

نموذجات من المنطق الرياضي عند العرب

للكتور احمد مكيان
عضو الجمعية

أُتدّم في هذه الصفحات ، للرياضيين المهتمين بدراسة الفكر الرياضي
الاسلامي ، نساءً محققاً ، لرسالتين في المنطق الرياضي ، لقبائهما في
المجموعة: عربي - ٢٤٥٧ ، في المكتبة الاسلامية في باريس .

اولاهما عنوانها : **في المقايير المنطقية والنصم** ، وهي الرسالة الاربعون في
المجموعة ، وتقع في الصفحات ١٩٩ نذ الى ٢٠٣ نذ ، وهؤلها يوحنا بن
يوسف بن الحارث بن البطريق ، المعروف بيوحنا القس .

ولا تذكر المصادر العربية عن يوحنا هذا سوى أنه كان يقوم بشرح
كتاب اقليدس ، وأنه نقل عن اليونانية .

وقد وصلت الينا رسالة في الهندسة ، من ترجمته ، وهو ينسبها الى
ارخميدس ، ويبدو أن البيروني يرجح أنها لسارينوس الشيباني . وقد
قدمناها للنشر في مجلة معهد المخطوطات في الكويت .

وصاحب الفهرست يترك فراغا امام تاريخ وفياة يوحنا القس ،
الا أن يوحنا نفسه يذكر أنه وضع رسالة لسيف الدولة « ايده الله » ،
فيكون قد عاش في ايسام سيف الدولة ، اي في القرن الرابع الهجري .

والرسالة الثانية التي نقدمها هنا عنوانها : **القول في ان كل ماصل فاقه**
ينقسم الى اشياء تنقسم ذاتها بقير نهاية . وهي الرسالة ٢١ في مجموعة
باريس المذكورة ، وتقع في الصفحات ١٨٧ الى ١٨٨ او . ولا يذكر اسم

مؤلفها ، وهي تقع بين رسالة للماهاني ورسالة لثابت بن قرة . ومن مقارنة أسلوبها بأسلوب رسالة الماهاني نجزم بأنها ليست له ، ومن الجدير بالذكر ان رسائل مجموعة باريس ، فيها ، او نقلها الى العربية ، رياضيون من القرنين الثالث والرابع الهجريين (التاسع والعاشر الميلاديين) .

والرسالة الاولى لا تتحدث عن شرح القواعد المتعلقة بالمقادير المنطقية والصم ، ولكنها تتكلم عن منطق اقليدس بصدده هذه المقادير ، وما أتت حوله من اعتراض . ويبدو انها كتبت رداً على اعتراض لفيلسوف العرب : يعقوب بن اسحق الكندي ، على الرياضيين : أولاً لقولهم ان القطع الزائد يقارب خطين مستقيمين ولا يلاقيهما ، وفي ظنه ان كل خطين يتقاربان يلتقيان . وثانياً لانهم يقولون بملكانية تنصيف الخطوط وفي ثلثه ان الخط اذا كان يتكون من عدد فردي من النقاط فإنه لا ينقسم ان تنصيفه يقتضي تنصيف نقطة الوسط .

ويبدو ان هذا الاعتراض بلاذات هو الدافع لكتابة الرسالة الثانية . وهي رسالة مارينة وهامة ينحو كتابها منحى شبه حديث اذ يبدأ بوضوح مصطلحات خاصة يحددها ، ثم يمضي في شرح فكرة الاتصال بلغة لا ينقصها أسلوب رمزية العصر الحاضر لنقول ان ذلك قد لم يات بجديد .

وفي الرسالتين امور اخرى تسترعي انتباهنا . منها ادب الرجلين في ابطال آراء الكندي ، دون تجريح ، على خلاف ما يجري في هذه الايام . فهو منا يشير اليه اولاً بأنه ناضل يشرح كتب ارسطو ، ثم يذكره بكتيبته الكندي . ومصاحب الرسالة الثانية يشير الى الرأي الذي هو تيد البحث ، ويستنكره دون اي اشارة الى صاحبه . هذا مع ان الرجلين قد يكونان كتابا رسالتهما بعد قرابة قرن من وفاة الكندي ، حوالي ٢٦٠ هـ .

وتكشف لنا الرسالتان جالبا من عقلية الكندي النقادة ، فهو مؤان
أخطأ فيهم الفكرة الرياضية ، في كلا الاعتراضين يبدو أنه ذو أسالة في
تفكيره ، لا يسلم بسهولة .

ومثل هذا الأمر دغاه الى الاعتراض على اللغويين إذ قال انهم يتشرون
من الحشو في كلامهم ، فأن قولهم : أن زيدا لقائمٌ مثل قولهم زيدا قائمٌ
فاجابه اللغويون بقولهم : « زيد قائمٌ » جملة خبرية عادية . اما « أن زيدا
قائمٌ » فتؤكد قيام زيد لمن بدا عنده شك فيه . وأما « أن زيدا لقائمٌ » فتؤكد
قيام زيد لمن انكر قيامه

والكندي على كل حال لم يكن ضعيفا في اللغة ولا في المنطق الرياضي ،
كما تشهد كتبه التي وصلت الينا . ولا نعرف ماأخذاً رياضياً عليه سوى
أنه حسب ، كما حسب كل الرياضيين حتى عصر نيوتن ، ان حساب المساحة
قسمة السفر على صفر هو صفر . وهذا خطأ لا ينبغي ان نقدر ونسهر
محاسبته عليه بأكثر من قسوة يوحنا القنس في محاسبته على فكرة الخطيئة
المتقاربيين .

ومهما يكن من أمر ففي ظني ان الرسالتين اللتين أهدتهما هنا تصفحاً من
اهتمام رجال المنطق الرياضي وقد حققتُ النفس على طريقتي في تبينه
أثقاله بالحواشي والشروح ، بتصحيح الأخطاء التي تبدو سهواً من الناشر
دون إشارة اليها . وما أضيفه من عندي أضفه بين الحاسرتين []
وما اراه حشوا أضفه بين الحاسرتين ()

والله ولي التوفيق

د. أحمد سميان

عضو مجمع اللغة العربية الاردني

الرسالة ٤٠ من المجموعة : عربي ٢٤٥٧ ، باريس

[١٦٦ ظ]

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ
مقالة یوحنا بن یوسف بن الحارث
في المقاییر المنطقية والصم

قال : لما كان لكل صناعة مبادئ مسلّمة وأصول ، يرجع في صحتها إلى الفلاسفة ، الأول ، الذي هو الباحث عن الاوائل — ولست ارید هاهنا مدعى « الاوائل » : الاشياء التي تجري مجرى الاصول التي يقع الاتفاق عليها ، وهي الاشياء التي هي مبادئ عقلية ، فإن ما جرى امره هذا المجري لا يحتاج إلى برهان ، اذ هو مبدأ وأصل للبراهين — وكان هذا الفيلسوف ، هو الناظر والمؤمن لها حق التوفيق والبحث عنها . فعلى هذا القياس يجب ان يكون لصناعة الهندسة مبادئ وأصول ليس من شأن المهندس ان يطالب بصحتها والبرهان عليها . من ذلك انه يتسلّم وجود دائرة منحويحة الاستدارة ، بما حدّد به اقليدس الدائرة ، فأنه قال ان الدائرة شكل يحيط به خط واحد ، في داخله نقطة ، كل الخطوط المستقيمة التي تخرج منها وتنتهي إلى ذلك الخط مسار بعضها لبعض . فقد أوجب بما ذكره من تساوي جميع الخطوط التي تخرج من المركز إلى الخط المحيط ان تكون الاستدارة صحيحة ، لا يشوبها شيء من الزلل . واكثر ما يمكن المهندس ان يبرهن هذا القول ويأتي فيه بقول مقنع : بأن يقول : أنا او توهمنا خطأً مستقيماً ، فقد اثبتت احدي نهايتيه ، وادير في سطح واحد مسطوح إلى ان ينتهي إلى الموضع الذي منه ابتدء بالحركة ، فأنه

كان سيحدث من حركته شكل يحيط به خط واحد ، وهو الساعات ، من انتقال النقطة ، بانتقال الخط ، اذ كانت نهايته ، فتلزها النقطة بانتقالها من نهاية له ، ولما كان الخط في جميع حركته غير متغير في مقداره ، ازم الهندسة العلة ان تكون الابعاد التي من النقطة الثابتة الى الخط المحيط ، كلها متساوية اي متساوية ، لايزيد بعضها على بعض ولا يتوهمها [٢٠٠] و [اختلافات] .
 فهذا القول ، وان كان ظاهره مقنعا ، ففيه اشياء قد تسلّمت : منها ان النقطة تخرج منها خطوط كثيرة ، وانه لا جهة لها ، وان النقطة قد يقال فيها أنها ثابتة ، والشيء الثابت انما يثبت في المكان ، اذ كان الثابت نفسه النقطة ، والبقية في المكان ، فينبغي ان يكون الثابت انما يفهم من شأنه انه غير منتقل عن مكانه ، والذي يحيط به المكان فهو جسم . فطلى عسفا القول تصير النقطة جسما ، وذلك غير ممكن .

وايضا قد يقال : الخط باسره متصل ، فطلى اي سبيل يكون ، ليت شمري ، طرفه ساكنا وهو بأسره متحول ؟ فهل الطرف جزء منه ، او ليس بجزء ؟ فان كان جزءاً لزمه النقطة ، بانتقال الكل ، وان كان ليس بجزء منه فقد يمكن ان يفارقه في وقت من الاوقات . او ليس هو متسلا بسره ، ولا هو جزء منه .

فهذه المطالب والمباحث ليس من شأن المهندس النظر فيها ، او ليست من صناعته . فهو يأخذ أمر الدائرة ووجودها مسلماً .

وما يتسلّم المهندس ايضاً ان جميع النقط بينها بمسافة ، وان النقطة الواحدة يخرج منها خطوط لا نهاية لكثرتها بالقوة ، فينبغي امره على هذه الاصول الموطاة له .

فاذا حصل هذه المبادئ ، وجعلها أصولاً له ، بنى عليها ان كل خط مستقيم يمكن فيه القسمة الى ما لانهاية له ، بشرط ، وانه ليس ، كما

ظن بعض الناس انه مركب من فـقطا ، فينتج له من الاصول التي وطلما
عدم الجزء .

وانه ايثار تمجبي من واضح تفسير المقالة العاشرة لأقليدس ، فقد
يقال انه ابلوريوس ، ولم يصح ، لانه وقع الى يوناني عليه موقع لسلبانوس
ثيواوس ، اذ يقول ان الشكل الاول من العاشرة قد تبين به عدم تناهي
تسمية المقادير . واطن ان من الناس من قال بأن عدم التناهي في قسمة
المقادير قد تبين في المقالة الثانية من ابلونوريوس ، في خواص قطوع
المخروط ، فأثمه هناك يقول ابلونوريوس : ان الخطين اللذين يسميان بالخطين
الغمر والقصين على القطع الزائد [٢٠٠ ظ] اذا اخرجنا من القطع اخرجنا ،
الى ما لا نهاية له ، لم يلق كل واحد منهما القطع الزائد ، وانهما يقربان
من القطع دائما ، ولا يتقيانه . فيكون خطان يقرب احدهما من الآخر ، دائماً .
ولا يتقيان .

وقد نحتاج الى هذا المعنى في الاحتراس من الخطا الواقع على بعض
الناس في حدة الخطوط المتوازية بانها هي التي تكون الابعاد التي بينهما
متساوية وفي عكسه لهذا القول بان الخطوط التي ليست الابعاد التي بينها
متساوية فهي تلتقي . وكان في ظنه ان هذا القول ، من غير شرط
يزاد فيه ، يكون صادقا . وهذا الرجل ، فهو رجل جليل ، من معسري
كبار ارسطوطاليس .

وينبغي ان نعلم اننا متى لم نزد في قولنا بان الخطين يكونان متساويين
وكان توانا مطابقاً بان الخطوط التي الابعاد التي بينها غير متساوية تلتقي
يكون هذا القول خطأ ، بل محالاً ، كما بينه ابلونوريوس ، ولا يصح الا بعد
اشتراط في الخطين : ان يقال ان الخطين المستقيمين اللذين يقرب احدهما
من الآخر فأثما يتقيان لا محالة . ولا يطلق القول في كل خطين .

وقد شرحتُ هذه المعاني ولخصتها، بحسب ما يحتاج إليه في المقالة
الخطين المستقيمين الخارجين من طرفي خط مستقيم على اقل من زاويتين
مائلتين ، متى كانت الثلاثة خطوط في سطح واحد ، في مقالة عماتها المرفوعة
الدولة ، أيده الله .

وانا اقول ان عدم التناهي في المقادير قد تبين في التسلسل المعاصر من
المقالة الاولى من كتاب اقليدس في الاصول ، على تسلم الاسول المشهور
الا ترى لو نازعنا منازع في وجود الدائرة لبطل علينا عمل مثلث متساوي
الساقين على خط مستقيم، وكان يبطلانه تبطل قسمة الزاوية المستقيمة
الخطين [٢٠١ او] بنصفين ، غير عمل اقليدس ، اعني استعمال اقل
المثلث المتساوي الساقين على خط مستقيم معلوم، في قسمة بنصفين .

وانا اقول انه ليس يمكن ان يأتي انسان بمبادئ لهذه الصناعة ، غير
المبادئ والاولى التي اتى بها اقليدس . اعني انه عمل اولاً مثلثاً متساوي
الاضلاع على خط مستقيم ، وترقى منه الى قسمة الزاوية المستقيمة
الخطين ، بنصفين ، الى قسمة الخط المستقيم بنصفين ، وتدرج من ذلك
الى سائر اعماله . وما كان يمكنه ان يأتي بشيء من سائر تلك الاعمال
دون قسمة الخط المستقيم بنصفين اولاً ، فانسطر الى ان قدم اولاً قسمة
الزاوية المستقيمة الخطين ، بنصفين ،

وينبغي ان يعلم انه قد تستوي قسمة الزاوية المستقيمة الخطين بنصفين
من غير استعمالنا الشكل الثامن : بأن نستعمل المقدمة الثانية من الخامس
مقدمات التي وقع الاقرار بها ، ثم نستعمل الاول ، ثم الخامس ثم الرابع .

وانظن اقليدس لا يستعمل الطريق الذي اتى به ليفيد ايضاً مكسب
الشكل الرابع بالقرب . وكان من الصواب ان لا يؤخره ، اذ كان هذا المذهب

اليق بطريق التحليل . فاضطر ، لهذه القطعة ، الى ان اورد السابع .
والا فقد كان يمكن ان ياتى اولا بالشكل الرابع ،
فربما اولا ، ثم الخامس ، ويجعله ثانيا ، ويستعمل فيه المعنى الثاني
من الامانى التي وقع الاقرار بها ، ثم ياتى بقسمة الزاوية المستقيمة
الخطين بنصفين ، وبعد ذلك ياتي بقسمة الخط المستقيم بنصفين ، فيكون
هو الشكل الرابع .

فلما عدم التناهي في القسمة ، انما يصح للمهندس ، على حسب
اصوله الموطاة المسماة له ، اذ كان ما ظهره الى وقتنا لاحد من المهندسين ،
قسمة الخط بنصفين ، من غير استعمال هذه الاوائل ، كان من الواجب
الاطالب المهندس بالبرهان على عدم الجزء .

ومما يزداد عجبي منه : امر الكندي ، مع فضله : عمل مقالة في عدم الجزء .
قد اخذ في ان يبين عدمه ، بتسام هذه الاصول . الله المستعان ! اذا
تسام اذا هذه الاصول ، ما حاجتنا الى غير ما ذكره اقليدس ، من قسمة الخط
المستقيم بنصفين ، في صحة عدم الجزء !

فاما كانت المقادير تمر الى ما لانهاية له ، بالقوة (٢٠١ ظ) في القسمة ،
بمقادير من جنسها ، اعني : الخط ينقسم دائما ، الى ما لانهاية له ، بالقوة
بخطوطه ، والسطح ينقسم الى ما لانهاية له ، ايضا بالقوة ، بسطوح . والجسيم
ينقسم الى ما لانهاية له ، من طريق الامكان والقوة ، الى اجسام ، لم يكن
سبيلها كسبيل الأعداد ، اذ كان للأعداد شيء يقدرها كلها ، وتكال به ،
وهو الواحد . والمقادير ايسست كذلك . اعني ان ليس لها شيء
واحد ، يقدرها كلها ، وتمسح به :
لانه ان قال ، ان للمقادير شيئا واحداً يمسحها ويقدرها ، ويجب ان يكون
ذلك الشيء هو اقل القابل منها ، ولا يمكن ان يكون اقل منه . ولهذا نقض

الاسل . فاللهندس لما قابل أمر المقادير ، فوجدتها ، على حسب أسوأها ، يلزمها ان لا يكون لها شيء تمسح به ، هو اقل القليل منها ، يسطرها في حيز غير حيز الأعداد ، فكانت الأعداد كلها في حيز الاشتراك ، والمقادير كلها في حيز عدم الاشتراك . فلما تصفح أمر جزئيات المقادير ، وجدتها ماله اشتراك ومنها ما لا اشتراك فيه ، فما كان منها مشتركاً ، قال ان نسبة بعضها الى بعض ، كنسبة عدد الى عدد ، وما كان لا اشتراك فيها ، ما كان متباينة ، وهي الصم .

فالتباين اذن انما وقع في المقادير ، على هذه البهجة ، اعني لعدم وجود مقدار هو اصغر المقادير ، وانه لا يمكن ان يوجد مقدار منزلته بين سائر المقادير كسبيل الواحد في الأعداد .

فعلى هذا القياس ، متى فرض لنا مقدار من المقادير ، نقول فيه نسبة كذا وكذا ذراع ، او قدم ، او شهر ، اي لنفلا لمسامته ، ثم اضيف قدره الى قدر آخر من جنسه ، فلم يكن قدره ، اذا اضيف اليه ، انه مثله ، او جزء او اجزاء ، او اضعافه ، او هو اضعافه وجزء ، او اضعافه وجزء . او هو مثله وجزء او مثله وجزء ، فان هذه هي المسئلة . وكل عددين يضاف قدر احدهما الى نظيره ، فان ام تكن واحدة من هذه الاضافات ، اي النسب ، لذينك المتداريين ، قيل حينئذ ان ذلك الاشتراك الاخر يكون أصم ؛ وكانا متباينين ، لعدم الاشتراك فيهما .

فقد سار المنطق انما هو بان يقال في المقدار انه كذا وكذا يسديها ، اعني بأعداد يكون الواحد منها محصلاً له الى الواحد نسبة عددية .

وينبغي [٢٠٢] ان يعلم ان سبيل المقدار المبتدا به ، اي الذي يفرق اولاً ، ويقال انه منطوق ، منزلته ، من سائر المقادير التي من جنسه ، المنطقة منها ، كسبيل الواحد من الأعداد .

وأما المقدار الواحد الذي لا يضاف قدره الى قدر آخر من جنسه ، معلوم المساحة ، أي يلفظ بمساحته ، فيقال فيها : كذا وكذا ذراعاً ، أو شهر مثلاً ، أو يفرض مقدار كذا وكذا من العدد ، فلا يقال عنه أنه يكون منطقاً أو هو اسم .

فعلى هذه الجهة يجب أن نتصيح أمر المقادير ، ولا نطلق القول فيه بالتخريف ، كأن يقال أن مقدار كذا يكون منطقاً ، أو هو اسم . وقد تبين أن عدم النطق في المقادير إنما سببه التباين ، وعدم الاشتراك .

وأيضاً عكس هذا القول بحق ، أي أنه ليس جميع المشتركة تكون منطقة ، وذلك لأننا قد نجد مقادير صُمَّ تشترك مثل جذر عشرة ، عند جذر اثنين ونصف ، ومثل جذر خمسة عشر عند جذر واحد وثلاثين : فان جذر واحد وثلاثين هو ثلث جذر خمسة عشر .

ألا ترى أننا لو فرضنا سطحاً يحيط به خطان ، وأنزلنا ان أحد الخطين ثلاثة ، والآخر ستة ، لكان تكسير ذلك السطح ثمانية عشر . ثم اننا لو فرضنا اننا نأخذ ذلك السطح لكان ضلع ذلك المربع جذر ثمانية عشر . وأيضا اننا عدد من الأعداد يضرب في مثله ، فيكون ثمانية عشر . فإنَّ أدعى مدَّعٍ فقال : قد يكون لثمانية عشر جذر ، هو عدد معه كسر من الواحد ، هو جزء أو اجزاء ، قائنا في جواب ذلك : ان كل عدد معه جزء أو اجزاء من الواحد ، يضرب في مثله ، فإنَّ الكائن يكون عدداً معه كسر من الواحد . وقد تبين ذلك بالبرهان ، فقد صار الخط الذي هو ضلع مربع ، تكسيروه ثمانية عشر ، عدداً معه كسر من واحد من تلك المقادير التي بها اضلاع ذلك السطح منطقة . ليس هو جزء ، ولا اجزاعه منه ، وليس يوجد في العدد كسر من واحد ، ليس هو جزءاً ولا اجزاء منه . وقد صار هذا الخط غير منطبق ، لما قسمناه الى خطين عددهما بمقدار واحد ، أي قسم باقسام عددهما كذا وكذا .

وقد يمكن ان نقيسه الى خط آخر فيكون [٢ : ١] منطوقاً ، الى ذلك الخط بعينه ، بان نجعل الاقسام التي كانت مثلا ، ثلاثة : اربعة ، ونجعل اقسام الخط الآخر التي كانت ستة : ستة عشر ، فيكون حينئذ الخط الذي كان جذر ثمانية عشر : جذر اربعة وستين ، فيكون منطوقاً ، بذلك الاقسام . فقد صار منطوقاً .

وليس ينبغي ان نتشكك في هذا الموضع ، فنقول : انا متى برهنا على خط كذا انه منطوق ، فان غيرنا قد يمكن ان يبرهن عليه انه اسم ، فيكون خط واحد ، بعينه ، منطوقاً وغير منطوق . وذلك غير ممكن . فيحصل بهذا الشك بان يقال : ان الطريق الذي [به] برهنا عليه انه منطوق ، ثلاثيات صح لاننا اضفناه الى خط كذا ، وصار غير منطوق لما اضفناه الى خط آخر او الى ذلك الخط بعينه ، الا انا غيرنا اقسام ذلك الخط ، كانه مثلا كسبان اولاً خمسة اقسام ، وفي الدفعة الثانية عشرة اقسام . فقد يخلط بهذا المعنى قوم كثير . فالخط كان لم يضاف الى غيره ، ويسمى به مقدار مساو ، او يحصل له مقدار مفروض ، فيقال : هو كذا وكذا ، لا يقال فيه انه منطوق او اسم .

فقد صح مما قلنا ان المنطق انما هو على حسب قياسه الى خط آخر متى اتفق ان تكون نسبتها نسبة عددية ، بعد ان يكون احدهما قد فرض من قبيل فيه : انه عشرة مثلاً ، وتكون تلك العشرة معلومة المقدار ، لا مجهولة ، اي يوجد في الأعداد مثلها . وذلك انه قد يمكننا ان نقسم جذر مسطح تكثيره عشرة ، بعشرة اقسام ، فتلك العشرة مجهولة لا يوجد مثلها في الأعداد ، اي واحد منها ، ليس له نسبة الى الواحد الذي هو مبدأ الأعداد . ويتضح ايضا ما قلنا بهذا المعنى : قد تبين ان ضلع المربع غير مشترك للقطر ، بطرق احدها هذا ، وهو اقصرها واقرب ما هناك . فيكتبه في كتابه فسي البرهان :

لما كان مربع القطر ضعف مربع الضلع ، ولم يكن في الاعداد المربعة ما يمكن فيه اذا ضعف ان يكون لضعفه جذر . الا انه ان قال قائل : ان ذلك ممكن ، ازم قوله ان يكون بين الاثني والواحد عدد ، وذلك محال فلما لم يوجد ، في الاعداد المربعة ما اذا ضعف كان لضعفه جذر ، وجيب لهذا السبب [٢٠٣ او] ان لا تكون نسبة القطر الى الضلع ، كنسبة عدد الى عدد ، محصلا ، في عدم الاشتراك في الطول . فان فرض احدهما باعداد ما ، اي قيل فيه : انه خمسة مثلا ، لم يكن الآخر منطوقا بتلك الاقسام او ليست نسبة احدهما الى الآخر كنسبة عددية . وكان الآخر لا يوجد له عدد بتلك المقادير ، او لا يعده واحد من تلك المقادير التي فرضنا انها تسمح بالآخر . فان غيرت تلك المقادير الى مقادير اخر ، جاز ان يكون الذي كان غير منطوق منسب في الاول في الدفعة الاولى ، منطوقا في الطول في الدفعة الثانية . فقد صار المنطق والاصم انما يوجد في المقادير على حسب ما يفرض . فيلزم منه ان يوجد مثله ، على نسبة عددية ، او لا يوجد .

ويؤمى ان يشترط ايضا في هذا المعنى فيقال ، بعد ان يكون المفروض بافظ بما فيه ، بالقواس الى الواحد ، والى الذراع مثلا . لانا متى لم نشترط هذه الشريطة ، ازم ان تكون جميع المقادير المشتركة منطقة وليست كذلك لانا قد نجد مقدارين ، نسبة احدهما الى الآخر كنسبة عدد الى عدد ، وكل واحد منهما اصم . وذلك انا لو قسمنا جذر عشرة بعشرين قسما مثلا ثم اخذنا ثمانية اقسام من هذه الاقسام ، كانت نسبة احد القسمين الى الآخر كنسبة ثمانية الى عشرين ، وكل واحد منهما غير منطوق .

فالمنطق والاصم انما هو بحسب ما يلزم المقادير من الاحوال النسبية . والاحوال العددية في الجذور وعدم الجذور او وجود النسب التي يوجد مثلها في

الاعداد ، او اعدامها . الا ترى لو قيل لنا : دائرة قطرها عشرة اذرع ، كم ضلع الخمس المعمول فيها ؟ لما كان لنا سبيل الى ان نلفظ بقدره ، بقياسه الى اقسام القطر ، لانه ليس يوجد في الاعداد تلك النسبة . وان كان قد يوجد في الصم نسبة عددية ، الا انها ليس تصير منطقة من اجل ذلك لان الواحد فيها مقداره غير محصل لان ليست نسبته الى الواحد الذي منه تتركب الاعداد ، نسبة جزء او اجزاء .

ولو بدل السؤال فقيل : فرضنا ضلع الخمس للدائرة المعمولة [٢.٣ نظ] عشرة اذرع ، مثلا بغير الذراع الاول الذي كان به الضلع معلوما ، كم قطرها ؟ لما كان سبيل الى ان نقول ان قطرها تكسون مساحته ، بناسك الاذرع الثابتة : كذا وكذا . فقد تبين وظهر ، بحسب ما يارتق بهذا الموضوع ما معنى قول المهندس في المقادير : انها منطقة او صم .

وقد كنت احب ان يتسع لي الزمان فاحضر في هذا الجانب محامي دقيقة لطيفة تليق بلطيف فهم الامير السيد ، امل الله بقاءه . واكن حين الزمان علي عاق عن استيفاء جميع ما يحتاج اليه في هذا المصنوع . نفسياسا دونه في هذا الوقت مقنع ، الى ان يسهل الله لي الفراغ ، فاسارع الى ما اسعد به من امر الامير السيد ادام الله تاييده .

تمت والحمد لله بما استحقه

عورض باصل يوحنا بن يوسف وسنحج . والله الحمد والمنة .

القول في ان كل متصل فانه ينقسم الى اشياء تنقسم دائما بغير نهاية .

الاشياء المتتالية ، هي التي لا يوجد فيما بينها شيء ، مما يدخل في نوعها ، وذلك انه ليس مانع يمنع من ان يكون فيما بين المتتالية شيء آخر . فلو ان نوعها فلا يمكن ان يوجد . مثال ذلك ان البيوت يقال فيها انها متتالية اذا لم يكن فيما بينها بيت . ويقال في الخطوط انها متتالية ، اذا لم يكن فيما بينها خط . وينزل [شيئا] شيء ثان ابدأ وبعد شيء غيره .

والاشياء المتصلة هي التي نهاياتها متلاقية . واعنى بالمتلاقية هاهنا ، ما ليس فيما بين نهاياتها شيء اصلا ، من نوعها ، ولا من غير نوعها .

والاشياء المتصلة هي التي او اخرها واحدة .

والاشياء المتتالية قد امتنعا من حيث تماسسا ، ان يماسهما ، او احدهما ، منسبه شيء ذلك ، ما داما يمتاسين .

اذا كان ثلاثة اجزاء ، وكان الاول يماس الثاني ، والثاني يماس الثالث ، وام يماس الاول الثالث ، فأن الثاني محتمل الانقسام : بيان ذلك ان الثاني لقي الاول بجهة غير الجهة التي لقي بها الثالث . واذا كان ذلك كذلك فيمكن تفريق ما بين الجهتين ، بالانقسام ، في الفكر ، ان فات الحس .

وان ماس الاول الثاني والثاني الاول : هذا كله ، لهذا كله ، ولم تكن لواحد منهما جهة خالية ، غير مماسية احدهما الآخر ، فليس يمكن ان يماس الثالث ، لا الاول ، ولا الثاني :

بيان ذلك انه ان ماس الثاني الثالث ، فليس يخلو من ان يكون تماسسه بوجه او بجهة من جهاته ، ان كان ذا جهات . فأن ماسه بجهة من جهاته ، فقد لقي الثالث من الثاني ، ما لقي الاول من الثاني ، وما لقي الاول من الثالث

هو ما لقي الاول من الثاني . والثلاث الجهات متساوية . فبما شغل [177] الاول والثالث من الثاني ، بجهتين متساويتين : جهة واحدة من الثالث مساوية لاحدهما ، لم يفصلا عنه . هذا خلف ، لا يمكن .

وان لقي الثالث الثاني ، كله بـكـه ، وكل الثاني مشغول بثل الاول ، فان القول في تخليف هذا القول ، كالقول في الجهة الواحدة لان الثاني قد لقي بـكـه ، كل الاول ، وكل الثالث ، ولم يفصلا . وقد شغل الثالث من الثاني ما شغله الاول من الثاني . هذا خلف .

شيئان غير متجزئين ، لا يتماسان ، فان لم يكن ذلك غليتماساً ا ، ب $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ والاشياء المتماصة هي التي نهاياتها متلاقية . فنهايتسا ا ، ب متلاقيتان . والا يشاء ذوات النهاية متجزئة . فاذن ا، ب متجزئان . وقد كانا فرضاً غير متجزئين . هذا خلف . فاذن ليس ا ، ب متماسين .

شيئان غير متجزئين ، لا يمكن ان يكون منهما شيء واحد متصل . فان لم يكن ذلك ، فليكن من ا ومن ب شيء واحد متصل ، والاشياء المتصلة هي اولا متماسة ، لانه لا يكون شيء متصل من اشياء لا يمكن ان تكون متماسة فاذن ا، ب الغير متجزئين متماسان . وقد تبين ان شيئين غير متجزئين لا يتماسان . هذا خلف .

شيئان غير متجزئين لا بد من ان يكون بينهما شيء متصل . مثال ذلك ان نفرض ا، ب غير متجزئين . فاقول ان بينهما شيئاً متصلاً . برهان ذلك انه اذا لم يكن بينهما شيء متصل ، يكون ا، ب متماسين . وقد بينا ان الاشياء الغير متجزئة لا يمكن ان تكون متماسة . فاذن بين ا، ب شيء متصل . شيئان غير متجزئين لا يمكن ان يكونا متتالين . مثال ذلك ان نفرض شيئين غير متجزئين ، وهما ا، ب ، فاقول ان ا، ب ليسا متتالين . برهان ذلك ان قد تبين ان كل شيئين غير متجزئين ، فلا بد من ان يكون بينهما شيء

ولايضا ان كان العظم من الاشياء لا تنقسم ، فقد يمكن ان يكون الخط
اطول من خط بنقطة ، وان كان هذا مستكراً فقد تنقسم النقطة بنصفين . وذلك
انه اذا كان كل خط فهو ينقسم بنصفين كما تبين في المقالة الاولى من كتاب
اقليدس . فالخط الذي هو الطول بنقطة ، او اقل من نقطة ،
ينقسم ايضاً بنصفين ، فمثلاً انقسم
الاطول بنصفين . فان النقطة ايضاً تنقسم بنصفين . وبالجملة اذا تقاطع
الخط مركباً من نقط عددها فرداً ، تم قسم بنصفين ، فان النقطة تنقسم
بنصفين . وقد يمكن ان تكون دائرة مركبة من نقط عددها فرد . واذا وجدت
هذه لم يمكن ان تنقسم بنصفين ، فيبطل ان يكون القطر يقسم الدائرة
بنصفين .

وما كان من هذا النوع لا يمكن ان يكون له نصف ولا ربع ولا ثمن ،
وبالجملة لا ينقسم بانقسام متساوية عددها زوج البتة . واذا كان هذا
هكذا ، فكيف استعمل الناس على قسمة الاشياء على قدر ما ارادوا وكيف
استعمل الحُصَب القسمة ، فيما يحسبون ، الى غير نهاية ؟ وماي شمره
ليت شمري ، يتزيف قول اقليدس ان الخط ينقسم بنصفين وماي الاقسام
اراد الذي يقسم .

ونقول ايضاً : اذا كانت ستة اجزاء وامكن ان يتركب من كل ثلاثة منها
مثلث ، ومن المثلثين جرم ، بنصيب احدهما على الآخر ، فله يمكن ان يتركب
من اربعة منها جرم مخروط .

بيان ذلك : انا اذا عملنا مثلثاً وجعلنا الجزء الرابع وسطاً بين زوايا
المثلث الثلاث ، فيكون علوه على المثلث كطول السطح اذا ركب على السطح
اذا تركب من اربعة اجزاء مخروط فان اجزاء المثلث الثلاثة تتجزأ .

برهان ذلك اننا اذا توهمنا جزءاً موضوعاً على السطح ذي الثلاثة
 الاجزاء ، فانه يماسُّ بعض الاجزاء الثلاثة ، من حيث تماسَّت . وقد فصل
 من جميع الاجزاء الثلاثة عنه فضلات ، بتوهم التفريق بينها وبين ما ماسَّ
 الرابع منها . فهي اذن منقسمة بالفكر اذا فاتت الحس .

وان ماسَّ الرابع الثلاثة اجمع ، ولم يفصل عنه شيء . فالواحد مساوٍ
 الثلاثة . وقد كنا قلنا ان الاربعة الاجزاء مساوٍ بعضها لبعض . والمثلث
 ينقسم لثلاثة اجزاء . فالجزء اذن ينقسم لثلاثة اجزاء والجزء لا ينقسم
 لا بالقوة ولا بالفعل . هذا خلف .

فادن الاشياء المتماسّة ليست متصلة	الاشياء المتصلة هي التي اواخرها واحدة والاشياء المتماسّة ليست اواخرها واحدة
فادن النقط وما جرى مجراها لا يمكن ان تكون متماسّة	والاشياء المتماسّة هي التي نهاياتها متلاقية والنقط وما يجري مجراها لانهايات لها ولا يمكن ان تكون متلاقية

والاشياء التي من شأنها ان يكون منها شيء متصل هي التي يتبها
 فيها ان تكون متماسّة . والنقط وما جرى مجراها لا يمكن فيها ان تكون
 متماسّة . فادن النقط وما جرى مجراها ليس يمكن ان
 يكون منها شيء متصل ، فهو منقسم دائماً الى اشياء تنقسم . وذلك
 ما اردنا ان نبين .
 تم بحمد الله ومنه