

## الفصل الثالث

### النظام الرقمي

#### 3- The Digital System

3-1 The Base or (Radix) for the digital system structure is built on 4 main methodes:-

##### 3-1-1 Decimal system:-

Based on 10 as a radix and uses numbers from 0 : 9

##### 3-1-2- Binary System:-

Based on 2 as a radix and uses numbers 0 OR 1

##### 3-1-3- The Octal System:-

Based on 8 as a radix and uses numbers from 0 ... 7

##### 3-1-4- The Hexadecimal System:-

Based on 16 as a radix and uses numbers from 0-9 and

#### ٣ - النظام الرقمي

##### ٣-١ البناء الأساسي للنظام الرقمي

يعتمد أساساً على أربع طرق وهي :-

##### ٣ - ١ - ١ - النظام العشري

ويقوم على رقم ١٠ كأساس  
ويستخدم أرقام من صفر إلى ٩

##### ٣ - ١ - ٢ - النظام الثنائي

ويقوم على رقمين كأساس ويستخدم أما  
صفر أو ١

##### ٣ - ١ - ٣ - النظام الثماني

ويقوم على ثمانية أرقام ويستخدم  
الأرقام من صفر - ٧

##### ٣ - ١ - ٤ - النظام السداس عشر

ويقوم على ستة عشر رقم وحرف  
ويستخدم الأرقام من صفر إلى ٩

alpha from A-F.

3-2- The relationship between the decimal system and the binary system could be easily recognised from the following example:-

The figure 567 could be represented as follows:-

$$5 \times 100 + 6 \times 10 + 7 \times 1$$

and this is the fundamental base for conversion, since the binary system uses only 0 OR 1 to represent a situation of the current as it is either ON OR OFF so the binary base of 2 is used to convert the decimal numbers to binary numbers as follows

Example 1:

Convert the decimal number which is represented as

$(5)_{10}$  to binary.

والحروف من A — F.

٣ — ٢ — أن العلاقة بين النظام العشري والنظام الثنائي يمكن ملاحظتها وفهمها بسهولة نوعاً ما كما يتضح لنا من المثال التالي

الرقم ٥٦٧  
يمكن كتابته كما يلي :-

$$1 \times 7 + 10 \times 6 + 100 \times 5$$

وهذا هو الأساس الأول في عملية التحويل وحيث يستخدم النظام الثنائي رقمين صفراً أو واحد لبيان حالة مرور التيار أما مفتوح أو مقفول فأننا نستخدم أساس النظام الثنائي وهو رقم ٢ في التحويل كما سنرى في الأمثلة التالية :-

مثال ١ :

حول الرقم العشري ويكتب بالشكل التالي ( ٥ )<sub>١٠</sub> إلى نظام ثنائي

بالقسمة على ٢

		Binary
2	5	
2	2	1
2	1	0
	0	1

As shown above the remainder is either 1 or zero, so the binary for decimal 5

$$(5)_{10} = (101)_2$$

**Example 2:**

Convert  $(6)_{10}$  = to Binary

		Binary
2	6	0
2	3	1
2	1	1
	0	

So  $(6)_{10} = (110)_2$

		ثنائي
	2	0
1	2	2
صفر	2	1
1		صفر

ويكون بالتالي : رقم 0 عشرى = 101  
ثنائي  
ويعبر عن هذه العلاقة كالتالى :

$${}_2(101) = {}_{10}(5) \text{ رقم}$$

مثال 2 :

حول  $(6)_{10}$  إلى نظام ثنائي

صفر	2	6
1	2	3
1	2	1
		صفر

فيكون  ${}_2(110) = {}_{10}(6)$

The answer as you must have observed is arranged to read as bottom Binary Figure is the left most digit moving upwards to the right

Example 3 :

Convert  $(11)_{10}$  to Binary

2	11		
2	5	1	
2	2	1	
2	1	0	
	0	1	

So  $(11)_{10} = (1011)_2$

كما لاحظت فإن الرقم الثاني يكتب بإعادة ترتيبه من أسفل يكون هو أول رقم من الشمال وبعد التحرك إلى أعلى تكتب إلى اليمين من أول رقم

مثال ٣ :

حول  $(11)_{10}$  إلى ثنائي

Binary

٢	١١		
٢	٥	١	
٢	٢	١	
٢	١	صفر	
	صفر	١	

فيكون  $(11)_{10} = (1011)_2$

Example 4 :

Convert  $(31)_{10}$  to Binary

			Binary
2	31	1	
2	15	1	
2	7	1	
2	3	1	
2	1	1	
	0		

$$\dots (31)_{10} = (11111)_2$$

3 — 3 On the other hand and in order to convert from Binary to decimal we uses the powers as illustrated below :

$2^3$	$2^2$	$2^1$	$2^0$
1000	100	10	1

مثال 4 :

حول ( 31 )<sub>10</sub> إلى نظام ثنائي :

			Binary
2	31	1	
2	15	1	
2	7	1	
2	3	1	
2	1	1	
	0		صفر

$$\dots (31)_{10} = (11111)_2$$

3 — 3 ومن ناحية أخرى فإنه للتحويل من النظام الثنائي إلى النظام العشري فأنا نستخدم نظرية الأس الموجب حيث يتم ترتيب الأرقام كما ذكرنا في البداية كالآتي :-

$2^3$	$2^2$	$2^1$	$2^0$
1000	100	10	1

وهكذا -

and in the Binary system the Base is 2 so, the conversion powers value table may look as below

$$\begin{array}{cccc} 2^4 & 2^3 & 2^1 & 2^0 \\ = & = & = & = \end{array}$$

$$16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1$$

so and in order to convert a binary figure to decimal we follow the following rule as in the example below.

**Example 1 :**

Convert  $(110)_2$  to decimal.

$$\begin{array}{ccc} 4 & 2 & 1 \\ \times & \times & \times \\ 1 & 1 & 0 \\ = & = & = \\ 4 & + & 2 & + & 0 & + & = & (6)_{10} \end{array}$$

وحيث يستخدم النظام الثنائي الأساس ٢ فإنه برفعها للقوى أو للأس نحصل على ما يلي

$$2^3 \quad 2^2 \quad 2^1 \quad 2^0$$

وتكون القيمة لكل رقم أعلاه كالآتي :  
٢      ٤      ٨

ويكون التحويل من النظام الثنائي إلى العشري كما هو مبين في المثال التالي :

مثال ١ :

حول  $(110)_2$  إلى نظام عشري

$$\begin{array}{ccc} 4 & 2 & 1 \\ \times & \times & \times \\ 1 & 1 & 0 \\ = & = & = \end{array}$$

$$١٠(٦) = ٤ + ٢ + ٠$$

**Example 2:**Convert  $(11111)_2$  to decimal

16	8	4	2	1
x	x	x	x	x
1	1	1	1	1
=	=	=	=	=

$$16 + 8 + 4 + 2 + 1 = (31)_{10}$$

**Example 3:**Convert  $(100110)_{10}$   
to decimal

32	16	8	4	2	1
1	0	0	1	1	0
=	=	=	=	=	=

$$32 + 0 + 0 + 4 + 2 + 0 = (38)_{10}$$

مثال ٢ :

حول  $(11111)_2$  إلى نظام عشري

١٦	٨	٤	٢	١
x	x	x	x	x
١	١	١	١	١
=	=	=	=	=

$$١٠. (٣١) = ١٦ + ٨ + ٤ + ٢ + ١$$

مثال ٣ :

حول  $(100110)_{10}$  إلى عشري

٣٢	١٦	٨	٤	٢	١
x	x	x	x	x	x
١	٠	٠	١	١	٠
=	=	=	=	=	=

$$٣٢ + ٠ + ٠ + ٤ + ٢ + ٠$$

$$١٠. (٣٨) =$$

Example 4 :

Convert  $(11001101)_2$   
to decimal

128	46	32	16	8	4	2	1
x	x	x	x	x	x	x	x
1	1	0	0	1	1	0	1
=	=	=	=	=	=	=	=

$$128 + 46 + 0 + 0 + 8 + 4 + 0 + 1$$
$$= (205)_{10}$$

### 3 - 4 Binary Addition

The rule for the  
addition is as follows:

0	+	0	=	0
0	+	1	=	1
1	+	0	=	1
1	+	1	=	10

مثال 4 :

حول  $(11001101)_2$  إلى نظم  
عشري

١٢٨	٦٤	٣٢	١٦	٨	٤	٢	١
x	x	x	x	x	x	x	x
١	١	٠	٠	١	١	٠	١
=	=	=	=	=	=	=	=

$$١٢٨ + ٦٤ + ٠ + ٠ + ٨ + ٤ + ٠ + ١$$
$$= (٢٠٥)_{10}$$

### ٣ - ٤ الجمع بواسطة النظام الثنائي

القاعدة الأساسية في الجمع في النظام  
الثنائي موضحة أدناه :-

صفر	+	صفر	=	صفر
١	+	١	=	١
١	+	صفر	=	١
١٠	+	١	=	١

\* Since decimal number 2 when converted to Binary would be 10

2	2	Binary
2	1	0
	0	1

As  $2 \div 2 = 1$  and remainder Zero Then  $1 \div 2 = \text{Zero}$  and remainder 1 to  
 $(10)_2$

**Example 1:**

Add  $11 + 10$   
 giving the result in Binary

<sup>4</sup> 1	1	0
0	1	1
2	0	1

حيث أن  $(2)_{10} = (10)_2$  كالتالي :

ثنائي

2	2	
2	1	0
	0	1

حيث  $2 \div 2 = 1$  والباقي صفر  
 و  $1 \div 2 = \text{صفر}$  والباقي واحد

مثال 1 :

اجمع  $11 + 10$  والجمع لإرقام  
 بالنظام الثنائي والنتيجة أيضاً يجب أن  
 تكون بالنظام الثنائي

<sup>4</sup> 1	1	0
0	1	1
2	0	1

• The one marked with • above is carried as a result of adding  
 $1 + 1 = 10$   
 so we place zero and carry one which is add to the vertical zero to the left of 11 above

So the result of the addition is  $(101)_2$

Example 2:

Add  $111 + 101$

1	1	1	Carried
	1	1	1
0	1	0	1
1	1	0	0

• الواحد اعلاه مرفوع نتيجة الجمع الثاني  
 $1 + 1 = 10$  ويتم كتابة صفر والباقي واحد مرفوع إلى الرقم التالي إلى اليسار وهكذا .

وعلى هذا تكون نتيجة الجمع

$${}_2(101)$$

مثال ٢ :

اجمع  $101 + 111$

1	1	1	مرفوع
1	1	1	
1	0	1	
1	1	0	0

Example 3 :

Add 1001 + 1011

$$\begin{array}{r}
 1 \quad 1 \quad 1 \quad \text{Carried} \\
 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \\
 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \\
 \hline
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 0
 \end{array}$$

Example 4 :

Add 110011 + 101110

$$\begin{array}{r}
 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \\
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \\
 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \\
 \hline
 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \\
 \text{verification}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1
 \end{array}$$

$$32 + 16 + 0 + 0 + 2 + 1 = (51)_{10}$$

مثال ٣ :

اجمع 1001 + 1011

$$\begin{array}{r}
 1 \quad 1 \quad 1 \quad \text{مرفوع} \\
 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \\
 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \\
 + \hline
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 0
 \end{array}$$

مثال ٤ :

اجمع 110011 + 101110

$$\begin{array}{r}
 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad \text{مرفوع} \\
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \\
 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \\
 + \hline
 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \\
 \text{تحقيق النتيجة اعلاه :}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1
 \end{array}$$

$$32 + 16 + 0 + 0 + 2 + 1 = (51)_{10}$$

$$\begin{array}{r} 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\ 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \end{array}$$

$$32 + 0 + 8 + 4 + 2 + 0 = (46)_{10}$$

$$51 + 46 = 97 \text{ Total}$$

$$\begin{array}{r} 64 \quad 32 \quad 16 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\ 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \end{array}$$

$$46 + 32 + 0 + 0 + 0 + 0 + 1 = (97)_{10}$$

### Example 5:

Add the following operation in BINARY and convert the result to decimal.

$$99 + 77$$

**Solution:** Befor you start you must know that the two decimal figures  $99 + 77$  must be converted to binary then add in binary, the conclusion

$$\begin{array}{r} 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\ 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \end{array}$$

$$32 + 0 + 8 + 4 + 2 + 0 = 46$$

$$المجموع = 46 + 51 = 97$$

الناتج عند تحويله إلى رقم عشري

$$\begin{array}{r} 64 \quad 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\ 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \end{array}$$

$$46 + 32 + 0 + 0 + 0 + 0 + 1 = 97$$

مثال 5:

اجمع الأرقام التالية بالنظام الثنائي ثم حول نتيجة الجمع إلى الرقم العشري مرة أخرى

$$99 + 77$$

الحل : ينبغي أن تعلم أن المطلوب هو تحويل الرقمين إلى نظام ثنائي ثم جمع الرقمين في الشكل الثنائي وتحويل ناتج الجمع إلى نظام عشري وطبعاً فإن النتيجة يجب أن

afterwards should be converted to decimal and should be 176 and this is the only correct answer for the whole operation.

2	99		2	77	
2	49	1	2	38	1
2	24	1	2	19	0
2	12	0	2	9	1
2	9	0	2	4	1
2	3	0	2	2	0
2	1	1	2	1	0
	0	1		0	1

then 99 is BINARY

1100011

and 77 is BINARY

1001101

The Addition

1	1	0	0	0	1	1
1	0	0	1	1	0	1
1	0	1	1	0	0	0

توافق مع نتيجة جمع الرقمين أعلاه وهي ١٧٦ وهي النتيجة الوحيدة الصحيحة

٢	٩٩		٢	٧٧	
٢	٤٩	١	٢	٣٨	١
٢	٢٤	١	٢	١٩	٠
٢	١٢	٠	٢	٩	١
٢	٦	٠	٢	٤	١
٢	٣	٠	٢	٢	٠
٢	١	١	٢	١	٠
	٠	١		٠	١

وتكون ٩٩ بالنظام الثنائي

١ ٠ ٠ ٠ ١ ١

وتكون ٧٧ بالنظام الثنائي

١ ٠ ٠ ١ ١ ٠ ١

الجمع

١	١	٠	٠	٠	١	١
١	٠	٠	١	١	٠	١
١	٠	١	١	٠	٠	٠

$$\begin{array}{r}
 128 \quad 64 \quad 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{aligned}
 128 + 0 + 32 + 16 + 0 + 0 + 0 + 0 \\
 = (176)_{10}
 \end{aligned}$$

The result of the Binary addition above is

10110000

And when converted once more to decimal it gives the same result as the normal addition mentioned before.

### 3-5 The Octal System :-

the system converts decimal numbers using the same idea of conversion to Binary only in this case the division would be on 8 as a base

$$\begin{array}{r}
 128 \quad 64 \quad 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 1 \quad . \quad 1 \quad 1 \quad . \quad . \quad . \quad . \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{aligned}
 128 + . + 32 + 16 + . + . + . + . \\
 = (176)_{10}
 \end{aligned}$$

وتكون نتيجة جمع الأرقام الثمانية أعلاه هو كالآتي :-

10110000

وعند تحويلها إلى نظام عشري كما هو موضح أعلاه فأننا نحصل على نفس الرقم (176) كما في الجمع العادي المذكور في بداية الحل

### 3 - 5 النظام الثماني

يستخدم النظام نفس طريقة النظام الثنائي في التحويل من النظام العشري إلى ثنائي غير أنه في هذه الحالة يتم استخدام رقم 8 كقاعدة أو معامل القسمة

**Example 1 :**Convert  $(62)_{10}$  to octal

$$\begin{array}{r|l} 8 & 62 \\ 8 & 7 \quad 6 \\ & 0 \quad 7 \end{array}$$

so  $(62)_{10} = (76)_8$

مثال ١ :

حول  $(62)_{10}$  إلى نظام ثماني الحل  
بالقسمة على ٨

$$\begin{array}{r|l} 8 & 62 \\ 8 & 7 \quad 6 \\ & . \quad 7 \end{array}$$

فيكون  ${}_8(76) = {}_{10}(62)$

**Example 2 :**Convert  $(491)_{10}$  to octal

$$\begin{array}{r} 61 \quad 7 \quad 0 \\ 8 \ 491 \quad 8 \sqrt{61} \quad 8 \sqrt{7} \\ \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \\ 11 \quad 5 \quad 7 \\ \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \\ 8 \quad \quad \quad \\ \underline{\quad} \quad \quad \quad \\ 3 \quad \quad \quad \end{array}$$

so  $(491)_{10} = (753)_8$

مثال ٢ :

حول  $(491)_{10}$  إلى نظام ثماني وبطريقة  
أخرى يكون الحل كالآتي :

$$\begin{array}{r} 61 \quad 7 \quad 0 \\ 8 \ 491 \quad 8 \sqrt{61} \quad 8 \sqrt{7} \\ \underline{48} \quad \underline{56} \quad \underline{\quad} \\ 11 \quad 5 \quad 7 \\ \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \\ 8 \quad \quad \quad \\ \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \\ 3 \quad \quad \quad \end{array}$$

فيكون  ${}_8(753) = {}_{10}(491)$

### 3-5-1 Conversion

#### From Binary to Octal

The conversion from Binary to octal could be done in accordance with the following table and rules

Since the highest position in octal is decimal 7 and this could be represented in the binary groups of 3 digit (Table 3-1)

TAB 3-1

4	2	1
1	1	1

So the value of the seventh position in octal as shown above is 1 1 1 in Binary also the value of the fifth position in octal is 1 0 1 in Binary.

The configuration 1 1 1 and 101 gives The base 8, seven and five as follows

4	2	1
(1	1	1)

$$4 + 2 + 1 = (7)_8$$

٣ - ٥ - ١ التحويل من النظام الثنائي إلى النظام الثماني :

يمكن عمل التحويل من النظام الثنائي إلى النظام الثماني وذلك طبقاً للقواعد المذكورة فيما بعد وحسب الجدول المبين

حيث أن أعلى قيمة في النظام الثماني هي رقم ٧ وهذه القيمة يمكن تمثيلها عن طريق استخدام النظام الثنائي بمجموعة من ٣ أرقام كما في الجدول  
TAB 3-1 كالآتي :

٤	٢	١
١	١	١

فستكون القيمة ٧ بالنظام الثماني ممثلة بالنظام الثنائي كالآتي ١ ١ ١ وعلى هذا وبالقياس فإن القيمة ٥ في النظام الثماني يمكن تمثيلها في النظام الثنائي

١ ٠ ١

وعلى هذا ٥ ثماني تعني ١٠١ ثنائي ويكون بذلك تركيبة الرقمين ٧ ، ٥ بالنظام الثماني هما ١١١ ، ١٠١ بالنظام الثماني كالآتي التالي

٤	٢	١
(١	١	١)٢

$$٨(٧) = ٤ + ٢ + ١$$

$$\begin{array}{r}
 4 \quad 2 \quad 1 \\
 (1 \quad 0 \quad 1)_2 \\
 \hline
 4 + 0 + 1 = (5)_8
 \end{array}$$

Hence in order to convert from binary to octal we divided the binary number into groups of three, note that a zero is added to the left of any number that cannot be broken into 3 digit groups. also note that the 8 positions of the octal system could be represented by a binary 3 digit group

#### Example 1:

Convert  $(1011)_2$   
to Octal

$$\begin{array}{r}
 4 \quad 4 \quad 1 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 \times \quad \times \quad \times \quad \times \quad \times \quad \times \\
 0 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \\
 0 + 0 + 1 \text{ and } 0 + 2 + 1 \\
 \quad \quad \quad 1 \quad \quad \quad 3
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 4 \quad 2 \quad 1 \\
 (1 \quad 0 \quad 1)_2 \\
 \hline
 4 + 0 + 1 \\
 = (5)_8
 \end{array}$$

وعلى هذا فإننا للتحويل من النظام الثنائي إلى النظام الثماني نقوم بتقسيم الرقم الثنائي إلى مجموعات من ثلاثة أرقام وينبغي ملاحظة أن الرقم الذي لا يمكن تقسيمه إلى مجموعات متساوية من 3 أرقام يضاف إلى يساره صفر اجباري كما في المثال التالي وينبغي أيضاً ملاحظة أننا نستطيع تمثيل القيم الثمانية في النظام الثماني بواسطة المجموعات الثلاثية من النظام الثنائي.

#### مثال 1:

حول  $(1011)_2$   
إلى نظام ثماني

$$\begin{array}{r}
 4 \quad 2 \quad 1 \quad \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 \cdot \quad \cdot \quad 1 \quad \quad \cdot \quad 1 \quad 1 \\
 \cdot + \cdot + 1 \quad \quad \cdot + 2 + 1 \\
 \quad \quad \quad 1 \quad \quad \quad 3
 \end{array}$$

$$\text{So } (1011)_2 = (13)_8$$

verification

	8	4	2	1
Binary	1	0	1	1
	-----			
	8	+ 0	+ 2	+ 1
	= (11) <sub>10</sub>			

1	0
8	8
1	3
-----	
8	+ 3
= (11) <sub>10</sub>	

$$\text{So } (1011)_2 = (13)_8 = (11)_{10}$$

$${}_8(13) = \dots (1011) \text{ فيكون}$$

المحقق

8	4	2	1
1	0	1	1
-----			
8	+ 0	+ 2	+ 1

$${}_8(13) =$$

8	8
1	3
-----	
8	+ 3

$${}_8(13) =$$

$$= {}_8(1011) \text{ فيكون}$$

$${}_8(13) = {}_8(1011)$$

**Example 2 :**

Convert 11011011 To Octal :

4	2	1	4	2	1	4	2	1
0	1	1	0	1	1	0	1	1

---

0+2+1	0+2+1	0+2+1
3	3	3

So  $(11011011)_2 = (333)_8$

**Verification :**

128	64	32	16	8	4	2	1
1	1	0	1	1	0	1	1

---


$$128 + 64 + 0 + 16 + 8 + 0 + 2 + 1 = 219_{10}$$

64	8	1
x	x	x
3	3	3

$$192 + 24 + 3 = 219_{10}$$

مثال ٢ :

حوّل ١١٠١١٠١١ إلى النظام الثماني :

٤	٢	١	٤	٢	١	٤	٢	١
٠	١	١	٠	١	١	٠	١	١

---

٠+٢+١	٠+٢+١	٠+٢+١
٣	٣	٣

فيكون :

$${}_8(333) = {}_2(11011011)$$

التحقيق :

١٢٨	٦٤	٣٢	١٦	٨	٤	٢	١
١	١	٠	١	١	٠	١	١

---


$$128 + 64 + 0 + 16 + 8 + 0 + 2 + 1$$

$$= 219 =$$

٦٤	٨	١
x	x	x
٣	٣	٣

$$192 + 24 + 3$$

$$= 219 =$$

### 3-6 Subtraction In Binary And Octal System.

3-6-1 Subtraction of binary numbers could be done in a similar but opposite way to addition

And the rule for that is :-

$$\begin{array}{r} 0 - 1 = 1 \\ 1 - 0 = 1 \\ 1 - 1 = 0 \\ 0 - 0 = 0 \end{array}$$

note that we borrow one from the first one to the left available when we subtract from zero and that borrowed one is a double one 11 and not eleven.

### ٣ - ٦ الطرح في النظام الثنائي والنظام الثماني

٣ - ٦ - ١

يستخدم الطرح في النظام الثنائي نفس طريقة الجمع ولكن بشكل عكسي والقاعدة في نظام الطرح هي :-

$$\begin{array}{r} 1 = 1 - 0 \\ 1 = 0 - 1 \\ 0 = 1 - 1 \\ 0 = 0 - 0 \end{array}$$

ونلاحظ هنا أننا عندما نطرح من صفر فأنتنا نستعير واحد من أول واحد يسار ويكون الواحد المستعار ضعف رقم واحد ويكتب ١١ ولا ينطق كرقم ١١ بل كواحدين .

**Exemple 1 :**

Subtract  $110 - 11$

1 1 0

1 1

result 1 1

Verification :

4 2 1

1 1 0 =  $(6)_{10}$

1 1 =  $(3)_{10} -$

1 1 =  $(3)_{10}$

**Example 2 :**

Subtract  $101100 - 111$

1 0 1 1 0 0

1 1 1

1 0 0 1 0 1

مثال ١ :

أطرح :  $110 - 11$

```

      1 1
    1 1 0
  -   1 1
  -----
      1 1
  
```

النتيجة

حقيقتها يكون كالآتي :

```

      4 2
    6 = 1 1
  - 3 = 1
  -----
      3 1 1
  
```

مثال ٢ :

أطرح :  $101100 - 111$

```

    1 0 1 1 0 0
  -   1 1 1
  -----
    1 0 0 1 0 1
  
```

Verification :

$$\begin{array}{r}
 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 = 44 \\
 - \quad \quad \quad 1 \quad 1 \quad 1 = 7 \\
 \hline
 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 = 37
 \end{array}$$

3-6-2 The Octal numbers can be subtracted by the same method we used for subtraction in Binary, except that when we subtract from a lower figure we borrow 8 from the first available figure to the left

Example 1:

Subtract 1743 - 644

$$\begin{array}{r}
 \phantom{1} \phantom{7} \overset{8}{/} 3 \phantom{0} \overset{8}{/} \phantom{0} + \\
 1 \quad 7 \quad 4 \quad 3 \\
 - \phantom{1} \phantom{7} \phantom{4} \phantom{3} 6 \quad 4 \quad 4 - \\
 \hline
 1 \quad 0 \quad 7 \quad 7
 \end{array}$$

التحقيق :

$$\begin{array}{r}
 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0 = 44 \\
 - \quad \quad \quad 1 \quad 1 \quad 1 = 7 \\
 \hline
 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 = 37
 \end{array}$$

٣ - ٦ - ٣

ويستخدم النظام الثامن نفس الطريقة المنبثقة في النظام الثنائي في الطرح غير أن الأساس هنا هو ٨ وبالتالي يكون الطرح من أرقام أقل بالاستعارة وتسمى استعارة ٨ من أول رقم ممكن إلى اليسار

مثال ١:

أطرح ١٧٤٣ - ٦٤٤

$$\begin{array}{r}
 \phantom{1} \phantom{7} \overset{8}{/} 3 \phantom{0} \overset{8}{/} \phantom{0} + \\
 1 \quad 7 \quad 4 \quad 3 \\
 - \phantom{1} \phantom{7} \phantom{4} \phantom{3} 6 \quad 4 \quad 4 - \\
 \hline
 1 \quad 0 \quad 7 \quad 7
 \end{array}$$

### 3-7 The Addition And Subtraction For The Floating Decimal Point In BINARY And OCTAL

3-7-1 The addition and the Subtraction in the Binary system for figurs with decimal point is the same all the way as the normal addition and subtraction, yet for subtraction a second method could be used this method is called the complement method, so to obtain the complement of a binary figure, we frist make the  $N1$ , and  $N2$  of the same length by adding leading zeros to  $N2$  then we interchange all zeros in  $N2$  to 1 and all ones to zeros, by adding 1 to the interchanged binary figure, we then have the  $N2$  which we are going to subtract from  $N1$ , after we finish the subtraction operation (addition) we remove the most significant 1 (last to the left.)

٣ - ٧ الجمع والطرح للأرقام ذات  
الكسور العشرية بالنظام الثنائي  
والنظام الثماني

٣ - ٧ - ١

الجمع والطرح للأرقام التي تحتوي  
على اجزاء عشرية يتبع فيها نفس النظام  
بالنسبة لجمع وطرح الأرقام العادية تماماً ،  
غير أنه هناك طريقة أخرى للطرح في حالة  
الأرقام العشرية تسمى بطريقة معكوس  
الرقم الثاني أو المطروح ويتم طريقة معكوس  
المطروح عن طريق عكس جميع الأصفار  
للرقم الثاني لتصبح واحد وجميع الواحدات  
لتصبح أصفار ويطلق عليه  $N2$  وقبل  
أجراء عملية العكس فأننا يجب أن نجعل  
الرقم المطروح مساوياً للمطروح منه بإضافة  
أصفاراً إلى يساره ثم يتم جمع ١ إلى الرقم  
المعكوس للحصول على  $N2$  في شكله  
الثماني والذي سيتم طرحه من الرقم الأول  
 $N1$  (المطروح منه) عن طريق الجمع  
وبعد الانتهاء من عملية الجمع فأننا نطرح  
١ من نهاية الرقم إلى اليسار مقابل رقم ١  
الذي سبق وإضافته إلى بداية الرقم  
 $N2$  من يمين

Example 1 :

subtract  $(11)_2$  from  $(1010)_2$  using the complement method

we first obtain the complement of  $(11)_2$  as follows:-

$$\begin{array}{r}
 0011 \\
 1100 \\
 + \quad 1 \\
 \hline
 1101
 \end{array}$$

Then We Add.

$$\begin{array}{r}
 N1 \quad 1010 \\
 N2 \quad 1101 \\
 \hline
 10111 \\
 - 1 \\
 \hline
 111
 \end{array}$$

مثال ١ :

اطرح  $(11)_2$  من  $(1010)_2$  باستخدام طريقة المعاكس المطروح

فيكون

$$11 = N2 \text{ و } 1010 = N1$$

وهذا .. يتعين علينا الحصول أولاً على

المعاكس للرقم ١١ بعد إضافة الأصفار

$$\begin{array}{r}
 0011 \\
 1100 \\
 + \quad 1 \\
 \hline
 1101
 \end{array}$$

وبعد ذلك نجمع

$$\begin{array}{r}
 N1 \quad 1010 \\
 N2 \text{ المعاكس } 1101 \\
 \hline
 10111 \\
 - 1 \\
 \hline
 111
 \end{array}$$

النتيجة النهائية



٣ - ٧ - ٢

والطرح بالنظام الثماني لا يختلف بالنسبة للأرقام العشرية عن النسبة للأرقام العادية في أى شيء ولمعرفة هذا ارجع إلى ٢.٤.٣ أو أمثال التالى

مثال ١ :

طرح

$${}_8(1754,64) - {}_8(644,73)$$

٨ ٨

١ ١

٤٣,

١٧٥٤,٦٤

٦٤٤,٧٣

١١٠٧,٧١

مثال ٢ :

أطرح : ٥٤٣,٦٥ من ٧٥٥,٦٣

٨ ٨

١ ١

٤ ٥

٧٥٥,٦٣

٥٤٣,٦٥

٢١١,٧٦

3-7-2 The subtraction in the octal system for the figures with decimal point dose not vary from the subtraction for the integer values (Please refere to 3-4-2) or next examples

Exemple 1 :

Subtract  $(644,73)_8$  from  $(1754,64)_8$

$$\begin{array}{r} 1\ 7\ 5\ 4.6\ 4 \\ 6\ 4\ 4.7\ 3\ - \\ \hline \end{array}$$

$$1\ 1\ 0\ 7.7\ 1$$

Exampel 2

Subtract  $(543.65)_8$   
from  $(755.63)_8$

$$\begin{array}{r} 7\ 5\ 5.6\ 3 \\ 5\ 4\ 3.6\ 5 \\ \hline \end{array}$$

$$2\ 1\ 1.7\ 6$$

### 3-8 The Hexadecimal system. (hex)

3-8-1 The (hex) system base as mentioned before is 16 and it uses the number 1-9 and the letters A-F as shown in table 3-2 below

### ٣ - ٨ النظام السداس عشر

٣ - ٨ - ١ كما ذكرنا من قبل فإن الأساس للنظام السداس عشر هو رقم ١٦ ويستخدم النظام الأرقام من ١ - ٩ والحروف من **A** إلى **F** كما هو موضح في الجدول ٣ - ٢ أدناه

DECIMAL	HEX
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9
10	A
11	B
12	C
13	D
14	E
15	F

TABLE 3 - 2

3-8-2 The conversion between decimal and hexadecimal follow the same rules as before except that the division would be on 16 and if the remainder is 10 or above it is replaced with the equivalent letter as shown in table 3-2

**Example 1**

Convert  $(620)_{10}$  To Hex.

$16 \overline{) 620}$	$16 \overline{) 38}$	$16 \overline{) 2}$
48	32	0
140	6	2
128		
12 = C		

Result  $(620)_{10} = (26C)_{16}$

٣ - ٨ - ٢ ويتبع التحويل من النظام العشري إلى النظام السداس عشر نفس الطريقة للتحويل السابقة غير أننا في هذه الحالة يكون معامل القسمة هو ١٦ ، وإذا زاد الباقي عن ٩ فإنه يتم تحويله إلى الحرف اللاتيني المقابل له طبقاً للجدول ٣ - ٢

**مثال ١**

حول (٦٢٠) إلى سداس عشر

$16 \overline{) 620}$	$16 \overline{) 38}$	$16 \overline{) 2}$
	٣٢	٤٨
٢	٦	١٤٠
		١٢٨
		C = ١٢

فيكون  $16(26C) = 10(620)$

Example 2 :

Convert  $(2621)_{10}$  To Hex.

$163$	$10$	$0$
$16 \overline{) 2621}$	$16 \overline{) 163}$	$16 \overline{) 10}$
$16$	$16$	$0$
$102$	$03$	$10 = A$
$96$	$0$	
$61$	$3$	
$48$		
$13 = D$		

$$(2621)_{10} = A3D_{16}$$

مثال ٢ حول  $(2621)_{10}$

إلى سداعشر

$16 \overline{) 2621}$	$16 \overline{) 163}$	$16 \overline{) 10}$
$160$	$16$	$16$
$10 = A$	$3$	$10 = A$
	$0$	$0$
	$3$	$10 = A$
		$0$
		$13 = D$

$$(2621)_{10} = (A3D)_{16}$$

3-8-3 The conversion from the Binary system to the hexadecimal system could be done by dividing the binary numbers into groups of fours since any hexadecimal value could be represented by this four digit as shown below

8	4	2	1	
1	1	1	1	Binary

The Binary number above  $(1111)_2$   
 $= (15)_{10} = (F)_{16}$

Table 3 - 3 shows the Binary equivalent for the 16 hexadecimal positions.

وللتحويل من النظام الثنائي إلى النظام السداسي عشر فأننا نقسم الرقم الثنائي إلى مجموعات من أربعة أرقام وإذا لم يكون الرقم قابل للتقسيم على أربعة مجموعات فأننا نقوم بإضافة الأصفار إلى اليسار ويكون التقسيم على أساس أنه يمكن تكوين قيم متساوية لجميع القيم في النظام السداسي عشر بمجموعات من أربعة أرقام للنظام الثنائي كالتالي :

٨	٤	٢	١	
١	١	١	١	ثنائي

الرقم الثنائي إعلاه =  $(15)_{10}$  يساوي  $(F)_{16}$  كما في الجدول 3-2 .. وهكذا

تظهر القيم السداسي عشرية وما يمثلها أو ما يقابلها في النظام الثنائي كما هو موضح في الجدول 3-3 أدناه

HEX	BINARY
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001
A	1010
B	1011
C	1100
D	1101
E	1110
F	1111

TABLE 3 - 3

Example 1 :

Convert 1101101 to hexadecimal

group 2	group 1
8 4 2 1	8 4 2 1
0 1 1 0	1 1 0 1

the group 1 above is equal to  $(13)_{10}$

مثال ١ :

حول ١١٠١١٠١ إلى نظام سدا عشر

مجموعة ٢	مجموعة ١
٨ ٤ ٢ ١	٨ ٤ ٢ ١
٠ ١ ١ ٠	١ ١ ٠ ١

المجموعة رقم ١ تعطى الرقم العشري (١٣) والذي عند تحويله إلى نظام

which is  $(D)_{16}$  and group 2 is equal to  $(6)_{10}$  which is  $(6)_{16}$

result  $(1101101) = (6D)_{16}$

Example 2 :

Convert  $010010110110$  to hexadecimal

group 3	group 2	group 1
8 4 2 1	8 4 2 1	8 4 2 1
0 1 0 0	1 0 1 1	0 1 1 0
4	11 = B	6

so  $(010010110110)_2 = (4B6)_{16}$

سدا عشر يعطينا حرف D واخوغة رقم ٢ تعطينا رقم (٦) وهى نفسها سدا عشر

والنتيجة

$${}_{16}(6D) = {}_2(1101101)$$

مثال ٢ :

حول  $010010110110$  إلى سدا عشر

مجموعة ٣	مجموعة ٢	مجموعة ١
٨ ٤ ٢ ١	٨ ٤ ٢ ١	٨ ٤ ٢ ١
٠ ١ ٠ ٠	١ ٠ ١ ١	٠ ١ ١ ٠
٤	١١ = B	٦

إذن

$${}_{16}(4B6) = {}_2(010010110110)$$

## The Hexadecimal Addition And Subtraction

The same method for addition and subtraction used in Binary and octal previously explained is again used in the addition and subtraction for hexadecimal values but when applying the same rules we must bear in mind that the carried over amount or the borrowed amount of 1 is actually a whole 16 which is the hexadecimal base so if we are adding an  $A + C$ , we are actually adding the value of  $A$  + the value of  $C$  which is  $10 + 12 = 22$  and since we carry one as a result of the addition above because the hexadecimal uses 16 position only, this one carried is actually the sixteen position then  $22 - 16 = 6$  there for the result of the addition operation of  $A + C$  would give 6 and we carry one to the next column to the left and is added as 1 in that position when subtracting the one borrowed is add as sixteen in that position

## الجمع والطرح في النظام السداسي عشر

نفس الطريقة المتبعة في النظامين الثنائي والثالثي في الجمع والطرح يمكن إتباعها في جمع الأرقام السداسية عشرية ولكن يجب أن نأخذ في اعتبارنا عندما نطبق هذا الأسلوب إن الأساس في النظام السداسي عشر هو رقم ١٦ ولهذا فأنا عندما نجمع قيم أكبر من ٩ وهي الحروف أو نطرح فأنا عندما نرفع أو نستمر من العمود التالي فنحن في الواقع نجمع ونطرح ١٦ إلى القيمة التي تسبقها في حالة الطرح ووحد إلى القيمة التي تليها في حالة الجمع بينما تكون نتيجة الجمع هو متبقى ١٦ فعندما نجمع مثلاً  $A + C$  فنحن نجمع في الواقع قيمة هذين الحرفين وهما  $10 + 12 = 22$  وحيث إن النظام يمكن تمثيله فقط بـ ١٦ قيمة من ٠ - ٩ ومن  $A$  إلى  $F$  فأنا في هذه الحالة نرفع واحد من المجموع ويكون الواحد المرفوع في الواقع يمثل الـ ١٦ قيمة أو قاعدة النظام وبذلك تكون نتيجة جمع  $A + C$  وهي ٦ حيث  $22 - 16 = 6$  ويتبقى واحد مرفوع إلى الخانة التي تليها ويضاف إليها كقيمتها أي كواحد فقط بينما في الطرح

Example 1

Add 53 CE To 8 C 7.A 2.

$$\begin{array}{r} \phantom{+} \phantom{1} \phantom{4} \phantom{1} \phantom{B.7} \phantom{0} \\ \phantom{+} \phantom{1} \phantom{4} \phantom{1} \phantom{B.7} \phantom{0} \\ + \phantom{1} \phantom{4} \phantom{1} \phantom{B.7} \phantom{0} \\ \hline 1 \ 4 \ 1 \ B.7 \ 0 \end{array}$$

explanation

$$E = 14 + 2 = 16$$

Since this is the base so the result is zero and one is carried over

$$C = 12 + A = 10$$

$$+ 1 \text{ carried} = 23 \text{ — the base } 16$$

$$= 7 \text{ and one is}$$

carried 1 and so on

فأما عندما نستعير واحد من الخانة السابقة  
فأما في الواقع نستعير الـ 16 قيمة الخاصة  
بالنتيجة ويضاف فعلاً الـ 16 إلى الرقم  
استعير

مثال ١ :

أجمع :

8 C 7 , A 2 و B 5 3 , CE

$$\begin{array}{r} +1 \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \\ \phantom{+} \phantom{1} \phantom{4} \phantom{1} \phantom{B} \phantom{.7} \phantom{0} \\ \phantom{+} \phantom{1} \phantom{4} \phantom{1} \phantom{B} \phantom{.7} \phantom{0} \\ + \phantom{1} \phantom{4} \phantom{1} \phantom{B} \phantom{.7} \phantom{0} \\ \hline 1 \phantom{4} \phantom{1} \phantom{B} \phantom{.7} \phantom{0} \end{array}$$

الشرح

$E = 14 + 2 = 16$  وحيث أن 16 هو  
الأساس و آخر رقم ممكن كتابته هو  
 $F = 15$  فإن النتيجة تكون صفر وهي  
بداية الأساس السعشري وواحد  
مرفوع إلى الخانة التالية ثم

$$1 + (10 = A) + (12 = C)$$

مرفوع من السابق = 23 يطرح الأساس  
16 = يبقى 7 وواحد مرفوع إلى الخانة  
التالية وهكذا

Example 2 :

subtract 8C7.A2 From B53.CE

$$\begin{array}{r} B \ 5 \ 3 . C \ E \\ 8 \ C \ 7 . A \ 2 \\ \hline 2 \ 8 \ C . 2 \ C \end{array}$$

Explanation :

- 1)  $E = 14 - 2 = 12$  which is C
- 2)  $C = 12 - (A = 10) = 2$
- 3)  $3 - 7$  can't be so we borrow one one from the value to the left which is  $16 + 3 = 19 - 7 = 12$  which is C
- 4)  $4 - C$  no way so again we borrow one from the value to the left which is B making it A, then  $16 + 4 = 20$  ( $- C = 12$ ) result is 8.
- 5)  $A - 8 = 2$ .

Final result 2 8 C.2 C.

مثال ٢ :

اطرح من

٨ C ٧ ر A ٢ القيمة B ٥ ٣ ر C E

$$\begin{array}{r} B \ ٥ \ ٣ , \ C \ E \\ ٨ \ C \ ٧ , \ A \ ٢ \\ \hline ٢ \ ٨ \ C , \ ٢ \ C \end{array}$$

الشرح

١)  $E = 14 - 2 = 12 = C$  النتيجة حرف C

٢)  $C = 12 - (A = 10) = 2$

٣)  $3 - 7$  لا يجوز فنستعير ١ من الخانة التالية به

٤)  $4 - C$  حرف  $12 = 7 - 19 = 3 + 16$  حرف C

٥)  $4 - C$  لا يجوز فنستعير ١ من الخانة التالية به  $20 = 4 + 16$

٦)  $12 = C$  الباقي A

٧)  $B$  أصبحت A بعد استعارة ١ منها

٨) وبالتالي  $2 = 8 - 10 = A$

النتيجة ٢٨ C ر ٢ C

### General Examples :

You should know by now that the fractional numbers have **negative** powers there for, they could be expressed as follows :

$$10^{(-2)} = 0.1 \quad 10^{(-2)} = 0.01 \quad 10^{(-3)} = 0.001$$

And so on....

And when converting to binary multiplication is used for the fractions since :

$$1 / 2 = 0.5$$

$$0.5 / 2 = 0.25$$

$$0.25 / 2 = 0.125$$

$$0.125 / 2 = 0.0625$$

And so on ...

### أمثله عامة :

قبل أن نعطي مزيداً من الأمثلة فإنه ينبغي لك أن تعرف مما شرحناه حتى الآن أن الأرقام الكسرية تكون أو يمكن تمثيلها بواسطة الأس السالب فمثلاً :

$$,01 = (2^{-})_{10} \quad ,1 = (1^{-})_{10} \\ ,001 = (3^{-})_{10} \quad \dots \text{ وهكذا .}$$

ولهذا فأتنا عندما نقوم بتحويل الكسور إلى النظام الثنائي فأتنا نستخدم الضرب في الأساس حيث أن :

$$,05 = 2 \div 1$$

$$,25 = 2 \div ,05 \quad \text{و}$$

$$,125 = 2 \div ,25 \quad \text{و}$$

$$,0625 = 2 \div ,125 \quad \text{و}$$

.... وهكذا...

Exampel 1 :

Convert  $(1011.011)_2$  To Decimal.

$$8 \ 4 \ 2 \ 1 \quad .5 \ .25 \ .125$$

$$\underline{1 \ 0 \ 1 \ 1 \quad 0 \ 1 \ 1}$$

$$8+0+2+1+0+.25+.125$$

$$= 11.375$$

Example 2 :

Convert  $(312.375)_{10}$

To Binary.

2	312	
2	156	0
2	78	0
2	39	0
2	19	1
2	9	1
2	4	1
2	2	0
2	1	0
	0	1

مسال ١ :

حول  $(1011,011)_2$  إلى عشرى

$$\begin{array}{r} 8 \ 4 \ 2 \ 1 \quad , \ 5 \ , \ 25 \ , \ 125 \\ \hline 1 \ 0 \ 1 \ 1 \quad , \ 0 \ 1 \ 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8+0+2+1 \quad +, 25+, 125 \\ \hline 11,375 = \end{array}$$

مسال ٢ :

حول  $(312,375)_{10}$  إلى النظام الثنا

	2	312
.	2	156
.	2	78
.	2	39
1	2	19
1	2	9
1	2	4
.	2	2
.	2	1
1	2	0

As mentioned before fractions are multiplied by the Binary base 2 until we reach the first zero after the point

$$\begin{array}{r} 0.376 \quad 0.750 \quad .5 \\ \times 2 \quad \times 2 \quad \times 2 \end{array}$$

---


$$0.750 \quad 1.500 \quad 1.00$$

Then the result is: .011

$$\text{Since } .5 \times 2 = 1.00$$

Final result for the conversion is :

100111000.011

Example 3 :

Convert 312.0625 to Octal.

$$\begin{array}{r} 39 \quad 4 \quad 0 \\ 8 \quad 312 \quad 8 \quad 39 \quad 8 \quad 4 \\ 312 \quad 32 \quad 0 \\ \hline 0 \quad 7 \quad 4 \end{array}$$

وكما ذكرنا سابقاً نستخدم انصرب لتحويل الأرقام العشرية أو الكسور وذلك حتى نصل إلى أول صفر للرقم العشري بعد العلامة أو الأساس كالتالي :

$$\begin{array}{r} .50 \quad .750 \quad .375 \\ \times 2 \quad \times 2 \quad \times 2 \end{array}$$

---


$$1.00 \quad 1.50 \quad .,750$$

فيكون الرقم هو .011  
وتكون الإجابة النهائية كالتالي :

$$100111000.011$$

مضال 3 :

حول (312,0625) إلى نظام ثماني

$$\begin{array}{r} . \quad 4 \quad 39 \\ 8 \quad 4 \quad 8 \quad 39 \quad 8 \quad 312 \\ . \quad 32 \quad 312 \\ \hline 4 \quad 7 \quad . \end{array}$$

For fractions we use multiplication

$$\begin{array}{r}
 .0625 \quad .500 \quad .00 \\
 8 \times \quad 8 \times \quad 8 \\
 \hline
 0.500 \quad 4.00 \quad .00
 \end{array}$$

Final result is 470.04

#### Example 4

Convert 316.0255 to hexadecimal.

$$\begin{array}{r}
 19 \quad 1 \quad 0 \\
 16 \overline{) 316} \quad 16 \overline{) 19} \quad 16 \overline{) 1} \\
 \underline{304} \quad \underline{16} \quad \underline{0} \\
 12 = C \quad 3 \quad 1
 \end{array}$$

$$(316)_{10} = (13C)_{16}$$

$$\begin{array}{r}
 .0255 \quad .408 \quad .528 \\
 \times 16 \quad 16 \quad 16 \\
 \hline
 0.408 \quad 6.528 \quad 8.448 \\
 \quad \quad .068
 \end{array}$$

$$\text{So } (316.0255)_{10} = (13C.068)_{16}$$

وباستخدام الضرب للكسر :

$$\begin{array}{r}
 ,000 \quad ,500 \quad ,0625 \\
 8 \times \quad 8 \times \quad 8 \\
 \hline
 ,000 \quad 4,000 \quad 0,500
 \end{array}$$

النتيجة النهائية 470.04

مثال 4 :

حول 316,0255 إلى نظام سداس عشر

$$\begin{array}{r}
 19 \quad 1 \quad 0 \\
 16 \overline{) 316} \quad 16 \overline{) 19} \quad 16 \overline{) 1} \\
 \underline{304} \quad \underline{16} \quad \underline{0} \\
 12 = C \\
 \text{والكسور :}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 ,0255 \quad ,408 \quad ,528 \\
 \times 16 \quad 16 \quad 16 \\
 \hline
 0,408 \quad 6,528 \quad 8,448 \\
 \quad \quad ,068
 \end{array}$$

وكتفى بهذا ليكون الرقم :

$${}_{16}(13C,068) = {}_{10}(316,0255)$$

وختاماً فأني اعتقد إننا إذا تمكنا من  
تصنيع الآلة التي تفهم النظم السابقة في  
التحويل الرقمي بحروف عربية فإننا

### Why conversion to Binary?

As any other Digital system :-

Many or almost all digital computer operate in a Binary manner, that is they alternate between two positions 1 and 0 for example a transistor in a computer may have or have not electricity.

A magnetic component may be magnetized in one direction or in the completely opposite direction, so the computer transistors therefore, could be made to operate like high-speed switches, the off state of such switch could be represented by the figure "0" and on state could be represented by the figure "1" .

All other figures in our normal decimal system could be assigned to a number of switches thus controlling the rules of arithmetic and logic combination of figures or switches

نصل إلى الأمل المرجو في كمبيوتر عرف  
وستكون تلك الخطوة قفزة على الطريق .

٥ - ٨ - ٣

لماذا نستخدم التحويل من نظامنا  
العشري إلى النظام الثنائي أو أى أنظمة  
أخرى ؟

كل أو معظم أجهزة الكمبيوتر الرقمية  
تستخدم النظام الرقمي من حيث تمثيل  
حالتين لمرور التيار الكهربائي ولا يمكن  
تمثيل أكثر من حالتين ... حيث مرور تيار  
أو عدم مرور تيار كهربائي .

وفي حالات الأقراص المغنطة أو  
استعمال المغناطيسية لتسجيل البيانات فإن  
المغطة أما أن تكون في اتجاه ما أو في  
الاتجاه المعاكس له حسب حالة مرور  
التيار أيضاً في اتجاه معين أو في الاتجاه  
المعاكس .

وعلى هذا فإننا باستخدام وحدات  
الترانزستور في صناعة الكمبيوتر نستطيع  
أن نجعله من خلال المفاتيح أن يعمل  
بسرعة فائقة لمجموعة حالات مرور التيار  
من عدمه .

فمثلاً نستطيع أن نجعل مفتاح يمثل  
مرور التيار ويمثله رقم ١ . ومفتاح آخر

and also symbols like +, -, /, etc through a self directive capability in order to process or manipulate data arithmetically and logically. Therefore in some cases the computer could be called a "data processor"

يمثل عنده مرور التيار ويمثله رقم صفر . وكذلك فأنا طبقاً للنظام الثنائي كما رأينا نستطيع تخصيص تراكيب معينة من هذه المفاتيح لتعمل أوتوماتيكياً عن طريق الضغط على المفاتيح المناسبة لتمثيل جميع الحروف والأرقام والرموز المستخدمة للتحكم في البيانات حسب القواعد الحسابية المنطقية السليمة ، ونعني بالرموز علامات : + ، - ، ÷ ، × ، ... إلخ .

وهذا الشكل فإن الكمبيوتر يتحكم في تشغيل البيانات طبقاً للقواعد المنطقية والحسابية مما يجعلنا قادرين أن نطلق عليه في بعض الحالات أسم « مُشغِل بيانات آلي » .

3-8-6

٣ - ٨ - ٦

Yet a very important question arises and that is...

وبعد .. فإن سؤالاً هاماً يطرح نفسه هنا وهو .

Why we use the computer and computer systems?

لماذا نستخدم كمبيوتر ؟

The answer for this question would be in our next chapter.

ولماذا نستخدم النظم المتعلقة به ؟

وهذا السؤال بالتحديد سنجيب عليه في الفصل التالي .