

الفصل الخامس عشر  
**Chapter Fifteen**

التيار المتناوب  
**Alternating Current**

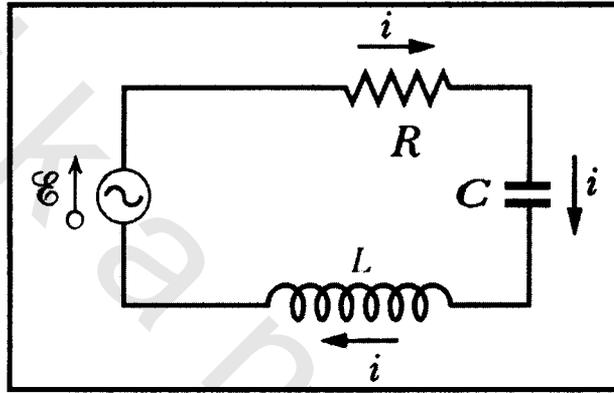
obeikandi.com

مسألة (15.1) *Problem*

في الشكل التالي (15.1)، تبلغ سعة المكثف ( $C = 15.0 \mu F$ )، ويبلغ مقدار تردد التيار المتناوب ( $f = 60 \text{ Hz}$ )، بينما تبلغ السعة القصوى للفولتية ( $\xi_m = V_c = 36 \text{ V}$ ).

1- أوجد الرادة السعوية *capacitive reactance* ( $X_C$ ).

2- أوجد السعة القصوى للتيار ( $I_C$ ).



شكل (15.1)، المسألة (15.1)

الحل *Solution*

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi fC} \quad -1$$

$$= \frac{1}{(2\pi)(60 \text{ Hz})(15.0 \times 10^{-6} \text{ F})}$$

$$= 177 \Omega.$$

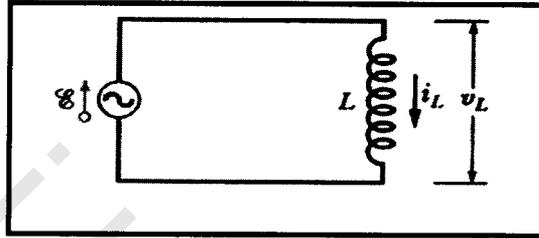
من المناسب هنا أن يتذكر الطالب بأن وحدة قياس الرادة السعوية هي الأوم، ولكنها ليست مقاومة، بل رادة سعوية

$$I_C = \frac{V_C}{X_C} = \frac{36.0 \text{ V}}{177 \Omega} = 0.203 \text{ A} \quad -2$$

مسألة (15.2) Problem

في الشكل التالي (15.2) تبلغ حاثية الملف ( $L = 230 \text{ mH}$ )، ويبلغ مقدار تردد التيار المتناوب ( $f = 60 \text{ HZ}$ )، بينما تبلغ السعة القصوى للفولتية ( $V_L = 36.0 \text{ V}$ ).

- 1- أوجد الرادة الحاثية ( $X_L$ ) Inductive reactance.
- 2- أوجد السعة القصوى للتيار ( $I_L$ ) المار في الدائرة.



شكل (15.2)، المسألة (15.2)

الحل Solution

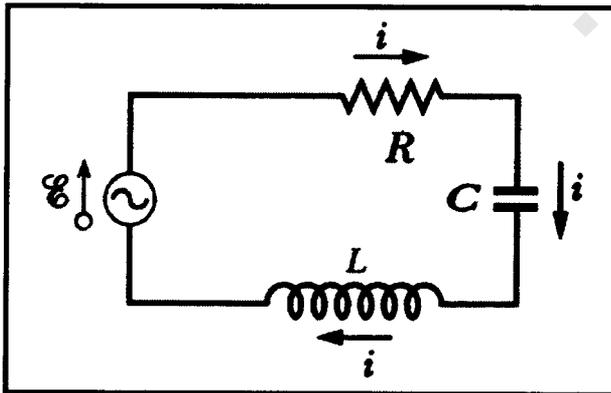
$$X_L = \omega L = 2\pi fL \quad -1$$

$$= (2\pi)(60 \text{ HZ})(230 \times 10^{-3} \text{ H})$$

$$= 86.7 \Omega$$

$$I_L = \frac{V_L}{X_L} = \frac{36 \text{ V}}{86.7 \Omega} = 0.415 \text{ A} \quad -2$$

مسألة (15.3) Problem



شكل (15.3)، المسألة (15.3)

في الشكل (15.3)، اعتمد القيم التالية لعناصر الدائرة :

$$\xi_m = 36 V , f = 60 \text{ Hz} , L = 230 \text{ mH} , C = 15 \mu F , R = 160 \Omega$$

- 1- أوجد ممانعة الدائرة (  $Z$  ) Impedance .
- 2- أوجد السعة القصوى للتيار (  $I$  ) amplitude .
- 3- أوجد ثابت الطور (  $\phi$  ) phase constant .

**الحل Solution**

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} \quad -1$$

$$X_L = \omega L = 2\pi fL$$

$$= 2\pi(60 \text{ Hz})(230 \times 10^{-3} \text{ H}) = 86.7 \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi fC}$$

$$= \frac{1}{2\pi(60 \text{ Hz})(15 \times 10^{-6} \text{ F})} = 177 \Omega$$

$$Z = \sqrt{(160 \Omega)^2 + (86.7 \Omega - 177 \Omega)^2} = 184 \Omega$$

$$I = \frac{\xi_m}{Z} = \frac{36 V}{184 \Omega} = 0.196 A \quad -2$$

$$\phi = \tan^{-1}(-0.564) = -29.4^\circ \quad -3$$

$$X_C > X_L$$

ويلاحظ في هذه المسألة أن :

**مسألة (15.4) Problem**

سوف نعيد المعلومات الواردة في المسألة (15.3)، ( $R = 160 \Omega$ )، ( $C = 15 \mu F$ )،

$$: \text{ وذلك لإيجاد كل من } (\xi_{rms} = 36 V), (f = 60 \text{ Hz}), (L = 230 \text{ mH})$$

1- متوسط الجذر التربيعي للقوة الدافعة الكهربائية.

- 2- متوسط الجذر التربيعي للتيار  $I_{rms}$  .  
 3- معامل القدرة  $\cos\phi$  .  
 4- معدل القدرة المتبددة في الدائرة  $P_{av}$  .

### الحل Solution

$$\xi_{rms} = \frac{\xi_m}{\sqrt{2}} = \frac{36 V}{\sqrt{2}} = 25.45 V \quad -1$$

$$I_{rms} = \frac{I}{\sqrt{2}} = \frac{0.192 A}{\sqrt{2}} = 0.139 A \quad -2$$

3- كنا قد أوجدنا ثابت الطور في المسألة (15.3)،  $(\phi = -29.4^\circ)$ ، إذن :

$$\cos(\phi) = 0.871 \quad \text{معامل القدرة :}$$

$$P_{av} = I_{rms}^2 R = (0.139 A)^2 (160 \Omega) \quad -4$$

$$= 3.07 \text{ Watt}$$

ومن ناحية أخرى وباستخدام المعادلة التي تعبر عن معدل القدرة المتبددة بدلالة معامل القدرة نجد أن :

$$P_{av} = \xi_{rms} I_{rms} \cos\phi$$

$$= (25.45 V)(0.139 A)(0.871)$$

$$= 3.07 \text{ Watt}$$

### مسألة (15.5) Problem

محولة تستخدم لتغذية منطقة سكنية تعمل على فولتية  $(V_p = 8.5 \text{ KV})$  للملف الابتدائي بحيث تصل الفولتية إلى البيوت السكنية بمقدار  $(V_S = 120 \text{ V})$ ، كلا الفولتيتين تمثل جذر متوسط القيمة ( $rms$ )، افرض أن المحولة نموذجية  $Ideal$  Transformer وأن معامل القدرة  $(\cos\phi = 1)$ .

- 1- ما هي نسبة اللفات ( $N_P / N_S$ ) لهذه المحولة الخافضة (step - down).
- 2- إذا كان معدل استهلاك الطاقة في وقت ما يساوي ( $78 \text{ KW}$ )، أوجد ( $I_{rms}$ ) في الملف الابتدائي والثانوي.
- 3- أوجد مقدار الحمل المكافئ في دائرة الملف الثانوي.
- 4- أوجد مقدار الحمل المكافئ في دائرة الملف الابتدائي.

### Solution الحل

$$\frac{N_P}{N_S} = \frac{V_P}{V_S} = \frac{8.5 \times 10^3 \text{ V}}{120 \text{ V}} \approx 71 \quad -1$$

$$P_{av} = I_P V_P \quad -2$$

$$I_P = \frac{P_{av}}{V_P} = \frac{78 \times 10^3 \text{ W}}{8.5 \times 10^3 \text{ V}} = 9.176 \text{ A}$$

$$I_S = \frac{P_{av}}{V_S} = \frac{78 \times 10^3 \text{ W}}{120 \text{ V}} = 650 \text{ A}$$

$$R_S = \frac{V_S}{I_S} = \frac{120 \text{ V}}{650 \text{ A}} = 0.1846 \Omega \quad -3$$

$$R_P = \frac{V_P}{I_P} = \frac{8.5 \times 10^3 \text{ V}}{9.176 \text{ A}} = 926 \Omega \quad -4$$

والتي يمكن إيجادها باستخدام المعادلة  $R_{eq} = \left(\frac{N_P}{N_S}\right)^2 R_S$  على النحو الآتي :

$$R_P = \left(\frac{N_P}{N_S}\right)^2 R_S = (70.83)^2 (0.1846 \Omega)$$

$$= 926 \Omega$$

وهي ذات النتيجة في الطريقة الأولى.

### مسألة (15.6) Problem

إذا كانت المعادلة :  $\xi = \xi_m \sin \omega t$

هي التي تعبر عن القوة الدافعة الكهربائية الفعالة التي لمقبس *Outlet* اعتيادي وبتردد  $(60 \text{ Hz})$ .

- 1- ما هو التردد الزاوي  $(\omega)$  الموافق لذلك ؟ أوجد مقداره.
- 2- كيف تستطيع شركة الكهرباء تثبيت هذه القيمة ؟ وضح ذلك.

### الحل Solution

$$\xi = \xi_m \sin \omega t \quad -1$$

ويكون التردد الزاوي  $(\omega)$  عبارة عن :

$$\omega = 2\pi f$$

$$= 2(3.14) \text{rad } 60 \text{s}^{-1} = 377 \text{rad.s}^{-1}$$

- 2- يمكن الحصول على هذا التردد عند هذه القيمة وذلك بتدوير القاعدة الدوارة للمولد *rotating shaft* على المقدار ستين دورة في الثانية.

### مسألة (15.7) Problem

مكثف مقدار سعته  $(C = 15.0 \mu F)$  تم وصله على التوالي مع مولد للتيار المتناوب (*a.c.*) يعمل بقوة دافعة  $(\xi_m = 30.0 V)$ ، أوجد السعة القصوى للتيار المتناوب إذا كان تردد القوة الدافعة الكهربائية (*emf*) :

$$1.0 \text{ KHz} \quad -1$$

$$8.0 \text{ KHz} \quad -2$$

### الحل Solution

$$I = \frac{\xi_m}{X_C} \quad -1 \text{ باستخدام العلاقة الرياضية :}$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C}$$

والعلاقة الأخرى :

$$I = \omega C \xi_m$$

نجد أن :

$$= 2\pi fC \xi_m$$

$$= (2\pi \text{ rad})(1 \times 10^3 \text{ s}^{-1})(1.5 \times 10^{-6} \text{ F})(30 \text{ V})$$

$$= 0.283 \text{ A}$$

$$I = (2\pi \text{ rad})(8 \times 10^3 \text{ s}^{-1})(1.5 \times 10^{-6} \text{ F})(30 \text{ V}) \quad -2$$

$$= 2.26 \text{ A}$$

ونلاحظ أن مقدار التيار المار ( $I$ ) يزداد بازدياد التردد.

### مسألة (15.8) Problem

ملف مقدار حثيته ( $L = 50.0 \text{ mH}$ ) تم وصله على التوالي مع مولد للتيار المتناوب ( $a.c.$ ) يعمل بقوة دافعة كهربائية ( $\xi_m = 30.0 \text{ V}$ )، أوجد السعة القصوى للتيار المتناوب إذا كان تردد القوة الدافعة الكهربائية ( $emf$ ) :

$$1.0 \text{ KHz} \quad -1$$

$$8.0 \text{ KHz} \quad -2$$

3- استبدل الملف بمقاومة مقدارها ( $R = 50 \Omega$ ) في هذه المسألة ثم أكمل الباقي،

وذلك بإيجاد السعة القصوى للتيار المتناوب.

4- قارن بين النتائج التي حصلت عليها في كل من المكثف، الملف والمقاومة.

### الحل Solution

1- السعة القصوى للتيار الكهربائي ( $I$ ) يمكن حسابها من العلاقة الرياضية :

$$I = \frac{V_L}{X_L}$$

$$V_L = \xi_m$$

حيث إن  $(\xi_m)$  هي القوة الدافعة الكهربائية للمولد.

$$X_L = 2\pi f L$$

$$= (2\pi \text{ rad})(1 \times 10^3 \text{ s}^{-1})(50 \times 10^{-3} \text{ H})$$

$$= 314.2 \Omega$$

$$I = \frac{V_L}{X_L} = \frac{30 \text{ V}}{314.2 \Omega} = 9.5 \times 10^{-2} \text{ A}$$

$$X_L = (2\pi \text{ rad})(8 \times 10^3 \text{ s}^{-1})(50 \times 10^{-3} \text{ H}) \quad -2$$

$$= 2513.3 \Omega$$

$$I = \frac{V_L}{X_L} = \frac{30 \text{ V}}{2513.3 \Omega} = 1.2 \times 10^{-2} \text{ A}$$

$$I = \frac{\xi_m}{R} \quad -3$$

$$= \frac{30 \text{ V}}{50 \Omega} = 0.6 \text{ A}$$

وذلك بغض النظر عن تردد التيار المتناوب.

4- وهكذا نجد أن التيار أكبر ما يكون في حالة المكثف (انظر المسألة (15.7))

وتتخفف قيمته القصوى في حالة المقاومة ثم تزداد انخفاضاً في حالة الملف.

### مسألة (15.9) Problem

إذا كانت الرادة السعوية  $(X_C = 12 \Omega)$  لمكثف تبلغ سعته  $(C = 1.5 \mu F)$ .

1- أوجد تردد تشغيل هذا المكثف.

2- أوجد مقدار  $(X_C)$  إذا كان التردد ضعف مقدار التردد الذي أوجدته في الطلب

الأول.

## الحل Solution

يمكننا إيجاد التردد من العلاقة الرياضية :

$$\begin{aligned} f &= \frac{1}{2\pi fC X_C} \\ &= \frac{1}{(2\pi \text{ rad})(1.5 \times 10^{-6} \text{ F})(12 \Omega)} \\ &= 8.84 \text{ KHz} \\ &= 8.84 \times 10^3 \text{ s}^{-1} \end{aligned}$$

2- نلاحظ أن العلاقة بين الرادة السعوية ( $X_C$ ) والتردد هي علاقة عكسية أي أن :

$$X_C \propto f^{-1}$$

فإذا ازداد التردد بمقدار الضعف، هذا يعني أن الرادة السعوية سوف تقل بمقدار النصف، أي أن :

$$X_C = \frac{1}{2}(12 \Omega) = 6.0 \Omega$$

### مسألة (15.10) Problem

إذا كانت القوة الكهربائية الدافعة الخارجة *Output* عن مولد للتيار المتناوب (a.c.) هي :

$$\xi = \xi_m \sin \omega t$$

حيث إن ( $\xi_m = 25.0 \text{ V}$ )، ( $\omega = 377 \text{ rad/s}$ )، تم وصله بملف حاثيته ( $12.7 \text{ H}$ )

- 1- أوجد أعلى قيمة للتيار الصادر من هذا المولد.
- 2- عند أعلى قيمة للتيار، أوجد القوة الدافعة الكهربائية له (*emf*).
- 3- عندما تزداد القوة الدافعة الكهربائية للمولد إلى ( $-12.5 \text{ V}$ )، أوجد مقدار التيار المار.

4- في الظروف المبينة في الطلب (3) من هذه المسألة، قرر فيما إذا كان المولد يعطي أم يأخذ طاقة من باقي أجزاء الدائرة.

### الحل Solution

1- يمكننا إيجاد أعلى قيمة للتيار الصادر عن هذا المولد من العلاقة الرياضية :

$$\begin{aligned} I &= \frac{\xi_m}{X_L} = \frac{\xi_m}{\omega L} \\ &= \frac{25.0 V}{(377 \text{ rad s}^{-1})(12.7 \text{ s}^{-1})} \\ &= 5.22 \times 10^{-3} A \end{aligned}$$

2- أعلى قيمة للتيار تكون عندما تكون :

$$\xi(t) = 0$$

$$i(t) = I$$

وذلك عند فرق الطور ( $\phi = 90^\circ$ ).

3- عندما تكون الفولتية ( $-12.5$ ) فولت فهذا يعني أن :

$$\omega t = (2\pi n - \pi/6)$$

حيث ( $n$ ) هو عدد صحيح من الدورات فكل دورة ( $2\pi \text{ rad}$ ) وهكذا تصبح المعادلة العامة للتيار.

$$\begin{aligned} i &= I \sin(2\pi n - \pi/6 + \pi/2) \\ &= I \sin(\pi/3) = (5.22 \times 10^{-3} A)(\sqrt{3}/2) \\ &= 4.51 \times 10^{-3} A \end{aligned}$$

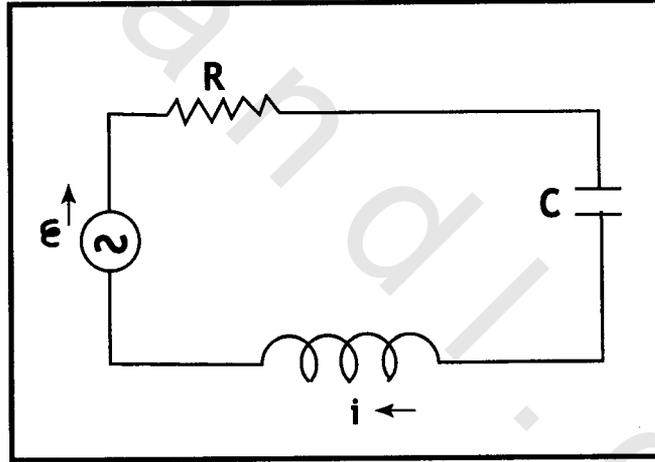
4- إن الطاقة المتولدة في هذه اللحظة هي عبارة عن :

$$\begin{aligned}
 P &= \xi(t) i(t) \\
 &= \xi_m \sin(2\pi n - \pi/6) I \sin(\pi/3) \\
 &= -\xi_m I \sin(\pi/6) \sin(\pi/3) \\
 &= -(+12.5 V)(5.22 \times 10^{-3} A)(0.5)(0.866) \\
 &= -0.028 \text{ Watt.}
 \end{aligned}$$

وعليه فإن المولد يأخذ طاقة من باقي أجزاء الدائرة. لأن الطاقة سالبة (-0.028).

### مسألة (15.11) Problem

إذا كانت لديك الدائرة الآتية، والمبينة في الشكل (15.4).



شكل (15.4)، المسألة (15.11)

حيث إن  $(R = 160 \Omega)$ ،  $(L = 230 \text{ mH})$ ،  $(f = 60.0 \text{ Hz})$ ،  $(\xi_m = 36.0 \text{ V})$ ،  
 $(C = 0.8 \mu F)$  أوجد كلا من :

- 1- ممانعة الدائرة  $(Z)$ .
- 2- السعة القصوى للتيار  $(I)$ .
- 3- ثابت الطور  $(\phi)$ .

## Solution الحل

1- ممانعة الدائرة يمكن إيجادها من العلاقة الرياضية :

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi fC}$$

$$= \frac{1}{(2\pi \text{ rad})(60 \text{ s}^{-1})(0.8 \times 10^{-6} \text{ F})}$$
$$= 3315.7 \Omega$$

$$X_L = 2\pi f L = (2\pi \text{ rad})(60 \text{ s}^{-1})(230 \times 10^{-3} \text{ H})$$
$$= 86.7 \Omega$$

$$Z = \sqrt{(160 \Omega)^2 + (86.7 \Omega - 3315.7 \Omega)^2}$$
$$= 3232.95 \Omega$$

$$I = \frac{\xi_m}{Z}$$

2- السعة القصوى للتيار.

$$= \frac{36 \text{ V}}{3232.95 \Omega} = 9.28 \times 10^{-3} \text{ A}$$

$$\tan \phi = \frac{X_L - X_C}{R}$$

-3

$$= \frac{86.7 \Omega - 3315.7 \Omega}{160 \Omega} = 20.18125$$

$$\phi = 87.16^\circ$$

### مسألة (15.12) Problem

دائرة (LC) على التوالي تم وصلها بمولد للتيار المتناوب (a.c.) تردده  $(f = 930 \text{ Hz})$ ، إذا كانت حاثية الملف  $(L = 88 \text{ mH})$  ومقاومته مجهولة، أما سعة المكثف  $(C = 0.94 \mu F)$ ، بينما يساوي ثابت الطور بين الفولتيتين والتيار  $(\phi = 75^\circ)$ ، أوجد مقدار مقاومة الملف.

### الحل Solution

من المعلوم أن طور هذه الدائرة  $(\phi)$  يمكن إيجاده من العلاقة الرياضية :

$$\tan \phi = \frac{X_L - X_C}{R} = \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R}$$

$$X_L = 2\pi f L = (2\pi \text{ rad})(930 \text{ s}^{-1})(88 \times 10^{-3} \text{ H}) \\ = 182.06 \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi f C} = \frac{1}{(2\pi \text{ rad})(930 \text{ s}^{-1})(0.94 \times 10^{-6} \text{ F})} \\ = 182.06 \Omega$$

$$R = \frac{X_L - X_C}{\tan \phi} = \frac{514.2 \Omega - 182.06 \Omega}{\tan 75^\circ} \\ = \frac{332.14}{3.732} = 88.99 \Omega$$

### مسألة (15.13) Problem

في دائرة (RLC) على التوالي تبلغ أقصى قيمة للقوة الدافعة الكهربائية ( $emf$ ) للمولد  $(125 \text{ V})$ ، وأعلى قيمة للتيار  $(3.20 \text{ A})$ . إذا كان التيار يسبق القوة الدافعة للمولد بمقدار  $(0.982 \text{ rad})$ .

أوجد : 1- الممانعة في الدائرة المذكورة (*Impedance (Z)*)

2- مقاومة الدائرة.

3- ما هي الصفة الغالبة على الدائرة ؟ هل هي سعوية أم حثية.

**الحل Solution**

1- الممانعة يمكن إيجادها من العلاقة الرياضية :

$$Z = \frac{\xi_m}{I} = \frac{125 \text{ V}}{3.2 \text{ A}} = 39.1 \Omega$$

2- أما مقاومة الدائرة فهي :

$$R = \frac{V_R}{I} = \frac{\xi_m \cos \phi}{I}$$
$$= \frac{(125 \text{ V})(\cos 10.982 \text{ rad})}{3.2 \text{ A}} = 21.7 \Omega$$

$$X_L - X_C \propto \sin \phi = \sin(-0.982 \text{ rad}) \quad -3$$

$$= -0.83$$

وهكذا نجد أن الدائرة سعوية وليست حثية ذلك أن ( $\sin \phi$  سالب).

**مسألة (15.14) Problem**

أثبت أن معدل الطاقة التي تغذي الدائرة المبينة في الشكل (15.1) في المسألة (15.1)

يمكن التعبير عنها رياضياً بالصيغة الآتية :

$$P_{av} = \frac{\xi_{rms}^2 R}{Z^2}$$

**الحل Solution**

من المعلوم أن معدل الطاقة يعطى بالعلاقة الرياضية :

$$= \xi_{rms} \left( \frac{\xi_{rms}}{Z} \right) \left( \frac{R}{Z} \right)$$

حيث إن :

$$\cos \phi = \frac{R}{Z}$$

$$I_{rms} = \frac{\xi_{rms}}{Z}$$

$$P_{av} = \frac{\xi_{rms}^2 R}{Z^2}$$

وهكذا نجد أن :

### مسألة (15.15) Problem

محرك كهربائي موصول بفولتية قدرها (120 V) و تيار متناوب بتردد (60 Hz) ينتج عملاً ميكانيكياً بمعدل (1.0 hp). إذا كان المحرك يسحب تياراً مقداره  $(I_{rms} = 0.65 A)$ ، أوجد مقدار المقاومة الفعالة بدلالة القدرة المنقولة.

### الحل Solution

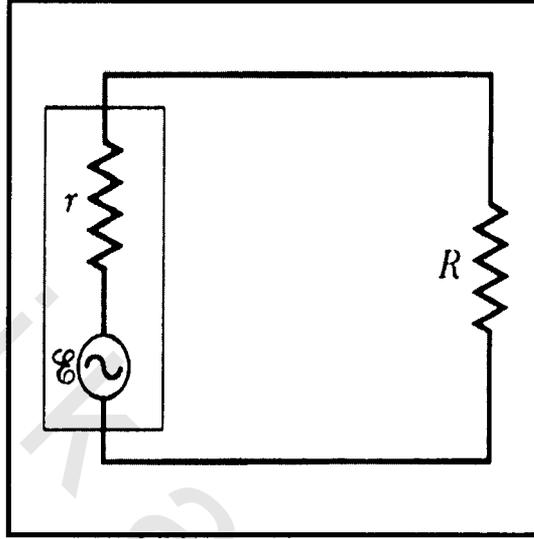
تذكر بأن المقاومة الفعالة بدلالة القدرة المنقولة نعبّر عنها بالعلاقة الرياضية :

$$\begin{aligned} R_{eff} &= \frac{P_{mechanical}}{I_{rms}^2} \\ &= \frac{(0.1 \text{ hp})(746 \text{ W / hp})}{(0.65 \text{ A})^2} = 177 \Omega \end{aligned}$$

وهذه هي القيمة الفعالة للمقاومة في حال انتقال القدرة من الشكل الكهربائي إلى الشكل الميكانيكي. ولا بد من أن نتذكر بأن المقدار  $(I_{rms}^2 R)$  هو عبارة عن حرارة جول أو القدرة المتبددة خلال عمل الدائرة.

مسألة (15.16) Problem

تأمل الشكل التالي (15.5).



شكل (15.5)، المسألة (15.16)

أثبت أن معدل تبديد الطاقة في المقاومة ( $R$ ) يبلغ قيمته العظمى عندما ( $R = r$ )، حيث ( $r$ ) هي المقاومة الداخلية لمولد التيار المستمر.

الحل Solution

تأمل الشكل (15.5) لتجد أن الطاقة عبر المقاومة ( $R$ ) هي :

$$P_R = i^2 R = \left[ \frac{\xi_m}{r + R} \right]^2 R$$

ولكي تكون الطاقة عند أعلى مقدار لها لا بد أن نساوي المشتقة الأولى بالنسبة للمقاومة ( $R$ ) بالمقدار صفر، أي أن :

$$\frac{dP_R}{dR} = \frac{d}{dR} \left[ \frac{\xi_m^2 R}{(r + R)^2} \right]$$

$$\begin{aligned}
P_R &= \frac{\xi^2 m (r + R)^2 - \xi^2 m R 2(r + R)}{(r + R)^4} \\
&= \frac{\xi^2 m [(r + R)^2 - 2(r + R)R]}{(r + R)^4} \\
&= \frac{\xi^2 m [r^2 + \cancel{R^2} + 2\cancel{Rr} - 2\cancel{R} - \cancel{2R^2}]}{(r + R)^4} \\
&= \frac{\xi^2 m (r^2 + R^2)}{(r + R)^4} = \frac{\xi^2 m (r + R)(r - R)}{(r + R)^4} \\
&= \frac{\xi^2 m (r - R)}{(r + R)^3} = 0
\end{aligned}$$

من المعلوم أنّ :

$$\xi^2 m \neq 0$$

$$(r + R)^3 \neq 0$$

$$r - R = 0$$

إذن :

وعليه فإن أقصى قيمة لتبديد الطاقة عندما  $(r = R)$ .

### مسألة (15.17) Problem

مولد يغذي الملف الابتدائي لمحوّلة بفولتية مقدارها  $(100 \text{ V})$ ، يبلغ عدد لفاته  $(N_P = 50 \text{ turns})$ ، إذا كان عدد لفات الملف الثانوي  $(N_S = 500 \text{ turns})$ ، أوجد مقدار الفولتية في الملف الثانوي.

### الحل Solution

$$\frac{V_S}{V_P} = \frac{N_S}{N_P}$$

من المعلوم لدينا بأن :

$$V_S N_P = N_S V_P \quad \text{أي أن :}$$

$$V_S = V_P \left( \frac{N_S}{N_P} \right) = (100 V) \left( \frac{500}{50} \right) \\ = 1 \times 10^3 V.$$

### مسألة (15.18) Problem

يبلغ عدد لفات الملف الابتدائي لمحولة ( $N_P = 500 \text{ turns}$ ) وعدد لفات الملف الثانوي ( $N_S = 10 \text{ turns}$ ).

- 1- إذا كانت ( $V_P = 120 V_{rms}$ )، أوجد ( $V_S$ ) بافتراض أن الدائرة مفتوحة.
- 2- تم ربط مقاومة قدرها ( $15 \Omega$ ) مع الملف الثانوي، أوجد مقدار التيار في كل من الملفين الابتدائي والثانوي.

### الحل Solution

$$V_S = V_P \left( \frac{N_S}{N_P} \right) \quad -1$$

$$= (120 V) \left( \frac{10}{500} \right) = 2.4 V$$

$$I_s = \frac{V_s}{R_s} = \frac{2.4 V}{15 \Omega} = 0.16 A \quad -2$$

$$I_p = I_s \left( \frac{N_s}{N_p} \right) = (0.16 A) \left( \frac{10}{500} \right)$$

$$= 3.2 \times 10^{-3} A.$$