

اللزوم

الدكتور / سهام النويهى
المدرس بقسم الفلسفة

ان علاقة اللزوم من العلاقات الهامة فى المنطق . ورغم وجود انواع عديدة من اللزوم الا ان هناك نوعان هما الاساسيان لكل نوع من انواع الاستنتاج وهما اللزوم المادى واللزوم العورى . كما تمثل علاقته اللزوم احد الموضوعات الرئيسية لفلسفة علم المنطق لما لها من اهمية وايضا لما ترتب على اللزوم المادى من نتائج لا تتفق - فى ظاهرها - بأى حال مع ما نعرفه عادة عن اللزوم . اى ان استخدام اللزوم المادى قد ادى الى ما يمكن ان نطلق عليه متناقضات اللزوم المادى.

والواقع ان علاقة اللزوم - بتوعيتها : المادى والعورى - ما زال يشوبها الكثير من الغموض واللبس فى الفهم - لذلك فانها فى حاجة الى مزيد من التوضيح حيث يتصور البعض ان المسمى " مادى " يعنى " المعنى " وهذا ما يظهر فى الفقرة التالية :

" اما المناطقة - والمعاصرون منهم بعضة خاصة فقد اجمعوا الآن بغية الدقة والتوضيح فى تحديد استعمال هذه الاداه الهامة " اذا...الن " ان يوسعوا من استعمالها بحيث يقبلونها حتى اذا لم تكن هناك رابطة اطلاقا فى المعنى بين المقدم والتالى ، " وجعلوا صدق المركب الشرطى او كذبه متوقفا كل التوقف على صدق او كذب المقدم والتالى فحب " . ولذا فهم يفرقون بين " اللزوم المادى " الذى يتوقف على المعنى " ، واللزوم العورى " الذى يهتم بالشكل العورى وحده ، ويلاحظ ان " اللزوم العورى " اشمل واوسع من اللزوم المادى " . اذ ان كل قضية مركبه

شرطية " فيها " لزوم مادي " بين مقدمها وتاليها يكون فيها
كذلك " لزوم سورى " لكن العكس غير صحيح " (١)

ولعل اهم ما نريد ابرازه من الفقرة السابقه عبارتين
وهما :

(١) " ولذا فهم يفرقون بين " اللزوم المادى " الذى يتوقف
على المعنى واللزوم المورى الذى يهتم بالشكل المورى
وحده "

(٢) " ان اللزوم المورى أشمل وأوسع من " اللزوم المادى " اذ
ان كل قضية مركبه شرطيه فيها لزوم مادي " بين مقدمها
وتاليها ، يكون فيها كذلك " لزوم سورى " لكن العكس
غير صحيح .

وسوف يتضح لنا من خلال هذا البحث ان العبارة الاولى
تخالف الحقيقة ذلك ان اللزوم المادى لا يتوقف على المعنى ولا
دخل له بالمعنى على الاطلاق ، كما ان اللزوم المورى لا يتوقف
على الشكل المورى وحده . وسنجد ان العبارة الثانية فيهما
ايضا ما يخالف للحقيقة ذلك ان القضية المركبه الشرطيه التى
يكون فيها " لزوم سورى " بين مقدمها وتاليها يكون فيها
" لزوم مادي " وليس العكس . فاللزوم المادى لا يتضمن لزوما
سوريا ولا اى نوع اخر من اللزوم بل ان اللزوم المادى هو
المتضمن فى كل نوع من انواع اللزوم .

(١) د. زكى نجيب محمود ، المنطق الرضى ، مكتبة الانجلو

حاجه لمعلومات اخرى (١).

وفى المثال الثانى يلزم التالى من المقدم بواسطة التعريف حيث ان الحد " اعزب " يعنى " رجلا غير متزوج " بينما نجد ان التالى ينتج من المقدم بواسطة اللزوم السببى فى المثال الثالث . اما فى المثال الرابع فان اللزوم يقوم بين المقدم والتالى بناء على تقرير من المتحدث بوعده يحققه فى ظروف معينه وبذلك فان الامثله الاربعه يؤكد كل منها نمطا مختلفا من انماط اللزوم بين المقدم والتالى. ولكن الاختلاف لا يعد اختلافا جذريا لانها كلها تقرر انماطا من اللزوم .

ويقرر كوبي Copi وجود معنى جزئيا مشتركا لهذه الانماط المختلفه من اللزوم . ولكن يبين لنا هذا الجزء المشتـرك يتساءل عن الظروف الكافيه التى يمكن بها تقرير كذب عبارته شرطيه بعينها . ولتوضيح ذلك يقدم القضية التالـية (٢).

" اذا وضعت ورقة عباد الشمس الزرقاء فى هذا المحلول فانها ستتحول الى اللون الاحمر "

فما هى الظروف التى تجعل من هذه القضية الشرطية قضيته كاذبه ؟

مما لا شك فيه ان هناك طرقا تجريبية كثيره لبحث قيمه صدق هذه القضية . فمثلا يمكن وضع الورقه بالفعل فى المحلول

Quine, W.V., Philosophy of Logic, Prentice Hall Inc., 1970, p. 48. (١)

Copi, I.m., Introduction to Logic, The Macmillan Company, 3rd. ed., 1968, p. 224. (٢)

لرؤية النتيجة . كما يمكن اختبار المحلول كيميائيا لمعرفة نوعه فاذا كان حمفيا فان القضية الشرطيه المابقيه تكون صادقه لاننا نعلم ان ورقه عباد الشمس الزرقاء دائما تتحول الى اللون الاحمر عندما توضع في الحامض . اما اذا كان المحلول قلويا فان القضية الشرطيه التي نحن بعدها تكون كاذبه .

اي ان اهم ما يجب توضيحه ان القضية الشرطيه المابقيه لا تؤكد ان ورقه عباد الشمس قد وضعت بالفعل في المحلول ، كما انها لا تؤكد انها تحولت فعلا الى اللون الاحمر . اي ان القضية الشرطيه لا تقرر شيئا بالنسبه للمقدم او بالنسبه للتالي (١) . وكل ما تقررره هذه القضية الشرطيه انه اذا وضعت ورقه عباد الشمس الزرقاء في المحلول فانها ستتحول الى اللون الاحمر . وبذلك فان هذه القضية الشرطيه تكون كاذبه اذا ما وضعنا ورقه عباد الشمس الزرقاء في المحلول ولم تتحول الى اللون الاحمر ، اي اذا صدق المقدم وكذب التالي تكون القضية الشرطيه كاذبه . وهذا الشرط لكذب القضية الشرطيه هو شرط لجميع القضايا الشرطيه وان اختلفت فيما تقررره من انماط اللزوم (٢) .

واذا ما رمز للقضايا بالحروف (ق ، ل ، م ، م) فان القضية الشرطيه " اذا ق اذن ل " تكون كاذبه في حاله صدق القضية العطفيه " ق . ل " (٣) ، اي في حاله صدق المقدم وكذب التالي . بعبارة اخرى ، القضية الشرطيه " اذا ق اذن ل "

(١) المرجع السابق ، نفس الموضع

(٢) المرجع السابق ، نفس الموضع

(٣) يلاحظ انه يرمز لأداة العطف " و " بالنقطة " . " ولأاه النفي بالرمز " ~ " . وبذلك تقرأ " ق . ل " هكذا : القضية (" ق و " ل ل) .

تكون صادقه اذا ما صدقت " س (ق . س ل) " (١) . وبذلك يعتبر كوين ان " س (ق . س ل) " جزء من معنى القضيـه الشرطيـه " اذا ق الـن ل " . فكل قضيـه شرطيـه تعنى انكار صدق المقدم وكذب التالي .

ولكن الى جانب هذا المعنى السابق المشترك بين القضايا الشرطيـه يوجد معنى خاص بكل منها طبقا لنمط اللزوم القائم بها . ففي المثال الاول وجدنا القضيـه الشرطيـه مؤكده للـلزوم المنطقي ، وفي المثال الثاني كان اللزوم تعريفيـا ، وكان اللزوم سببيا في المثال الثالث بينما كان الارتباط تقريريا في المثال الرابع . ولكن ايا كان نمط اللزوم الذي تقرره القضيـه الشرطيـه فان جزءا من معناها هو نفى القضيـه المكونه من عطف المقدم مع نفى التالي . اي ان شروط كذب القضيـه الشرطيـه يمثل الجزء المشترك بين جميع انواع القضايا الشرطيـه حيث يكون جميعها كاذبا في حالة صدق المقدم وكذب التالي .

(٢) مفهوم اللزوم المادي :

اللزوم المادي هو اللزوم المستخدم في " الحساب التحليلي للقضايا " في المنطق المعاصر وبخاصة في المنطق الثنائي القيم أي القائم على قيمتي الصدق والكذب فقط . حيث يقتصر حساب القضايا على علاقات المامدق اي على قيم الصدق (صدق صادق وكاذب) (٣) . واذا كان تناول القضايا من ناحيه الصدق والكذب

(١) تقرأ هكذا : القضيـه (ق صادقه و ل كاذبه) قضيـه كاذبه ، او من الكذب ان تكون ق صادقه و ل كاذبه .

(٢) Copi, Introduction to Logic, p. 225

(٣) Lewis, C. I. & Langford, C.H., Symbolic Logic, New York, 1932, p. 87.

هو تناول لها من جهة المصدق فان علاقة اللزوم في هذا النوع من الحساب لا يكون لها المعنى المعتاد . . ويستخدم المناطقة المعاصرون الرمز الثابت " C " للدلالة على هذا النوع من اللزوم الذي لا يماثل الانواع السابقة ولذا يطلقون عليه مصطلحا خاصا وهو " اللزوم المادي " material implication . ويمنحه مصطلحا خاصا يكون له مفهوما خاصا لا يختلط مع اي نمط آخر من انماط اللزوم . وعلينا ان نكون على بينة في تفهيم مصطلح " مادي " material حتى لا نفهم المادية على انها " المعنى " كما فهمها البعض . ومن رأينا ان سبب استخدام مصطلح " مادي " انما لان هذا النوع من اللزوم يكون قائما على قيم صدق القضايا . وهذه القيم هي ما يعتبرها المناطقة ما صدقات denotations للجمل . ويمكن التمثيل بكارناب الذي اعتبر ان ما صدقات الجمل هي قيم صدقها (١) . فكمما ان ما صدقات الحدود تمثلها الاشياء المادية (٢) فان " الكذب والصدق " باعتبارهما ما صدقات للجمل فهما ماديان ولذا اطلقت كلمته " مادي " على هذا النوع من اللزوم المتوقف على قيم الصدق .

فاللزوم المادي لا يقرر اي ارتباط حقيقي بين المقدم والتالي وكل ما يقرره انه لا يمكن ان يكون المقدم صادقاً عندما يكون التالي كاذباً . ويمثل الرمز الخاص باللزوم المادي " C " دالة صدق . والميثاق الرمزيه للزوم المادي تكون على النحو الاتي :

ق C ل (٣)

(١) Carnap, R., Meaning and Necessity, The University of Chicago Press, Chicago, 1947, p. 31.

(٢) مثلا كلمة " انسان " تكون ما صدقاتها الافراد القاصيين في الواقع الخارجي المادي.

(٣) وتقرأ " اذا كانت ق اذن ل "

ومن المعروف ان شروط صدق دالة اللزوم هي :

- (١) صدق المقدم وصدق التالي
- (٢) كذب المقدم وكذب التالي
- (٣) كذب المقدم وصدق التالي

وتكذب في حاله :

صدق المقدم وكذب التالي .

وهو الشرط المشترك في جميع انواع اللزوم . ومن ثم فان اللزوم المادى يكون متضمنا في انماط اللزوم الاخرى .

والواقع ان اللزوم المادى نجد جذوره في المنطق الرواقى . فتمط اللزوم عند فيلو Philo الميفارى يماثل تماما " اللزوم المادى " الحديث . وتكون القضية الشرطيه صادقه - عنده - عندما فقط عندما لا يكون لها مقدم صادق وتالى كاذب^(١) وبذلك يكون فيلو هو اول من اوضح استخدام اللزوم المادى . وتابع الرواقيون فيلو في القول باللزوم المادى وذلك ما نجده عند سكتوس Sextus الذى قدم شروط صدق القضية الشرطيه موضحا لها بالامثله وذلك كما يلى " الارتباطات (ص ص) اذا كان يوجد كلاب ، اذن الكون محكوم بالعنايه الالهيه ، (ك ك) اذا كانت الارض تطير ، اذن الارض ذات اجنحه ، (ك ص) اذا كانت الارض تطير اذن الارض موجوده ، (ص ك) اذا كان هو يتحرك ، اذن هو يمشى " ^(٢)

(١) Mates, B., *Stoic Logic*, Universities of California Press, 2nd ed., 1961, p. 42.

(٢) المرجع السابق، ص ٤٤ . ويلاحظ ان " ص " تعنى صادق و " ك " تعنى كاذب فمثلا (ص ص) تعنى ان المقدم صادق والتالى صادق .

واوضح سكستوس انه بالنسبة للارتباط الاخير " انه يتحرك لكنه لا يمشى " . وتكون الشرطيه صادقه فى الثلاث حالات الاولى وكاذبه فى الحاله الاخيريه . ومن ثم فانه يكون قد قَدَّم قائمه صدق للفظيه الشرطيه . وبذلك يتضح ان ما يطلق عليه " اللزوم المادى " الان قد سبق معرفته فى المنطق الرواقى .

والحقيقه ان السبب الرئيسى لاستخدام اللزوم المادى او لتناول الشرطيات كما لو كانت مجرد لزوميات ماديه هي — ان المعبرهات الصحيحه المشتمله على قضايا شرطيه تظل صحيحه عندما تفسر القضايا الشرطيه باعتبارها مؤكده للزوم المادى لِقَسَط (١) وفى ذلك نجد راسل يقول " العلاقه التى بفضلها يمكننا الاستنتاج الصحیح هي : ما اسميها اللزوم المادى " (٢)

ولقد قام راسل بتعريف اللزوم المادى بالنفى والفعل معا وذلك كما يلى :

ق ح ل \equiv ق ~ ق V ل (٣)

وتقرأ هكذا (القول بعدق " ق يلزم عنها ل " يكافئ القول بعدق " اما لاق اول " .

ويرى راسل اننا لسنا فى حاجه الى خاصيه اخرى لتعريف اللزوم المادى فهو يكتفى بان يكون " المقدم كاذبا او التالى

(١) Copi, I. M., Symbolic Logic, The Macmillan Company, 3rd. ed., 1967, p. 22

(٢) راسل ، اصول الرياضيات ، الجزء (١) المترجمه د . محمد مرسى ، د . احمد الاهوانى ، دار المعارف ، القايسرة ١٩٥٨ ، ص ٧٤

(٣) الرمز " V " برمز لدالة الفصل وهى تعنى الفصل الضعيف الذى يمكن معه الجمع بين البديلين .

صادقا" (١)

والواقع ان فكرة اللزوم المادى قد حيرت الكثيرين بل وقد يتردد البعض فى قبولها ، ذلك لانها تخالف ما الفناه فى اللفه العاديه . والعبارات الشرطيه - فى اللغة العاديه - عادة ما تتطلب وحده فى موضوعات المقدم والتالى - وحتى فى حالة صدق كل من المقدم والتالى فان اللغة العاديه تتطلب اكثر من الصدق وهو قيام علاقه منطقيه او ضروريه بينهما . فمثلا اذا قلنا بالقضيه الشرطيه التاليه :-

" اذا كان كنيدي رئيسا فادن الكرب من الخضر" (٢)

من الواضح انه لا يوجد اى ارتباط فى المعنى بين المقدم - "كان كنيدي رئيسا" والتالى "الكرب من الخضر" رغم صدق كل من هما . ولذلك فان هذه القضية الشرطيه تمثل غرابيه عند من ألفه اللفه العاديه . فعاده ما يستخدم اللزوم فى اللفه العاديه اذا ما كانت هناك علاقه تربط بين مقدم وتالى القضية الشرطيه بحيث يبدو التالى وكأنه نتيجه ضروريه للمقدم . الا ان المثال الذى نحن بعمده يعتبر قضيه شرطيه صادقه طالما ان قيم الصدق هى فقط الشئ الضرورى فى علاقه دالة الصدق للـلزوم المادى .

ويرى تارسكى Tarski ان الفارق بين لفة المنطق واللفه العاديه ليس فارقا ذا طابع مطلق . حيث انه احيانا ما يستخدم اللزوم بالمعنى المادى فى اللفه العاديه ، يوضح ذلك بالمثال الاتى :-

(١) د. محمد ثابت القندى ، اصول المنطق الرياضى ، دار النهفه العربيه ١٩٨٤ ، ص ١٥٩

(٢) هذا المثال منقول عن:

Allwood, J. & Andersson, L. & Dahl, O., Logic in Linguistics, Cambridge University Press, 1977, p.38

" لننتصو ان صديقنا لنا يواجه مشكله نعرف انه لن يستطيع حلها . فى هذه الحاله يمكننا التعبير عن عدم اعتقادنا هذا (اى اعتقادنا بعدم استطاعة حلها) بصوره مرجه على النحو الآتى :

" اذا أنت حلت هذه المشكله ، سوف اكل قبعتى " (١)

وبذلك نكون امام قضيه لزوم يكون التالى فيها كاذبا بلا شك وعلى ذلك فما دمنا نثبت صدق قضيه اللزوم كلها فاننا بذلك نثبت - فى الوقت نفسه - كذب المقدم اى اننا نؤكد فشل هذا الصديق فى حل المشكله التى يواجهها . ومن الواضح عدم وجود اية علاقه تربط بين المقدم وبين التالى فى هذه القضيه وعلى ذلك فاننا نكون باراء حاله نموذجيه لقضيه لزوم ماضى (٢).

(٣) مغالطات اللزوم الماضى :

يمكن صياغه شروط صدق قضيه اللزوم الماضى " اذا ق ل" فى قائمه صدق باعتبارها داله صدق وذلك كما يلى :

| ق ل | ق ح ل |
|-----|-------|
| ص | ص |
| ص | ك |
| ك | ص |
| ك | ك |

- (١) تارسكى ، الفرد ، مقدمه للمنطق ولمنهج البحث فى العلوم الاستدلاليه ، ترجمه د . عزمى اعلام ، مراجعة د . فؤاد زكريا الهيئه المصريه العامه للتأليف والنشر ، ١٩٧٠ ، ص ٦٢
- (٢) العرجع السابق ، ص ٦٣

يتضح من القائمة السابقة انه في حالة اذا ما كان المقدم كاذبا لا يهم اذا ما كان التالي صادقا ام كاذبا . فالتقضية الشرطية " ق ح ل " ستكون صادقه ايا كانت قيمه صدق التالي اذا كان المقدم كاذبا . كما انه في حالة اذا ما كان التالي صادقا لا يهم قيمه صدق المقدم لان القضية الشرطية " ق ح ل " ستكون صادقه في اي الاحوال . وبذلك ينشأ ما يطلق عليه عماده متناقضات اللزوم المادى - Paradoxes of material implication. وهي ما تعاغ كما يلي :-

" اي قضيه كاذبه تستلزم ماديا اي قضيه ايا كانت ،
والقضيه الصادقه مستلزمه ماديا بوساطة اي قضيه ايا كانت"^(١)
وهما نتيجتان من نتائج اللزوم المادى والعيادة الرمزيه
لهما هي :

(١) ل : ح : (ق ح ل)

اي القضيه الصادقه مستلزمه ماديا بوساطة اي قضيه .
او : اذا كانت " ل " صادقه فان قضيه اللزوم التي تمثل
" ل " تاليا فيها تكون صادقه .

(٢) ح : ق : (ق ح ل)

اي ان القضيه الكاذبه تستلزم اي قضيه .
او : اذا كانت " ق " كاذبه اذن تكون قضيه اللزوم التي
تمثل " ق " مقدما فيها صادقه .

Cohen, M. R. & Nagel, E., An Introduction (١)
to Logic, New York, 1962, p.127.

وطبقا لهاتين النتيجةين فان القضايا الشرطية الاتية
تكون صادقة :

- (١) اذا كان ارسطو ليس دائره اذن $٩ = ٣ \times ٣$
- (٢) اذا كان ارسطو دائره اذن $٩ = ٣ \times ٣$
- (٣) اذا كان ارسطو دائره اذن $٥ = ٣ \times ٣$

نجد ان القضية رقم (١) صادقة لان القضية العادقة تلزم
عن اى قضية والتالى " $٩ = ٣ \times ٣$ " صادقا . اما القضية الثانية
فهى صادقة من الجهتين . حيث ان المقدم فيها كاذب فيلزم عنه
اى قضية كما ان التالى صادقا فيلزم عن اى قضية . اما القضية
رقم (٣) فانها صادقة لان المقدم كاذب فيلزم عنه اى قضية . وهناك
الكثير من الامثلة المعاصرة بلغة الحديث التى تقدم من اجل اثبات
متناقضات اللزوم المادى (١) .

والواقع ان هذه النتائج ليست بالمتناقضات الحقيقية بل
تبدو وكأنها متناقضات . وذلك لانها من جهة تتطابق مع شروط
صدق اللزوم المادى فتكون صادقة ، بينما من جهة اخرى بصيغتها
باللغة العادية تكون متطابقة مع المعنى المعتاد لكلمه " اللزوم "
الذى يتطلب ارتباطا حقيقيا بين المقدم والتالى . فنحن اعتدنا
على استعمال علاقة اللزوم فى اللغة العادية عندما يكون هناك علاقة
بين معانى او موضوعات كل من المقدم والتالى ولكن اللزوم المادى
ان هو الادالة صدق وكل ما هو ضرورى له هو تيم صدق القضايا .

فلقد منح المناطقة لكلمه " اللزوم " تعريفا يعنى على
معنى خاص يختلف عن المعنى المألوف لها . فالخطأ فى القضايا

(١) يمكن الرجوع فى ذلك الى :

السابق ذكرها يكمن في الحكم عليها بانها متناقضة طبقا للمعنى
المألوف للزوم ثم اسناد هذا الحكم الى اللزوم المادى.

فالرموز المتغيره للقضايا والتي نستخدم لها الحروف
ق ، ل ، م ، ن الخ لا تمثل بالفعل قضايا اى تقريرات ذات
معانى مختلفه بل ما تمثله هو فقط صدق او كذب القضايا^(١)، ولذلك
يكون من الخطأ صياغه القضايا باللغة العادية لأننا فى هذه الحالة
ندخل فى اعتبارنا المعنى وهو مستبعد تماما من حساب القضايا.
ومن ثم تظهر المتناقضة لاننا نكون قد ادخلنا فى اعتبارنا شيئا
ليس له وجود اصلا فى نسق المنطق الثنائى القيم . ومن اجل
تحاشي هذه المتناقضات علينا دائما ان نذكر انفسنا بان حـد
" اللزوم " عندما يتصف بانه " لزوم مادى " يكون مسلوبا من
اى معانى معتادة الانتساب له .

وترجع اهمية اللزوم المادى الى ان شروط الكذب الخاصه
به تمثل جزءا من شروط صدق اى قضيه شرطيه . فقضية اللزوم
المادى تكون كاذبه فى حالة صدق المقدم وكذب التالىسى ، اى
قضية شرطيه ايا كان نمط اللزوم بها تكون صادقه ما لم يكن
المقدم صادقا والتالى كاذبا . كما ان المبرهنات تكون صحيحه
استنباطيا اذا المقدمات استلزمت ماديا النتائج . بعبارة اخرى
تكون المبرهنه صحيحه اذا كانت عبارة اللزوم المادى (والتالى
يمثل المقدم فيها عطف جميع مقدمات هذه المبرهنه ويمثل التالى
النتيجه) معبره عن قضيه مادته بالضروره^(٢) . كما يعكس تاركى
على اهمية اللزوم المادى بقوله : " ... ان نظرية اللزوم
المادى سوف تفوق اية نظرية اخرى فى الباطة ، كما اننا يجب

Lewis, Symbolic Logic, p. 87.

(١)

Bradley, R. & Swartz, N., Possible Worlds,
Oxford, 1979, p. 268.

(٢)

الا ننسى ، على ايه حال، ان المنطق الذى اقيم على هذه الفكرة البسيطة ، قد اتضح انه اساس سليم لأكثر العمليات الرياضية تعقيدا ودقة" (١) .

٤) مفهوم اللزوم العورى :

لكى يتبين لنا بدقه المقصود باللزوم العورى علينا توضيح مفهومين يتعلق بهما هذا النوع من اللزوم وهما : -

" العوره او الثابت المنطقى " و " دالة القضية " .

ولكى نعرف المقصود بعورة القضية علينا التفرقة بين الثوابت والمتغيرات . والتفرقة الصحيحة بين كل من المتغيرات والثوابت انما تكون على اساس صفة بناثيه خاصه بهم وهى صفة القابليه للابدال . فالمتغيرات فى اى نسق تكون خاضعه للتبديل طبقا لقواعد هذا النسق ووفقا لشروط بعينها اى ان الفارق بين كل من المتغير والثابت ليس فى كون الثابت له معنى محدد بينما لا يكون للمتغير معنى ، بل ان الفارق بينهما ان الثابت لا يمكن ابداله بينما المتغير هو الذى يكون خاضعا للتبديل (٢) .

فمثلا " س " كرمز للمتغير فى صوره القضية " س افريقسى " يمكن ان اضح بدلا منها اى ثابت من الثوابت الفردية التى تعتبر قيما للمتغير . اما الثابت فهو ما لا يتغير معناه بتغيير موضعه كما انه ليس قابلا للابدال ومن امثله الثوابت الروابط المنطقية " أو " ، " يلزم " ، " يساوى " ... الخ .

(١) تاريخى ، مقدمة للمنطق ولمنهج البحث فى العلوم الاستدلالية

٠٦٤ ص

(٢) تناولنا فكرة المتغير تفصيلا فى كتابنا ، اس المنطق

الرياضى (رؤيه حديثه) ، توزيع مكتبه النهضه المصريه ، ١٩٨٧ ، ص ٧٨ - ص ٨١ .

وصورة القضية هي ما لا يتغير مهما تغيرت الحدود التي تتألف منها القضية . فمثلا القضية " زيد اكبر من عمرو " تشمل على حدين و علاقة وهي علاقه " اكبر من " التي يمكن الرمز لها بالحرف " ع " واذا استبدلنا بحدى القضية " زيد وعمرو " المتغيرين " س ، ص " ستكون صورة القضية زيد اكبر من عمرو " هي :-

س ع ص

واذا استبدلنا بالحدين " زيد وعمرو " حدين اخرين ولنقل المصطره والقلم واستبدلنا بالعلاقة " اكبر من " العلاقه " اطول من " وقلنا " المصطره اطول من القلم " لكان لهذه القضية نفس الصورة السابقه وهى " س ع ص " . فعورة القضية لا تتغير لانها من الثوابت المنطقيه .

وعلى اساس هذه الصورة او البناء المنطقى يقوم اللزوم المنطقى. فمثلا الصياغه الشرطيه التاليه :

اذا كان س اكبر من ص اذن ص اصغر من س

والصياغه الرمزيه لها :

س < ص : س > ص

نجد ان نوع اللزوم القائم بها هو النوع المنطقى الذى يقوم على البناء المنطقى للقضايا بدون اى حاجه الى معارف اضافيه . والبناء المنطقى للقضية لا يعنى الصورة فقط بل يشتمل كذلك على معانى او تعريفات الثوابت المنطقية الوارده به .

فاللزوم القائم فى الصياغه الشرطيه السابقه لا يقوم على الصورة الخالعه (س ع ص) بل لا بد من ابقاء الثوابت المنطقية

حتى يمكن ان تقوم عملية اللزوم على اساسها .

وكمثال على اللزوم المنطقي ايضا الصياغة الاتية :-

$A \leq B \cdot B \leq C \therefore A \leq C$

وتقرأ اذا كانت " A " اكبر من " B " و " B " اكبر من " C " يلزم من ذلك ان " A " اكبر من " C " .

ومن الواضح ان اللزوم في هذه الصياغة هو اللزوم المنطقي لانه يقوم على الصورة وعلى معانى الثوابت المنطقية الواردة به .

اذن اللزوم المنطقي هو لزوم صوري لانه لزوم عام يمكن تطبيقه على اي قيمة من القيم طبقا لمجال المتغيرات ولا يهتم بما يمكن ان تشير له هذه المتغيرات ، لكنه لا يقوم على الصورة وحدها بل ياخذ في الحبان معانى الثوابت المنطقية . ولذلك عادة ما يقال ان اللزوم المنطقي ان هو الا لزوم صوري . وتمثل شروط اللزوم المادى شروط صدق للزوم الصوري .

ومن ثم فان اللزوم المورى يتضمن اللزوم المادى وليس العكس .

ولكن راسل يتناول اللزوم المورى بمفهوم خاص واعتقد انه اراد به تفسير ما يطلق عليه باللزوم الضرورى الذى يكون فيه التالى نتيجة ضرورية للمقدم . ووضح راسل ان هذا النوع من اللزوم يقوم بين دالات القضايا وليس بين القضايا . لذلك علينا توضيح ما هى دالة القضية حتى يمكن تفهم فكرة راسل عن اللزوم .

يدل الحد " دالة قضية " على صيغة ناقمة لا يمكن الحكم عليها بالصدق او بالكذب مثلما يمكن ذلك بالنسبة للقضية^(١) فدالة

(١) تناولنا " دالة القضية " تفصيلا فى كتابنا " اساس المنطق الرياضى "

القضية ان هي الا صياغه تحتوى على فراغ لا يدل على شيء ، واذا
ما وقع في الفراغ قيمه محددة فانها تتحول الى قضية يمكن الحكم
عليها بالمدق او الكذب وتعاغ دالة القضية للداله او للتمسور
" انسان " كما يلي :-

انسان (٠٠٠)

ولكن راسل يستخدم المتغيرات لملاء هذا الفراغ للدلالسه
على الاماكن الشاعره التي يجب ان نملأها بالقيم ، وبذلك تكتب
الداله هكذا :-

انسان (س)

ويمكن وضع اى قيمه من القيم بدلا من المتغير " س " . وبعض
من هذه القيم تجعل من الداله " انسان (س) " قضية صادقسه
وقد يجعل منها البعض الآخر قضية كاذبه .

وجميع القضايا الكليه عند راسل هي دالات قضايا . فمثلا
القضية " كل انسان فان " هي - عنده - دالة قضية معبره عن
صياغه شرطيه فتصبح :-

" اذا كان س انسان اذن س فان "

ويلاحظ راسل ان الصياغه السابقه " ليست علاقته بيــــــــــــن
دالتى قضيتين ، ولكنها بذاتها داله قضية مفرده لها خاصيه
جميله وهي انها دائما صادقه " (١) . ذلك ان " س انسان " بكونها

(١) راسل ، اصول الرياضيات ، ص ٨١

دالة قضيه لا يلزم عنها شيء . وينبغي الا نغير " س " فـسـي
" س انسان " ، ثم مستقلا من ذلك نغيرها في " س فان " . فمع
ان المتغير يمكن ابداله باى قيمه الا انه ينبغي ان تكون " س "
هى بذاتها في طرفى اللزوم . فلكى نحمل على لزومنا العـصـورى
في القضية " سقراط انسان يلزم عنها سقراط فان " ينبغي ألا
نغير اولا مثلا سقراط في " سقراط انسان " ثم في " سقراط فان " .
ولكن ينبغي ان نبدأ بالقضية كلها " سقراط انسان يلزم عنها
سقراط فان " ونغير سقراط في هذه القضية بكليتها (١) .

ويوضح هذا ان اللزوم العـصـورى يتضمن شيئا اسـمـى من علاقة
اللزوم ذلك انه عند تغيير حد من الحدود تكون هناك علاقة
اضافيه . وقد يقول البعض ان هذه العلاقة هى علاقة التداخل
بين فعلى الناس والفانين وهى العلاقة التى يقال بها فى اللزوم
العـصـورى . ولكن راسل يرفض هذا الرأى لانه لا يمح بتفسير جميع
الحالات . ويستخدم لتفسير ذلك الفكره التى اسمها بالحكم .

ويقسم راسل القضايا الى " حد " هو الموضوع والى شـئـى
نقوله عن الموضوع وهو ما يسميه بالحكم (٢) . وبذلك يمكن تقسيم
القضية " سقراط انسان " الى " سقراط " و " انسان " . والحكم
ذاته لا يمكن وصفه بالصدق او الكذب لان التمور " انسان " يمثل
فى حد ذاته دالة قضيه لا يمكن وصفها بالصدق او الكذب كما سبق
واوضحنا . ويمكن ان يقال ان هناك علاقه بين الحكمين " يكـسـون
انسانا " ، " يكون فانيا " ، ويفضل هذه العلاقه عندما تقوم
احدهما تقوم الاخرى (٣) . ويذهب كوهن Cohen الى القول انه
انه - بشاء - على رأى راسل - يمكن استبدال التمورات بدالات

(١) المرجع السابق ، ص ٨٢

(٢) المرجع السابق ، ص ٨٣

(٣) المرجع السابق ، نفس الموضع .

القضايا ونقول ان الانسانيه تستلزم الفناء^(١)، وبذلك يكسبون اللزوم العمورى هو فى حقيقته لزوم بين تصورات .

وبناء على ما سبق يكون التالى " فان " فى الميافسة الشرطيه " اذ كان س انسان اذن س فان هو جزء من معنى المقدم " س انسان " . فاذا قلنا عن اى شء انه "انسان" فلا بد ان يكون " فانيا " لوجود علاقه دائمه وضروريه بين تعمورى " الانسانيه " و " الفناء " .

وبذلك يعتبر راسل اللزوم العمورى مشتقا من علاقه بين حكمين^(٢)، كما يعتبر ان فكرة دالة القضييه وفكرة الحكم اساسيتان لتفسير اللزوم العمورى^(٣) . فدالة القضييه باستخدامها مع المتغيرات ان هى الا سورة قضييه ومن ثم فهو لزوم بين مور القضايا وليس بين القضايا . ولكن دالات القضايا مور محتوييه احكام او تصورات لذلك فان اللزوم العمورى - كما يجب منسند راسل - يكون قائما على فكرتى دالة القضييه والحكم .

ومن ثم يمكن القول ان اللزوم العمورى - سواء كان منطقيا او بالمنظوم الخاص له عند راسل - لا يقوم على الشكل العمورى وحده بل ياخذ فى حسابه معانى الشواهد المنطقية او التصورات الوارده به .

Cohen, M. R., A Preface to Logic, Dover Publications Inc., 1977, p. 54. (١)

راسل ، اصول الرياضيات ، ص ٨٤ ، ص ٨٦ (٢)

(٣) المرجع السابق ، ص ٨٤

وفي خاتمة هذا البحث يمكن القول ان اهم النتائج التسي
انتهينا اليها هي :-

أولاً: اللزوم المادى لا ملاقة له على الاطلاق بالمعنى حيث يقوم
بين قيم صدق القضايا بينما يقوم اللزوم الصورى على
البناء المنطقى للقضايا .

ثانياً: بقيام اللزوم المادى بين قيم صدق القضايا يكون قائماً
على ماصدقات القضايا وهي (الصدق و الكذب) . بينما
اللزوم الصورى بقيامة على البناء المنطقى للقضية لا
يرتكز على الصورة الخالصة وحدها بل يأخذ فى حسابها
مفاهيم او معانى الشوايت المنطقية او التصورات الواردة به .

ثالثاً: يمثل اللزوم المادى الجزء المشترك بين مختلف انماط
اللزوم ، ذلك انه يمثل شروط صدق بقية انواع اللزوم . ومن
ثم يكون اللزوم المادى متضمناً فى كل نوع من انواع اللزوم .

رابعاً: كل قضية مركبه شرطيه فيها "لزوم صورى " بين مقدمها
وتاليها يكون فيها كذلك " لزوم مادى " وليس العكس
مما يوضح خطأ العبارة الثانيه التى أوردناها فى
مستهل هذا البحث .

خامساً: اوضحنا ان نتائج اللزوم المادى لا تمثل فى حقيقتها
متناقضات . انما تنشأ المتناقضات من صياغه هذه النتائج
باللغة المادية التى تتطلب ارتباطاً حقيقياً بين معنى
كل من مقدم وتالى القضية الشرطيه ثم اسنادها الى
اللزوم المادى الذى لا ملاقة له بالمعنى .

اهم مراجع البحث :

أولاً: المراجع العربية :

- (١) الفزالي ، معيار العلم ، تحقيق الشيخ محمد معطفى ابسو
العلا ، مكتبة الجندي ، ١٩٧٣ .
- (٢) تارسكي ، الفرد ، مقدمه للمنطق وللمنهج البحث في العلوم
الاستدلالية ، ترجمه د. هزمو اسلام ، مراجعة د. فؤاد
زكريا ، الهيئة المصرية العامة للتأليف والنشر ، ١٩٧٠ .
- (٣) رامل ، براتراند ، اصول الرياضيات ، الجزء (١) ، ترجمه
د. محمد مرسى ، د. احمد الاهواني ، دار المعارف ، القاهرة ،
١٩٥٨ .
- (٤) د. زكي نجيب محمود ، المنطق الوضعي ، مكتبة الانجلو المصرية
١٩٥١ .
- (٥) د. سهام النويهى ، اسس المنطق الرياضى (رؤيه حديثه) ،
توزيع مكتبة النهضة المصرية ، ١٩٨٧ .
- (٦) د. محمد ثابت الفتدي ، اصول المنطق الرياضى ، دار النهضة
العربية ، ١٩٨٤ .

ثانياً: المراجع الاجنبية :

1. Allwood, J. & Andersson, L. & Dahl, O.,
Logic in Linguistics, Cambridge University
Press, 1977.
2. Bradley, R. & Swartz, N., Possible Worlds,
Oxford, 1979.

3. Carnap, R., *Meaning and Necessity*, The University of Chicago Press, Chicago, 1947.
4. Cohen, M. R. & Nagel, E., *An Introduction to Logic*, New York, 1962.
5. Cohen, M. R., *A Preface to Logic*, Dover Publications Inc., 1977.
6. Copi, I., *Introduction to Logic*, The Macmillan Company, 3rd ed., 1968.
7. Copi, I., *Symbolic Logic*, The Macmillan Company, 3rd. ed. 1967.
8. Lewic, C. I. & Langford, C.H., *Symbolic Logic*, New York, 1932.
9. Mates, B., *Stoic Logic*, Universities of California Press, 2nd. ed., 1961.
10. Quine, W.V., *Philosophy of Logic*, Prentice Hall Inc., 1970.