

الباب الثامن  
تصميم المبادلات  
الحرارية  
Chapter Eight  
Heat Exchangers Design

8.0 المقدمة.

1.8 ما هو المبادل الحراري؟

2.8 التصميم العام لمعدات التبادل الحراري.

3.8 أنواع المبادلات الحرارية.

1.3.8 المبادل أحادي الممر.

2.3.8 المبادل الحراري من نوع 1 - 2.

4.8 معامل انتقال الحرارة الإجمالي.

5.8 أنواع المبادلات الحرارية.

6.8 معامل التقعر أو الاتساخ.

7.8 المتوسط اللوغاريتمي للفرق في درجات الحرارة.

8.8 مراحل تصميم المبادلات الحرارية.

9.8 خطوات التصميم الأمثل للمبادل الحراري.

10.8 المبادلات الحرارية ذات الغلاف والأنبوب.

11.8 الاعتبارات العامة لتصميم المبادل نوع الغلاف والأنبوب.

1.11.8 موقع المانع.

2.11.8 سرعة المائع داخل الأنبوب.

3.11.8 فرق درجات الحرارة لمائع التبريد داخل الغلاف والأنابيب.

4.11.8 الهبوط في الضغط على جانبي الغلاف والأنبوب.

12.8 المعادلات الخاصة بتصميم المبادل الحراري.

13.8 صحيفة بيانات مبادل حراري.

14.8 تكون القشور في المبخرات والمبادلات الحرارية.

15.8 معدل الجريان الأفضل لماء التبريد في المبادل الحراري.

16.8 تمارين في الباب الثامن.

## 8.0 المقدمة Introduction

بصرف النظر عن جريان الموائع وانتقال الكتلة فإن انتقال الحرارة بين اثنين من خطوط الجريان هي العملية الأكثر شيوعاً والتي تواجه تصميم المصنع. في الحقيقة هناك عمليات قليلة جداً لا تنتقل فيها الحرارة أو البرودة بالإضافة إلى الحرارة المتولدة أو الممتصة عندما يحدث تفاعل كيميائي معين. إن أغلبية عمليات الوحدات الصناعية تتطلب انتقال الحرارة بشكل من الأشكال وعمليات الانتقال هذه تتم خلال العديد من الأجهزة المصممة لهذا الغرض بعضها يتطلب تلامساً مباشراً وبعضها غير مباشر فمثلاً التجفيف يتأثر بانتقال الحرارة مباشرة من الغازات المارة إلى المادة المراد تجفيفها بينما أنابيب الأفران في عملية تقطير النفط الخام تنتقل بواسطة الإشعاع إلى المادة الخام التي تكون بداخل الأنابيب وهذا الباب يتعامل بصورة رئيسية مع انتقال الحرارة بطريقة الحمل من مائع إلى آخر وهذه الموائع يفصل فيما بينها بحواجز تنتقل خلالها الحرارة. مثل هذه المعدات تأخذ أشكالاً عديدة حيث منها المبادل الحراري نو الغلاف والأنبوب (وفي بعض المراجع الصدفية والأنبوب Shell and Tube) ويسمى بالمبادل الحراري إذا كانت المادة التي بداخله لا تحدث لها عمليات تبخير أو تكثيف. إن المكثف أو المسخن هو مبادل حراري من نوع الصدفية والأنبوب يحدث تغير في حالة المادة بداخله حيث قد يحدث تبخر أو تكثيف للمادة خلال الصدفية أو الأنبوب. جميع المبادلات الحرارية متشابهة من حيث مبدأ التصميم.

### 1.8 ما هو المبادل الحراري ? What is The Heat Exchanger ?

يمكن تعريف المبادل الحراري بشكل عام بأنه مصطلح يطلق على كل جهاز أو معدة يتم فيها الحصول على تبادل حراري بين مائعين سواء كانت غازات أو سوائل حيث يكون أحد هذين المائعين ساخناً والآخر بارداً ويفقد المائع

الساخن جزء من حرارته والتي سيكبتها المائع البارد وهناك العديد من المبادلات الحرارية المختلفة والتي تتنوع في تصميمها حسب الوظيفة التي تؤديها وتقسّم المبادلات الحرارية إلى الأنواع التالية الموضحة في الجدول رقم (8 - 1) أدناه.

في العمليات الصناعية تنتقل الطاقة الحرارية بطرق متنوعة مثل التوصيل خلال مسخنات ذات مقاومة كهربائية أو بالتوصيل - الحمل في المبادلات الحرارية، الغلايات أو المكثفات أو بواسطة الإشعاع في الأفران والمجففات التي تعمل بحرارة الإشعاع وبطرق خاصة في بعض الحالات مثل تسخين المواد العازلة كهربائياً وغالباً ما تعمل معظم المعدات عند ظروف الحالة المستقرة ولكن في العديد من العمليات الأخرى يكون عمل تلك الأجهزة بشكل دوري مثل أفران التجديد وأوعية الخلط والتحرك

جدول (8 - 1)

مائع العملية	مائع الخدمة	نوع المبادل
مائع ساخن	ماء بارد	المبرّدات Coolers
مائع بارد	مائع ساخن	المسخنات Heaters
بارد + سائل	ساخن جداً + بخار ماء	المبخرات Vaporizers
ساخن + بخار ماء	سائل + بارد	المكثفات Condensers

## 2.8 التصميم العام لمعدات التبادل الحراري

### General Design of Heat - Exchange Equipment.

إن تصميم واختبار معدة التبادل الحراري بشكل فعلي يعتمد على مبادئ عامة تم التطرق إليها سابقاً وهي ما نعطي بها المبادئ الأساسية لانتقال الحرارة بأحد الطرق التي نكرت في الأبواب السابقة وقبل ذلك يجب إكمال الموازنات المادية والحرارية للمواد الداخلة والخارجة من المبادل وبعدها يمكن حساب مساحة انتقال الحرارة. إن الكميات التي يتوجب حسابها أيضاً هي معامل انتقال الحرارة الكلي أو الإجمالي، متوسط الفرق بدرجة الحرارة وفي المعدات ذات العمليات الدورية بحسب زمن الدورة. في المعدات البسيطة هذه الكميات يمكن تخمينها بسهولة وبدقة معقولة ولكن في العمليات الأكثر تعقيداً قد يصبح مثل هذا التخمين صعباً ومشكوك في دقته. إن التصميم النهائي يكون دائماً موضع مساومة لاعتماده على القرار الهندسي ليعطي الأداء الإجمالي الأفضل للمبادل على ضوء المتطلبات الخدمية.

في بعض الأحيان تتحكم بالتصميم العديد من الاعتبارات التي لا تتعلق كثيراً بانتقال الحرارة مثل الفراغ المتوفر للمعدة أو هبوط الضغط الذي يمكن تحميله في تيارات المائع. المبادلات الأنبوبية بشكل عام تصمم وفقاً لرموز ومقاييس مختلفة مثل TEMA أو ما يعني Tubular Exchanger Manufacturer Association جمعية منتجي المبادلات الأنبوبية وألـ API – ASME أي حسب رموز أوعية الضغط غير المتأين.

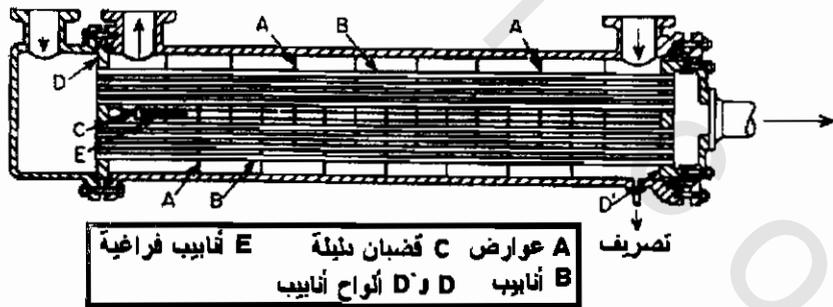
### 3.8 أنواع المبادلات الحرارية Heat Exchangers Types

إن المبادلات الحرارية مهمة جداً وتستخدم بشكل واسع في العمليات الصناعية وقد تطور تصميمها بشكل كبير في الفترة الحالية حيث تغطي المواصفات القياسية لـ TEMA مجال واسع من حيث تفاصيل مواد الإنشاء أو طرق التركيب أو تقنيات التصميم وأبعاد المبادل الحراري. وفيما يلي وصفاً موجزاً للأنواع الرئيسية المهمة من المبادلات الحرارية

### 1.3.8 المبادل أحادي الممر Single – Pass : 1 – 1 Exchanger

إن المبادل المزدوج الأنبوب البسيط يعتبر غير ملائم لمعدلات الجريان التي لا يمكن تحميلها في الأنابيب القليلة. إذا استخدمت عدة أنابيب مزدوجة بشكل متوازي فإن وزن المادة المطلوبة للأنابيب الخارجية سيصبح كبيراً ويكون على الهيئة الموضحة في الشكل (8 – 1) حيث أن الغلاف الواحد يقوم مقام عدة أنابيب ويكون أكثر اقتصادياً. هذا المبادل لأنه يحتوي على ممر واحد للغلاف وممر واحد للأنابيب يسمى المبادل من نوع 1 – 1.

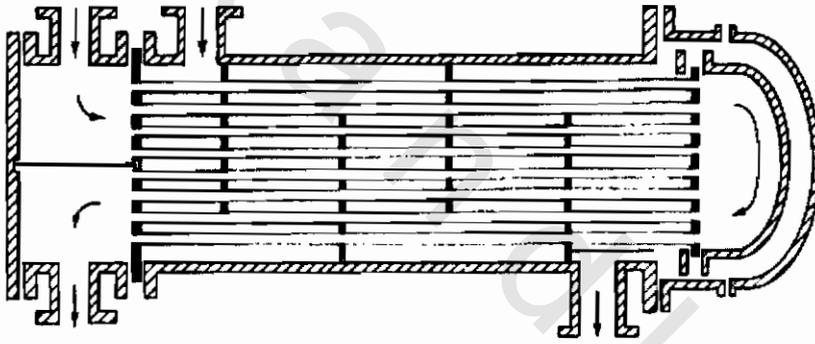
في مثل هذا المبادل تكون قيم معاملات انتقال الحرارة على كل من جانبي الغلاف والأنبوب مهمة وكلاهما يكون كبيراً من حيث القيمة إذا تم الحفاظ على قيم معقولة لمعامل انتقال الحرارة الإجمالي. إن سرعة واضطراب السائل على جانب الصدفة هي مهمة مثلما هو حالها على جانب الأنبوب. تتركب عوارض أو قواطع في الصدفة لتحسين الجريان التقاطعي (المتعامد) وزيادة متوسط السرعة للمائع في جانب الصدفة. إن العوارض تكون مثقبة أو مخرمة لإسناد الأنابيب.



الشكل (8 – 1) مبادل حراري أحادي الممر نوع 1 – 1

### 2.3.8 المبادل الحراري المتوازي والمتعاكس الجريان من نوع 1 – 2 1 – 2 Parallel – Counter Flow Heat Exchanger

إن للمبادل السابق محددات حيث نحصل على سُرْع أعلى باستخدام أنابيب أقصر وحلول أكثر إقناعاً لمشكلة التوسّع وهذه الحقيقة مُدركة في تركيب الأنابيب المتكرّر الممرات. في هذا الترتيب يقلل من مساحة المقطع العرضية لمسلك المائع ويزيد من سرعة المائع مما يقابله زيادة في معامل انتقال الحرارة الإجمالي. إن من أهم مساوئ هذا الترتيب الموضح في الشكل المرقم (8 - 2) هي: (1) المبادل يكون أكثر تعقيداً من ناحية التركيب. (2) خسائر الاحتكاك خلال المعدة يزداد بسبب زيادة السرعة وطول الممرات وزيادة الخسائر الناتجة عن مسالك الدخول والخروج المتعددة على سبيل المثال فإن متوسط السرعة في أنابيب مبادل من نوع رباعي الممر هو أربعة أضعاف مما هي قيمة متوسط السرعة في المبادل أحادي الممر الذي يمتلك نفس عدد وقياس الأنابيب ويعمل عند نفس معدل جريان السائل.



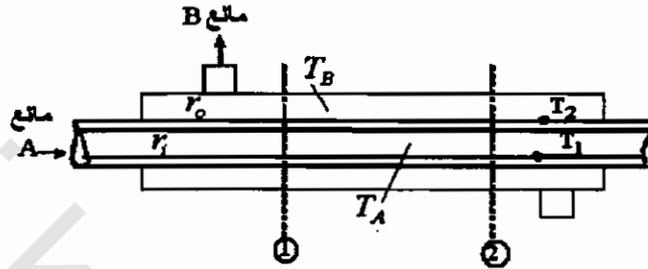
الشكل (8 - 2) المبادل الحراري نوع 1 - 2

#### 4.8 معامل انتقال الحرارة الإجمالي

### Overall Heat Transfer Coefficient

إن الفرق بدرجة الحرارة هي القوة المسيطرة التي تنتقل بواسطتها الحرارة من المصدر إلى المستقبل ولغرض الحصول على هذا الفرق بدرجة الحرارة بين المائع الساخن عند  $T$  وبين درجة حرارة المائع البارد عند  $t$  يجب الأخذ بنظر الاعتبار أيضاً جميع المقاومات الحرارية الموجودة بين درجتَي الحرارة

المذكورة أعلاه. في حالة أنبوبين متحدي المركز كالموضح في الشكل (8 - 3) يكون الأنبوب الداخلي رقيق جداً مما يجعل المقاومات الرئيسية لانتقال الحرارة تقع على جانبي المائع الداخلي والخارجي بالإضافة إلى مقاومة جدار المعدن ( $L_m / k_m$ ) وبما أن الحرارة  $q = \frac{\Delta t}{\sum R}$  كما تم التطرق إليه مسبقاً فإن الحرارة سوف تنتقل من الداخل عند المائع A إلى المائع البارد B.



الشكل (8 - 3) انتقال الحرارة خلال أنبوبين متحدي المركز

إن كمية الحرارة الكلية المنتقلة من المائع A إلى المائع B وهي  $q$  تحسب بالشكل التالي:-

$$q = \frac{\Delta T_{overall}}{\sum R_{th}} = \frac{T_A - T_B}{\frac{1}{h_i A_i} + \frac{\ln(r_o/r_i)}{2\pi k L} + \frac{1}{h_o A_o}} \quad (1-8)$$

$$\therefore q = \frac{T_A - T_B}{\frac{1}{A_i} \left[ \frac{1}{h_i} + \frac{A_i \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L} + \frac{A_i}{A_o} \frac{1}{h_o} \right]} = \frac{(T_A - T_B) A_i}{\frac{1}{h_i} + \frac{A_i \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L} + \frac{A_o}{A_i} \frac{1}{h_o}} \quad (2-8)$$

وبفرض أن  $U_1$  هو معامل انتقال الحرارة الإجمالي المعتمد على المساحة الداخلية للأنبوب

$$\therefore U_i = \frac{1}{\frac{1}{h_i} + \frac{A_i \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L} + \frac{A_o}{A_i} \frac{1}{h_o}} \quad (3-8)$$

$$\therefore q = U_i A_i \Delta T_{overall} \quad (4-8)$$

المعادلة (4 - 8) تمثل القانون العام لحساب معدل انتقال الحرارة بالاعتماد على المساحة الداخلية لأنبوب المبادل. ويمكن اعتماد معادلة مشابهة لحساب معدل انتقال الحرارة بالاعتماد على المساحة الخارجية لجدار الأنبوب وهي كما يلي:-

$$\therefore U_o = \frac{1}{\frac{A_o}{A_i} \frac{1}{h_i} + \frac{A_o \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L} + \frac{1}{h_o}} \quad (5-8)$$

$$\therefore q = U_o A_o \Delta T_{overall} \quad (6-8)$$

حيث إن  $U_o$  هو معامل انتقال الحرارة الإجمالي المعتمد على المساحة الخارجية للأنبوب. الجدول (8 - 2) يبين القيم التقريبية لمعاملات انتقال الحرارة الفردية بالوحدات العالمية والبريطانية.

### 5.8 أنواع المبادلات الحرارية Heat Exchangers Types

من أهم أنواع المبادلات الحرارية المستخدمة بشكل واسع في الصناعة هي:-

1 - المبادل الحراري ذو الأنبوب المزدوج

Double - Pipe Heat Exchanger

2 - المبادل الحراري ذو الغلاف والأنبوب

Shell & Tube Heat Exchanger

جدول (8 - 2) القيم التقريبية لمعاملات انتقال الحرارة الفردية

معامل انتقال الحرارة $h_i$ أو $h_o$ بوحدات $\frac{W}{m^2 \cdot ^\circ K}$	معامل انتقال الحرارة $h_i$ أو $h_o$ بوحدات $\frac{Btu}{hr \cdot ft^2 \cdot ^\circ F}$	نوع التبادل الحراري
لا يوجد تغيير في الحالة		
11400 - 1700	300 - 200	ماء
280 - 17	50 - 30	غازات
2800 - 340	500 - 60	مذيبات عضوية
680 - 57	120 - 10	زيوت
تكثيف		
5700 - 1700	3000 - 1000	بخار
2800 - 850	500 - 150	مذيبات عضوية
11400 - 2280	400 - 200	زيوت خفيفة
280 - 114	50 - 20	زيوت ثقيلة
5700 - 2800	1000 - 500	أمونيا
تبخير		
11400 - 4540	2000 - 800	ماء
1700 - 570	300 - 100	مذيبات عضوية
2280 - 1140	400 - 200	أمونيا
1700 - 850	300 - 150	زيوت خفيفة
280 - 57	50 - 10	زيوت ثقيلة

3 - المبادل الحراري ذو اللوح والإطار

Plate & Frame Heat Exchanger

4 - المبردات والمكثفات الهوائية Air Cooled : Coolers & Condensers

5 - مبادلات تماس مباشر (تبريد وتلجيج)

Direct Contact (Cooling & Quenching)

إن المعادلة العامة لانتقال الحرارة خلال سطح المبادل الحراري هي:-

$$q = U A \Delta T_m \quad (7-8)$$

حيث إن  $q$  = كمية الحرارة المنتقلة خلال وحدة الزمن بالوات.

$U$  = معامل انتقال الحرارة الإجمالي ( $W/m \cdot ^\circ K$ ) أو ( $Btu/hr \cdot ft^2 \cdot ^\circ F$ )

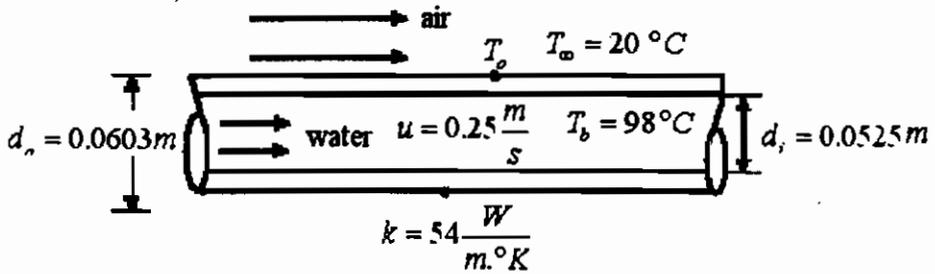
$A$  = مساحة التبادل الحراري بألـ  $m^2$  أو  $ft^2$ .

$\Delta T_m$  = متوسط الفرق بدرجات الحرارة (القوة القيادية أو المسيطرة).

مثال 8 - 1: ماء ساخن عند درجة حرارة  $98^\circ C$  يجري خلال أنبوب قطره الخارجي يساوي  $0.06033 \text{ m}$  وقطره الداخلي  $0.0525 \text{ m}$  وكانت الموصلية الحرارية للأنبوب مساوية لـ  $54 \text{ W/m} \cdot ^\circ K$  وكان هذا الأنبوب معرض إلى هواء جوي عند درجة حرارة  $20^\circ C$  فإذا علمت أن الماء يجري بسرعة  $0.25 \text{ m/s}$  وأن كثافة الماء  $960 \text{ kg/m}^3$  وأن الموصلية الحرارية هي  $0.68 \text{ W/m} \cdot ^\circ K$  ولزوجته الماء  $2.82 \times 10^{-4} \text{ kg / m} \cdot \text{s}$  وأن قيمة عدد برانتدل هي  $Pr = 1.76$ ، أحسب معامل انتقال الحرارة الإجمالي المعتمد على المساحة الخارجية للأنبوب.

الحل: يتم حساب  $U_o$  من المعادلة التالية:-

$$\therefore U_o = \frac{1}{\frac{A_o}{A_i} \frac{1}{h_i} + \frac{A_o \ln(r_o/r_i)}{2\pi k L} + \frac{1}{h_o}}$$



وبما أن طول الأنبوب غير معلوم نفترض أنه يساوي 1 m .  
ولإيجاد قيمة  $h_i$  نحسب قيمة عدد رينولدز داخل الأنبوب لمعرفة نوع الجريان :-

$$\therefore N_{Re} = \frac{\rho u d}{\mu} = \frac{(960)(0.25)(0.0525)}{2.82 \times 10^{-04}} = 44680 > 4000$$

إن الجريان داخل الأنبوب هو جريان مضطرب Turbulent ولذلك نستخدم المعادلة :-

$$N_u = 0.023 N_{Re}^{0.8} N_{Pr}^{0.4} = (0.023)(44680)^{0.8} (1.76)^{0.4} = 151.4$$

$$\therefore N_{ud} = \frac{h_i d_i}{k_{water}}$$

$$\therefore h_i = N_u \frac{k_{water}}{d_i} = \frac{(151.4)(0.68)}{(0.0525)} = 1961 \frac{W}{m \cdot K}$$

$$\therefore U_o = \frac{1}{A_o (R_1 + R_s + R_o)}$$

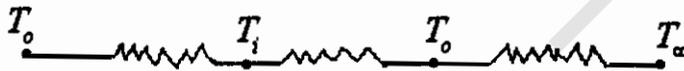
$$R_s = \frac{\ln(r_o / r_i)}{2\pi k L} = \frac{\ln(0.030165 / 0.02625)}{(2)(\pi)(54)(1)} = 4.097 \times 10^{-04}$$

$$R_i = \frac{1}{A_i h_i} = \frac{1}{(2)(\pi)(0.02625)(1961)} = 3.092 \times 10^{-04}$$

ولإيجاد معامل انتقال الحرارة الفردي المعتمد على المساحة الخارجية للأنبوب  
نستخدم المعادلة التالية:-

$$h_o = 1.32 \left( \frac{\Delta T}{d_o} \right)^{\frac{1}{4}} = 1.32 \left( \frac{T_o - T_\infty}{d_o} \right)^{\frac{1}{4}} \quad (I)$$

وبما أن تمثيل تدرج درجات الحرارة هو على شكل مقاومات كهربائية وأن  
تلك المقاومات موصلة على التوالي كما موضح في الشكل أدناه لذلك فإن هذا  
التيار يكون نفسه المار في كل مقاومة وعلى هذا الأساس فإن:-



$$\frac{T_o - T_i}{R_1} = \frac{T_i - T_o}{R_s} = \frac{T_o - T_\infty}{R_o} \quad (II)$$

من المعادلة (II) نحصل على:-

$$\frac{T_o - T_\infty}{R_o} = \frac{T_o - T_\infty}{1} = \frac{T_o - T_\infty}{1} = \frac{T_o - T_\infty}{1} \quad (III)$$

$$\frac{1}{h_o A_o} = \frac{1}{h_o 2\pi r_o} = \frac{1}{h_o \pi d_o}$$

وبتعويض المعادلة (I) في المعادلة (III) عن قيمة  $h_o$  نحصل على ما يلي:-

$$\frac{\frac{(T_o - T_\infty)^4}{1}}{1.32 \frac{(T_o - T_\infty)^4}{d_o^{\frac{1}{4}}} (2\pi r_o)} = \frac{2\pi r_o (1.32) (T_o - T_\infty)^{\frac{5}{4}}}{d_o^{\frac{1}{4}}} \quad (IV)$$

ومن المعادلة (II) فإن:-

$$\frac{T_b - T_i}{R_i} = \frac{T_i - T_o}{R_s} \quad (V)$$

وأيضاً فإن:-

$$\frac{T_i - T_o}{R_s} = \frac{T_o - T_\infty}{R_o} \quad (IV)$$

من المعادلة رقم (IV) والمعادلة (V) نحصل على:-

$$\frac{T_i - T_o}{R_s} = 2\pi r_o \frac{1.32}{d_o^{1/4}} (T_o - T_\infty)^{5/4} \quad (III)$$

ولحل المعادلة أعلاه نفترض قيمة لـ  $T_i$  ونحسب  $T_o$  وبالعكس وبالتعويض عن الكميات المعروفة تصبح المعادلات (IV) و (III) بالشكل التالي:-

$$\frac{T_b - T_i}{R_i} = \frac{T_i - T_o}{R_s} \Rightarrow \frac{58 - T_i}{3.09 \times 10^{-3}} = \frac{T_i - T_o}{4.097 \times 10^{-4}} \quad (III)$$

$$\frac{T_i - T_o}{4.097 \times 10^{-3}} = 2\pi (0.06033) \frac{1.32}{(0.06033)^{1/4}} (T_o - 20)^{5/4} \quad (III)$$

ولحل هذه المعادلات لإيجاد قيم درجات حرارة السطح الداخلي والخارجي للأنبوب نتبع الخطوات التالية:-

1 - نفرض قيمة منطقية لـ  $T_1$  تكون قريبة جداً من درجة حرارة الأنبوب ونعوضها في المعادلة (IIIIV) لنحسب قيمة " $T_0$ ".

2 - نعوض قيمة " $T_0$ " المحسوبة في الخطوة الأولى في المعادلة رقم (IIIIV) لنحسب قيمة " $T_1$ " الجديدة.

3 - نقارن قيمة " $T_1$ " المفروضة في الخطوة رقم (1) مع قيمة " $T_1$ " المحسوبة في الخطوة رقم (2)، فإذا تساوت كل من القيمتين معناها الحل صحيح وإذا لم تتساوى نعيد الكرة أي نعوض عند قيمة " $T_1$ " الأخيرة المحسوبة في المعادلة (V) ثم نستخرج قيمة " $T_0$ " ونعوضها في المعادلة (IIIIV) ثم نحسب قيمة " $T_1$ " ونقارنها بالقيمة التي بدأنا بها الحسابات وبذلك نحصل على القيم التالية: " $T_1 = 97.65^\circ\text{C}$ " و " $T_0 = 97.6^\circ\text{C}$ ".

$$\therefore h_o = 1.32 \frac{(T_o - T_\infty)^{1/4}}{d_o^{1/4}} = 1.32 \frac{(97.6 - 20)^{1/4}}{(0.06033)^{1/4}} = 7.91 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$$

$$R_o = \frac{1}{h_o 2\pi r_o} = \frac{1}{h_o \pi d_o} = \frac{1}{(7.91)(\pi)(0.06033)} = 0.667$$

$$\therefore U_o = \frac{1}{A_o (R_i + R_s + R_o)} = \frac{1}{(0.189)(3.092 \times 10^{-3} + 4.097 \times 10^{-3} + 0.667)} = 7.87 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$$

مثال 8 - 2: أنبوب قطره الداخلي 0.0525 m وقطره الخارجي 0.06033 متر يجري بداخله ماء عند درجة حرارة  $98^\circ\text{C}$ . إن الموصلية الحرارية

للأنبوب  $54 \text{ W/m} \cdot ^\circ\text{C}$ . تم تعريض هذا الأنبوب إلى بخار عند درجة حرارة  $100^\circ\text{C}$  وضغط  $1 \text{ bar}$ . أحسب معامل انتقال الحرارة الإجمالي المعتمد على المساحة الخارجية للأنبوب إذا علمت أن معامل انتقال الحرارة الفردي داخل الأنبوب  $h_i = 1961 \text{ W/m} \cdot ^\circ\text{C}$  وأن معامل انتقال الحرارة خارج الأنبوب للبخار المكثف يمكن حسابه من المعادلة التالية:-

$$h_o = 0.725 \left[ \frac{\rho(\rho - \rho_v) g h_{fy} k_f^3}{\mu_f d (T_y - T_o)} \right]^{1/4}$$

حيث أن  $h_{fy}$  هي الحرارة الكامنة

للتكثيف وتساوي  $2255 \text{ kJ/kg}$  و  $T_o$  هي درجة حرارة السطح الخارجي للأنبوب وأن كثافة الماء هي  $960 \text{ kg/m}^3$  وأن  $\mu_f = 2.82 \times 10^{-4} \text{ kg/m} \cdot \text{s}$  أما عجلة الجاذبية فهي  $9.8 \text{ m/sec}^2$  وأن  $k_f = 0.68 \text{ W/m} \cdot ^\circ\text{C}$ ، أهمل كثافة البخار.

الحل:-

$$U_o = \frac{1}{A_o [R_i + R_s + R_o]}$$

$$R_i = \frac{1}{h_i A_i} = \frac{1}{h_i \pi d_i} = \frac{1}{(1961)(\pi)(0.0525)} = 3.092 \times 10^{-3}$$

$$R_s = \frac{\ln(r_o / r_i)}{2 \pi k L} = \frac{\ln(0.030165 / 0.02625)}{(2)(\pi)(54)(1)} = 4.097 \times 10^{-4}$$

$$R_o = \frac{1}{h_o A_o}$$

$$h_o = 0.725 \left[ \frac{(960)^2 (9.8)(2255)(0.68)^3}{(2.82 \times 10^{-4})(0.06033)(100 - T_o)} \right]^{1/4}$$

$$\therefore h_o = 17960(100 - T_o)^{-1/4}$$

$$\therefore R_o = \frac{1}{h_o A_o} = \frac{1}{17960(100 - T_o)^{-1/4}(\pi)(0.0633)} = \frac{(100 - T_o)^{1/4}}{3403}$$

لإيجاد قيمة  $T_o$  نستخدم طريقة الخطأ والصواب والموازنة الكهربائية كما يلي:-

$$\frac{T_y - T_o}{R_o} = \frac{T_o - T_i}{R_s} = \frac{T_i - T_w}{R_f} \quad (I)$$

$$\therefore \frac{T_y - T_o}{R_o} = \frac{T_o - T_i}{R_s} \quad (II) \quad \text{و} \quad \frac{T_o - T_i}{R_s} = \frac{T_i - T_w}{R_f} \quad (III)$$

بالتعويض عن القيم في المعادلة (II) نحصل على:-

$$\frac{(100 - T_o)}{(100 - T_o)^{1/4}} = \frac{T_o - T_i}{4.097 \times 10^{-4}} \Rightarrow \therefore 3403(100 - T_o)^{3/4} = \frac{T_o - T_i}{4.097 \times 10^{-4}} \quad (IV)$$

$$\frac{T_o - T_i}{4.097 \times 10^{-4}} = \frac{T_i - 98}{3.092 \times 10^{-3}} \quad (V)$$

بعد الفرض نحصل على  $T_i = 99.69^\circ\text{C}$  و  $T_o = 99.91^\circ\text{C}$

$$\therefore h_o = 17960(100 - T_o)^{-1/4} = 17960(100 - 99.91)^{-1/4} = 32790 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ\text{C}}$$

$$R_o = \frac{1}{h_o A_o} = \frac{1}{(32790)(\pi)(0.06033)} = 1.61 \times 10^{-4}$$

$$U_o = \frac{1}{A_o [R_f + R_s + R_o]}$$

$$= \frac{1}{(\pi)(0.06033)[3.092 \times 10^{-3} + 4.09 \times 10^{-4} + 1.61 \times 10^{-4}]} = 1441 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ\text{K}}$$

**6.8 معامل التآكل أو الاتساخ The Fouling Factor**

عند تشغيل أي مبادل حراري لفترة زمنية معينة ستتكون طبقة من ترسبات على أسطح الأنابيب الداخلية والخارجية للمبادل الحراري ويزداد سمك هذه الطبقة بمرور الزمن وهذا يعني إضافة مقاومات جديدة في مسار انتقال الحرارة داخل المبادل الحراري لذلك يلجأ المصمم عند إجراء أي تصميم لمبادل حراري بإضافة معامل يسمى معامل التقدر أو الاتساخ إلى المقاومات الإجمالية عند حساب قيمة معامل انتقال الحرارة الإجمالي وذلك لضمان عمل المبادل الحراري في الواقع بأعلى كفاءة وبأطول فترة زمنية ويمكن حساب معامل التقدر أو الاتساخ من القانون التالي:-

$$R_f = \frac{1}{U_{dirt}} - \frac{1}{U_{clean}} \quad (8-8)$$

تآكل                  تنظيف

مثال 8 - 3: أنبوب يجري خلاله ماء عند درجة حرارة  $100^{\circ}\text{C}$  وضغط مقداره 1 bar وكان معامل انتقال الحرارة الداخلي  $h_i = 1961 \text{ W/m}^2 \cdot ^{\circ}\text{C}$  ومعامل التقدر لهذا الأنبوب كان  $R_f = 0.0002 \text{ m}^2 \cdot ^{\circ}\text{K} / \text{W}$ . أحسب مقدار الانخفاض الحاصل في معامل انتقال الحرارة الداخلي للأنبوب نتيجة وجود الترسبات.

الحل: باستخدام المعادلة رقم (8 - 8):-

$$R_f = \frac{1}{U_{dirt}} - \frac{1}{U_{clean}}$$

$$= \left[ \frac{1}{h_i} + \frac{A_i \ln(r_o/r_i)}{2\pi k l} + \frac{A_i}{A_o h_o} \right]_{dirt} - \left[ \frac{1}{h_i} + \frac{A_i \ln(r_o/r_i)}{2\pi k l} + \frac{1}{h_o} \right]_{clean}$$

$$\therefore R_f = \left[ \frac{1}{h_i} \right]_{dirt} - \left[ \frac{1}{h_i} \right]_{clean}$$

$$\therefore \left[ \frac{1}{h_4} \right]_{\text{دمى}} = R_f + \left[ \frac{1}{h_4} \right]_{\text{عكس}} = 0.0002 + \frac{1}{1961} = 0.000709 \frac{\text{m}^2 \cdot \text{°C}}{\text{W}}$$

$$\therefore h_4 = 1409 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{°C}}$$

$$\text{مقدار الانخفاض في النسبة} = \frac{1961 - 1409}{1961} \times 100 \% = 28\%$$

7.8 المتوسط اللوغاريتمي للفرق في درجات الحرارة

### The Log – Mean Temperature Difference (LMTD)

إن المتوسط اللوغاريتمي  $m$  لعددين  $a$  و  $b$  يعرف بالمعادلة التالية:-

$$m = \frac{b - a}{\ln(b/a)} \quad (9-8)$$

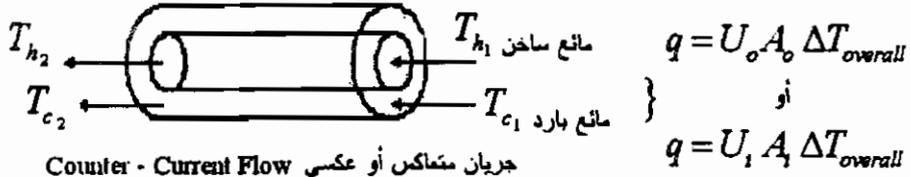
فإذا مر مائع في أنبوب انتقال حراري بدرجة حرارة جدارها الداخلي ثابتة وكانت درجة حرارة المائع الساخن المطلوب تبريده هي  $T_{h1}$  و  $T_{h2}$  وكانت درجة حرارة المائع البارد هي  $t_1$  و  $t_2$  على التوالي فعندئذ يعرف المتوسط اللوغاريتمي للفرق في درجات الحرارة داخل المبادل  $\Delta T_{lm}$  (LMTD) بموجب المعادلة التالية:-

$$LMTD (\Delta T)_{lm} = \frac{\Delta T_2 - \Delta T_1}{\ln(\Delta T_2 / \Delta T_1)} \quad (10 - 8)$$

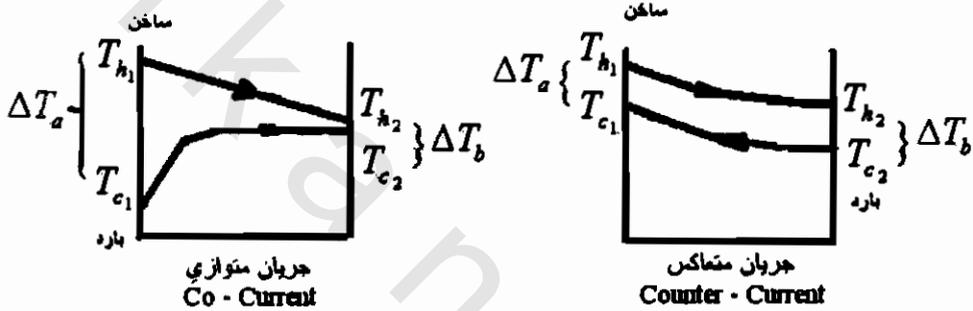
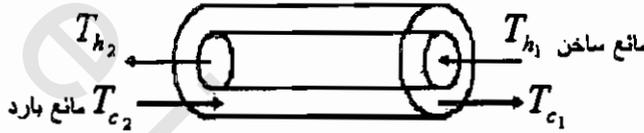
ويوضح الشكل (8 - 4) كيفية حساب المتوسط اللوغاريتمي للفرق في درجات الحرارة في حالتَي الجريان المتعاكس والمتوازي مع ملاحظة أن الجريان

المتعاكس يكون أكثر كفاءة من ناحية انتقال الحرارة بالمقارنة مع الجريان المتوازي وكذلك يمكن استخدام نفس المعادلة أعلاه لحساب (LMTD) للمبادل الحراري ذو الأنابيب المزدوج وذلك بسبب عدم وجود ممرات متعددة للأنابيب.

جريان متوازي (Co - Current ) Flow



جريان متعاكس أو عكسي Counter - Current Flow



الشكل (8 - 4) الجريان المتوازي والمتعاكس في المبادلات الأنبوبية

وعلى هذا الأساس يحسب متوسط درجة الحرارة اللوغاريتمي من المعادلة التالية:-

$$\Delta T_{lm} = \frac{\Delta T_a - \Delta T_b}{\ln\left(\frac{\Delta T_a}{\Delta T_b}\right)} = \frac{(T_{h1} - T_{c1}) - (T_{h2} - T_{c2})}{\ln\left(\frac{T_{h1} - T_{c1}}{T_{h2} - T_{c2}}\right)} \quad (11-8)$$

أما في حالة استخدام مبادلات حرارية معقدة تتكون من عدة ممرات للأنابيب فيجب تصحيح متوسط الفرق اللوغاريتمي لدرجات الحرارة وذلك بالضرب في

معامل تصحيح لدرجات الحرارة والذي يتم حسابه من المخططات الخاصة بذلك والموضح في الأشكال رقم (8 - 5) و (8 - 6).

فالشكل (8 - 5) خاص بالمبادل الحراري ذات الجريان التقاطعي أو المتعامد والمشتق من فرضية عدم خلط تيارات الجريان نفسها خلال المبادل. إن كل خط منحنى في الشكل يقابل قيمة ثابتة لنسبة عديمة الأبعاد وهي S والتي تمثل النسبة بين الهبوط في درجة حرارة المائع الساخن أو الحار إلى الارتفاع في درجة حرارة المائع البارد خلال جريانهما داخل المبادل الحراري. أما المعامل R فيدعى بكفاءة التسخين Heating Effectiveness أو النسبة بين الارتفاع الفعلي في درجة حرارة المائع البارد إلى أقصى ارتفاع ممكن الحصول عليه لدرجة الحرارة على أساس مبدأ الجريان المتعاكس ومن القيم العددية لكل من S و R يمكن قراءة معامل التصحيح  $F_G$  من المخطط بتقاطع قيم كل من R و S ثم بعد ذلك ضرب قيمة معامل التصحيح لدرجة الحرارة في المتوسط اللوغاريتمي للحصول على قيمة متوسط درجة الحرارة  $\Delta T_m$  أي أن:-

$$\Delta T_m = \Delta T_{lm} \times F_G \quad (12-8)$$

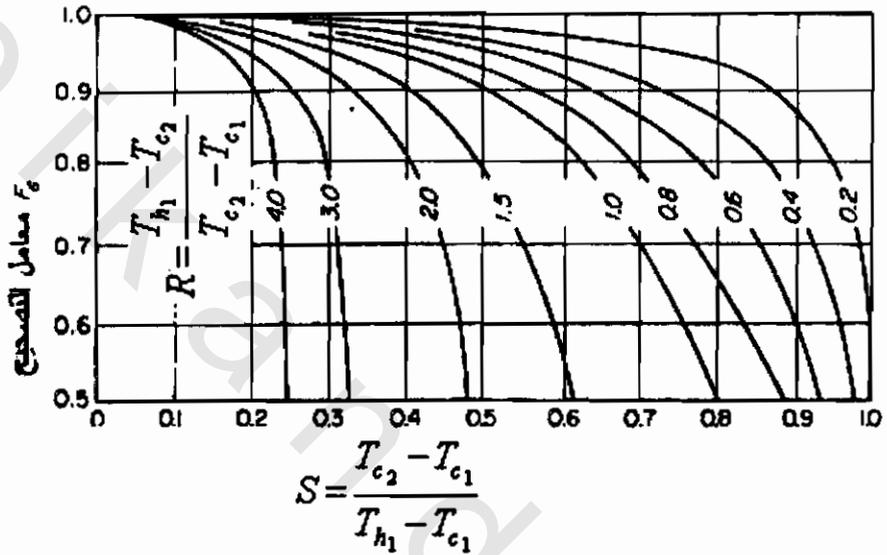
أما قيمتي كل من R و S فتحسب من المعادلة التالية:-

$$R = \frac{T_{h_1} - T_{c_2}}{T_{c_2} - T_{c_1}} \quad S = \frac{T_{c_2} - T_{c_1}}{T_{h_1} - T_{c_1}} \quad (13-8)$$

أما الشكل (8 - 6) فيستخدم لحساب معامل التصحيح  $F_G$  للمبادلات نوع - 2 و 1 و 4 والمبني على أساس فرضية أن معامل انتقال الحرارة الإجمالي هو ثابت ولأن جميع عناصر تيار مائع جاري لها نفس التأثير الحراري من حيث

مرورها في المبادل. ويمكن كذلك حساب معامل التصحيح لمبادل حراري نوع 2-1 من المعادلة التالية:-

$$F_G = \frac{\sqrt{R^2 + 1} \ln[(1-S)/(1-RS)]}{(R-1) \ln \left[ \frac{2-S(R+1-\sqrt{R^2+1})}{2-S(R+1+\sqrt{R^2+1})} \right]} \quad (14-8)$$

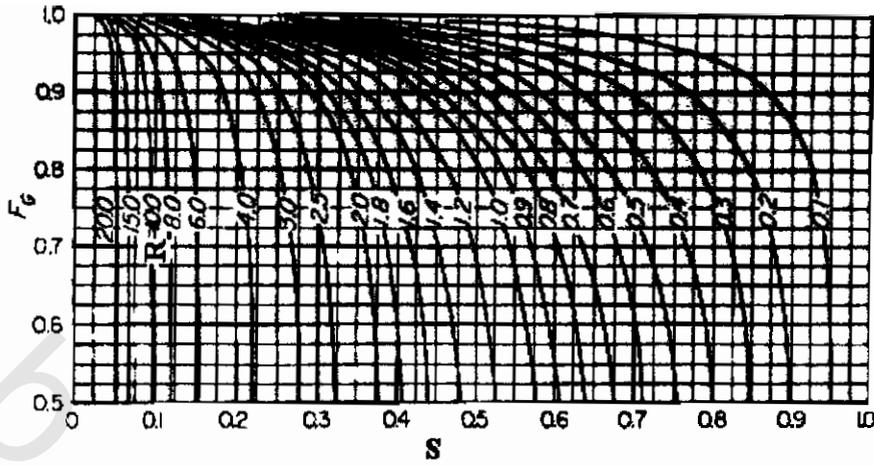


الشكل (5-8) حساب LMTD للجريان المتعامد أو التقاطعي

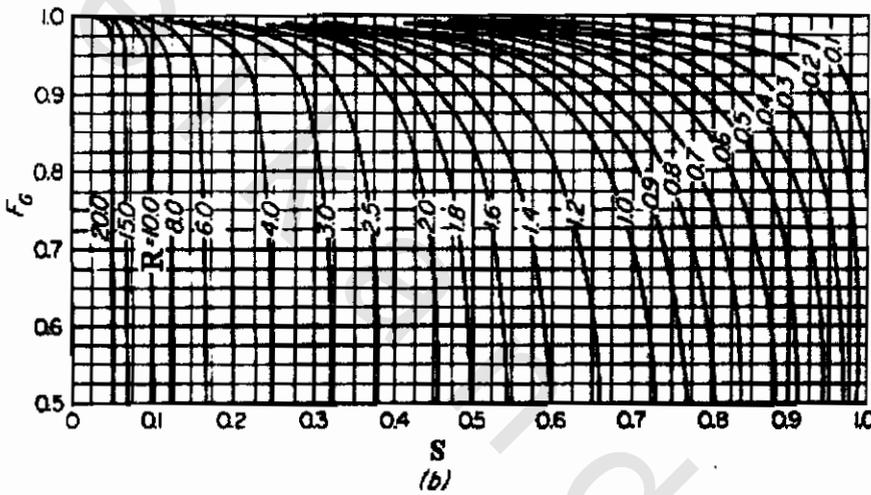
ويجب ملاحظة أن قيمة معامل التصحيح لعمليات التبخير أو الغليان أو التكثيف هي 1.

وهناك معادلة تقريبية تربط بين معامل انتقال الحرارة الإجمالي أو الكلي ومعاملات انتقال الحرارة الفردية الداخلي والخارجي وهي:-

$$U = 0.7 h_i h_o / (h_i + h_o) \quad (15-8)$$



(a)



(b)

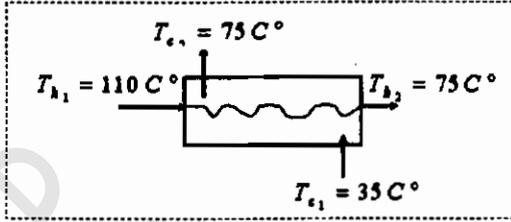
الشكل (6-8) تصحيح LMTD للمبادلات الحرارية

نوع (a) 1-2 و نوع (b) 2-4

مثال 4-8: ماء يجري بمعدل جريان كتلي مقداره  $68 \text{ kg/min}$  تم تسخينه من درجة حرارة  $35 \text{ C}^\circ$  إلى درجة حرارة  $75 \text{ C}^\circ$  باستخدام زيت حراري تبلغ الحرارة النوعية له  $1.9 \text{ KJ/kg} \cdot \text{C}^\circ$  وكان المبادل الحراري المستخدم نوع جريان متعاكس ومن النوع ذات الأنبوب المزدوج وكان الزيت يدخل بدرجة حرارة  $110 \text{ C}^\circ$  ويخرج بدرجة حرارة  $75 \text{ C}^\circ$  فإذا علمت أن قيمة معامل انتقال الحرارة الإجمالي هي  $320 \text{ W/m}^2 \cdot \text{C}^\circ$  أحسب المساحة اللازمة للتبادل الحراري في المبادل علماً أن الحرارة النوعية للماء هي  $4180 \text{ J/kg} \cdot \text{C}^\circ$ .

الحل: بما أن المبادل الحراري مزدوج الأنبوب ولا توجد ممرات لذلك فإن قيمة معامل التصحيح سوف تساوي الواحد الصحيح. المعادلة العامة لانتقال الحرارة سوف تكون على النحو التالي:-

$$q = U A \Delta T_{lm} F_G$$



ومن معلوماتنا في انتقال الحرارة نعلم أن الحرارة المفقودة = الحرارة المكتسبة أي أن:-  
الحرارة المفقودة من الزيت

$$q_{lost} = (\bar{m} Cp \Delta T)_{hot}$$

أما الحرارة المكتسبة من الماء فهي  $q_{gain} = (\bar{m} Cp \Delta T)_{cold}$

$$\therefore q_{lost} = q_{gain} = (\bar{m} Cp \Delta T)_{hot} = (\bar{m} Cp \Delta T)_{cold} = U A \Delta T_{lm} F_G$$

$$q_{gain} = (\bar{m} Cp \Delta T)_{cold} = 68 \frac{\text{kg}}{\text{min}} \times \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}} \times 4180 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}^\circ} (75 - 35) \text{C}^\circ$$

$$= 1895 \frac{\text{KJ}}{\text{s}} = 189500 \frac{\text{J}}{\text{s}} = 189500 \text{ W}$$

$$\Delta T_{lm} = \frac{(T_{h1} - T_{c1}) - (T_{h2} - T_{c2})}{\ln \left( \frac{T_{h1} - T_{c1}}{T_{h2} - T_{c2}} \right)} = \frac{(110 - 75) - (75 - 35)}{\ln \left( \frac{110 - 75}{75 - 35} \right)} = 37.5^\circ \text{C}$$

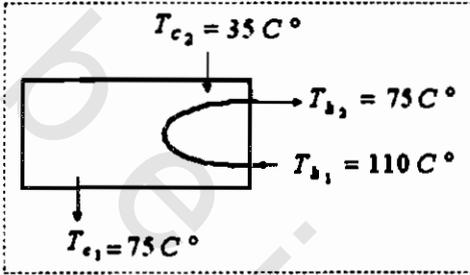
$$\therefore q = U A \Delta T_{lm} F_G$$

$$189500 = (320)(A)(37.5)(1)$$

$$\therefore A = \frac{189500}{(320)(37.5)} = 15.8 \text{ m}^2$$

مثال 8 - 5: إن المبادل الحراري في المثال السابق قد استبدل بمبادل حراري آخر يتكون من غلاف ذو ممر واحد وممرين للأنايبب وكان الزيت يدخل إلى داخل الأنايبب التي رتبت كما موضح في الشكل أدناه. في هذه الحالة ولنفس معطيات المسألة السابقة احسب المساحة اللازمة لانتقال الحرارة.

الحل:



من الملاحظات الجديرة بالاعتبار أنه في حالة عدم ذكر نوع الجريان يتم اعتباره على أساس أنه جريان متعاكس وبتطبيق نفس المبادئ التي التي طبقت في المثال السابق نجد أن الحرارة تحسب من المعادلة التالية:-

$$\therefore q_{lost} = q_{gain} = (\bar{m}Cp\Delta T)_{hot} = (\bar{m}Cp\Delta T)_{cold} = UA\Delta T_{lm} F_G$$

$$q_{gain} = (\bar{m}Cp\Delta T)_{cold} = 68 \frac{\text{kg}}{\text{min}} \times \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}} \times 4180 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}^\circ} (75 - 35) \text{C}^\circ$$

$$= 189.5 \frac{\text{KJ}}{\text{s}} = 189500 \frac{\text{J}}{\text{s}} = 189500 \text{ W}$$

$$\Delta T_{lm} = \frac{(T_{h1} - T_{c1}) - (T_{h2} - T_{c2})}{\ln \left( \frac{T_{h1} - T_{c1}}{T_{h2} - T_{c2}} \right)} = \frac{(110 - 75) - (75 - 35)}{\ln \left( \frac{110 - 75}{75 - 35} \right)} = 37.5^\circ \text{C}$$

لحساب معامل التصحيح  $F_G$  نستخدم المخطط (8 - 6 a) ونحسب قيم

المعاملات  $R$  و  $S$

$$R = \frac{T_{h_1} - T_{c_2}}{T_{c_2} - T_{c_1}} = \frac{110 - 75}{75 - 35} = \frac{35}{40} = 0.875$$

$$S = \frac{T_{c_2} - T_{c_1}}{T_{h_1} - T_{c_1}} = \frac{75 - 35}{110 - 35} = 0.467$$

من المخطط نجد أن  $F_G = 0.91$  وعلى هذا الأساس فإن مساحة انتقال الحرارة هي:-

$$\therefore A = \frac{189500}{(320)(37.5)(0.91)} = 17.362 \text{ m}^2$$

### 8.8 مراحل تصميم المبادلات الحرارية

#### Heat Exchangers Design Stages

إن تصميم معدات التبادل الحراري يمر بأربع مراحل رئيسية وهي:-

1 - يتم تقدير الحجم التقريبي للوحدة استناداً إلى فرضية معامل انتقال الحرارة

$$\frac{1}{U_o} = \frac{1}{h_o} + \frac{1}{h_{od}} + \frac{d_o \ln(d_o/d_i)}{2k_w} + \frac{d_o}{d_i} \times \frac{1}{h_{id}} + \frac{d_o}{d_i} \times \frac{1}{h_i} \quad (16-8)$$

حيث أن:-

$U_o$  = معامل انتقال الحرارة الكلي المعتمد على المساحة الخارجية للأنبوب  $W/m^2 \cdot ^\circ C$

$h_o$  - معامل انتقال الحرارة الفردي المعتمد على المساحة الخارجية للأنبوب  $W$   
 $h_i / m^2 \cdot ^\circ C$  = معامل انتقال الحرارة الفردي المعتمد على المساحة الداخلية  
للأنبوب  $W / m^2 \cdot ^\circ C$

$h_{od}$  - معامل التقذر أو الاتساح المعتمد على المساحة الخارجية للأنبوب  $W$   
 $/m^2 \cdot ^\circ C$

$h_{id}$  - معامل التقذر أو الاتساح المعتمد على المساحة الداخلية للأنبوب  $W$   
 $/m^2 \cdot ^\circ C$

$k_w$  = معامل التوصيل الحراري لمادة جدار الأنبوب  $W / m \cdot ^\circ C$

$d_o$  = القطر الخارجي للأنبوب  $m$  و  $d_i$  = القطر الداخلي للأنبوب  $m$ .

إن قيمة المعاملات الفردية تعتمد على طبيعة عملية انتقال الحرارة (التوصيل، الحمل، التكتيف، الغليان أو الإشعاع).

2 - بشكل مبني يتم إجراء حسابات دقيقة لمعاملات انتقال الحرارة الفردية وكذلك معامل انتقال الحرارة الكلي ويجب أن تكون القيم المحسوبة قريبة من القيمة المفترضة أو مساوية لها وإذا كانت القيمتان غير متساويتين فيجب فرض قيمة جديدة وإعادة الحسابات.

3 - من المعامل التصميمي، يتم إجراء حسابات مساحة انتقال الحرارة ثم تجرى حسابات دقيقة لتقدير عدد الأنابيب وتخطيطها، العوارض، الهبوط في الضغط... الخ. مثل هذه الحسابات تكون عادة مستندة إلى اختيار الأفضل وتأخذ بنظر الاعتبار عدة عوامل مثل سرعة الماء وأفضل درجة حرارة للماء الخارج.

4 - عندما يكمل التصميم ويتم الحصول على أحجام كل الأجزاء يتم إجراء التصميم الميكانيكي للوحدة ثم تحدد النقاط النهائية لها.  
للمراحل الأربعة السابقة سوف توضع بواسطة أمثلة منها التالي:-

مثال 8 - 6: ماء يجري بمعدل جريان كتلي يساوي 4 kg/s تم تسخينه من درجة حرارة 35 °C إلى 55 °C في مبادل حراري يتكون من غلاف ومجموعة أنابيب وكان الماء يمر في جهة الغلاف على شكل سائل ساخن بمعدل جريان كتلي 2 kg/s ودرجة حرارة 95 °C فإذا علمت أن المعامل الإجمالي لانتقال الحرارة لهذا المبادل هو 1420 W/m<sup>2</sup>.°C ومتوسط سرعة الماء في جهة الأنابيب هو 0.4 m/s وأن قطر الأنابيب هو 20 mm

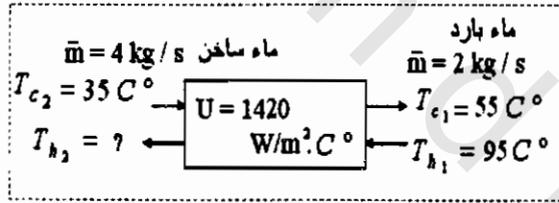
(1) أحسب عدد ممرات الأنابيب اللازمة لمثل هذا المبادل الحراري.

(2) أحسب عدد الأنابيب في كل ممر من هذه الممرات.

(3) أحسب العدد الكلي للأنابيب في المبادل الحراري.

(4) أحسب أطوال الأنابيب على أن لا يتجاوز طول الأنبوب 2.5 m

الحل: إن العلاقة بين عدد الممرات وأطوال الأنابيب هي عكسية، فكلما كان عدد الممرات قليلاً كان طول الأنابيب كبيراً وكلما كان عدد الممرات كبيراً قلت أطوال الأنابيب.



الحرارة النوعية للماء تساوي:  $C_p = 4182 \text{ J/kg. }^\circ\text{C}$  و

لإيجاد قيمة  $T_{h2}$  نجري موازنة حرارية أي أن

الحرارة المفقودة تساوي الحرارة المكتسبة أو:-

$$q_{lost} = q_{gain}$$

$$(\bar{m} C_p \Delta T)_{hot} = (\bar{m} C_p \Delta T)_{cold}$$

$$(2)(4182)(95 - T_{h2}) = (4)(4182)(55 - 35)$$

$$8364(95 - T_{h2}) = 334560 \Rightarrow \therefore 794580 - 8364T_{h2} = 334560$$

$$\therefore T_{h2} = 55 \text{ }^\circ\text{C}$$

لكي نحسب عدد الممرات نحسب المساحة السطحية لانتقال الحرارة ولكي نحصل على هذه الأخيرة يتوجب حساب المتوسط اللوغاريتمي للفرق بدرجات الحرارة.

$$\Delta T_{lm} = \frac{(T_{h_1} - T_{c_1}) - (T_{h_2} - T_{c_2})}{\ln\left(\frac{T_{h_1} - T_{c_1}}{T_{h_2} - T_{c_2}}\right)} = \frac{(95-55) - (55-35)}{\ln\left(\frac{95-55}{55-35}\right)} = 28.85^\circ C$$

أولاً في البداية نفرض أن عدد الممرات يساوي واحد وهذا يعني أن معامل التصحيح يساوي الواحد أيضاً وبذلك نستطيع حساب المساحة اللازمة لانتقال الحرارة كما يلي:-

$$q = (\bar{m} Cp \Delta T)_{cold} = U A \Delta T_{lm} F_G$$

$$(4)(4182)(55 - 35) = 1420(A)(28.85)(1)$$

$$334560 = (40967)(A)$$

$$\therefore A = 8.168 \text{ m}^2$$

حيث إن A تمثل المساحة الإجمالية لانتقال الحرارة وتمثل مجموع المساحات السطحية لجميع الأنابيب. ثم بعد ذلك نقوم بحساب المساحة المقطعية للأنابيب ككل ولنفرض أن المساحة المقطعية للأنبوب الواحد هي  $A_c$  و  $n$  هو عدد الأنابيب وعلى أساس هذا فإن:-

$$\bar{m} = \rho u (n A_c)$$

$$\therefore n A_c = \frac{\bar{m}}{\rho u} \Rightarrow \therefore (n) \left(\frac{\pi}{4}\right) d^2 = \frac{\bar{m}}{\rho u}$$

$$\therefore n = \frac{(4)(\bar{m})}{(\pi)(d^2)(\rho)(u)} = \frac{(4)(4)}{(\pi)(0.02)^2(1000)(0.4)} = 31.85 \approx 32$$

$$\therefore l = \frac{A}{(\pi)(d)(n)} = \frac{8.168}{(\pi)(0.02)(32)} = 4.064 \text{ m} > 2.5 \text{ m}$$

وهذا يعني أن طول الأنابيب هو أكبر من الحد المسموح وهو 2.5 m ولذلك نلجأ إلى تقصير أطوال الأنابيب بزيادة عدد الممرات وعلى هذا الأساس سنفرض أن عدد الممرات في هذه الحالة هو 2 ونقوم بحساب قيمة كل من R و S فنحصل على:-

$$S = \frac{55 - 35}{95 - 35} = 0.333 \quad R = \frac{95 - 55}{55 - 35} = 2$$

من المخطط (a 6 - 8) نحصل على  $F_G = 0.82$

$$\therefore q = U A \Delta T_{lm} F_G$$

$$\therefore A = \frac{q}{U \Delta T_{lm} F_G} = \frac{334560}{(1420)(28.85)(0.82)} = 9.84 \text{ m}^2$$

إن عدد الأنابيب وطول الأنابيب يحسب بنفس الطريقة السابقة كما يلي:-

$$\bar{m} = \rho u (n A_c)$$

$$\therefore n A_c = \frac{\bar{m}}{\rho u} \Rightarrow \therefore (n) \left( \frac{\pi}{4} \right) d^2 = \frac{\bar{m}}{\rho u}$$

$$\therefore n = \frac{(4)(\bar{m})}{(\pi)(d^2)(\rho)(u)} = \frac{(4)(4)}{(\pi)(0.02)^2(1000)(0.4)} = 31.85 \approx 32$$

$$\therefore l = \frac{A}{2(\pi)(d)(n)} = \frac{9.84}{2(\pi)(0.02)(32)} = 2.447 \text{ m} < 2.5 \text{ m} \quad O.K.$$

أي أن مساحة انتقال الحرارة =  $9.84 \text{ m}^2$  وعدد الأنابيب لكل متر = 32  
وعدد الأنابيب الإجمالية = 64 أما طول الأنبوب فهو  $2.447 \text{ m}$  وعدد الأغلفة  
هو 1.

## 9.8 خطوات التصميم الأمثل للمبادل الحراري

### Heat Exchanger Design Steps

- 1 - حساب الحمل الحراري للمبادل (كمية الحرارة، سرعة المائع، درجات الحرارة).
- 2 - جمع الخواص الفيزيائية المطلوبة للمائع (الكثافة، اللزوجة، الموصلية الحرارية).
- 3 - تقرير نوع المبادل الحراري المستخدم.
- 4 - اختيار قيمة تقريبية للمعامل الكلي لانتقال الحرارة  $U$  (trial value).
- 5 - حساب المتوسط اللوغاريتمي لدرجة الحرارة  $\Delta T_{lm}$  ومتوسط درجة الحرارة  $\Delta T_m$ .
- 6 - حساب المساحة المطلوبة للتبادل الحراري من المعادلة (8 - 7).
- 7 - تقرير ترتيب المبادل الحراري (Exchanger Layout) المطلوب.
- 8 - حساب معاملات انتقال الحرارة الفردية.
- 9 - حساب معامل انتقال الحرارة الكلي ومقارنة القيمة المحسوبة مع القيمة المفترضة فإذا كانت القيمة المحسوبة تختلف بشكل جوهري عن القيمة المفترضة تعاد الحسابات بدأ من الخطوة رقم 6.
- 10 - حساب مقدار الهبوط في الضغط للمبادل فإذا لم تكن القيمة المحسوبة مقنعة تعاد الحسابات من الخطوة 3 أو الخطوة 4 أو الخطوة 7 وحسب القيمة المحسوبة.
- 11 - تقرير التصميم الأفضل بإعادة الخطوات من 4 إلى 10 لحساب أرخص مبادل حراري يفي بالغرض المطلوب.

الجدول (8 - 3) يعطي قيم تقريبية لمعاملات انتقال الحرارة الإجمالية لبعض الحالات.

جدول (8 - 3) قيم معاملات انتقال الحرارة الإجمالية ( $U_o$ )

قيمة $U_o$ ( $W/m^2 \cdot ^\circ C$ )	المائع البارد	المائع الساخن
<b>المبادلات الحرارية Heat Exchangers</b>		
1500 - 800	ماء	ماء
<b>المبردات Coolers</b>		
750 - 250	ماء	مذيبات عضوية
300 - 20	ماء	غازات
<b>المكثفات Condensers</b>		
1000 - 700	ماء	أبخرة عضوية
<b>المسخنات Heaters</b>		
1000 - 500	مذيبات عضوية	بخار ماء
600 - 450	زيوت ثقيلة	بخار ماء
900 - 300	زيوت خفيفة	بخار ماء

### 10.8 المبادلات الحرارية نوع الغلاف والأنبوب

#### Shell and Tube Exchangers

عادة ما يتم تصميم المبادلات وفقاً للقياسات البريطانية (BS) أو القياسات الأمريكية (TEMA) وهناك مديات لاختيار حجوم الأنابيب وأطوال الأغلفة. فمثلاً بالنسبة للأنابيب يتراوح قطرها بين  $\frac{5}{8}$  أنج إلى 2 أنج (16 - 50

ملم) والقطر المفضل استعماله هو 19 ملم الأطوال المفضلة للأنابيب هي 6 ft (1.83 m) و 8 ft (2.44 m) و 12 ft (3.66 m) و أخيراً 16 ft (4.88 m) ولمساحة سطحية معينة فإن استعمال أنابيب طويلة نوعاً ما سوف يؤدي بالضرورة إلى تقليل قطر الغلاف أو الصدفة. يكون ترتيب الأنابيب إما بشكل مثلثي Triangular أو مربع Square أي أن المسافة بين مراكز أقطار الأنابيب تكون متساوية سواء كان في الترتيب المثلث أو المربع. تؤخذ عادة هذه المسافة 1.25 مرة بقدر القطر الخارجي للأنبوب أي أن:-

$$\text{Tube Pitch}(P_t) = 1.25 d_o \quad (17 - 8)$$

بالنسبة للغلاف أو الصدفة فيتراوح قطرها بين 6 أنج (150 mm) إلى 42 أنج (1067 ملم). يكون ترتيب الأنابيب داخل المبادل على شكل حزم Bundles

لحساب القطر المكافئ للحمزة وعدد الأنابيب داخل الغلاف تستخدم العلاقة التالية:-

$$N_t = K_1 \left( \frac{D_b}{d_o} \right)^{n_1} \quad (18 - 8)$$

حيث أن  $N_t$  = عدد الأنابيب و  $D_b$  = القطر المكافئ للحمزة، ملم أما  $d_o$  فيمثل القطر الخارجي للأنبوب الحمزة بالمليمتر أيضاً. وعلى أساس ذلك يمكن كتابة المعادلة (8 - 8) بالشكل التالي:-

$$D_b = d_o \left( \frac{N_t}{K_1} \right)^{1/n_1} \quad (19 - 8)$$

أما  $K_1$  و  $n_1$  فهما ثوابت يختلفان باختلاف الترتيب حيث يوضح الجدول رقم (8 - 4) قيم تلك الثوابت لمختلف الممرات.

جدول (8 - 4)

قيم الثوابت  $K_1$  و  $n_1$  للترتيب المثلث والمربع في المبادلات

عدد الممرات	1	2	4	6	8
ترتيب مثلث					
$K_1$	0.319	0.249	0.175	0.0713	0.0365
$n_1$	2.142	2.207	2.285	2.499	2.675
ترتيب مربع					
$K_1$	0.215	0.156	0.158	0.0402	0.0331
$n_1$	2.207	2.291	2.263	2.617	2.643

أما بالنسبة للعوارض Baffles فتستخدم في المبادل لغرض زيادة سرعة جريان المائع داخل الغلاف وإحداث الاضطراب Turbulence المطلوب. يتم تخصيص حيز لهذا العوارض يبلغ حوالي 20 - 25 % من المساحة الكلية للمبادل.

11.8 الاعتبارات العامة لتصميم المبادل نوع الغلاف والأنبوب

### Shell & Tube Heat Exchangers General Design Considerations

#### 1.11.8 موقع المائع Fluid Location

إن موقع المائع يتحدد في الغلاف أو الأنبوب من الاعتبارات التالية: عندما لا يكون هناك تغيير في الحالة أو الطور (حدوث عملية تبخير أو تكثيف) يمكن تحديد موقع المائع كما يلي

- 1 - التآكل Corrosion: يتم ضخ المائع ذات القابلية للتآكل داخل الأنبوب.
- 2 - الأوساخ Dirt: يتم وضع المائع الأكثر قابلية لتكون القذارة والأوساخ داخل الأنبوب.
- 3 - درجة الحرارة Temperature: عادة ما يتم إدخال المائع ذو درجة الحرارة الأعلى داخل الأنبوب.
- 4 - الضغط Pressure: وهو نقطة مهمة حيث يتم وضع المائع ذو الضغط الأعلى داخل الأنبوب.
- 5- اللزوجة Viscosity: يتم وضع المائع ذات اللزوجة الأكثر داخل الغلاف لمنع انسداد الأنابيب.

#### 2.11.8 سرعة المائع داخل الغلاف والأنبوب

#### Fluid Velocity inside Both Shell & Tubes

- 1 - للسوائل Liquids: داخل الأنبوب تكون سرعة المائع في المدى 1 - 2 م/ثانية.
- وللماء Water داخل الأنبوب تكون سرعة المائع في المدى 1.5 - 2.5 م/ثانية.
- أما في الغلاف فتكون سرعة الموائع عادة في المدى 0.5 - 1 م/ثانية.
- 2 - الأبخرة والغازات Vapors and Gases: تكون سرعة الموائع بالشكل التالي:-
- في حالة وجود ضغط فراغي عالي Vacuum يكون مدى السرعة من:-  
50 - 70 م/ثانية.
- في حالة وجود ضغط جوي عادي Atmospheric مدى السرعة: 10 - 30 م/ثانية.
- في حالة وجود ضغط جوي عالي يكون مدى السرعة: 5 - 10 م/ثانية.

### 3.11.8 فرق درجات الحرارة لمائع التبريد داخل الغلاف والأنبوب Temperature Difference For Cooling Fluid in Shell & Tubes

لمائع أو سائل التبريد فإن:

أكبر فرق درجات حرارة بين نقطتي الدخول والخروج =  $20^{\circ}C$

أقل فرق درجات حرارة (للماء) يكون في المدى بين:  $7^{\circ}C - 5^{\circ}C$

أقل فرق درجات حرارة للمحلول الملحي Brine هو:  $5^{\circ}C - 3^{\circ}C$

### 4.11.8 الهبوط في الضغط على جانبي الغلاف والأنبوب Pressure Drop Across Shell and Tube

1 - للسوائل: إذا كانت اللزوجة أقل من 1 cP فإن:  $\Delta P = 35 \text{ kN} / \text{m}^2$

وإذا كانت اللزوجة في المدى 1 - 10 cP فإن:  $\Delta P = 50 - 70 \text{ kN} / \text{m}^2$

2 - للغازات والأبخرة: يعتمد الهبوط في الضغط على مقدار الضغط الكلي.

عند ضغط فراغي عالي:  $\Delta P = 0.4 - 0.5 \text{ kN} / \text{m}^2$ .

عند ضغط فراغي متوسط فإن:  $\Delta P = 0.1 \times \text{Total Pressure}$  أي الضغط

الكلي

عند ضغط 2 bar - 1 فإن:  $\Delta P = 0.5 \times (\text{Total Pressure Gauge})$  أي

ضغط المقياس

فوق ضغط 10 bar فإن:  $\Delta P = 0.1 \times (\text{Total Pressure Gauge})$  أي

مضروباً في ضغط المقياس.

الجدول (8 - 5) يبين قيم معاملات الترسبات أو التقذر لأنظمة مختلفة.

الجدول (8 - 6) يوضح تخطيط وتوزيع وعدد الأنابيب داخل المبادل الحراري

نوع الغلاف والأنبوب مع القطر الأفضل للغلاف المقابل ولعدة أقطار مختلفة

من الأنابيب للترتيب المربع والجدول (8 - 7) للترتيب المثلث داخل المبادل

جدول (5 - 8) معامل التقنر أو الترسيبات لأنظمة مختلفة

معامل الترسيبات أو التقنر (1 / h <sub>id</sub> , 1 / h <sub>od</sub> )		النظام
M . ° K / W	Hr . Ft <sup>2</sup> . °F / Btu	
0.00009	0.0005	ماء مقطر
0.00009	0.0005	ماء بحر
0.0002	0.0012	ماء صافي
0.0006	0.0033	ماء تبريد غير معالج
0.0003	0.0015	ماء تبريد معالج
0.0006	0.0033	ماء بنر عسر
0.00005	0.0003	بخار ماء خالي من الزيت
0.00009	0.0005	بخار ماء نوعية رديئة
0.0002	0.001	بخار ماء من محرك ترددي
0.0003	0.0015	محلول ملحي معالج
0.0002	0.001	سوائل عضوية
0.0001	0.006	زيت الوقود
0.003	0.01	قار
0.0005 - 0.0003	0.003 - 0.0015	هواء
0.000015	0.0008	مذيبات

12.8 المعادلات الخاصة بتصميم المبادل الحراري

Special Equations For Designing Heat Exchanger

جدول ( 8 - 6 ) توزيع وعدد الأنابيب داخل المبادل الحراري (ترتيب مربع)

أنابيب بقطر 1 أنج والمسافة 1.25 أنج					أنابيب بقطر 3/4 أنج والمسافة بينها 1 أنج					قطر الفلاف
8-P	6-P	4-P	2-P	1-P	8-P	6-P	4-P	2-P	1-P	
		14	16	21		20	20	26	32	8
	24	26	32	32		36	40	52	52	10
36	38	40	45	48	60	68	68	76	81	12
64	68	68	76	81	70	108	116	124	137	15
82	90	96	112	112	108	150	158	166	177	17
116	122	128	132	138	188	192	204	220	224	19
184	184	192	208	213	292	302	308	324	341	23
286	294	300	326	341	456	468	480	526	553	29
414	420	432	460	465	648	676	688	718	749	33
532	544	562	574	596	838	866	886	914	934	37
القطر 1.25 أنج والمسافة 7/8 أنج					القطر 1 1/4 أنج والمسافة بينها 15/16 أنج					
							10	12	16	10
	12	12	16	16	16	16	22	24	30	12
	16	16	22	22	22	22	30	30	32	13
22	24	25	29	29	31	35	37	40	44	15
29	32	34	39	39	44	48	51	53	56	17
39	43	45	48	50	56	64	71	73	78	19
62	66	70	74	78	96	102	109	112	127	23
112	116	120	127	131	166	174	178	118	193	29
131	138	141	146	151	193	202	209	220	226	31
151	160	164	170	176	226	238	244	252	258	33
202	210	217	220	224	293	304	311	322	334	37

A - للجريان المضطرب Turbulent Flow: تستعمل المعادلة التالية لحساب

معامل انتقال الحرارة الفردي على الجانب الداخلي للأنبوب ( $h_i$ )

$$Nu = \frac{h_i d_i}{k_i} = 0.023 N_{Re}^{0.8} N_{Pr}^{0.33} \left( \frac{\mu}{\mu_w} \right)^{0.14} \quad (20-8)$$

حيث أن  $Nu =$  عدد نسلت،  $d_i =$  القطر الداخلي للأنبوب،  $\mu$  هي لزوجة المادة  
بوحدة  $kg / m \cdot s$

جدول (7 - 8) توزيع وعدد الأنابيب داخل المبادل الحراري (ترتيب مثلث)

أنابيب بقطر 3/4 أنج والمسافة 1 أنج					أنابيب بأقطر 3/4 أنج والمسافة بينها 15/16 أنج					قطر الغلاف
8-P	6-P	4-P	2-P	1-P	8-P	6-P	4-P	2-P	1-P	
	24	24	30	37	18	24	26	32	36	8
	36	40	52	61	36	42	47	56	62	10
70	74	76	82	92	78	82	86	98	109	12
110	118	122	138	151	86	90	96	114	127	15
166	172	178	196	203	178	188	194	224	239	17
210	216	226	250	262	234	244	252	282	301	19
328	342	352	376	384	364	378	386	420	442	23
508	538	556	604	630	594	620	640	692	721	29
640	666	678	728	745	720	722	766	822	847	31
732	760	774	830	856	826	852	878	938	974	33
القطر 1.25 أنج والمسافة 15/16 أنج					القطر 1 أنج والمسافة بينها 1.25 أنج					
		14	18	20		24	26	32	32	10
20	22	26	30	32	44	46	48	52	55	12
26	28	32	36	38	50	54	58	66	68	13
38	42	45	51	54	72	74	80	86	91	15
54	58	62	66	69	94	104	106	118	131	17
69	78	86	91	95	128	136	140	152	163	19
117	123	130	136	140	202	212	212	232	241	23
202	212	217	228	235	316	334	338	376	397	29
235	245	255	270	275	400	424	430	454	472	31
275	288	297	305	315	454	470	486	522	538	33
357	374	380	390	407	598	614	632	664	674	37

أما  $k_f$  فهي الموصلية الحرارية  $W/m \cdot ^\circ C$  و  $h_f$  هو معامل انتقال الحرارة  
الفردية بواسطة الحمل بالـ  $W/m^2 \cdot ^\circ C$  محسوب على أساس المساحة الداخلية

أما  $N_{Re}$  فهو عدد رينولدز الذي تم التطرق إليه في الباب الخامس و  $N_{Pr}$  هو عدد برانتدل الذي تم الإشارة إليه مسبقاً في الباب الخامس أيضاً.

أما لحساب معامل انتقال الحرارة الداخلي في حالة كون السائل داخل الأنابيب هو الماء فتستخدم المعادلة التالية:-

$$h_i \left( \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C} \right) = 4200 (1.35 + 0.02 T) \frac{u_i^{0.8}}{d_i^{0.2}} \quad (21 - 8)$$

حيث أن  $u_i$  = سرعة الجريان داخل الأنبوب (m/s) و  $T$  تمثل متوسط درجة الحرارة داخل الأنبوب ( $^\circ C$ ).

B - حساب المساحة السطحية للجريان المتعامد  $A_s$  من المعادلة التالية:-

$$A_s = \frac{(P_i - d_o) D_s l_B}{P_i} \quad (22 - 8)$$

حيث أن  $P_i$  = المسافة بين أقطار الأنابيب وهذه تعادل  $1.25 d_o$   
 $D_s$  = قطر الغلاف و  $l_B$  = المسافة بين العوارض و  $d_o$  = القطر الخارجي للأنبوب.

C - حساب سرعة المائع داخل الأنبوب وخارجه أي في الغلاف وأعداد رينولدز.

$$\begin{array}{llll} N_{Re} = \frac{G_i d_i}{\mu_i} & N_{Pr} = \frac{Cp_i \mu_i}{k_i} & G_i = \frac{\dot{m}_i}{A_i} & A_i = n \frac{\pi}{4} d_i^2 \\ \text{عدد رينولدز} & \text{عدد برانتدل} & \text{سرعة الجريان الكتلي} & \text{مساحة المقطعية} \\ \text{دخل الأنبوب} & \text{داخل الأنبوب} & \text{للمائع داخل الأنبوب} & \text{الداخلية} \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} (N_{Re})_s = \frac{G_s d_o}{\mu_s} & N_{Pr} = \frac{Cp_s \mu_s}{k_s} & G_s = \frac{\dot{m}_s}{A_s} & \text{سرعة الجريان} \\ \text{عدد رينولدز} & \text{عدد برانتدل} & \text{الكتلي للمائع في الغلاف} & \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} & \text{على جانب الغلاف} \\ \text{على جانب الغلاف} & \end{array}$$

حيث أن:-

$d_e =$  القطر المكافئ لتعزمة ويحسب من المعادلة التالية:-

$$d_e = \frac{4 \left( P_i^2 - \frac{\pi}{4} d_o^2 \right)}{\pi d_o}$$

تترتيب المربع



$$d_e = 1.27 (P_i^2 - 0.785 d_o^2) \quad (23-8)$$

تترتيب المثلث



$$d_e = \frac{1.1 (P_i^2 - 0.917 d_o^2)}{d_o} \quad (24-8)$$

D - حساب معامل انتقال الحرارة الخارجي  $h_o$  حيث تستخدم المعادلة التالية:-

$$\frac{h_o d_e}{k_w} = 0.36 (N_{Re})_s^{0.55} (N_{Pr})_s^{0.33} \left( \frac{\mu}{\mu_w} \right)^{0.14} \quad (25-8)$$

حيث أن  $h_o =$  معامل انتقال الحرارة الخارجي مقدراً بالـ  $(W/m^2 \cdot ^\circ C)$

أما  $\left( \frac{\mu}{\mu_w} \right) =$  النسبة بين لزوجة المائع سواء أكان داخل أو خارج الأنبوب إلى لزوجة الماء عند نفس درجة الحرارة وإذا كان السائل داخل الغلاف أو الأنبوب هو الماء فإن هذه النسبة تساوي الواحد الصحيح.

E - حساب الهبوط في الضغط

أولاً: داخل الأنابيب تستخدم المعادلة التالية:-

$$\Delta P_i = 8 J_f \frac{L}{d_i} \left( \rho \frac{u_i^2}{2} \right) \left( \frac{\mu}{\mu_w} \right)^{-0.14} \quad (26-8)$$

حيث أن  $\Delta P_f =$  الهبوط في الضغط على جانب الأنبوب بوحدات  $N / m^2$   
 $L =$  طول الأنبوب و  $d_i =$  القطر الداخلي للأنبوب و  $\rho$  كثافة المائع داخل  
الأنبوب أما  $u_i$  فهي السرعة الخطية للمائع داخل الأنبوب  
 $J_f =$  معامل الاحتكاك داخل الأنبوب ويتم حسابه من المعادلات التالية:-

$$J_f = \frac{8}{N_{Re}} \quad (27 - 8) \quad \text{للجريان الانسيابي} \\ (N_{Re} < 2100)$$

$$J_f = \frac{0.0396}{N_{Re}^{0.25}} \quad (28 - 8) \quad \text{للجريان المضطرب} \\ (N_{Re} > 3500)$$

ملاحظة: إذا كان عدد رينولدز المحسوب يقع في المدى (2100 - 3500) أو يتراوح بين هاتين القيمتين فإن الجريان في هذه الحالة يكون انتقالياً (Transitional) ويمكن الرجوع إلى الجداول لاستخراج قيمة  $J_f$  أو استخدام المعادلة (27 - 8) كحل تقريبي وعادة ما يكون المقدار  $(\mu / \mu_w)$  مساوياً تقريباً للواحد.

ثانياً: على جانب الغلاف: تستخدم المعادلة التالية:-

$$\Delta P_s = 8 J_f \left( \frac{D_s}{d_e} \right) \left( \frac{L}{l_B} \right) \left( \rho \frac{u_s^2}{2} \right) \left( \frac{\mu}{\mu_w} \right)^{-0.14} \quad (29 - 8)$$

حيث أن  $\Delta P_s =$  الهبوط في الضغط على جانب الغلاف بوحدات  $N / m^2$   
 $D_s =$  قطر الغلاف ،  $d_e =$  القطر المكافئ\* للحزمة ،  $L =$  طول الغلاف أو  
الأنبوب.  
 $l_B =$  المسافة بين العوارض  $= 0.2 D_s$  ،  $u_s =$  سرعة المائع داخل الغلاف  
(m/s)

## مثال تصميمي لمبادل حراري Heat Exchanger Design Example

مثال 8 - 7: المطلوب تصميم مبادل حراري نوع الغلاف والأنبوب لتكثيف وتبريد بخار الميثانول إلى الحالة السائلة حيث يدخل البخار إلى المكثف وهو بدرجة حرارة  $95^{\circ}\text{C}$  ويخرج منه وبدرجة حرارة  $40^{\circ}\text{C}$ . يستخدم الماء كوسيلة للتبريد والتكثيف والذي يجري باتجاه معاكس لاتجاه جريان البخار حيث يدخل بدرجة حرارة  $25^{\circ}\text{C}$  ويخرج من المبادل بدرجة حرارة  $40^{\circ}\text{C}$  أيضاً. إن المطلوب هو تكثيف  $10,000\text{ kg/hr}$  من الميثانول الذي تبلغ حرارته النوعية  $2.84\text{ KJ/kg} \cdot ^{\circ}\text{K}$ . المبادل من نوع 1 - 2.

الحل: يتم حساب الحمل الحراري للمكثف بالشكل التالي:-

$$q = (\bar{m} Cp \Delta T)_{hot}$$

$$\therefore q = \left(\frac{10,000}{3600}\right)(2.84)(95 - 40)$$

$$= 4340\text{ kW}$$

$$\therefore \bar{m}_{Water} = \frac{q}{Cp_w \times \Delta t} = \frac{4340}{(4.187)(40 - 25)} = 68.9 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

نحسب الآن المتوسط اللوغاريتمي للفرق بدرجات الحرارة بالشكل التالي:-

$$T_{lm} = \frac{(T_{h_1} - T_{c_1}) - (T_{h_2} - T_{c_2})}{\ln\left(\frac{T_{h_1} - T_{c_1}}{T_{h_2} - T_{c_2}}\right)}$$

$$\frac{(95 - 40) - (40 - 25)}{\ln\left(\frac{95 - 40}{40 - 25}\right)} = 31^{\circ}\text{C}$$

$$\Delta T_b = 15^{\circ}\text{C}$$

$$\Delta T_a = 55^{\circ}\text{C}$$

$$T_{h_1} = 95^{\circ}\text{C}$$

$$T_{h_2} = 40^{\circ}\text{C}$$

$$T_{c_1} = 25^{\circ}\text{C}$$

$$T_{h_1} = 95^{\circ}\text{C}$$

$$T_{c_2} = 40^{\circ}\text{C}$$



حساب المتوسط اللوغاريتمي  
للفرق بدرجات الحرارة

نحسب الآن معامل التصحيح  $F_G$  كما يلي:-

$$R = \frac{95 - 40}{40 - 25} = 3.67 \quad S = \frac{40 - 25}{95 - 25} = 0.21$$

باستخدام المخطط (8 - 6) أو المعادلة (8 - 11) نحصل على  $F_G = 0.85$

$$\therefore \Delta T_m = F_G \cdot \Delta T_{lm} = (0.85)(31) = 26^\circ C$$

نختار قيمة لمعامل انتقال الحرارة الإجمالي  $U_o$  من الجدول (8 - 3) هي 600  $W/m^2 \cdot ^\circ C$

نحسب المساحة السطحية لانتقال الحرارة بالشكل التالي:-

$$\therefore q = U A \Delta T_m$$

$$\therefore A = \frac{q}{U \Delta T_m} = \frac{4340 \times 10^3}{(600)(26)} = 278 \text{ m}^2$$

نختار قطر الأنبوب الخارجي 20 mm وطول الأنبوب 16 ft (4.88 m)

$$\text{مساحة الأنبوب الواحد السطحية} = \pi d_o L = \pi (20 \times 10^{-3}) (4.88) = 0.3067 \text{ m}^2$$

$$\therefore \text{عدد الأنابيب داخل المبادل} = \frac{\text{مساحة التبادل الحراري}}{\text{المساحة السطحية لأنبوب واحد}} = \frac{278}{0.3067} = 906 \text{ أنبوب}$$

نختار ترتيب مثلث للأنابيب ونحسب قطر الغلاف من المعادلة التالية:-

$$D_b = d_o \left( \frac{N_t}{K_1} \right)^{1/n_1}$$

نجد أن الثابت  $K_1 = 0.249$  وأن  $n_1 = 2.207$  وعلى أساس ذلك فإن قطر الغلاف:-

$$D_b = d_o \left( \frac{N_t}{K_1} \right)^{1/n_1} = 20 \left( \frac{906}{0.249} \right)^{\frac{1}{2.207}} = 824 \text{ mm} = 33 \text{ in.}$$

أقرب قطر قياسي للغلاف من الجدول (7 - 8) هو:  $D_b = 35 \text{ in.} = 849 \text{ mm}$

وبما أن عملية التبادل الحراري يرافقها تغيير في الطور أو الحالة لذلك يفضل أن يمر بخار الميثانول في الغلاف وماء التبريد في الأنابيب وعلى هذا الأساس فإن المائع الذي يكون على جانب الأنبوب هو الماء والمائع الذي يكون على جانب الغلاف هو بخار الميثانول. متوسط درجة حرارة الماء داخل الأنبوب  $= \frac{25 + 40}{2} = 33^\circ \text{C}$ .

المساحة المقطعية للأنبوب  $= \frac{\pi}{4} \times 16^2 = 201 \text{ mm}^2$  وفي هذه الحالة يكون القطر الداخلي للأنابيب هو 16 mm والخارجي هو الذي سبق اختياره وهو 20 mm. ولأن المبادل فيه ممرين للأنبوب لذلك يكون عدد الأنابيب في كل ممر  $= \frac{906}{2} = 453$  أنبوب.

المساحة الكلية للجريان داخل الأنابيب  $= (453)(10 \times 10^{-6}) = 0.092 \text{ m}^2$   
 إذن سرعة الجريان الكتلية للماء الجاري  $= \frac{68.9}{0.092} = 749 \frac{\text{kg}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}}$   
 كثافة الماء من الجداول المتوفرة في المراجع  $= 995 \text{ kg} / \text{m}^3$ .

إذن السرعة الخطية للماء داخل الأنبوب  $u = \frac{749}{995} = 0.75 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ . باستخدام المعادلة (8 - 21)

$$h_i \left( \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C} \right) = 4200 (1.35 + 0.02 T) \frac{u_i^{0.8}}{d_i^{0.2}}$$

$$\therefore h_i = 4200 [1.35 + (0.02)(33)] \frac{(0.75)^{0.8}}{(16)^{0.2}} = 3852 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$$

يرجى ملاحظة أنه عند وجود سائل آخر غير الماء في الأنابيب تستخدم معادلة (8-19)

نحسب الهبوط في الضغط على جانب الأنبوب من المعادلة (8-26)

$$\Delta P_i = 8 J_f \frac{L}{d_i} \left( \rho \frac{u_i^2}{2} \right) \left( \frac{\mu}{\mu_w} \right)^{-0.14}$$

ولحساب معامل الاحتكاك  $J_f$  يتوجب حساب عدد رينولدز داخل الأنبوب.

$$N_{Re} = \frac{\rho_i u_i d_i}{\mu_i} = \frac{(995)(0.75)(0.016)}{0.8 \times 10^{-3}} = 14,930$$

نلاحظ أن قيمة عدد رينولدز أكبر من 3500 وعلى هذا الأساس فالجريان مضطرب.

وفي هذه الحالة نستخدم المعادلة (8-28) لحساب قيمة معامل الاحتكاك

$$J_f = \frac{0.0396}{N_{Re}^{0.25}}$$

$$J_f = \frac{0.0396}{(14930)^{0.25}} = 0.0036$$

$$\begin{aligned} \therefore \Delta P_i &= (8)(0.0036) \frac{(4.88)}{(0.016)} \left( \frac{(995)(0.75)^2}{2} \right) \left( \frac{\mu}{\mu_w} \right)^{-0.14} \\ &= 2460 \frac{N}{m^2} = 0.025 \text{ atm} = 0.37 \text{ psi} < 10 \text{ psi} \quad O.K. \end{aligned}$$

بالنسبة لجانب الغلاف نحسب أولاً المسافة بين العوارض كما يلي:-

$$l_B = 0.2 D_s = (0.2)(894) = 178 \text{ mm} = 0.178 \text{ m}$$

$$A_s = \left( \frac{25 - 20}{25} \right) (894 \times 10^{-3})(178 \times 10^{-3}) = 0.032 \text{ m}^2$$

نلاحظ هنا أن المسافة بين أنصاف أقطار الأنابيب =  $(20)(1.25) = 25 \text{ mm}$

$$\therefore G_s = \frac{100,000}{(3600)(0.032)} = 868 \frac{\text{kg}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}}$$

$$\begin{aligned} d_e &= \frac{1.1}{d_o} (P_i^2 - 0.917 d_o^2) \\ &= \frac{1.1}{20} [25^2 - 0.917 (20)^2] = 14.4 \text{ mm} \end{aligned}$$

$$68^\circ \text{C} \approx 67.5^\circ \text{C} = \frac{40 + 95}{2} = \text{متوسط درجة حرارة الغلاف}$$

من المراجع ، كثافة الميثانول عند درجة حرارة  $68^\circ \text{C} = 750 \text{ kg} / \text{m}^3$  والموصلية الحرارية له  $0.19 \text{ W} / \text{m} \cdot ^\circ \text{C}$  واللزوجة =  $0.34 \text{ cP}$  ثم نحسب عدد رينولدز كما يلي:-

$$N_{Re} = \frac{G_s d_e}{\mu_s} = \frac{(868)(0.0144)}{0.34 \times 10^{-3}} = 36,762$$

$$N_{Pr} = \frac{Cp_s \mu_s}{k_s} = \frac{(2.84 \times 10^3)(0.34 \times 10^{-3})}{0.19} = 5.1$$

$$\therefore \frac{h_o(0.0144)}{0.19} = 0.36 (36762)^{0.55} (5.1)^{0.33} \left( \frac{0.34}{0.72} \right)^{0.14}$$

$$\therefore h_o = 2380 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$$

نلاحظ أن لزوجة الماء عند متوسط درجة حرارة الغلاف من المراجع هي: 0.72 cP

من الجدول (8 - 5) نجد أن معاملي التقدير هما:-

$$h_{fd} = h_{od} = 6000 \text{ W/m}^2 \cdot ^\circ C$$

ومن المراجع نجد أن معامل التوصيل الحراري لمعدن الأنابيب وهو من الحديد العادي يساوي  $k_w = 50 \text{ W/m} \cdot ^\circ C$  نعوض القيم في المعادلة (8 - 16) لنحصل على قيمة  $U_o$  المحسوبة كما يلي:-

$$\frac{1}{U_o} = \frac{1}{h_o} + \frac{1}{h_{od}} + \frac{d_o \ln(d_o/d_i)}{2k_w} + \frac{d_o}{d_i} \times \frac{1}{h_{fd}} + \frac{d_o}{d_i} \times \frac{1}{h_i}$$

$$\therefore \frac{1}{U_o} = \frac{1}{2380} + \frac{1}{6000} + \frac{(20 \times 10^{-3}) \ln(20/16)}{(2)(50)} + \frac{20}{16} \left( \frac{1}{6000} \right) + \frac{(20)}{(16)(3852)}$$

$$\therefore U_o = 860 \frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$$

إن قيمة  $U_o$  في الجدول هي في المدى 600 - 1000  $\frac{W}{m^2 \cdot ^\circ C}$  لذلك فإن الفرضية مقبولة.

وأخيراً يتم حساب الهبوط في الضغط على جانب الغلاف من المعادلة رقم (8 - 29)

$$N_{Re} = 36762 \quad L = 4.88 \quad l_B = 0.178$$

$$D_s = 0.894 \quad d_e = 0.0144$$

$$u_s = \frac{G_s}{\rho_s} = \frac{868}{750} = 1.16 \frac{m}{s}$$

إن الجريان مضطرب وعليه فإن:-

$$\therefore J_f = \frac{0.0396}{(36762)^{0.25}} = 0.0024$$

$$\Delta P_s = 8J_f \left( \frac{D_s}{d_e} \right) \left( \frac{L}{l_B} \right) \left( \rho \frac{u_s^2}{2} \right) \left( \frac{\mu}{\mu_w} \right)^{-0.14}$$

$$\therefore \Delta P_s = (8)(0.0024) \left( \frac{0.894}{0.0144} \right) \left( \frac{4.88}{0.178} \right) \left( \frac{(750)(1.16)^2}{2} \right) \left( \frac{0.34}{0.72} \right)^{-0.14}$$

$$\therefore \Delta P_s = 23000 \frac{N}{m^2} = 0.023 \text{ atm} = 3.4 \text{ psi} < 10 \text{ psi } O.K.$$

### 13.8 صحيفة بيانات مبادل حراري Heat exchanger Data Sheet

يبين الجدول (8 - 8) الموضح في أدناه صحيفة البيانات لمبادل حراري نوع الغلاف والأنبوب والذي يعد من قبل الشخص المصمم (مهندس العمليات) ليعطي للمستفيد فكرة واضحة عن طبيعة التصميم للمبادل الحراري المطلوب وفي هذه الصحيفة تدرج جميع البيانات المطلوبة والتفاصيل التي تم الإشارة إليها أثناء الحسابات وتكون جميع المعلومات المدرجة في الصحيفة مطابقة لما موجود في التصميم وفيما يلي صحيفة البيانات للمبادل الحراري الذي تم شرحه في المثال السابق.

## 14.8 تكون القشور في المبخرات والمبادلات الحرارية

### Scale Formation in Evaporators and Heat Exchangers

خلال الفترة الزمنية لتشغيل المرجل البخاري أو المبخر أو المبادل الحراري تترسب مواد صلبة على السطح الخاص بانتقال الحرارة وتتكون قشور والترسيب المستمر لهذه القشور يؤدي إلى زيادة تدريجية في المقاومة لعملية انتقال الحرارة مما يعني انخفاض السعة الإنتاجية لجهاز التبادل الحراري وزيادة في تكاليف التشغيل مما يستدعي إيقاف جهاز التبادل الحراري وتنظيف سطح التبادل الحراري من القشور المتراكمة عليه وتصبح عملية التنظيف هذه أكثر أهمية إذا استخدمت مياه تحتوي على نسب عالية من أملاح الكالسيوم أو المغنيسيوم وهي أملاح ذات ذوبانية محكوسة أي تتناقص ذوبانيتها مع ارتفاع درجة الحرارة وبذلك تصبح ذوبانيتها أقل ما يمكن عند سطح التبادل الحراري مما يوصلها إلى حد التشبع ثم فوق التشبع وفي نهاية الأمر تترسب على صورة بلورات ملحية مكونة القشور. من أهم المواد التي تكون القشور هي كبريتات الكالسيوم وهيدروكسيد الكالسيوم وعند حدوث ذلك فإن معامل انتقال الحرارة الإجمالي سوف يرتبط مع زمن التشغيل وفق المعادلة التالية:-

$$\frac{1}{U^2} = a \theta_b + d \quad (30 - 8)$$

حيث  $U$  هو معامل انتقال الحرارة الإجمالي  $\text{Btu / h.ft}^2 \cdot ^\circ\text{F}$ ،  $\theta_b =$  زمن التشغيل بالساعة.

$a$  و  $d$  هي ثوابت تعتمد على نوع العملية المستخدمة. وإذا كانت  $Q$  تمثل الحرارة المنتقلة خلال تلك العملية في زمن مقداره  $\theta_b$  فإن كمية الحرارة المنتقلة تحسب من المعادلة التالية:-

$$Q = \frac{2 A \Delta T}{a} \left[ (a \theta_b + d)^{\frac{1}{2}} - d^{\frac{1}{2}} \right] \quad (31-8)$$

جدول (8 - 8) صحيفة بيانات مبادل حراري

Heat Exchanger Data Sheet صحيفة بيانات مبادل حراري	
تاريخ إعداد الصحيفة: / /	نوع المبادل: مكثف Condenser
أسم المصمم:	رقم المعدة أو الجهاز:
رقم المبادل:	العدد المطلوب: 1
عمل المبادل: تكثيف بخار الميثانول الخارج من عمود التقطير وتحويله إلى سائل	
نوع المبادل الحراري: أفقي نوع الغلاف والأنبوب Shell & Tube	
مساحة التبادل الحراري: 278 m <sup>2</sup>	الحمل الحراري: 4340 kW
جانب الغلاف Shell Side	جانب الأنبوب Tube Side
المائع الجاري: بخار الميثانول CH <sub>3</sub> OH	المائع الجاري: ماء تبريد
معدل الجريان الكتلي: 868 kg / m <sup>2</sup> .hr	معدل الجريان الكتلي: 749 kg / m <sup>2</sup> .hr
معادن الغلاف: حديد كربوني	معادن الأنبوب: حديد كربوني
عدد الممرات: 1	عدد الممرات: 2
عدد العوارض: 20 عارضة	عدد الأنابيب لكل ممر: 453 أنبوب
قطر الغلاف: 894 mm	قطر الأنبوب الداخلي: 16 mm
طول الغلاف: 4880 mm	قطر الأنبوب الخارجي: 20 mm
المسافة بين العوارض: 178 mm	المسافة بين مراكز الأقطار: 25 mm
نوع الرأس: ثابت	ترتيب الأنابيب: ترتيب مثلث
متوسط درجة حرارة المائع: 68 °C	متوسط درجة حرارة المائع: 33 °C
الهبوط في الضغط: 23000 N / m <sup>2</sup>	الهبوط في الضغط: 2460 N / m <sup>2</sup>
معامل انتقال الحرارة: 2380 W/m <sup>2</sup> .°C	معامل انتقال الحرارة: 3852 W/m <sup>2</sup> .°C

يمكن استخدام المعادلة (8 - 31) كأساس لإيجاد زمن الدورة التي ستعطي أكبر كمية من الحرارة المنتقلة خلال فترة معينة. إن كل دورة تشغيل تتألف من زمن التشغيل  $\theta_b$  بالساعة بالإضافة إلى زمن التوقف وإعادة الضخ  $\theta_c$  بالساعة أيضاً أي أن الزمن الكلي سيساوي:-

$$\theta_i = \theta_b + \theta_c \quad (32-8)$$

إن كمية الحرارة المنتقلة خلال زمن تشغيل كلي مقداره H ساعة تحسب كما يلي:-

$$Q_H = \frac{2 A \Delta T}{a} \left[ (a \theta_b + d)^{\frac{1}{2}} - d^{\frac{1}{2}} \right] \frac{H}{\theta_b + \theta_c} \quad (33 - 8)$$

إن وقت التشغيل الأفضل للدورة يمكن معرفته من المعادلة التالية:-

$$\theta_{b,opt} = \frac{C_c}{S_b} + \frac{2}{aS_b} \sqrt{adC_cS_b} \quad (34-8)$$

حيث أن  $\theta_{b,opt}$  = زمن التشغيل الأفضل للدورة بالساعة.

$C_c$  = تكلفة التوقف لكل دورة و  $S_b$  = تكلفة العمال خلال دورة التنظيف  
 إن زمن التشغيل الأفضل الكلي لأقل تكلفة ممكنة والذي يعطي الكمية المطلوبة من الحرارة يحسب من المعادلة التالية:-

$$\theta_i = \theta_b + \theta_c = \frac{2 A H' \Delta T}{a Q_H} \left[ (a \theta_{b,opt} + d)^{\frac{1}{2}} - d^{\frac{1}{2}} \right] \quad (35-8)$$

حيث أن  $H'$  تمثل الزمن الكلي للتشغيل والتوقف والتفريغ وإعادة الضخ

### 15.8 معدل الجريان الأفضل لماء التبريد في المبادل الحراري

#### Optimum Flow Rate For Cooling Water in Exchanger

إذا صمم مكثف لإنجاز عمل محدد باستخدام الماء كوسط للتبريد فيمكن لهذا الماء إعادة دورانه عند معدل عالي مع تغيير قليل في درجة حرارة الماء أو عند معدل جريان واطى\* مع حصول تغيير كبير في درجة حرارة الماء. إن درجة حرارة الماء تؤثر على الفرق بدرجات الحرارة وهو القوة المسيطرة على انتقال الحرارة. لذلك فإن استخدام كمية متزايدة من الماء سوف يسبب انخفاض في كمية مساحة انتقال الحرارة الضرورية مما ينتج عنه نقصان كلفة الاستثمار الأصلية والكلف الثابتة. من الناحية الأخرى فإن كلفة الماء سوف تزداد إذا استخدمت كمية ماء أكثر. هناك موازنة اقتصادية بين معدل الجريان العالي ذو المساحة السطحية الواطئة ومعدل الجريان العالي ذو المساحة السطحية العالية مما يؤشر أن أفضل معدل جريان لماء التبريد يظهر عند نقطة أقل تكلفة ممكنة لماء التبريد وكلفة الجهاز الثابتة. باعتبار أن الحالة العامة التي تزال فيها الحرارة هي نتيجة تكثيف بخار عند معدل يساوي  $q$  Btu / hr وأن هذا البخار يتكاثف عند درجة حرارة ثابتة هي  $T$  °F وأن ماء التبريد يجهز للمبادل الحراري عند درجة حرارة  $t_1$  °F فإن معدل انتقال الحرارة بوحدات Btu / hr يمكن التعبير عنه بالشكل التالي:-

$$q = wCp(t_2 - t_1) = U A \Delta T_{lm} = \frac{U A (t_2 - t_1)}{\ln[(t' - t_1)/(t' - t_2)]} \quad (36 - 8)$$

حيث أن:  $w$  = معدل جريان ماء التبريد Ib / hr

$Cp$  = الحرارة النوعية لماء التبريد (°F)(Ib) Btu /

$t_2$  = درجة حرارة ماء التبريد الخارج من المكثف، ° F

U = معامل انتقال الحرارة الكلي عند الظروف الأفضل Btu / (hr)(ft<sup>2</sup>)(°F)

A = مساحة انتقال الحرارة ، ft<sup>2</sup>

$\Delta T_{lm}$  = المتوسط اللوغاريتمي للفرق بدرجات الحرارة ، °F

إن الكلفة السنوية لماء التبريد هي  $C_w H_y$  حيث أن  $H_y$  هي عدد ساعات العمل السنوية للمكثف ساعة / سنة و  $C_w$  هي كلفة ماء التبريد المفترض أنها تتناسب طردياً مع كمية الماء المجهز \$/hr (دولار / ساعة) وإذا كانت الكلف السنوية الثابتة للمكثف هي  $C_A K_F A$  حيث أن  $K_F$  هي الكلف السنوية الثابتة المتضمنة الصيانة والمعبر عنها كجزء من الكلفة الأولية للجهاز المقام كاملاً و  $C_A$  هي كلفة إقامة المبادل الحراري لوحدة قدم مربع من مساحة انتقال الحرارة \$/hr (دولار / ساعة) فإن الكلف السنوية المتغيرة تحسب بالمعادلة

$$\frac{\text{الكلفة السنوية}}{\text{المتغيرة الكلية}} = \frac{q H_y C_w}{C_p(t_2 - t_1)} + \frac{q K_F C_A \ln[(t' - t_1)/(t' - t_2)]}{U(t_2 - t_1)} \quad (37-8)$$

إن المتغير الوحيد في المعادلة أعلاه هو درجة حرارة ماء التبريد الخارج من المكثف  $t_2$ . إن أفضل معدل جريان لماء التبريد يظهر عندما تكون الكلفة السنوية في أقل قيمة لذلك فإن أفضل قيمة مقابلة لدرجة حرارة الماء الخارج تحسب بأخذ تفاضل المعادلة (37 - 8) نسبة للمقدار  $(t' - t_2)$  ثم مساواة التفاضل للصفر فنحصل على الصيغة التالية:-

$$\frac{t' - t_1}{t' - t_2, opt} - 1 + \ln \frac{t' - t_2, opt}{t' - t_1} = \frac{U H_y C_w}{K_F C_p C_A} \quad (38-8)$$

إن القيمة الأفضل لدرجة الحرارة  $t_2$  يمكن إيجادها من المعادلة (8 - 38) بطريقة الخطأ والصواب واستخدام الطرف الأيسر من المعادلة (8 - 36) لتحديد معدل جريان الماء.

**مثال 8 - 8:** تم تصميم مبادل حراري لتكثيف كمية من البخار الخارج من وحدة تقطير مقدارها 5000 Ib/hr وكانت درجة حرارة البخار الداخل للمكثف هي  $170^\circ\text{F}$  وكانت حرارة التكثيف للبخار هي 200 Btu /Ib ودرجة حرارة ماء التبريد الداخل هي  $70^\circ\text{F}$ . إن كلفة ماء التبريد هي \$ 0.02 / 1000 gal وكان معامل انتقال الحرارة الإجمالي عند أفضل الظروف هو 50 Btu  $(\text{ft}^2)(\text{hr})(^\circ\text{F})$ . إن كلفة المبادل الحراري المقام هي \$7 لكل قدم مربع من مساحة انتقال الحرارة وكانت الكلف السنوية الثابتة المتضمنة الصيانة 20 % من الكلفة الابتدائية. إن الحرارة النوعية للماء قد افترض أنها ثابتة وتعادل قيمة 1.0 Btu/(Ib)( $^\circ\text{F}$ ). ساعات عمل المكثف هي 6000 hr / year. أحسب معدل جريان ماء التبريد بوحدات Ib / hr عند أفضل الظروف التشغيلية الاقتصادية.

**الحل:** نحسب قيمة  $C_w$  حيث نحول القيمة لكل باوند بدلاً من جالون كما يلي:-

$$C_w = \frac{0.02}{(1000)(8.33)} = \$0.000024/\text{Ib}$$

$$0.515 = \frac{(50)(6000)(0.000024)}{(0.2)(1.0)(7.0)} = \frac{U H_y C_w}{K_F C_p C_A}$$

نحسب قيمة المقدار

إن أفضل درجة حرارة خروج لماء التبريد نحصل عليها من تعويض القيم في المعادلة رقم (8 - 38) نحصل على قيمة درجة الحرارة الأفضل لخروج الماء من المكثف وذلك باستخدام طريقة الخطأ والصواب.

$$\frac{t' - t_1}{t' - t_{2,opt}} - 1 + \ln \frac{t' - t_{2,opt}}{t' - t_1} = \frac{U H_y C_w}{K_F C_p C_A}$$

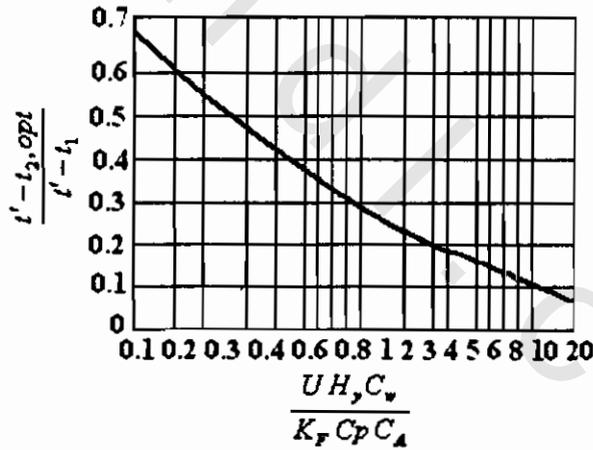
$$\therefore \frac{170 - 70}{170 - t_{2,opt}} - 1 + \ln \frac{170 - 70}{170 - t_{2,opt}} = 0.515$$

$$\therefore \frac{100}{170 - t_{2,opt}} + \ln \frac{100}{170 - t_{2,opt}} = 1.515$$

باستخدام طريقة الخطأ والصواب نحصل على قيمة  $t_{2,opt} = 128^\circ \text{F}$  وباستعمال الطرف الأيسر من المعادلة (8 - 36) نحصل على معدل الجريان الأفضل لماء التبريد داخل المبادل الحراري.

$$w = \frac{q}{C_p (t_2 - t_1)} = \frac{(5000)(200)}{(1.0)(128 - 70)} = 17,200 \text{ Ib / hr}$$

يمكن أيضاً الحصول على قيمة درجة الحرارة مباشرة من الشكل (8 - 7) :-



الشكل (8 - 7) إيجاد معدل الجريان الأفضل لماء التبريد في المبادل

باستخدام القيمة  $\frac{U H_y C_w}{K_F C_p C_A} = 0.515$  نحصل على  $\frac{t' - t_{2,opt}}{t' - t_1} = 0.42$  ومنها نستنتج

بالتعويض عن القيم المعلومة أن:  $t_{2,opt} = 128^\circ \text{F}$ .

مثال 8 - 9: يدخل ماء بمعدل  $3.783 \text{ kg / s}$  إلى غلاف مبادل حراري نوع الغلاف والأنبوب حيث ترتفع درجة حرارة الماء المستخدم للتبريد من درجة حرارة  $37.78 \text{ }^\circ\text{C}$  إلى  $54.44 \text{ }^\circ\text{C}$  ويستخدم الماء الحار كوسط تسخين يدخل للمبادل الحراري وهو بدرجة  $93.33 \text{ }^\circ\text{C}$  وبمعدل  $1.892 \text{ kg / s}$  وكان معامل انتقال الحرارة الكلي هو  $1419 \text{ W / m}^2 \cdot \text{ }^\circ\text{C}$  وكان متوسط سرعة الماء داخل الأنبوب  $0.366 \text{ m / s}$  وقطر الأنبوب  $1.905 \text{ cm}$  وبسبب تحديدات الموقع يجب أن لا يزيد طول المبادل عن  $1.93 \text{ m}$ . أحسب كل مما يلي:-

- (1) عدد ممرات الأنابيب.
- (2) عدد الأنابيب لكل ممر.
- (3) الطول المناسب للأنبوب باعتبار أن طول المبادل يساوي تقريباً طول الأنبوب.

الحل:

(1) لنفرض أولاً أن المبادل هو ذو ممر واحد للأنبوب والغلاف

بكتابة معادلة التوازن الحراري نجد أن:-

$$q = m_1 C_{p1} \Delta T_1 = m_2 C_{p2} \Delta T_2$$

$$\therefore \Delta T_2 = \frac{(3.783)(54.44 - 37.78)}{(1.892)} = 33.33 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$\therefore T_{h2} = 93.33 - 33.33 = 60 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$\therefore q = (3.783)(54.44 - 37.78) = 263.6 \text{ kW}$$

نحسب المتوسط اللوغاريتمي لفرق درجات الحرارة.

$$\Delta T_{lm} = \frac{(T_{h1} - T_{c1}) - (T_{h2} - T_{c2})}{\ln \frac{T_{h1} - T_{c1}}{T_{h2} - T_{c2}}}$$

$$= \frac{(93.33 - 54.44) - (60 - 37.78)}{\ln \frac{(93.33 - 54.44)}{(60 - 37.78)}} = 29.78 \text{ } ^\circ\text{C}$$

وبما أن المبادل في الحالة الأولى ذو ممر واحد لذلك يكون معامل التصحيح  $F_G$  هو واحد أي أن  $\Delta T_{lm} = \Delta T_m$ .

إذن المساحة السطحية للتبادل الحراري تحسب كما يلي:-

$$A = \frac{2.63 \times 10^3}{(1419)(29.78)} = 6.238 \text{ } m^2$$

نحسب المساحة المقطعية للأنايب من معدل تدفق الماء بالشكل التالي:-

$$\bar{m}_w = \rho A_T V_w \Rightarrow \therefore A_T = \frac{\bar{m}_w}{\rho V_w} = \frac{(3.783)}{(1000)(0.366)}$$

$$\therefore A_T = 0.01034 \text{ } m^2$$

ثم نحسب عدد الأنايب بالشكل التالي:-

$$A_T = n \frac{\pi}{4} d^2$$

$$\therefore n = \frac{(0.01034)}{(\pi/4)(0.01905)^2} = 36.3$$

وبفرض أن عدد الأنابيب هو 36 كأقرب عدد نحسب المساحة السطحية للأنابيب ومنها طول الأنبوب كما يلي:-

$$A = n \pi d L$$

$$\therefore L = \frac{A}{n \pi d} = \frac{(6.238)}{(36)(\pi)(0.01905)} = 2.898 \text{ m}$$

وهذا الطول هو أكبر من الطول المسموح به لذلك يستخدم أكثر من ممر للأنابيب ولذلك ستزيد المساحة السطحية نتيجة استعمال معامل التصحيح ومن الشكل رقم (8 - 6 a) نجد أن  $F_G = 0.88$

$$q = U A_s F_G \Delta T_{lm}$$

$$\therefore A_s = \frac{q}{U F_G \Delta T_{lm}} = \frac{(2.636 \times 10^3)}{(1419)(0.88)(29.78)} = 7.089 \text{ m}^2$$

ويكون الطول في هذه الحالة لنفس العدد من الأنابيب هو:-

$$A = n \pi d L$$

$$\therefore L = \frac{A}{n \pi d} = \frac{(7.089)}{(2)(36)(\pi)(0.01905)} = 1.646 \text{ m}$$

## 16.8 تمارين في الباب الثامن

س1: في أحد المصانع الكيميائية كان المطلوب تبريد 3000 gal / hr من سائل غير عضوي يسلك سلوك حامضي وباستخدام الماء كوسيلة تبريد حيث يبلغ معدل الجريان الحجمي للماء 5000 gal / hr. تبلغ درجة حرارة دخول السائل غير العضوي 250 ° F ودرجة حرارة خروجه 180 ° F أما درجة حرارة الدخول لماء التبريد فهي 80 ° F. يتوفر داخل المصنع مبادل حراري جاهز نوع الغلاف والأنبوب يحتوي على ممر واحد للغلاف وممرين للأنايب. غلاف المبادل مصنوع من الحديد الكربوني والأنايب من الفولاذ المقاوم، قطر غلاف المبادل 20 in. وعدد الأنايب داخل الغلاف 160 أنبوب ويبلغ القطر الخارجي للأنبوب الواحد 1 in. والداخلي 0.834 in. أما طول الأنايب الواحد فهو 16 ft والأنايب مرتبة داخل الغلاف بشكل مربع أما المسافة بين العوارض فهي 6 in. بين هل سيكون هذا المبادل كافياً للغرض المطلوب. أفرض أن خواص السائل غير العضوي والماء هي متشابهة وأن معامل التوصيل الحراري للماء هو  $0.402 \frac{Btu}{hr \cdot ft \cdot ^\circ F}$  ولجدران الأنايب  $50 \frac{W}{m \cdot ^\circ C}$  وأن لزوجة الماء في درجات الحرارة العالية يمكن اعتبارها 0.4 cP وافرض أن كل من معاملي الأوساخ الداخلي والخارجي هي  $2000 \frac{Btu}{hr \cdot ft^2 \cdot ^\circ F}$ .

(ملاحظة: في هذه الحالة تؤخذ قيم المبادل الجاهز كما هي في الحسابات دون الفرض)

س2: استخدم مبادل حراري أفقي نوع الغلاف والأنبوب يحتوي على ممر واحد للغلاف وممرين للأنايب لتسخين 70,000 Ib/hr من بخار الايثانول النقي من درجة حرارة 70 ° F إلى درجة حرارة 140 ° F عند ضغط جوي اعتيادي حيث يمر بخار الايثانول داخل الأنايب ويمر بخار ماء مشبع في الغلاف حيث يتكاثف داخله عند درجة حرارة 230 ° F على السطح الخارجي للأنايب. إن الأنايب مصنوعة من الحديد العادي ويبلغ قطرها الخارجي 0.75 in. والداخلي 0.584 in. والمبادل يحتوي على 100 أنبوب (50 أنبوب لكل

ممر) ويمكن اعتماد متوسط عدد الأنابيب في الصف العمودي هو 6. إن نسبة المساحة المقطعية الداخلية الكلية للأنبوب للممر الواحد إلى المساحة المقطعية للغلاف يمكن اعتبارها 0.5 عند هذه الظروف أحسب كل من معامل انتقال الحرارة الفردي للآيثانول والهبوط في الضغط على جانب الأنبوب لوحدة طول من المبادل علماً أن لزوجة الآيثانول هي 0.9 cP والحرارة النوعية له 0.62 Btu / (Ib)(°F) وكثافة الآيثانول 49 Ib/ft<sup>3</sup> أما معامل التوصيل الحراري للآيثانول فهو 0.094 Btu / (hr)(ft)(°F) عند متوسط درجة حرارة الآيثانول داخل الأنبوب أما خواص البخار فيمكن الحصول عليها من المراجع.

س3: وحدة تبخير تعمل بصورة مستمرة استخدمت لتركيز محلول من مادة كبريتات الصوديوم في الماء ولقد وجد أن معامل انتقال الحرارة الكلي للمبخرة يتناقص نتيجة تكون القشور وفق المعادلة:  $\theta_b = 8 \times 10^{-6} \frac{1}{U^2} + 6 \times 10^{-6}$  حيث  $\theta_b$  هو زمن التشغيل بالساعة. إن السائل يدخل المبخر وهو بدرجة الغليان وتم افتراض أن حرارة التبخير والفرق بدرجة الحرارة هما ثابتين. عند هذه الظروف نحتاج إلى 990 Btu لتبخير 1 Ib من الماء. تبلغ مساحة انتقال الحرارة 400 ft<sup>2</sup> والفرق بدرجات الحرارة 70 °F. الزمن المطلوب للإيقاف والتنظيف وإعادة الضخ هو 4 hr وتكلفة هذا التوقف هي 100 \$ لكل دورة أما تكلفة العمال خلال عملية التنظيف فهي 10 \$ لكل ساعة. أحسب الزمن الكلي للدورة الواحدة لأقل تكلفة ممكنة عند الظروف التالية:-

(1) تبخير معدل مقداره 65,000 Ib من الماء في اليوم الواحد خلال فترة 30 يوماً.

(2) تبخير معدل مقداره 81,000 Ib من الماء في اليوم الواحد خلال فترة 30 يوماً.

س4: مبادل حراري أحادي الممر يحتوي على 60 أنبوب قطرها الداخلي 0.732 in. و قطرها الخارجي 1 in. إن غلاف المبادل يحتوي على بخار مشبع عند درجة حرارة 290 ° F والماء يمر خلال الأنابيب. الوحدة مصممة بمساحة أنابيب كافية للسماح بتسخين كمية مقداره 15,000

جالون/ساعة لتسخن من  $70^{\circ} F$  إلى  $150^{\circ} F$ . في ضوء هذا التصميم تم فرض أن قيمة معامل التقدر هي  $1500 \text{ Btu} / (\text{hr})(\text{ft}^2)(^{\circ}F)$  على جانب الأنبوب. إن معامل انتقال الحرارة للبخار هو  $2000 \text{ Btu} / (\text{hr})(\text{ft}^2)(^{\circ}F)$ . قرر هل سيكون هذا المبادل كافياً للفرض المطلوب؟ يمكن الحصول على الخواص الفيزيائية لكل من الماء والبخار من المراجع العلمية وإذا افترضنا استخدام مبادل حراري جديد بدون تكون أوساخ كم ستكون درجة حرارة البخار المشبع المستخدم إذا كان الماء الداخل في الأنابيب هو بدرجة حرارة  $70^{\circ} F$  ويخرج بدرجة حرارة  $150^{\circ} F$  وكانت كميته 15,000 جالون/ساعة

س5: استخدم مبادل حراري ذو ممر واحد للغلاف وممرين للأنابيب لتسخين زيت الغاز و قد استخدم بخار مشبع عند ضغط 100 psig كوسط للتسخين. المطلوب أن يكون القطر الخارجي للأنبوب هو 1 in. والداخلي 0.834 in. ومصنوعة من الحديد المطاوع. يدخل الزيت عند درجة حرارة  $60^{\circ} F$  ويخرج عند درجة حرارة  $150^{\circ} F$ . إن لزوجة الزيت عند درجة حرارة  $60^{\circ} F$  هي 5.0 cP وعند  $150^{\circ} F$  هي 1.8 cP. إن للزيت كثافة API تعادل 37  $^{\circ} F$  (كثافة نوعية 0.840) عند  $60^{\circ} F$ . الحرارة النوعية للزيت 0.048  $Btu/Ib.^{\circ}F$  والموصلية الحرارية له  $0.048 \text{ Btu}/\text{h}\cdot\text{ft}\cdot^{\circ}F$  معدل جريانه 6300 gal/hr وسرعة الزيت داخل الأنبوب هي 4 ft/s. أحسب أطوال الأنابيب المطلوبة لهذا المسخن.

س6: يستخدم مبادل حراري قديم مساحة سطحه  $1 \text{ m}^2$  لتبريد زيت معدل جريانه 300 kg / hr وحرارته النوعية  $2200 \text{ J} / \text{kg}\cdot^{\circ} K$  وكانت درجة حرارة الزيت الداخل هي  $110^{\circ} C$  ويتوفر ماء لتبريد الزيت يدخل عند درجة حرارة  $15^{\circ} C$  وبمعدل انسياب مقداره 0.4 liter / s فإذا كانت درجة حرارة الزيت الخارج هي  $75^{\circ} C$  وكان معامل انتقال الحرارة الكلي المعتمد على المساحة الخارجية للأنبوب هو  $600 \text{ W} / \text{m}^2\cdot^{\circ} K$  المطلوب إجراء التصميم الكامل لهذا المبادل إذا كان من المقرر أن لا يتجاوز طول الأنبوب الواحد 1.93 m وقطره الداخلي 16 mm والخارجي 20 mm.