الذي معه (عدداً صحيحاً) في ورقة بعيداً عنك .

(2) عليه الآن أن يضاعف المبلغ .

(3) ثم يضيف واحداً إلى الناتج السابق .

(4) بضرب ناتج الخطوة السابقة  $\times 5$  .

(5) يضيف إلى الناتج السابق 5 .

(6) عليه أن يضرب ناتج الخطوة السابقة  $\times 10$  .

(7) يطرح 100 من ناتج الخطوة (6) .

والآن اطلب منه أن يخبرك بالناتج الأخير ، وما عليك إلا أن تحذف

رقمى الآحاد والعشرات ، ويكون العدد الباقي هو الذى يمثل المبلغ

الذى مع صاحبك .

• مثال تطبيقي :

(1) ما مع صديقك 25 جنيهاً .

$$50 = 2 \times 25 \quad (2)$$

$$51 = 1 + 50 \quad (3)$$

$$255 = 5 \times 51 \quad (4)$$

$$260 = 5 + 255 \quad (5)$$

$$2600 = 10 \times 260 \quad (6)$$

$$2500 = 100 - 2600 \quad (7)$$

بعد حذف رقمى الآحاد والعشرات ، يكون العدد المتبقى (25) وهو ما يمثل قيمة المبلغ الذى مع صاحبك .

### أولاد وبنات :

هذه لعبة طريفة تدل على طرافة الأرقام ومرونتها . . يمكنك أن تلعبها مع أفراد أسرتك ، وتنفذ كالاتى :

- (1) عدد الوالدين دائما  $2 =$
- (2) أضف عدد الأولاد إلى عدد الوالدين ثم اضرب الناتج  $\times 2$  وأضف 1 .
- (3) اضرب ناتج الخطوة السابقة  $\times 5$  ثم أضف عدد البنات .
- (4) اطرح 25 من ناتج الخطوة السابقة .
- (5) تأمل ناتج الخطوة (4) جيداً ، تلاحظ أن رقم الآحاد يمثل عدد البنات بينما يمثل رقم العشرات عدد الأولاد .

### • مثال تطبيقي :

إذا كان عدد الأولاد  $= 5$  ، وعدد البنات  $= 3$

$$(1) \text{ عدد الوالدين} = 2$$

$$(2) 15 = 1 + 2 \times (2 + 5)$$

$$(3) 78 = 3 + 5 \times 15$$

$$(4) 53 = 25 - 78$$

عدد البنات ← 53 ← عدد الأولاد

ويمكن إجمال الخطوات السابقة فى المعادلة الآتية :

$$[ \text{الأبوان} + \text{الأولاد} ) \times 2 + 1 ] \times 5 + \text{البنات} - 25 = \text{س ص}$$

فيكون س هو عدد البنات ، ص هو عدد الأولاد .

👉 الناتج دائما = 7 :

- (1) تخير أى عدد .
- (2) ضاعف هذا العدد .
- (3) أضف إلى الناتج 17 .
- (4) اطرح من الناتج 3 .
- (5) اقسم الناتج على 2 .
- (6) اطرح العدد الأصلي من ناتج القسمة . . ماذا تلاحظ ؟  
سوف نلاحظ دائما أن ناتج الطرح = 7 !!

• مثال تطبيقي :

1864 = العدد المختار (1)

$2 \times$  (2)

$\underline{\hspace{1cm}}$   
3728

17 + (3)

$\underline{\hspace{1cm}}$   
3745

3 - (4)

$\underline{\hspace{1cm}}$   
3742

2 ÷ (5)

$\underline{\hspace{1cm}}$   
1871

1864 - (6)

$\underline{\hspace{1cm}}$   
7 =

👉 حيلة مدهشة :

- (1) اختر أى عدد .
- (2) اضرب هذا العدد  $\times 3$  .

- (3) أضف إلى الناتج 2 .  
 (4) اضرب الناتج  $\times 3$  .  
 (5) أضف إلى الناتج عدداً يزيد عن الذى اخترته بمقدار 2 .  
 (6) تأمل الناتج النهائى جيداً . . ماذا تلاحظ ؟  
 تلاحظ أنه بعد حذف رقم الآحاد فإن الأرقام المتبقية تمثل العدد الذى اخترته أولاً .

• مثال تطبيقي :

$$\begin{array}{r}
 107 \\
 \times 3 \\
 \hline
 321 \\
 + 2 \\
 \hline
 323 \\
 \times 3 \\
 \hline
 969 \\
 + 109 \\
 \hline
 1078
 \end{array}$$

(1) العدد المختار هو 107  
 (2)  $\times 3$   
 (3) + 2  
 (4)  $\times 3$   
 (5) + 109 [109 = 2 + 107]

- (6) بعد حذف رقم الآحاد يصير العدد 107 ، وهو نفسه الذى تم اختياره أولاً .

👉 الرقم المفقود :

- (1) اختر عدداً كبيراً مكوناً من ستة أو سبعة أرقام .  
 (2) اجمع أرقام هذا العدد .  
 (3) اطرح المجموع من العدد الأسمى .  
 (4) أعد ترتيب أرقام ناتج الطرح بأى طريقة تراها .

- (5) أضف إلى العدد الجديد 25 .  
 (6) احذف من الناتج أى عدد غير الصفر .  
 (7) اجمع الأرقام المتبقية بعد الحذف .  
 (8) اطرح هذا المجموع من 25 .  
 (9) ناتج الطرح دائماً يساوى الرقم المحذوف !!  
 وإذا كان الناتج عدداً مكوناً من رقمين ، كان مجموعهما هو الرقم  
 المحذوف !!

• مثال تطبيقي :

- (1) الرقم المختار = 712543  
 (2) مجموع أرقامه = 22  
 (3) ناتج الطرح = 712521  
 (4) يمكن إعادة ترتيب الأرقام هكذا : 211527  
 (5) 
$$\begin{array}{r} 25 \\ + \\ \hline 211552 \end{array}$$
  
 (6) احذف الرقم 1 = 21552  
 (7) المجموع بعد الحذف = 15  
 (8) اطرح المجموع من 25 يكون الناتج = 10  
 الرقم المحذوف = 0 + 1 = 1

وهذه الحيلة يمكن تحويلها إلى لعبة طريقة مع الأصدقاء ، مع إيهامهم  
 بقدرتك على معرفة الرقم المحذوف دون أن يخبروك . فقط اطلب منهم  
 المجموع بعد حذف الرقم ، ثم اطرح هذا المجموع من 25 لتخبرهم بالرقم  
 المحذوف ، وعندها ستسيطر عليهم الدهشة !!



### جدول معرفة الأعمار :

أ	ب	ج	د	هـ	و
1	2	4	8	16	32
3	3	5	9	17	33
5	6	6	10	18	34
7	7	7	11	19	35
9	10	12	12	20	36
11	11	13	13	21	37
13	14	14	14	22	38
15	15	15	15	23	39
17	18	20	24	24	40
19	19	21	25	25	41
21	22	22	26	26	42
23	23	23	27	27	43
25	26	28	28	28	44
27	27	29	29	29	45
29	30	30	30	30	46
31	31	31	31	31	47
33	34	36	40	48	48
35	35	37	41	49	49
37	38	38	42	50	50
39	39	39	43	51	51
41	42	44	44	52	52
43	43	45	45	53	53
45	46	46	46	54	54
47	47	47	47	55	55
49	50	52	56	56	56
51	51	53	57	57	57
53	54	54	58	58	58
55	55	55	59	59	59
57	58	60	60	60	60
59	59	61	61	61	61
61	62	62	62	62	62
63	63	63	63	63	63

الجدول المقابل يساعدك في معرفة

أعمار أصدقائك . .

وإليك الطريقة :

اسأل صديقك عن الأعمدة المدون

بها عمره .

وببساطة اجمع الأعداد أعلى تلك

الأعمدة ، فيكون الناتج هو عمر

صديقك ..

لنفترض أن عمر صديقك 21 سنة ،

نجد أن العدد 21 موجود في

الأعمدة أ ، ج ، هـ ،

مجموع الأعداد أعلى هذه الأعمدة

$$21 = 16 + 4 + 1 =$$

وبالعكس إذا أخبرك صاحبك أن

عمره تكرر في الأعمدة أ ، د ، هـ

$$\text{فإن عمره } = 16 + 8 + 1 =$$

$$25 = \text{سنة}$$

وبالفعل نجد أن العدد 25 مكرر في

الأعمدة الثلاثة المذكورة .

### الضرب بمجرد النظر :

هناك بعض عمليات الضرب قد تبدو صعبة نظراً لضخامة الأعداد المستخدمة ، إلا أنه في الواقع يمكن إجراء تلك العمليات بسهولة كما في الحالات التالية :

• الضرب  $\times 999$  :

لاحظ المثال التالي :  $475000 - 475 = 475000 - 475 = 475 \times 999 = 474525$   
 أي أننا أضفنا للعدد المضروب فيه ثلاثة أصفار [ عدد التسعات ] ، ثم طرحنا من الناتج المضروب فيه.

وبالمثل فإن :  $82500 - 825 = 82500 - 825 = 825 \times 99 = 81675$

،  $7200000 - 72 = 7200000 - 72 = 72 \times 99999 = 7199928$  ،

• الضرب  $\times 5$  :

لضرب عدد ما  $\times 5$  ، أضف صفراً إلى العدد ، ثم اقسم الناتج  $\div 2$  ، كما يلي :

$172 \times 5 = 1720 \div 2 = 860$

• الضرب  $\times 125$  :

لضرب عدد ما  $\times 125$  ، أضف ثلاثة أصفار إلى العدد ثم اقسم الناتج  $\div 8$  كما يلي :

$872 \times 125 = 872000 \div 8 = 109000$

### التقويم :

جمعة	خميس	أربعاء	ثلاثاء	اثنين	أحد	سبت
2	1					
9	8	7	6	5	4	3
16	15	14	13	12	11	10
23	22	21	20	19	18	17
30	29	28	27	26	25	24

هذه لعبة طريقة تنم عن طرافة الأرقام ولغتها المرحلة ، ولا تحتاج فيها إلا إلى تقويم شهري كالمبين بالشكل السابق .

(1) اطلب من صديقك أن يختار ثلاثة تواريخ متتالية ، ويكون منها مربعاً يحتوي على ثلاثة صفوف وثلاثة أعمدة كما بالشكل .

(2) من غير أن تطلع على ما اختاره صديقك يمكنك إخباره بمجموع الأعداد داخل المربع الذي اختاره كما يلي .

(3) فقط اسأله عن أصغر تاريخ في المربع .

(4) أضف إلى التاريخ 8 ثم اضرب التاريخ  $\times 9$  يكون الناتج هو مجموع الأعداد داخل المربع . .

وفي المثال الموضح مجموع الأعداد

$$22 + 21 + 20 + 15 + 14 + 13 + 8 + 7 + 6 =$$

$$126 =$$

- أصغر تاريخ هو 6  $126 = 9 \times (8 + 6)$

- وكذا لو أخذنا المربع الثاني ، فإن مجموع الأعداد

$$27 + 26 + 25 + 20 + 19 + 18 + 13 + 12 + 11 =$$

$$171 =$$

- أصغر تاريخ هو 11  $171 = 9 \times (8 + 11)$

👉 حساب مربع أى عدد مكون من تكرارات الرقم 9 :

عند ضرب أى عدد مكون من تكرار الرقم 9 فى نفسه ، عليك باتباع

الآتى مبيناً من اليمين :

(1) اكتب الرقم 1 .

(2) ضع عدداً من الأصفار أقل من عدد التسعات بمقدار 1 .

(3) ضع 8 .

(4) ضع عدداً من التسعات يساوى عدد الأصفار .

• مثال : احسب  $(99999)^2$

- (1) 1  
 (2) 0000 [ أربعة أصفار ، حيث عدد التسعات = 5 ]  
 (3) 8  
 (4) 9999  
 أى أن :  $9999800001 = (99999)^2$

👉 حساب مربع أى عدد رقم أحاده = 5 :

عند حساب مربع أى عدد مكون من مجموعة أرقام ، فيه رقم الآحاد = 5 نبدأ من اليمين ونكتب 25 ( مربع رقم الآحاد ) ثم نكتب حاصل ضرب رقم العشرات فى الرقم التالى له . .

• مثال :  $1225 = (35)^2$

3 (رقم العشرات)  $\times$  4 (الرقم التالى له)

$5 \times 5$

وكذا :  $9025 = (95)^2$

فإذا كان العدد مكوناً من ثلاثة أرقام مثل :

$697225 = (835)^2$

$84 \times 83$

$5 \times 5$

وبالمثل :  $555025 = (745)^2$

وكذا إذا كان العدد مكوناً من أربعة أرقام كما يلى :

$55130625 = (7425)^2$

$743 \times 742$

$5 \times 5$

👉 حساب مجموع سلسلة من الأعداد المتتالية :

عند حساب مجموع سلسلة من الأعداد المتتالية عليك اتباع الآتى :

- (1) أضف العدد الأول إلى العدد الأخير .  
 (2) اضرب الناتج  $\times \frac{1}{2}$  عدد أعداد السلسلة .

• مثال تطبيقي :

أوجد مجموع السلسلة الآتية : (14 + 15 + 16 + 17 + 18 + 19)

$$33 = 19 + 14 \quad (1)$$

$$99 = \frac{6}{2} \times 33 \quad (2)$$

أى أن المجموع = 99

وكذا : (39 + 40 + 41 + 42 + . . . . . + 48)

$$\text{المجموع} = \frac{10}{2} \times (48 + 39) = 435$$

### حساب مجموع متتالية من الأعداد الفردية :

من 1 إلى 100 يوجد 50 عدداً فردياً :

$$99 + . . . . . + 7 + 5 + 3 + 1$$

$$\text{المجموع} = \frac{50}{2} \times (99 + 1) = 2500$$

وبالمثل فإن مجموع المتوالية الحسابية :

(1, 3, 5, 7, 9, 11, 13)

$$49 = \frac{7}{2} \times (13 + 1) =$$

### حساب مجموع متتالية من الأعداد الزوجية :

من 1 إلى 100 يوجد 50 عدداً زوجياً :

$$100 + . . . . . + 8 + 6 + 4 + 2$$

$$\text{المجموع} = \frac{50}{2} \times (100 + 2) = 2550$$

وبالمثل فإن مجموع المتوالية الحسابية :

(2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20)

$$110 = \frac{10}{2} \times (20 + 2) =$$

حساب حاصل ضرب أى عدد  $\times 25$  :

اضرب العدد  $\times 100$  واقسم الناتج  $\div 4$

• مثال :  $11550 = \frac{46200}{4} = 25 \times 462$

قابلية العدد للقسمة :

- يقبل العدد القسمة على 2 إذا كان رقم آحاده صفرًا أو زوجيًا مثل :  
( 150 ، 272 ، 6654 ، 43756 ، 199878 )

- يقبل العدد القسمة على 3 إذا كان مجموع أرقامه يقبل القسمة على 3  
مثل : ( 48 ، 267 ، 1356 )

- يقبل العدد القسمة على 4 إذا كان رقما الآحاد والعشرات يكونان عددًا  
يقبل القسمة على 4 ، أو كان كل منهما يساوى الصفر .  
مثل ( 984 ، 1900 )

- يقبل العدد القسمة على 5 إذا كان رقم الآحاد فيه صفرًا أو خمسة مثل :  
( 5670 ، 5675 ) .

- يقبل العدد القسمة على 6 إذا كان زوجيًا ومجموع أرقامه يساوى 6 أو  
9 . مثل : [ 3084  $\Leftarrow$  مجموع الأرقام = 15 أى 15 = 1 + 5 ]  
[ 1908  $\Leftarrow$  مجموع الأرقام = 18 أى 18 = 1 + 8 ]

- يقبل العدد القسمة على 8 إذا كانت أرقام الآحاد والعشرات والمئات  
تكون عددًا يقبل القسمة على 8 . مثل : [ 41560 ، 5048 ]

- يقبل العدد القسمة على 9 إذا كان مجموع أرقامه = 9  
[ 3222  $\Leftarrow$  مجموع الأرقام = 9 ،  
28998  $\Leftarrow$  مجموع الأرقام = 36 أى 36 = 3 + 9 ]





نعرض هنا لجانب من جوانب إبداع الأرقام وسحرها !!  
فهناك العدد من التراكيب المدهشة التي تكونها الأرقام .. وفيما يلي بعض منها :

• مع الرقم (1) :

$$\begin{aligned}
 1 &= 1 & \times & 1 \\
 121 &= 11 & \times & 11 \\
 12321 &= 111 & \times & 111 \\
 1234321 &= 1111 & \times & 1111 \\
 123454321 &= 11111 & \times & 11111 \\
 12345654321 &= 111111 & \times & 111111
 \end{aligned}$$

• مع الرقم (8) :

$$\begin{aligned}
 9 &= 1 + 8 \times 1 \\
 98 &= 2 + 8 \times 12 \\
 987 &= 3 + 8 \times 123 \\
 9876 &= 4 + 8 \times 1234 \\
 98765 &= 5 + 8 \times 12345 \\
 987654 &= 6 + 8 \times 123456 \\
 9876543 &= 7 + 8 \times 1234567 \\
 98765432 &= 8 + 8 \times 12345678 \\
 987654321 &= 9 + 8 \times 123456789
 \end{aligned}$$

وتأمل أيضا هذا التركيب المدهش الذي كونه الرقم 8 مع العدد 13 :

$$77 = 13 + 8 \times 8$$

$$717 = 13 + 88 \times 8$$

$$\begin{aligned}
7117 &= 13 + 888 \times 8 \\
71117 &= 13 + 8888 \times 8 \\
711117 &= 13 + 88888 \times 8 \\
7111117 &= 13 + 888888 \times 8
\end{aligned}$$

• مع الرقم (9) والتركييب 11 :

$$\begin{aligned}
1 &= 1 + 0 \times 9 \\
11 &= 2 + 1 \times 9 \\
111 &= 3 + 12 \times 9 \\
1111 &= 4 + 123 \times 9 \\
11111 &= 5 + 1234 \times 9 \\
111111 &= 6 + 12345 \times 9 \\
1111111 &= 7 + 123456 \times 9 \\
11111111 &= 8 + 1234567 \times 9 \\
111111111 &= 9 + 12345678 \times 9 \\
1111111111 &= 10 + 123456789 \times 9
\end{aligned}$$

• مع الرقم (9) والتركييب 88 :

$$\begin{aligned}
8 &= 8 + 0 \times 9 \\
88 &= 7 + 9 \times 9 \\
888 &= 6 + 98 \times 9 \\
8888 &= 5 + 987 \times 9 \\
88888 &= 4 + 9876 \times 9 \\
888888 &= 3 + 98765 \times 9 \\
8888888 &= 2 + 987654 \times 9 \\
88888888 &= 1 + 9876543 \times 9 \\
888888888 &= 0 + 98765432 \times 9
\end{aligned}$$

: 9 × 9 •

$$\begin{aligned}81 &= 9 \times 9 \\9801 &= 99 \times 99 \\998001 &= 999 \times 999 \\99980001 &= 9999 \times 9999 \\9999800001 &= 99999 \times 99999\end{aligned}$$

: 1 , 9 •

$$\begin{aligned}08 &= 1 - 1 \times 9 \\188 &= 1 - 21 \times 9 \\2888 &= 1 - 321 \times 9 \\38888 &= 1 - 4321 \times 9 \\488888 &= 1 - 54321 \times 9 \\5888888 &= 1 - 654321 \times 9 \\68888888 &= 1 - 7654321 \times 9 \\788888888 &= 1 - 87654321 \times 9 \\8888888888 &= 1 - 987654321 \times 9\end{aligned}$$

: 7 , 6 •

$$\begin{aligned}49 &= 7 \times 7 \\4489 &= 67 \times 67 \\444889 &= 667 \times 667 \\44448889 &= 6667 \times 6667 \\4444488889 &= 66667 \times 66667 \\444444888889 &= 666667 \times 666667\end{aligned}$$

: 4 , 3 •

$$\begin{aligned}16 &= 4 \times 4 \\1156 &= 34 \times 34\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
111556 &= 334 \times 334 \\
11115556 &= 3334 \times 3334 \\
1111155556 &= 33334 \times 33334 \\
111111555556 &= 333334 \times 333334
\end{aligned}$$

• اضحك مع العدد 37 !!

عند ضرب العدد 37 في حدود المتوالية العددية :  
3 ، 6 ، 9 ، 12 ، 15 ، 18 . . . سنجد أن الناتج مثيراً للدهشة . .

تعال لنرى :

$$111 = 3 \times 37$$

$$222 = 6 \times 37$$

$$333 = 9 \times 37$$

$$444 = 12 \times 37$$

$$555 = 15 \times 37$$

$$666 = 18 \times 37$$

$$777 = 21 \times 37$$

$$888 = 24 \times 37$$

$$999 = 27 \times 37$$

والآن جرب وتأمل ناتج الضرب في بقية حدود المتوالية .

• مع المتوالية العددية 9 ، 18 ، 27 . . .

تأمل ناتج ضرب حدود المتوالية العددية 9 ، 18 ، 27 ، . . . ، 81 في

هكذا : 123456789

$$1111111101 = 123456789 \times 9$$

$$2222222202 = 123456789 \times 18$$

$$3333333303 = 123456789 \times 27$$

$$4444444404 = 123456789 \times 36$$

$$5555555505 = 123456789 \times 45$$

$$6666666606 = 123456789 \times 54$$

$$7777777707 = 123456789 \times 63$$

$$8888888808 = 123456789 \times 72$$

$$9999999909 = 123456789 \times 81$$

ولكن . . ترى كيف سيكون ناتج الضرب لو عكس العدد 123456789؟!  
سيكون الناتج أكثر غرابة . . تأمل :

$$0888888889 = 987654321 \times 9$$

$$1777777778 = 987654321 \times 18$$

$$2666666667 = 987654321 \times 27$$

$$3555555556 = 987654321 \times 36$$

$$4444444445 = 987654321 \times 45$$

$$5333333334 = 987654321 \times 54$$

$$6222222223 = 987654321 \times 63$$

$$7111111112 = 987654321 \times 72$$

$$8000000001 = 987654321 \times 81$$

من غرائب الرقم 9 ، أنه إذا ضرب  $\times$  أي عدد فإن مجموع أرقام الناتج دائماً = 9

$$[ 9 = 4 + 1 + 2 + 2 ] 4122 = 458 \times 9$$

$$\Leftarrow 18 = 5 + 2 + 0 + 2 + 9 ] 52029 = 5781 \times 9$$

$$[ 9 = 1 + 8$$

$$[ 9 = 8 + 1 ] 81 = 9^2$$

$$[ 9 = 1 + 8 \Leftarrow 18 = 7 + 2 + 9 ] 729 = 9^3$$

$$[ 9 = 1 + 8 \Leftarrow 18 = 6 + 5 + 6 + 1 ] 6561 = 9^4$$

$$[ 9 = 2 + 7 \Leftarrow 27 = 5 + 9 + 0 + 4 + 9 ] 59049 = 9^5$$

$$+ 6 + 7 + 8 + 4 + 4 + 0 + 1 ] 3486784401 = 9^{10}$$

$$[ 9 = 4 + 5 \Leftarrow 45 = 3 + 4 + 8$$

وهكذا

• مع الرقم (2) :

لاحظ التركيب الآتى :

9	8	7	6	5	4	3	2	1
1	2	3	4	5	6	7	8	9
9	8	7	6	5	4	3	2	1
1	2	3	4	5	6	7	8	9
							2	+
<hr/>								
2	2	2	2	2	2	2	2	2

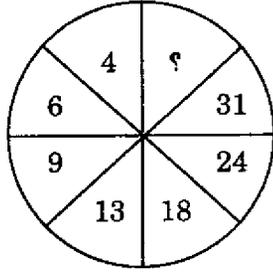
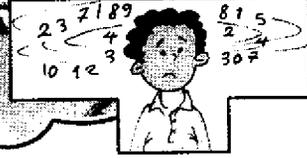
• لاحظ الرقم 5 :

$$\begin{aligned}25 &= 5 \times 5 \\3025 &= 55 \times 55 \\308025 &= 555 \times 555 \\30858025 &= 5555 \times 5555\end{aligned}$$

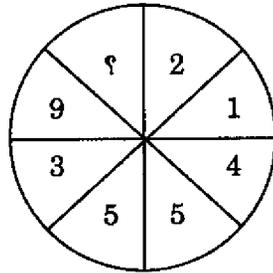
• لاحظ الرقم 6 :

$$\begin{aligned}36 &= 6 \times 6 \\4356 &= 66 \times 66 \\443556 &= 666 \times 666 \\44435556 &= 6666 \times 6666 \\4444355556 &= 66666 \times 66666\end{aligned}$$

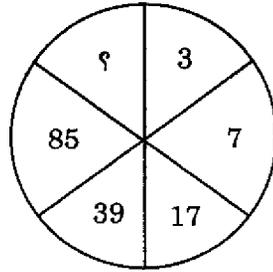
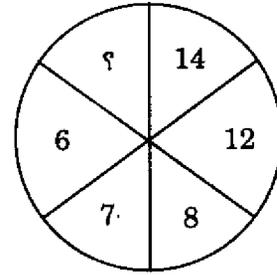
# الأعداد الناقصة



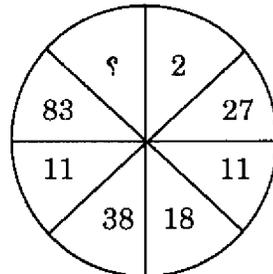
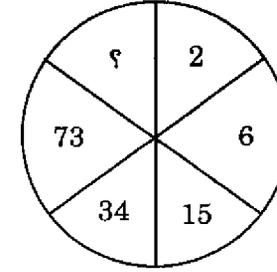
(1) (أ) تأمل الأعداد الموضحة بالدوائر التالية ، واستنتج العلاقة بينها لتتعرف على الأعداد الناقصة :



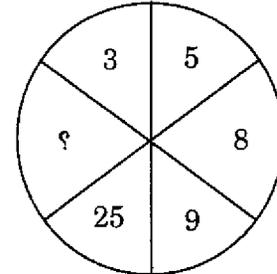
(2)



(3)



(4)

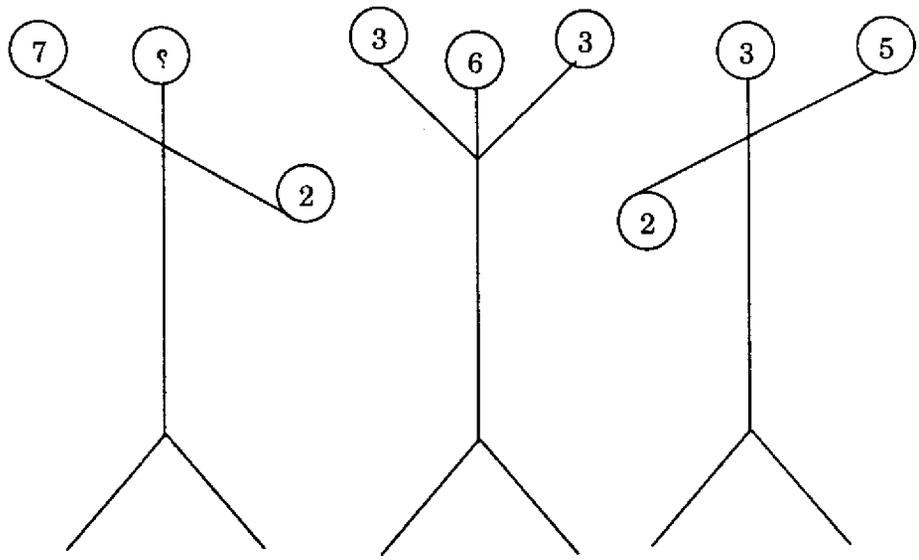


(5)

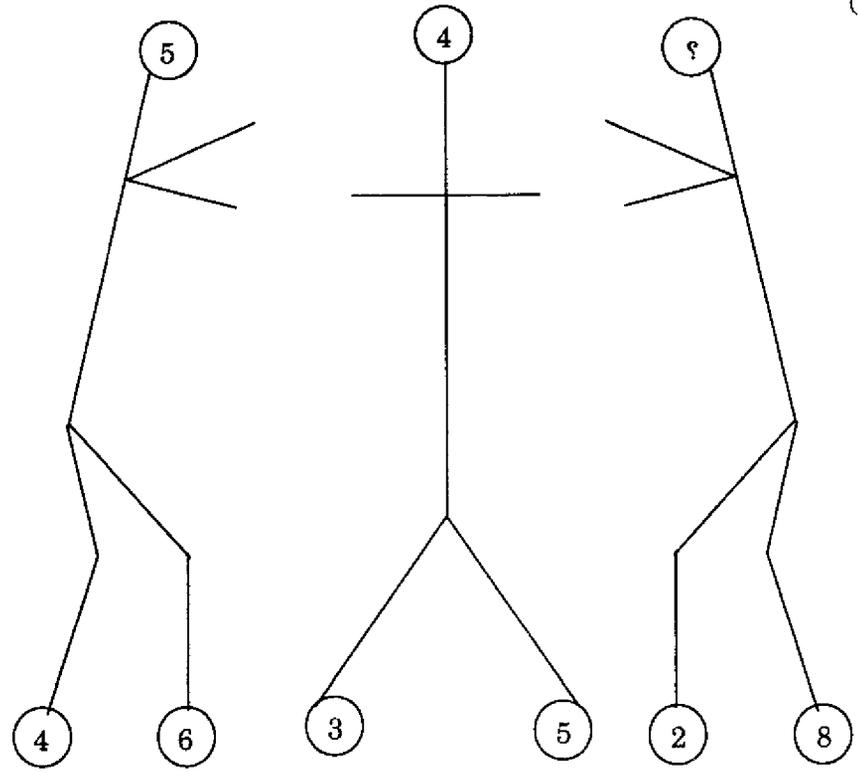
(6)

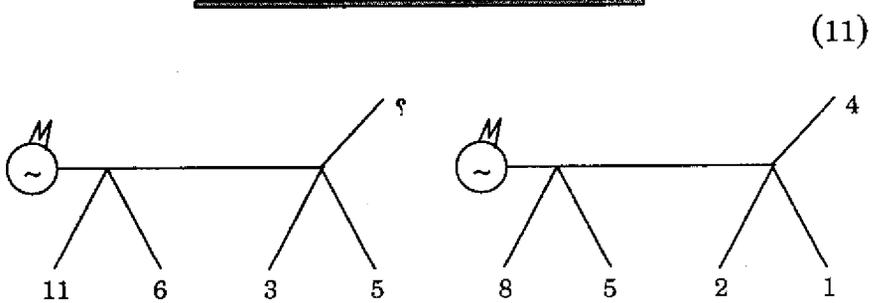
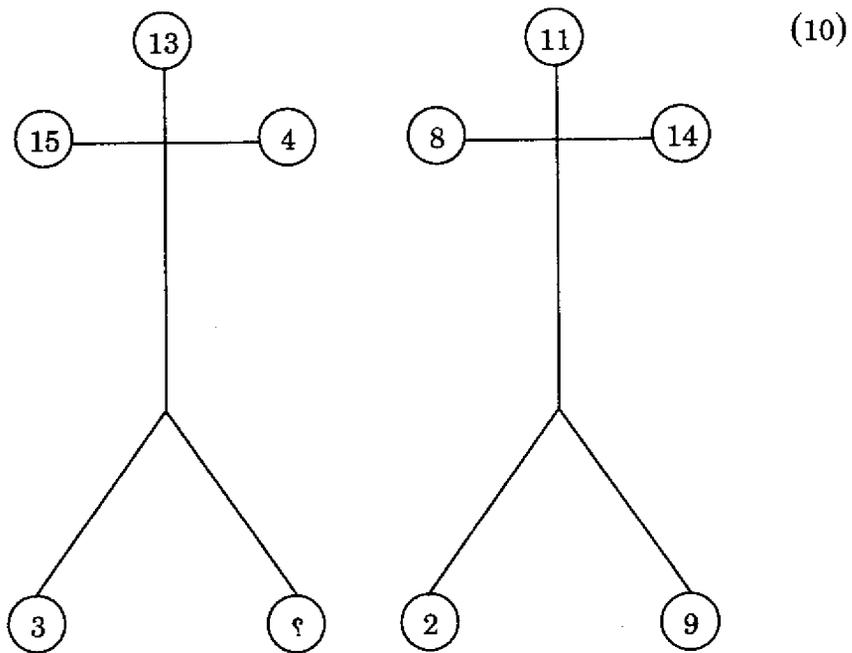
(ب) أكمل الأعداد الناقصة في الأشكال التالية :

(8)



(9)





(ج) أكمل السلاسل التالية :

          ?      32      24      20      18      (12)

          ?      113      146      179      212      (13)

          ?      14      14      11      10      8      6      (14)

                  39      (112)      17      (15)

                  49      (?)      28

$$3 \quad 9 \quad 3 \quad (16)$$

$$1 \quad 7 \quad 5$$

$$? \quad 1 \quad 7$$

---


$$? \quad 45 \quad 24 \quad 13 \quad 7 \quad (17)$$

---


$$567 \quad (333) \quad 234 \quad (18)$$

$$645 \quad (?) \quad 300$$

---


$$? \quad 35 \quad 19 \quad 11 \quad 7 \quad 5 \quad 4 \quad (19)$$

---


$$? \quad 21 \quad 13 \quad 9 \quad 7 \quad 6 \quad (20)$$

$$6 \quad 4 \quad 8 \quad (21)$$

$$5 \quad 2 \quad 8$$

$$? \quad 8 \quad 2$$

---


$$818 \quad (283) \quad 314 \quad (22)$$

$$28 \quad (?) \quad 600$$

$$3 \quad 5 \quad 7 \quad (23)$$

$$7 \quad 0 \quad 8$$

$$? \quad 3 \quad 6$$

---


$$516 \quad (70) \quad 481 \quad (24)$$

$$428 \quad (?) \quad 619$$

---


$$37 \quad (333) \quad 18 \quad (25)$$

$$15 \quad (?) \quad 12$$

(26) أدخل الأرقام الناقصة في الشكل

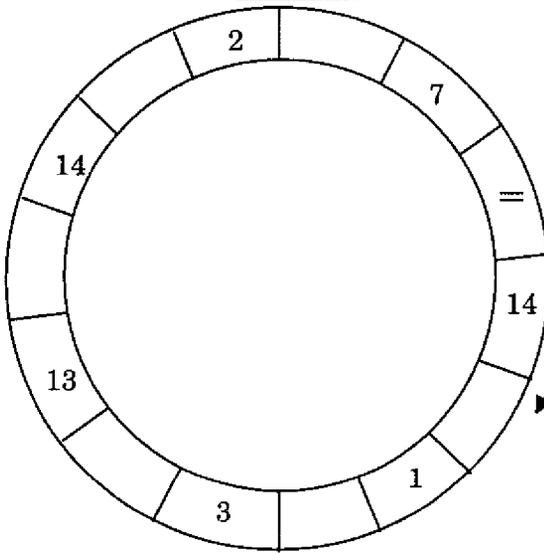
الموضح . . [ الأرقام كلها أقل

من 10 ، وليس من بينها الصفر ]

	+		÷		=	3
-		-		-		×
	+		+	3	=	
×		+		÷		÷
	×	2	÷		=	
=		=		=		=
9	-		+		=	

100		25		5		13	=	12
2		15		5		3	=	12
10		14		4		8	=	12
8		2		3		4	=	12
=		=		=		=		
12		12		12		12		

(27) أدخل العمليات الحسابية  
( ÷ ، × ، - ، + )  
في أماكنها الصحيحة  
من الشبكة الموضحة .



(28) مبتدئاً من السهم  
أدخل العمليات ( +  
، - ، × ، ÷ ) في  
أماكنها الصحيحة من  
الدائرة ليكون الناتج  
في النهاية = 14

18		6		7		1	=	20
2		4		5		7	=	20
3		15		10		8	=	20
28		10		2		4	=	20
=		=		=		=		
20		20		20		20		

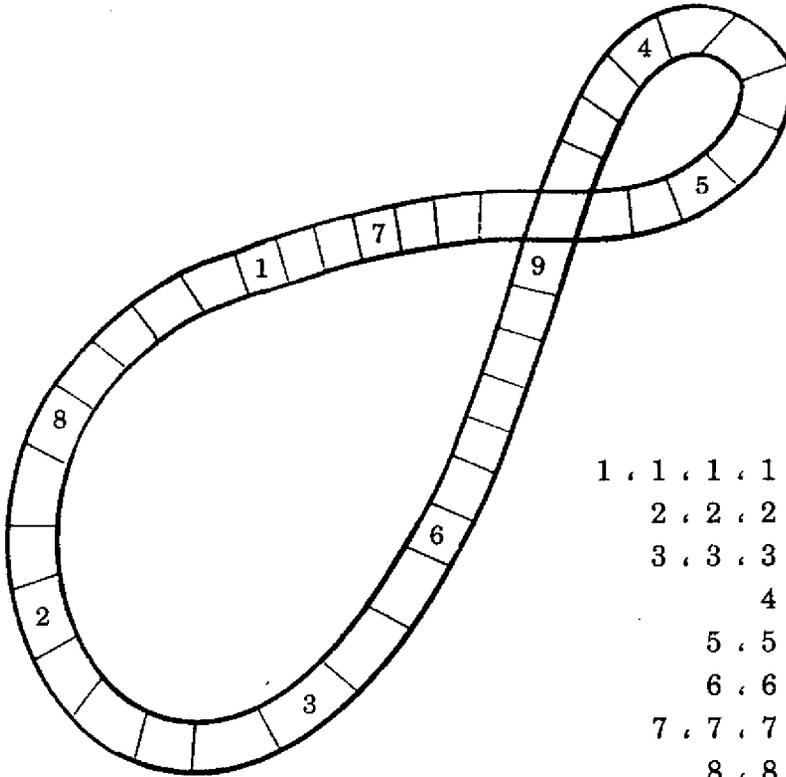
(29) أدخل العمليات  
الحسابية الأربعة في  
أماكنها الصحيحة من  
الشبكة الموضحة في  
الشكل :

1	2	3	4	5	6	7	8	8
	÷		+		=	9		
×			+		+			
	×		-		=	7		
÷			-		-			
	+		-		=	5		
=		=		=				
4		8		13				

(30) مبتدئًا من أقصى اليسار  
ويأتجاه اليمين ، وكذا  
من أعلى إلى أسفل ،  
أكمل الشبكية الموضحة  
بالأرقام المعطاة أعلاها .

### (31) سكة حديد :

أدخل الأرقام المتبقية من المجموعات التالية في أماكنها الصحيحة ،  
بحيث يكون أى عدد مكون من ثلاثة أرقام متجاورة يقبل القسمة على 3 .



- 1 , 1 , 1 , 1 , 1 , 1 , 1  
 2 , 2 , 2 , 2 , 2 , 2  
 3 , 3 , 3 , 3 , 3 , 3  
 4 , 4 , 4 , 4  
 5 , 5 , 5 , 5  
 6 , 6 , 6 , 6  
 7 , 7 , 7 , 7 , 7  
 8 , 8 , 8 , 8  
 9 , 9 , 9 , 9



$$\begin{array}{cccccc} (99) & (45) & (39) & (36) & (28) & (21) \\ (72) & (27) & (18) & (21) & (?) & (13) & (8) \end{array} \quad (38)$$

(39) لفز المائة :

كتب سعيد الأرقام من 1 إلى 9 بالترتيب ، وأمكنه بعد إدخال العلامتين (+ ، -) فيما بين هذه الأرقام أن يحصل على الناتج 100 فى أقصى اليمين كما يلي :

$$98 - 7 + 6 + 5 + 4 - 3 - 2 - 1 = 100$$

والمطلوب الآن :

(أ) التوصل إلى طرق جديدة باستخدام نفس العمليتين (الجمع والطرح) للحصول على نفس الناتج 100 .

(ب) التوصل إلى نفس الناتج باستخدام عمليتى الجمع والطرح أربع مرات فقط .

(40) مبتدئاً من أقصى اليسار ، أدخل العمليات الحسابية التى تراها مناسبة للوصول إلى الناتج 100 أقصى اليمين .

$$\longrightarrow 10 \quad 5 \quad 13 \quad 20 \quad 3 = 100$$

(41) أدخل فيما بين الأرقام التالية 4 عمليات . جمع ، 3 عمليات طرح ، عملية قسمة واحدة ، ليكون الناتج النهائى أقصى اليمين = صفر .

$$\longrightarrow 9 \quad 8 \quad 7 \quad 6 \quad 5 \quad 4 \quad 3 \quad 2 \quad 1 = \text{صفر}$$

(42) فى المعادلات الثلاثة التالية سقطت العلامات الحسابية (+ ، - ، × ، ÷) . . والمطلوب وضعها فى أماكنها الصحيحة .

$$18 = 6 \square 3 \square 4 \quad (\text{أ})$$

$$18 = 3 \square 5 \square 16 \quad (\text{ب})$$

$$18 = 13 \square 5 \square 25 \quad (\text{ج})$$

(43) أكمل بوضع الأعداد المناسبة :

?	?	37	26	17	10	5
?	14	17	15	16		
?	34	31	33	32		

(44)

• أوجد قيمة س في كل مما يلي :

9	5	8	1	2	(45)
2	6	2	7	3	
س	1	1	2	4	

$$س ، 1512 ، 7938 ، 97376 \quad (46)$$

$$س ، 256 ، 27 ، 4 ، 1 \quad (47)$$

4	7	8	3	8	5
6	5			7	4
8	1	8	6	2	
3	6	5	8	7	6
	7	2	6	3	7
8	4	7	4	7	5

(48) أكمل الشبكية التالية

بالأرقام المناسبة :

(49) باستخدام جميع العلاقات الرياضية (+ ، - ، × ، ÷) أكمل

المعادلة التالية :

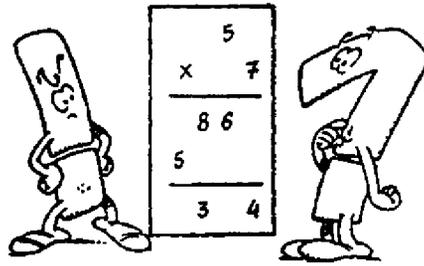
$$42 = 6 \quad 22 \quad 3 \quad 2 \quad 39$$

(50) في العملية الحسابية الآتية هناك ثلاثة أشكال مختلفة تمثل ثلاثة

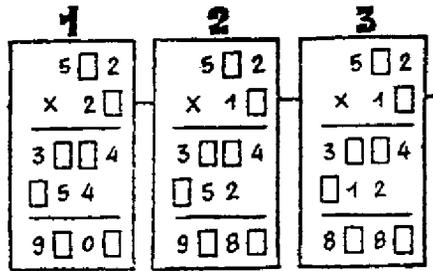
أرقام مختلفة حاول أن تتعرف على هذه الأرقام :

$$\begin{array}{r}
 4 \quad \text{☀} \quad 2 \quad 5 \\
 \text{☀} \quad 2 \quad \text{☀} \quad 6 - \\
 \hline
 1 \quad \text{☀} \quad 2 \quad \text{☀}
 \end{array}$$

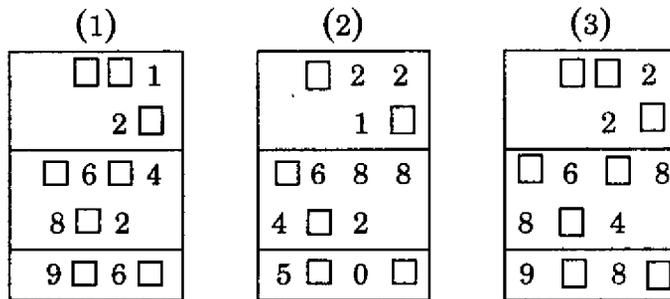
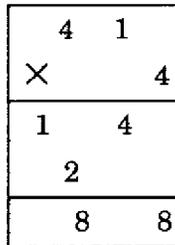
أى من الإجابات الثلاثة المذكورة تكمل عمليتي الضرب التاليتين ؟



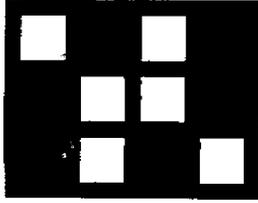
(51)



(52)



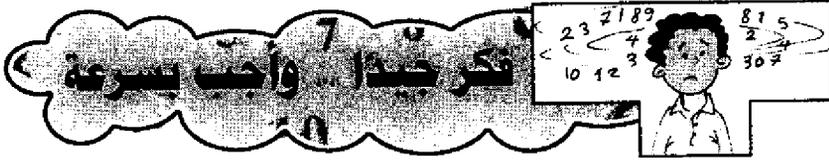
(53) المربع الموجود أقصى اليسار هو جزء من المربع الكبير . . . قطعه أحمد منه ، إلا أنه نسي أن يضع الأعداد فى موضعها . . . وكل ما يذكره أحمد أن مجموع هذه الأعداد المقطوعة = 25 . . . فهل يمكنك أن تساعد أحمد فى وضع الأعداد الستة فى مواضعها الصحيحة ؟



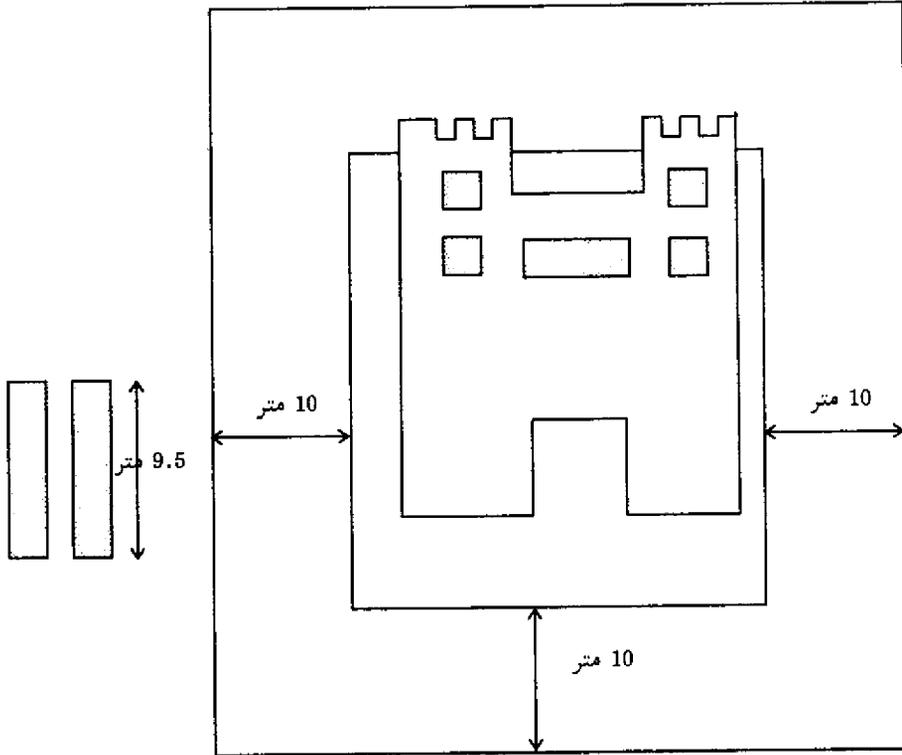
9	0	8	1	10	3
4	9	0	2	6	2
6	11	7	3	4	5
9	1	6	13	15	4
2	19	7	14	3	1

(54) أكمل عملية الجمع التالية :

	5			
	5		+	
8	0	7		



- (1) ما أكبر عدد يمكن الحصول عليه باستخدام الرقم 1 أربع مرات ؟
- (2) كم يبلغ طول ضلع المربع الذى يتساوى فيه محيطه مع مساحته ؟
- (3) ماذا تعنى الساعة 1530 ؟
- (4) إذا كانت صورة الساعة فى المرآة تشير إلى الثالثة إلا الثلث ، فكم يكون الوقت فى الحقيقة ؟
- (5) الشكل التالى يوضح قلعة محاطة بخندق يعزلها من جميع الجهات بمسافة 10 أمتار ، فإذا أردت الوصول إليها وليس معك سوى لوحين خشبيين طول الواحد منهما 9.5 متر ، ولا يمكنك تثبيتهما ببعضهما ، فماذا تفعل لعبور الخندق إلى القلعة ؟



(6) إذا علمت أن 20 رجلاً بإمكانهم حفر 40 بئراً في 60 يوماً . . فكم يوماً تلزم لأن يحفر 10 رجال 20 بئراً ؟

(7) يقول حسام :

أنا أقف دائماً في طاوور الصباح بحيث يكون ترتيبى رقم الحادى عشر سواء كنت تعد الطاوور من بدايته أو من نهايته . . فكم عدد أفراد الطاوور ؟

(8) صندوق من التفاح به 60 تفاحة . . يوجد بين كل 12 منها 8 تفاحات بحالة جيدة والباقى تالف . . فكم تفاحة تالفة فى الصندوق ؟

(9) تشير صورة الساعة فى المرأة إلى الحادية عشرة وخمس دقائق ، فما الوقت الصحيح التى تشير إليه الساعة ؟

(10) إذا علمت أن أحمد تمكن من ملء نصف حصالته فى خمسة أيام ، وأنه يضع بها كل يوم ضعف ما كان بها فى اليوم السابق . . ففى كم يوم يستطيع أحمد أن يملأ الحصاله عن آخرها ؟

(11) قطار يتكون من عدة عربات ، يبلغ طولها جميعاً كيلو متر واحد . . مر القطار بنفق طوله أيضاً كيلو متر واحد . . فإذا علمت أن القطار يسير بسرعة كيلو متر واحد فى الساعة ، فما الوقت الذى يستغرقه ليخرج القطار بأكمله من النفق ؟

(12) إذا علمت أن :

$$28 = 3 + 5 \quad , \quad 59 = 2 + 7$$

$$13 = 2 + 1 \quad , \quad 810 = 1 + 9$$

$$\text{فإن : } 4 + 5 = ?$$

(13) تدق ساعة الجامعة 6 مرات فى خمس ثوان . . ففى كم ثانية تدق 12 مرة ؟

(14) إذا كان :

$$18 = 3 \times 3 \quad , \quad 8 = 2 \times 2$$

$$\text{فإن : } 4 \times 4 = ?$$

(15) ولد رجل عام 50 قبل الميلاد ، فكم كان عمره فى عيد ميلاده  
الخمسین بعد الميلاد ؟

(16) أوجد حاصل ضرب السلسلة الآتية :

(س - أ) (س - ب) (س - ت) (س - ث) . . . . (س - ي)

(17) باستخدام الرقم 6 ست مرات كيف يمكنك الحصول على 144 ؟

(18) باستخدام الرقم 6 أربع مرات ، كيف يمكنك الحصول على 100 ؟

(19) باستخدام الرقم 9 ثلاث مرات ، كيف يمكنك الحصول على 1 ؟

(20) وعاء من الدقيق يزن 19 كيلو جراماً ، وبعد استخدام ثلث الدقيق  
صار وزن الوعاء بما فيه 14 كيلو جراماً . . فكم يكون وزن الوعاء  
فارغاً ؟

(21) إذا كان الفرق بين عدد وجذره التربيعى يساوى 90 ، فما هو العدد ؟

(22) أوصى رجل بثلث ثروته للأعمال والجمعيات الخيرية ويأخذ كل من  
ولديه نصف الباقي . فإذا كان نصيب كل ولد 10000 جنيه . . فما  
قيمة الثروة التى تركها الرجل ؟ هل هى :

20000 جنيه أم 140000 جنيه أم 30000 جنيه أم 70000 جنيه ؟

(23) فى أحد المصانع يعمل 200 صبى ، 150 شاباً ، 650 رجلاً . .  
وبعد التوسعات التى حدثت بالمصنع طلب المدير زيادة عدد  
الموظفين إلى 1150 موظفاً ، ما بين صبى وشاب ورجل بنفس النسبة  
السابقة ؟ فكم عدد الصبية المطلوب زيادتهم ؟

(24) الشكل يوضح صور

الساعات الأربعة فى

المرآة . . . . فما

الوقت الحقيقى الذى

تشير إليه كل منها ؟

