

الفصل الثالث

الاستدلال المباشر

1875

to the [unclear] [unclear]

١ - معنى الاستدلال وأنواعه :

أشرنا في الفصل الأول إلى معنى الاستدلال والتفكير الاستدلالي، وقلنا أن أهم ما يميز هذا النوع من التفكير أنه يبدأ من مقدمة أو من مقدمات لينتهي إلى نتيجة لازمة عن هذه المقدمة أو تلك المقدمات. ولعلنا نذكر حديثنا عن الأشخاص الذين كانوا ينتظرون اجراء مقابلة للتعيين في احدى الوظائف حينما سألهم عالم النفس عما كانوا يفكرون فيه لحظة سماعهم صوت الجرس، ولم يكن تفكير أي منهم استدلالياً الا آخرهم الذي قال بأنه كان يفكر في الاجابة عن سؤال وجهه إليه أخيه الأصغر عن كيفية طيران الطائرة وهي بهذا الثقل. فقد كان صاحبنا هنا يلتمس " الأسباب " أو المسوغات التي تدلل على حقيقة طيران الطائرة رغم ثقلها، أي انه يحاول أن يعثر على المقدمة أو المقدمات التي تسوغ النتيجة القائلة ان الطائرة تطير. هذا النوع من التفكير الذي ينطوي على مقدمات تلزم عنها نتائج هو مانسببه بالاستدلال وللاستدلال. أنواع عديدة : -

أ - الاستدلال الصوري أو الاستنباط deduction :

وهو نوع من الاستدلال تنتقل فيه من مقدمة أو أكثر مسلم بصحتها الى نتيجة تلزم منطقياً عن هذه المقدمة أو تلك المقدمات، ويكون المعول عليه في هذا النوع صورة الاستدلال وليس مادته أو مضمونه .

وينقسم الاستدلال الصوري بدوره إلى نوعين :

(١) الاستدلال المباشر : وفيه تنتقل من مقدمة واحدة الى نتيجة تلزم عن تلك المقدمة .

(٢) الاستدلال غير المباشر (القياس) : وفيه تنتقل من مقدمتين (أو أكثر) إلى نتيجة تلزم عنهما .

وسنفضل الحديث عن هذين النوعين من الاستدلال الصوري بدءاً من هذا الفصل بعد قليل .

ب - الاستدلال الاستقرائي أو الاستقراء : Induction :

وهو نوع من الاستدلال نعود فيه الى الواقع لنقوم بملاحظة جزئيات الظاهرة موضع الدراسة، ونفرض الفروض التي تفسر الظاهرة استناداً الى المعلومات التي وصلنا اليها بما قمنا به من ملاحظات، ثم يتم التحقق من هذه الفروض عن طريق التجارب العلمية، حتى نصل في النهاية الى التفسير الصحيح للظاهرة ليكون هو القانون العلمي الخاص بهذه الظاهرة .

هذا النوع من الاستدلال الذي وصفنا صورته التقليدية هنا هو الذي نستخدمه في دراسة ظواهر الطبيعة الخارجية، ويسمى بالمنهج الاستقرائي أو المنهج التجريبي، ويستخدم في معظم العلوم الطبيعية .

ج - الاستدلال بالمثل او قياس المثل : Analogy :

وهو نوع من الاستدلال ننتقل فيه من الحكم على جزئية من الجزئيات الى الحكم على جزئية أخرى شبيهة بالجزئية الأولى (أو مثلها) ويكون هو نفس الحكم الذي حكمنا به على تلك الجزئية الأولى، فاذا رأيت طالباً أيام الامتحانات وحكمت عليه بأنه مشغول بالمذاكرة، فانك لو رأيت شخصاً آخر وعرفت أنه طالب لحكمت عليه بنفس الحكم ؛ وهو أنه مشغول بالمذاكرة (لأنه مثل الطالب الأول أيام الامتحانات) .

وقد استخدم المناطقة المسلمون وعلماء أصول الفقه وعلماء الكلام هذا النوع من القياس استخداماً واسعاً وظهر بعدة أسماء مثل القياس بالشبيه، أو قياس الحاضر على الغائب .

وسينصب حديثنا في هذا الفصل على النوع الأول من الاستدلال الصوري، وهو الاستدلال المباشر .

٢ - الاستدلال المباشر وأنواعه :

هو - كما أشرنا منذ قليل - نوع الاستدلال نبدأ فيه من قضية واحدة تكون بمثابة المقدمة لنستدل على قضية واحدة أخرى تكون بمثابة النتيجة، ونحكم على

القضية الجديدة بالصدق أو بالكذب استناداً الى صدق القضية الأولى أو كذبها .

وينقسم الاستدلال المباشر الى نوعين :

أولاً : الاستدلال المباشر عن طريق التقابل بين القضايا .

ثانياً : الاستدلال المباشر عن طريق التعادل بين القضايا .

ولنقف الآن قليلاً عند الحديث عن كل نوع من هذين النوعين بشيء من

التفصيل .

أولاً : التقابل بين القضايا Opposition of Propositions :

" التقابل " بين القضايا معناه العلاقة التي تصدق بين اي قضيتين حمليتين تشتركان في نفس الموضوع والمحمول، ولكنهما تختلفان في الكم أو في الكيف، أو في الكم والكيف معاً. ويوضح التقابل الأحكام بالصدق أو بالكذب على كل قضية تبعاً لصدق أو كذب قضية معلومة مقابلة لها. ومن الواضح أن استخدام لفظ " التقابل " هنا استخدام اصطلاحي خاص، لأن المعنى الحرفي للفظ التقابل -Opposition يعني التعارض بين القضيتين المتقابلتين، أي أنهما لا يصدقان معاً ولا يكذبان معاً، أو بعبارة أخرى، لا يمكن أن يكون التقابل الا بين أزواج القضايا المتناقضة، الا أن استخدامه هنا بالمعنى الاصطلاحي يجعله منطبقاً على قضايا ليست متناقضة، كما سنعرف. وعلى ذلك ينطوي التقابل على علاقة أي زوج من القضايا المتفقة في الموضوع والمحمول، والمختلفة في أسوارها ، سواء كانت هذه العلاقة متناقضة أو غير متناقضة .

وعلى ذلك فإن القضايا الحملية الأربع التالية جميعاً متقابلة :

ك م	كل التجار مستغلون
ك س	لا واحد من التجار بمستغل
ج م	بعض التجار مستغلون
ج س	بعض التجار ليسوا بمستغلين

لأنها جميعاً تشترك في نفس الموضوع والمحمول، مع الاختلاف فيما بينها من حيث الصورة، أعني من حيث الكم أو الكيف أو الاثنين معاً .
وهناك عدة أنواع من العلاقات التي تربط هذه القضايا بعضها ببعض الآخر.
وبالتالي يكون لدينا عدة أنواع للتقابل .

١ - التقابل بالتضاد Contrariety :

ويكون بين القضيتين الكليتين المختلفتين من حيث الكيف، أي بين الكلية الموجبة (ك م) والكلية السالبة (ك س) . والقضيتان المتضادتان لاتصدقان معاً ولكن قد تكذبان معاً. فإذا كانت الكلية الموجبة "كل الكتب مفيدة" صادقة، لزم عن ذلك كذب الكلية السالبة " لاواحد من الكتب مفيد" ، وإذا صدقت هذه الأخيرة، كذبت الأولى بالضرورة، أما إذا كذبت " كل الكتب مفيدة" لما كان في استطاعتنا أن نقرر صدق أو كذب " لاواحد

من الكتب بمفيد " بناء على هذا الكذب في الأولى، وذلك لأن كذب القضية الأولى (ك م) قد يرجع الى احد السببين التاليين. الأول : أن تكون جميع الكتب غير مفيدة، والثاني :ان يكون بعضها فقط هو المفيد، فإذا صح السبب الأول كانت الكلية السالبة هنا صادقة، وإذا صح الثاني كانت الكلية السالبة كاذبة بالمثل، ولما كان الحكم على الكلية الموجبة بالكذب لا يوضح أي سبب من هذين السببين هو الأساس الذي بني عليه هذا الكذب، فاننا لاندرى ماذا يكون الحكم على الكلية السالبة بالصدق أو الكذب. ومثل هذا يقال في حالة كذب القضية الكلية السالبة، فنحن لانعرف بالمثل ماذا كانت الكلية الموجبة المضادة لها صادقة أو كاذبة، فلا يرجع كذب القضية : " كل الكتب ليست مفيدة " إلى أن " كل الكتب مفيدة " فقط بل قد يرجع أيضاً الى ان بعضها فقط هو مالميس بمفيد (ح س) ، وإذا صح هذا الاحتمال الأخير كانت الكلية الموجبة كاذبة بالمثل. ولما لم يكن هناك تصريح بسبب كذب الكلية السالبة، فليس لدينا ما يبرر الحكم على الكلية الموجبة الداخلة معها في علاقة التضاد بالصدق أو بالكذب .

وهكذا نخلص الى القول انه في حالة صدق احدى القضيتين المتضادتين تكون
الاجرى كاذبة، وفي حالة كذب احدهما تكون الاخرى غير معروفة من حيث الصدق
او الكذب .

٢ - التقابل بالتناقض Contradiction

وتكون هذه العلاقة بين القضيتين المختلفتين في الكم والكيف، أي بين الكلية
الموجبة (ك م) والجزئية السالبة (ح س) ،

وبين الكلية السالبة (ك س) والجزئية الموجبة (ح م) والقضيتان
المتناقضتان لاتصدقا معاً ولا تكذبان معاً، فاذا صدقت احدهما كذبت الأخرى، واذا
كذبت احدهما صدقت الأخرى، فاذا صدق القول بأن " كل الكتب مفيدة " كذب
القول بأن " بعض الكتب ليس مفيدة " واذا كذب القول الأول صدق الثاني والعكس
في ذلك صحيح. والسبب في ذلك - كما هو واضح - أن ليس هناك وسط بين
القضيتين المتناقضتين يمكن أن يجعلهما قضيتين كاذبتين معاً، فالتناقض يقسم
العالم قسمين، على وجه اذا صح معه أن الشيء موجود في قسم منهما لما كان
موجوداً في الآخر، اذا لم يكن موجوداً في احدهما، وجب ان يكون موجوداً في الآخر.
ومثل هذا يقال في حالة علاقة القضية الكلية السالبة بالجزئية الموجبة .

٣ - التقابل بالدخول تحت التضاد Subcontrariety :

وتكون هذه العلاقة بين القضيتين الجزئيتين المختلفتين من حيث الكيف أي.
الجزئية الموجبة (ح م) والجزئية السالبة (ح س) . والقضيتان الداخلتان تحت
التضاد لاتكذبان معاً، ولكن قد تصدقان معاً. وهذا يعني أنه اذا كذبت احدهما لزم
عن ذلك صدق الاخرى، ولكن اذا صدقت احدهما كانت الاخرى غير معروفة من
حيث الصدق أو الكذب. فاذا كذب القول بأن " بعض الطلبة حاضرون "، كان القول
بأن " بعض الطلبة ليسوا حاضرين "، صادقاً بالضرورة، أو اذا كذب هذا القول
الأخير كان الاول صادقاً بالضرورة الا ان العكس في هذا غير صحيح، فاذا صدقت

القضية " بعض الطلبة حاضرون " فلا يلزم عن ذلك كذب القضية " بعض الطلبة ليسوا حاضرين " ، وإذا صدقت هذه الأخيرة لما كان ذلك ملزماً بكذب الأولى، إذ قد يكون البعض الذي تتحدث عنه القضية الأولى غير البعض الذي تتحدث عنه الثانية، فيكون حديث الأولى منصباً على البعض الحاضر من الطلبة، بينما يكون حديث الأخرى منصباً على البعض الذي لم يحضر، وبذلك تكون القضيتان في هذه الحالة صادقتين معاً. ولكن قد لا يكون الأمر كذلك، إذ قد يكون البعض الذي تتحدث عنه الأولى هو نفس البعض الذي تتحدث عنه الثانية، وفي هذه الحالة يكون بين القضيتين تناقض تام، بحيث إذا صدقت احدهما كذبت الأخرى، فضلاً عن أن كذب أي واحدة منهما يؤدي الى صدق الأخرى. ولكن لما كان التعبير في القضيتين غير موضح لاي من هذين الاحتمالين، فلا يكون في استطاعتنا أن نستدل على كذب أو صدق قضية منهما من افتراض صدق الأخرى، وعلى ذلك نقول انه اذا صدقت احدى القضيتين الداخليتين تحت التضاد كانت الأخرى غير معروفة أي يجوز أن تكون صادقة أو كاذبة، أما اذا كذبت احدهما صدقت الأخرى بصرف النظر عن الاحتمالين السابقين .

٤ - التقابل بالتداخل Sbalternation :

وتكون هذه العلاقة بين القضيتين الكلية والجزئية المختلفتين في الكم والمتفتحتين في الكيف، أي، بين الكلية الموجبة (ك م)

والجزئية الموجبة (ح م) ، وبين الكلية السالبة (ك س) والجزئية السالبة (ح س) . ويكون الحكم هنا عموماً كما يلي : اذا صدقت الكلية صدقت الجزئية، الا ان العكس غير صحيح، واذا كذبت الجزئية كذبت الكلية، الا ان العكس ايضاً غير صحيح. ويمكننا ان نحلل هذا الحكم العام على الوجه التالي :-

(أ) اذا صدقت القضية الكلية كانت القضية الجزئية المرتبطة بها بعلاقة التداخل صادقة، فاذا صدق أن " كل الكتب مفيدة " صدق معه أن " بعض الكتب مفيدة

" واذا صدق أن " لاواحد من الكتب مفيد " صدق معه أن " بعض الكتب ليست مفيدة " ومن الواضح هنا أن الحكم في التداخل هنا يتبع القول المعروف " ما يصدق على الكل يصدق على البعض " .

(ب) اذا كذبت القضية الكلية فان الجزئية المرتبطة بها بعلاقة التداخل تكون محتملة الصدق والكذب. فاذا كذب القول أن " كل التجار مستغلون " كان القول أن " بعض التجار مستغلون " محتملة الصدق والكذب وبالمثل حينما يكذب القول ان " لاواحد من التجار بمستغل " يكون القول أن بعض التجار ليس مستغلاً " محتمل الصدق والكذب، وذلك لأن هناك احتمالين لكذب القضية " كل التجار مستغلون " هما. (١)، اذا كان بعض التجار فقط هو المستغل، وفي هذه الحالة تكون القضية الجزئية صادقة، و(٢) اذا لم يكون هناك اي تاجر مستغلاً، وفي هذه الحالة تكون القضية الجزئية كاذبة بالمثل. ولما كان الحكم بكذب هذه القضية لا يحدد احتمالاً من هذين الاحتمالين، فاننا لانستطيع أن نحدد صدق أو كذب القضية الجزئية المرتبطة معها بعلاقة التداخل، وذلك تكون من هذه الناحية غير معروفة .

(ج) اذا صدقت الجزئية كانت الكلية المرتبطة معها بعلاقة التداخل محتملة الصدق والكذب، اي غير معروفة من هذه الناحية. فاذا صدقت " بعض التجار مستغلون " فإن ذلك لايعني صدق القضية القائلة إن " كل التجار مستغلون "، وكذلك اذا صدقت القضية " بعض التجار ليسوا بمستغلين : فاننا لانستطيع أن نستدل من ذلك على صدق أو كذب القضية " لاواحد من التجار بمستغل "، فما يصدق على البعض قد لا يصدق على الكل. لان القضية الجزئية قد تعني بالفعل " البعض " الذي نتحدث عنه، وبذلك تكون الكلية المتداخلة معها كاذبة، ولكن قد يكون لفظ بعض " في القضية الجزئية مستخدماً من باب التحفظ فقط، اذ يجوز ان يصدق الحكم على الكل، وبذلك تكون الكلية صادقة بالمثل، فاستخدام " بعض " قد يدل على " الكل " وقد لايدل على

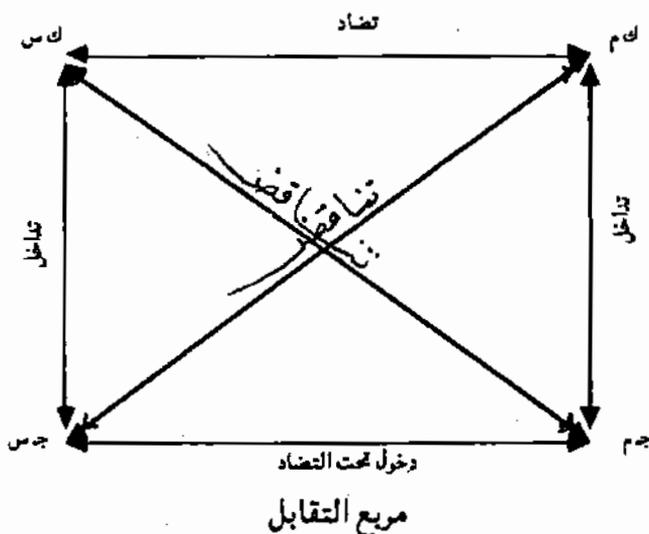
ذلك. ومن هنا فاننا لانستطيع ان نستدل على صدق الكلية أو كذبها من صدق القضية الجزئية التي ترتبط بها بعلاقة التداخل، وتكون الكلية في هذه الحالة غير معروفة من حيث الصدق والكذب .

(د) اذا كذبت القضية الجزئية كانت الكلية المرتبطة بها بعلاقة التداخل كاذبة بالضرورة، فاذا كذبت القضية " بعض الطلبة حاضرون " كذبت بالتالي " كل الطلبة حاضرون " فما دام البعض غير حاضر، فلا يمكن ان يكون الكل حاضرا. وبالمثل اذا كذبت " بعض الطلبة ليسوا حاضرين " لزم عن ذلك كذب

القضية " لا واحد من الطلبة بحاضر " اذ مادام القول بأن بعضهم غير حاضر قولاً كاذباً، فان القول بأن جميعهم غير حاضر قول كاذب بالضرورة .

هذه هي العلاقات الممكنة التي يمكن ان تقوم بين القضايا الأربع العملية من زاوية التقابل فيما بينها و الاحكام الممكنة بالصدق او بالكذب عل بعضها، اذا سلمنا بصدق بعضها الاخر أو كذبه فالانتقال من قضية معلومة الى مايقابلها من قضايا، الحكم على هذه القضايا المستدل عليها بالصدق او بالكذب تبعاً لصدق تلك القضية المعلومة أو كذبها هو المقصود هنا بالاستدلال المباشر بهذه الطريقة .

وقد جرت العادة على توضيح هذه العلاقات الأربع بوضعها على هيئة مربع يطلق عليه احياناً اسم مربع ارسطو " (مع ان ارسطو لم يضع هذا المربع) او مربع التقابل " على الوجه التالي :

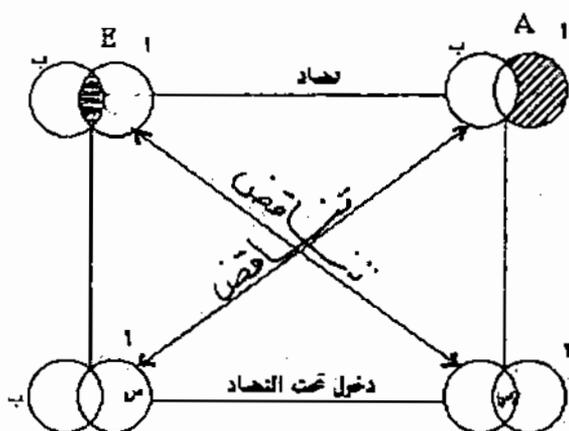


هذه هي وجهة النظر التقليدية في موضوع الاستدلال المباشر عن طريق التقابل بين القضايا. ويبقى علينا ان نشير الى تقييم هذا النوع من الاستدلال علي ضوء التحليل المنطقي الحديث له. وهنا لا بد ان نتذكر كيف فسر المناطقة المحدثون القضايا الحملية، على أساس أن القضية الكلية هي قضية " لاجودية " اذ هي في نظرهم قضية شرطية لاتقرر بالضرورة الوجود الفعلي لأي فرد من الافراد، بينما القضية الجزئية قضية " وجودية " تقرر وجود فرد واحد على الأقل من أفراد الموضوع الذي نتحدث عنه .

وقد انصبت انتقادات معظم هؤلاء المناطقة على مربع التقابل على أساس هذا الفهم السابق لطبيعة القضايا الحملية. ونستطيع ان نلخص وجهة نظرهم بوجه عام في أن المنطق التقليدي قد أصاب في علاقة التناقض، وأخفق في العلاقات الثلاث الأخرى^(١) لا شك أن $أ ب = صفر (ك م)$ غير متسقة مع $أ ب =/= صفر (ج س)$ ، فاذا صدقت احدهما كذبت الأخرى، واذا كذبت احدهما صدقت الأخرى. ونفس هذا يكون بالنسبة للقضيتين : $ك س، ح م$ ، أي $أ ب =/= صفر، أ ب = صفر$. اما بقية الانواع الأخرى للتقابل فلا تكون صحيحة على الاطلاق الا اذا كانت القضية تتحدث عن افراد، بعبارة أخرى اذا كانت صورة القضية عموماً هي " أ هي

ب " فلكي يكون الاستدلال في هذه الحالات الثلاث صحيحاً، لا بد ان تكون الفئة " أ " فئة ذات أعضاء وليست فئة فارغة .

ولكي نتبين وجهة النظر الحديثة، نعيد رسم مربع التقابل على أساس أشكال قن على النحو التالي :



والآن إذا ماتأملنا هذا المربع تبين لنا - في حالة التناقض - أن الجزء أ ب في A فئة فارغة، بينما لمجده في القضية المتناقضة لها وهي O فئة ذات أعضاء، فيكون من الواضح أن صدق A يستلزم كذب O، والعكس في ذلك صحيح. وكذلك فإن كذب A يستلزم صدق O والعكس في ذلك صحيح ومثل هذا يصدق بالنسبة للقضيتين المتناقضتين E، I لان الفئة أ ب في E فئة فارغة بينما هي في أ فئة ذات أعضاء ولذلك كان صدق ايها يستلزم كذب الأخرى، وكذب إحداها يستلزم صدق الأخرى .

وعلى ذلك تكون لدينا في حالة التناقض الاستدلالات الصحيحة التالية :

$$1 - أ ب = \text{صفر} \sim C \sim (أ ب \neq \text{صفر})$$

$$2 - أ ب \neq \text{صفر} \sim C \sim (أ ب = \text{صفر})$$

$$3 - أ ب = \text{صفر} \sim C \sim (أ ب \neq \text{صفر})$$

- ٤ - $أب \neq \text{صفر} \sim C \sim (أب = \text{صفر})$
 ٥ - $\sim (أب = \text{صفر}) \sim C \sim أب \neq \text{صفر}$
 ٦ - $\sim (أب \neq \text{صفر}) \sim C \sim أب = \text{صفر}$
 ٧ - $\sim (أب = \text{صفر}) \sim C \sim أب \neq \text{صفر}$
 ٨ - $\sim (أب \neq \text{صفر}) \sim C \sim أب = \text{صفر}$

ويمكن ان نتحقق من صدق هذه الاستدلالات باستخدام قوائم الصدق التي عرفناها من قبل. ولكي نقوم بذلك علينا اولاً ان نعيد كتابة هذه الحجج على هيئة صور القضايا المركبة، على أساس أن :

ك م : ق . ل

ك س : ق \sim ل

ج م : ق . ل

ج س : ق . \sim ل

ولنأخذ مثلاً واحداً لذلك بالاستدلال الأول :

$$أب = \text{صفر} \sim C \sim (أب = \text{صفر})$$

لنعبّر عنها على النحو التالي : -

$$[(ق . ل) \sim C \sim (ق . \sim ل)]$$

ولنضع هذه الحجة الاستدلالية في جدول صدق على النحو التالي :

	ل	ق
$[(ق . ل) \sim C \sim (ق . \sim ل)]$	ص	ص
ص	ك	ص
ك	ص	ك
ص	ص	ص
ص	ك	ك
٤	٢	١
٥		
٣		

وهنا نلاحظ انها حجة صادقة دائماً تحت جميع شروط الصدق فيكون الاستدلال هنا صحيحاً .

ويمكنك ان تقوم بنفس هذا الاجراء مع بقية هذه الاستدلالات .

أما بقية الأنواع الأخرى من العلاقات الموضحة في مربع التقابل فهي ليست يقينية، ويرجع السبب في ذلك إلى أنه الفئة أ قد تكون فارغة، فإذا لم يتم الاقرار بأنها فئة ذات أعضاء، كانت جميع الاستدلالات غير يقينية .

ولنقف قليلاً لتوضيح هذا القول بالنسبة لكل نوع على حدة .

١ - التضاد : نلاحظ ان المنطق التقليدي يقر بصحة الاستدلالتين التاليين :

$$١ - أ ب = صفر \sim C (أ ب = صفر)$$

$$٢ - أ ب = صفر \sim C (أ ب = صفر)$$

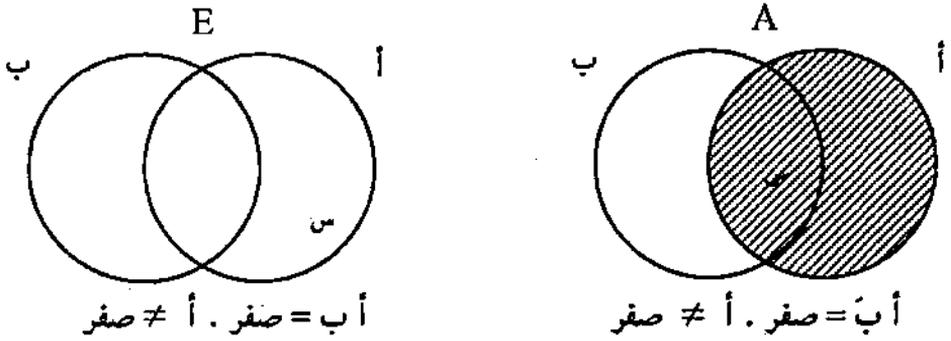
ولكن وجهة نظر المنطق الرمزي الحديث لاتقر بصحة هذين الاستدلالتين، فما دامت القضية الكلية غير وجودية، بل هي شرطية وحسب، تقول " اذا كان ... كان " فان القضيتين المتضادتين تتساويان من حيث الصدق والكذب، فهما قد تصدقان معاً وقد تكذبان معاً، وبالتالي لايمكن ان يلزم عن صدق احدهما كذب الأخرى بالضرورة .

ويظهر هذا الأمر واضحاً من مربع التقابل السابق وأشكال قن. فان A لاتقرر سوى أن الفئة أ ب فئة فارغة، ولاتقرر شيئاً بشأن الفئة أ ب، وتتركنا أمام احتمالين: أما أن تكون فئة فارغة أو تكون ذات أعضاء بينما تقرر E احد هذين الاحتمالين فقط، وهو أن الفئة أ ب فئة فارغة، فاذا ماسلمنا بصدق A لما كان في استطاعتنا أن نستدل بالضرورة على كذب E لانها قد تكون كاذبة وقد لاتكون. وبذلك تكون الصيغة ١ غير يقينية .

ومثل هذا يقال عن الصيغة ٢، فهي تعبر عن استدلال غير يقيني، لأن E لاتقرر سوى أن أ ب فئة فارغة، وتركت الفئة أ ب دون تحديد، وبذلك لانستطيع ان نستنبط

من صدق E كذب A بالضرورة، إذ قد تكون صادقة أيضاً. (جرّب ذلك بنفسك باستخدام قوائم الصدق).

ولكن لكي نجعل كلا الاستدلاليين ١ ، ٢ صحيحاً، لا بد لنا أن نضيف إلى المقدم في كل منهما أن أ فئة ذات أعضاء، ولو شئنا أن نعبر عن A ، E بعد هذه الإضافة عن طريق شكل قن، لكان ذلك على الوجه التالي : (انظر الشكل) . .



فمن الواضح من هذين الشكلين أن افتراض صدق A يستلزم كذب E . لأن الفئة أ ب في A ليست فارغة، بينما هي في E فئة فارغة . ويتضح أيضاً أن صدق E يستلزم كذب A ، لأن الفئة أ ب في E فئة فارغة، بينما هي في A فئة ذات أعضاء . وعلى ذلك فإن الاستدلاليين ١ ، ٢ لا بد من إعادة صياغتها على الوجه التالي :-

$$١ - أ ب̄ = صفر . أ ≠ صفر : C . \sim (أ ب = صفر)$$

$$٢ - أ ب = صفر . أ ≠ صفر : C . \sim (أ ب̄ = صفر)$$

ونكون بذلك إزاء صيغتين تعبر كل منهما عن استدلال صحيح .

ولكن الجدير بالملاحظة هنا أن هذين الاستدلاليين ليسا من النوع البسيط الذي رأيناه في حالة التناقض بل هما من النوع المركب الذي نصل فيه إلى النتيجة من أكثر من مقدمة . ولكنه بالطبع يختلف عن الاستدلال القياسي .

ب - التداخل : يقر المنطق التقليدي هنا بصحة الاستدلالات الأربعة التالية:-

- ١- $أب \neq \text{صفر} \Rightarrow C$
- ٢- $(أب \neq \text{صفر}) \sim C$ ($أب = \text{صفر}$)
- ٣- $أب = \text{صفر} \Rightarrow C$ ($أب \neq \text{صفر}$)
- ٤- $(أب \neq \text{صفر}) \sim C$ ($أب = \text{صفر}$)

ولكن لو رجعنا إلى أشكال فن لتبين لنا أن جميع هذه الاستدلالات لا تكون يقينية مالم نفترض مقدما أن أفئة ذات أعضاء . وذلك لأن A لا تقرر بشأن أب ، هل هي فارغة أم ذات أعضاء ، ولذلك فلا نستطيع من افتراض صدقها أن نستنبط صدق I . أما إذا افترضنا أن أفئة ذات أعضاء ، كان ذلك بمثابة تقرير أن أب أفئة ذات أعضاء ، وهذا ما تقررره I ، وبالتالي تكون صادقة متى كانت A صادقة . ومثل هذا يقال في بقية الاستدلالات السابقة . وعلى ذلك يكون لدينا - في مقابل الاستدلالات الأربعة المذكورة الاستدلالات الأربعة الصحيحة التالية :

- ١- $أب = \text{صفر} \Rightarrow C$. $أ \neq \text{صفر} : C$. $أب \neq \text{صفر}$
 - ٢- $(أب \neq \text{صفر}) \sim C$. $أ \neq \text{صفر} : C$. ($أب = \text{صفر}$)
 - ٣- $أب = \text{صفر} \Rightarrow C$. $أ \neq \text{صفر} : C$. $أب \neq \text{صفر}$
 - ٤- $(أب \neq \text{صفر}) \sim C$. $أ \neq \text{صفر} : C$. ($أب = \text{صفر}$)
- وجميعها - كما هو واضح - استدلالات مركبة .

(ج) الدخول تحت التضاد : ويقر المنطق التقليدي بشأن هذه العلاقة الاستدلاليين التاليين :-

- ١- $(أب \neq \text{صفر}) \sim C$. $أب \neq \text{صفر}$
- ٢- $(أب \neq \text{صفر}) \sim C$. $أب \neq \text{صفر}$

إلا أن هذين الاستدلاليين غير يقينيين من وجهة نظر المنطق الرمزي الحديث .
ولا يمكن أن يصبح الاستدلال عن طريق الدخول تحت التضاد صحيحاً ما لم تكن أ
فئة ذات أعضاء ، ولا بد من تقرير ذلك صراحة وعلى ذلك يكون لدينا
الاستدلاليين التاليين :-

١- ~ (أ ب ≠ صفر) . أ ≠ صفر : C . أ ب ≠ صفر

٢- ~ (أ ب ≠ صفر) . أ ≠ صفر : C . أ ب ≠ صفر

وهما استدلالان صحيحان في نظر بعض المناطق المحدثين .

ولكن قد يبدو غريباً هنا أن نضيف مقدمة وجودية إلى القضية الجزئية، لأن
القضية الجزئية تقرر - كما هو واضح من شكل فن - أن الفئة أ ذات أعضاء،
فلماذا نضيف مقدمة تقرر ما هو مقرر بالفعل في المقدمة الأصلية . لهذا ذهب
بعض المناطق إلى القضيتين الجزئيتين الداخلتين تحت التضاد، إذا ما أخذناهما
من زاوية المصدق، كان من الواضح أنهما تقرران وجوداً، وعلى ذلك فمن الممكن
كذبهما معاً، وبذلك لا يمكن أن نقوم بعمل استدلال صحيح عن طريق هذه
العلاقة، لأن إضافة مقدمة وجودية أمر لا مبرر له على الإطلاق .

إلا أن مربع التقابل لم يعد من يدافع عنه من بين المناطق المعاصرين، أو
على الأقل من يبرر صحته وذلك بالإضافة إلى أنصار المنطق التقليدي . فقد جاء
هذا الدفاع أو هذا التبرير على يد " سترأوسون " Strawson - أحد فلاسفة
مدرسة أكسفورد المعاصرة . ولكي نفهم طبيعة هذا الدفاع لا بد لنا أن نفهم
أولاً وجهة نظر " سترأوسون " في الصدق والكذب في القضايا .

فإذا كان لدينا عبارة من قبيل " بعض أبناء محمد نائمون " فإن المتكلم هنا
يعتقد أن هناك أبناء لمحمد، ولكن لنفترض أنه كان مخطئاً في هذا الاعتقاد، إذ
ليس لمحمد أبناء، وتكون فئة فارغة، فهل تكون عبارة المتكلم كاذبة في هذه
الحالة ؟ إن هذا السؤال شبيه تماماً بالسؤال : " هل الغيلان أليفة ؟ "

والإجابة على السؤال الأخير هي أن الغيلان لا هي بالأليفة ولا هي غير أليفة، إذ ليس هناك غيلان . ومثل هذا يقال عن السؤال الأول الذي لا يجب أن يقال عنه إنه صادق أو كاذب، بل يقال فقط إنه ليس لمحمد أبناء، لكي نحكم هنا على العبارات الجزئية الموجبة بالصدق أو بالكذب، فلا بد أن يتوافر شرط ضروري وهو وجود أبناء لمحمد .

وعلى هذا الأساس قدم " سترأوسون " تفسيراً ممكناً لمربع التقابل، وذهب إلى أن أرسطو كان يعالج قضاياها العملية الأربع على صورة لا يمكن معها أن يقال عنها إنها صادقة أو كاذبة إذا كانت موضوعاتها فئات فارغة، أو بعبارة أخرى، كان أرسطو يعالج هذه القضايا التي نقولها في لغة الحديث الجاري على أساس أنها إما أن تكون صادقة أو كاذبة، أي هي قضايا تفترض مقدماً وجود أفراد للفئات التي تدل عليها موضوعات تلك القضايا، وعلى ذلك فإن أية قضية من قبيل " بعض الغيلان أليفة " لا يصح أن تدخل في النسق الأرسطي مادامنا لا نستطيع أن نصفها بالصدق أو بالكذب .

والآن، إذا كانت جميع القضايا العملية الأربع في النسق الأرسطي تفترض مقدماً وجود أعضاء للفئات التي تشير إليها موضوعاتها، لبات واضحاً أن جميع الانتقادات التي وجهت إلى مربع التقابل مردود عليها، إذ أن صحة هذه الانتقادات تعتمد أساساً على القول بأن موضوعات القضايا العملية قد تكون فئات فارغة " أما وقد أتضح أنها تفترض دائماً وجود أفراد، فإن جميع العلاقات وأحكامها في مربع التقابل صحيحة .

والواقع أن هذا التفسير للقضايا العملية هو على الأرجح ما كان في ذهن أرسطو - والمناطق التقليدية - حين كان يتحدث عن قضايا العملية وصدقها أو كذبها . ويبدو أن ما كان في ذهن المناطق المعاصرين هو مجرد " عبارات " وليست " قضايا " بمعناها الدقيق . أو ربما كان في ذهنهم مجرد دوال القضايا، وليست القضايا بمعناها المعروف، لأننا حينما نضع مكان المتغيرات في الدالة قيما

محددة تتحول إلى قضية توصف بالصدق أو بالكذب، ولكنها لا تكون كذلك إذا كانت موضوعاتها تدل على فئات فارغة، مثل الغيلان .

ومعنى ذلك أن القضية بالمعنى الدقيق لها لا بد أن تفترض مقدماً وجود أعضاء للفئة التي يدل عليها موضوع القضية . وإذا صح ذلك لكان مربع التقابل صحيحاً ، أو على الأقل يمكن تبريره تماماً من وجهة نظر معينة، وهي وجهة نظر ممكنة ومعقولة إلى حد كبير .

ثانياً : التعادل بين القضايا

وهو نوع من الاستدلال المباشر ننتقل فيه من قضية إلى قضية أخرى قد تختلف عن القضية الأصلية في الموضوع أو في المحمول، أو فيهما معاً ، وتكون القضيتان متكافئتين أو متعادلتين منطقياً، وسنرمز للتكافؤ بالرمز " = " .
والمقصود بالتكافؤ أو التعادل المنطقي هو أن يكون للقضيتين المتعادلتين نفس قيمة الصدق، أي إما أن تكون القضيتان صادقتين معاً أو كاذبتين معاً ، وبعبارة أخرى، إذا كانت القضية الأصلية صادقة كانت القضية الأخرى المستدل عليها صادقة بالمثل، وإذا كانت الأولى كاذبة، كانت الأخرى كاذبة أيضاً .

ويمكن توضيح ذلك بقائمة الصدق التالية :-

ق ≡ ل	ل	ق
ص	ص	ص
ك	ك	ص
ك	ص	ك
ص	ك	ك

وهذا يعني أن القضيتين المتكافئتين تلزم كل منهما عن الأخرى بمعنى إذا سلمت بالأولى سلمت بالثانية وإذا سلمت بالثانية سلمت بالأولى، أو بعبارة أكثر دقة : تكون ق متكافئة مع ك إذا ما صدقت ق صدقت ك وإذا صدقت ك صدقت ق . ويمكن التعبير عن ذلك بلغة الرموز على النحو التالي : -

$$\{ (ق \equiv ل) \cdot (ل \equiv ق) \} = (ل \equiv ق)$$

وإذا استخدمنا قائمة صدق لهذا التعبير الرموزي لما وجدنا فرقاً في الصدق والكذب (قيم الصدق) عن القائمة السابقة . .

{ (ق ≡ ل) · (ل ≡ ق) } = (ل ≡ ق)				ك	ق
ص	ص	ص	ص	ص	ص
ص	ك	ك	ك	ك	ص
ك	ك	ص	ك	ص	ك
ص	ص	ص	ص	ك	ك
٦	٥	٤	٣	٢	١

ونلاحظ هنا أن العمود ٣ هو نفس العمود ٦ .

ولهذا النوع من الاستدلال المباشر عدة طرق، نذكر أهمها فيما يلي : -

١ - العكس المستوي : conversion

وهو تلك العملية من عمليات الاستدلال التي ستدل فيها على قضية من قضية أخرى، بحيث يكون موضوع القضية الأصلية محمولاً في قضية العكس، ومحمول القضية الأصلية موضوعاً في العكس، مع بقاء الكيف في القضيتين، والاحتفاظ بالصدق والكذب على حاله في القضيتين . فالعكس ببساطة هو أن

نقلب حدى القضية فنجعل الموضوع محمولاً والمحمول موضوعاً . فإذا كان لدينا قضية مثل :

أ هـ ب

لكان عكسها

ب هـ أ

فإذا كانت القضية الأصلية صادقة كان عكسها صادقا ، وإذا كانت كاذبة كان عكسها كاذباً .

ولكي يتيسر لنا القيام بهذه العملية بطريقة صحيحة ، لا بد لنا أن نراعي شرطين :-

الأول : يجب أن يظل الكيف على حاله ، فإذا كانت القضية الأصلية موجبة وجب أن يكون عكسها موجبا ، وإذا كانت سالبة كان عكسها سالباً .

الثاني : يجب ألا يستغرق حد في العكس ما لم يكن مستغرقا في القضية الأصلية .

ويتطبيق هذين الشرطين أو بالأحرى هاتين القاعدتين على القضايا الحملية الأربع ، ينتج ما يلي :

(١) الكلية الموجبة : " كل أ هي ب " تعكس إلى " بعض ب هو أ " . فإذا قلنا " كل القاهريين مصريون " كان في استطاعتنا أن نستدل من ذلك على أن " بعض المصريين قاهريون " ولا يجوز أن نستدل منها على أن " كل المصريين قاهريون " ، ذلك لأن فئة المصريين أعم من فئة القاهريين ، فلا يصح أن يكون جميع أعضائها في فئة القاهريين التي هي أخص منها .

وبالنظر إلى القاعدتين اللتين قدمناهما للعكس ، فإن الكلية الموجبة " كل أ هو ب " لا بد أن تعكس موجبة وفقاً للشرط الأول ، وعلى ذلك فهي إما أن تعكس إلى كلية موجبة أو جزئية موجبة ، فإذا عكست إلى كلية موجبة " كل ب هو أ "

لكان موضوع القضية الجديدة هنا وهو " ب " مستغرقاً لأنه موضوع لكلية، إلا أن هذا الموضوع كان في القضية الأصلية محمولاً لكلية موجبة، ولم يكن لذلك مستغرقاً، وهكذا نلاحظ أننا إذا عكسنا الكلية الموجبة إلى كلية موجبة، لظهر لنا في العكس حد مستغرق لم يكن مستغرقاً في القضية الأصلية، وهذا يتنافى والشرط الثاني من شرطي العكس . ولكي نتفادى ذلك لابد لنا أن نعكس الكلية الموجبة إلى جزئية موجبة. ونراعي بذلك شرطي العكس.

(٢) الكلية السالبة : " لا أ هوب " تعكس إلى " لا ب هو أ " .

فإذا قلنا " لا واحد من العرب يفرط في حق من حقوق وطنه " أمكننا أن نستدل منها على أن " لا واحد من الذين يفرطون في حق من حقوق أوطانهم من العرب " . لأن الكلية السالبة تفصل فصلاً قاطعاً بين كل أعضاء الفئة أ ، وكل أعضاء الفئة ب ، فإذا جاز لك أن تقول : لا واحد من أعضاء أ يكون عضواً من أعضاء ب، جاز لك بالمثل أن تقول : لا واحد من أعضاء ب يكون عضواً من أعضاء أ . كما نلاحظ هنا أننا قد راعينا قاعدتي العكس، فالقضية الأصلية سالبة وعكسها سالب ، وكل من الموضوع والمحمول في القضيتين مستغرقاً .

(٣) الجزئية الموجبة " بعض أ هوب " تعكس إلى " بعض ب هو أ " .

فإذا قلت " بعض الأثرياء عرب " لكان عكسها " بعض العرب أثرياء " دون إخلال بأي قاعدة من قاعدتي العكس .

(٤) الجزئية السالبة " بعض أ ليس ب " ، فلا عكس لها، لأننا لا يمكن أن نعكسها دون أن نكسر إحدى قاعدتي العكس، فإذا قلت " بعض الأثرياء ليسوا من العرب " ، وأوردت عكسها، فلا بد أن تعكسها إلى قضية سالبة طبقاً للقاعدة الأولى من قواعد العكس، وهنا تكون بإزاء احتماليين : إما أن تعكسها إلى كلية سالبة أو إلى جزئية سالبة، إلا أن المحمول في كل من هذين

الاحتمالين سيكون مستغرقاً، لأنه محمول لقضية سالبة، إلا أن هذا المحمول المستغرق هنا كان في القضية الأصلية غير مستغرق، لأنه كان موضوعاً لقضية جزئية . وهكذا لا يكون للجزئية السالبة عكس .

هذه هي وجهة نظر المنطق التقليدي في عملية العكس بوصفها وسيلة من وسائل الاستدلال المباشر، وهي وجهة نظر تتفق والتحليل الحديث لعملية العكس المستوي، فيما عدا الحالة التي فيها عكسنا الكلية الموجبة إلى جزئية موجبة، فالتحليل الحديث لا يقر بهذا العكس، ويرفض المناطقة المعاصرون، ذلك بناء على وجهة نظرهم الذاهبة إلى أن الكلية " لا وجودية " فلا يصح مثل هذا الاستدلال، إلا إذا كان موضوع الكلية يدل على فئة ذات أعضاء، أي أن المنطق الحديث لا يقر إلا بعكس الكلية السالبة والجزئية الموجبة، أي يقر بصحة الاستدلاليين التاليين :-

$$١ - \{ (C \sim L) C (L \sim C) \}$$

$$٢ - \{ (C \cdot L) C (L \cdot C) \}$$

ولا يقر - مع المنطق التقليدي - بصحة الاستدلال التالي :-

$$\{ (C \cdot L) C (L \cdot C) \}$$

إلا إذا صرحنا بأن ق ليست فئة فارغة، بل هي موجودة، أي أن المنطق

الحديث يقر - عندئذ - بصحة الاستدلال التالي :-

$$\{ (C \cdot L) C (L \cdot C) \}$$

{ استخدم قوائم صدق للتأكد من صحة ذلك }

ولكن إذا وضعنا في اعتبارنا التفسير الممكن الذي ذكرناه في حالة موضوع

التقابل لزال هذا الاعتراض .

٢- نقض المحمول : Obversion :

وهي طريقة من طرق الاستدلال المباشر، تنتقل فيها من قضية معلومة إلى قضية أخرى تعادلها (أو مكافئة لها) بحيث يكون موضوع القضية الجديدة هو نفس موضوع القضية الأصلية، ومحمول القضية الجديدة هو نقيض المحمول في القضية الأصلية.

ولكي يتم لنا فهم هذه الطريقة لابد لنا أن نميز بين القضية السالبة والمحد السالب. ينصب السلب في القضية السالبة على الرابطة التي تربط بين الموضوع والمحمول بحيث تفصل أفراد الموضوع عن المحمول. فإذا قلنا " لا واحد من الكتب بجديد " كان معنى ذلك أن جميع الكتب " لا تكون " جديدة، فالسلب هنا سلب للرابطة، وبالتالي فهو سلب للقضية كلها، أما السلب بالنسبة للحد فإنه لا يكون إلا لهذا الحد، كأن نقول مثلاً " بعض المواصلات لاسلكية " فالسلب هنا سلب للحد " سلبي "، وليس سلباً للقضية، فيكون معنى هذه القضية أن بعض المواصلات هي لاسلكية، فالقضية موجبة بمحمول سالب، وإذا كان " السور " الذي يميز القضية السالبة عن الموجبة هو " لا واحد ممن " أو " كل .. ليس .. " بالنسبة للكليات السالبة، " وبعض .. ليس .. "، بالنسبة للجزئية السالبة فإننا سوف نستخدم كلمة " غير " أو " لا " لتمييز الحد السالب. فإذا قلنا " كل لا - أ هو ب لكانت هذه القضية كلية موجبة بموضوع سالب، وإذا قلنا " كل أ هو غير ب " لكانت كلية موجبة بمحمول سالب وهكذا.

نعود إلى نقض المحمول (أو باختصار " النقض ") الذي قلنا عنه أنه يعني اشتراك القضية ونقضها في الموضوع، إلا أن محمول القضية الجديدة يكون نقيض محمول القضية الأصلية. فإذا كان لدينا.

أ هو ب

كان نقيض المحمول هنا هو

أ هو لا - ب

فإذا كانت القضية الأصلية صادقة صدقت القضية الجديدة، وإذا كذبت كذبت الجديدة بالمثل لأنهما متعادلتان من حيث الصدق والكذب.

والقاعدة العامة التي يمكن تطبيقها لنصل إلى نقيض المحمول هو أن نغير كيف القضية، أي، إذا كانت القضية الأصلية موجبة لكان نقيضها سالباً، وإذا كانت سالبة كان نقيضها موجباً. وتطبيق هذه القاعدة على القضايا العملية الأربع نصل إلى ما يلي :-

(أ) الكلية الموجبة : " كل أ هو ب " تنقض إلى الكلية السالبة " لا أ هو لا- ب ". فإذا كانت لدينا قضية " كل العرب يتمسكون بحقوقهم " ، لكان نقض محمولها هو " لا واحد من العرب غير متمسك بحقوقه " .

(ب) الكلية السالبة : " لا أ هو ب " تنقض إلى الكلية الموجبة " كل أ هو لا - ب ". فإذا كان لدينا القضية " لا واحد من العرب يفرط في حق وطنه " كان نقض محمولها هو " كل العرب غير مفرطين في حق وطنهم " .

(ج) الجزئية الموجبة : " بعض أ هو ب " تنقض إلى الجزئية السالبة " بعض أ ليس هو لا - ب " فإذا قلت " بعض الألفاظ مفهومة " لكان نقضها هو " ليس بعض الألفاظ غير مفهومة " أو " بعض الألفاظ ليست غير مفهومة " .

(د) الجزئية السالبة : " بعض أ ليس هو ب " تنقض إلى الجزئية الموجبة " بعض أ هو لا - ب " فإذا كان لدينا " بعض الورود ليس حمراء " أمكن نقضها إلى " بعض الورود غير حمراء " .

ولانجد هنا اعتراضاً من جانب المناطقة المحدثين على هذا الاستدلال، إذ أنه في نظرهم أيضاً استدلال صحيح، فلا تثار فيه مشكلة الاستدلال على الجزئية من الكلية، فالكليات تستلزم هنا كليات، والجزئيات تستلزم جزئيات. أي أن المنطق الحديث يتفق مع المنطق التقليدي في صحة الاستدلالات التالية سنشير إلى نقض المحمول بوضع النفي فوق ل هكذا ل) :

- ١- $[(C \sim L) \supset C] \supset L$ ك م
 ٢- $[(C \sim L) \supset C] \supset \sim L$ ك س
 ٣- $[(C \sim L) \supset C] \supset L$ ج م
 ٤- $[(C \sim L) \supset C] \supset \sim L$ ج س

استخدم قوائم الصدق للتأكد من صحة هذه الاستدلالات .

وهناك عدة طرق أخرى للاستدلال المباشر عن طريق التعادل بين القضايا، وهي تقوم جميعاً على أساس عمليتي العكس ونقض المحمول، ونكتفي هنا بأحدى هذه الطرق، وهي :-

٣- عكس النقيض : Contraposition

وهي طريقة أخرى من طرق الاستدلال المباشر عن طريق التعادل بين القضايا، وفيها يتم الانتقال من قضية معلومة إلى أخرى، بحيث يكون موضوع القضية الجديدة هو نقيض محمول القضية الأصلية، ومحمول القضية الجديدة إما أن يكون هو نفس موضوع القضية الأصلية أو نقيضه، فإذا كان هو نفس الموضوع سميت هذه العملية باسم "عكس النقيض المخالف" (أو الجزئي) Partial contraposition وإذا كان نقيض الموضوع سميت باسم عكس النقيض الموافق، (أو التام) Full Contraposition هذا مع بقاء الصدق أو الكذب فإذا كان لدينا ..

أ هو ب

لكان عكس نقيضها المخالف هو :

لا - ب هو أ

وعكس نقيضها الموافق :

لا - ب هو لا - أ .

وتتم هذه العملية بخطوتين بالنسبة لعكس النقيض المخالف، وثلاث خطوات بالنسبة للموافق :

- ١- نقوم أولاً بنقض المحمول في القضية الأصلية، ثم ..
 ٢- نعكس ماتوصلنا إليه في الخطوة الأولى .
 فنصل بذلك إلى عكس النقيض المخالف .
 ٣- ننقض المحمول في عكس النقيض المخالف فنصل إلى عكس النقيض الموافق.

وإذا طبقنا هذه الخطوات على قضايا الأربعة لوصلنا إلى النتائج التالية :-

(أ) - الكلية الموجبة :

كل الجنود شجعان	كل أ هو ب	
تنقض إلى	لا أ هو لا - ب	لا واحد من الجنود غير شجاع
تُعكس إلى	لا لا - ب هو أ	لا واحد من غير الشجعان بجندي

فنصل بذلك إلى عكس النقيض المخالف .

وإذا نقضنا محمول هذه القضية الأخيرة لكان لدينا :

كل لا - ب هو لا - أ كل غير الشجعان غير جنود وهو عكس النقيض الموافق

(ب) الكلية السالبة :

لا أ هو ب لا واحد من الطلبة بحاضر	
تنقض إلى	كل أ هو لا - ب كل الطلبة غير حاضرين
تعكس إلى	بعض لا - ب هو بعض غير الحاضرين طلبة

فنصل بذلك إلى عكس النقيض المخالف .

تنقض إلى ليس بعض لا - ب هو لا - أ بعض غير الحاضرين ليسوا من غير الطلبة .

(ج) الجزئية الموجبة :

بعض المصريين أفريقيون	بعض أ هو ب
تنقض إلى ليس بعض أ هو لا - ب	بعض الأفريقيين ليسوا من غير المصريين

إلا أن هذه جزئية سالبة لعاكس لها، وبالتالي فليس للقضية الجزئية الموجبة عكس نقيض مخالف ولا موافق .

(د) الجزئية السالبة :

ليس بعض أ هو ب	بعض المصريين أفريقيين
بعض أ هو لا - ب	بعض المصريين غير أفريقيين
بعض لا - ب هو أ	بعض غير أفريقيين مصريون

وهذا هو عكس النقيض المخالف .

تنقض إلى ليس بعض لا - ب هو لا - أ بعض غير الأفريقيين ليسوا من غير المصريين .

ونصل بذلك إلى عكس النقيض الموافق .

ويتضح هنا أن المنطق الحديث يتفق مع المنطق التقليدي في هذه العمليات الاستدلالية فيما عدا الحالة الخاصة بالكلية السالبة، لأننا في تلك الحالة قد عكسنا الكلية الموجبة في الخطوة الثانية إلى جزئية موجبة، وهذا أمر غير جائز كما عرفنا .

وإذا شئنا أن نعبر عن هذه الاستدلالات بخطواتها التي ذكرناها لوجدنا أمامنا الاستدلالات التالية :

١- الكلية الموجبة (ق ل ج)

آ- تنقض إلى ك س فيكون لدينا الاستدلال التالي :

$$[(ق ل ج) (ق ق ~ ل)]$$

ب- تعكس الكلية السالبة إلى ك س فيكون لدينا الاستدلال التالي :

$$[(ق ق ~ ل) (ق ل ~ ق)]$$

وهذا عكس النقيض المخالف .

ج- ينقض هذا العكس إلى ك م فيكون لدينا الاستدلال التالي :

$$[(\bar{C} \supset C) \supset C] \supset C$$

وهذا عكس النقيض الموافق .

ونلاحظ هنا أن جميع هذه الصياغات متكافئة، أي ..

$$(C \supset L) = C \supset L = \bar{L} \supset \bar{C} = \bar{C} \supset \bar{L}$$

وكل صيغة منها تلزم عن الأخرى كما هو واضح هنا .

[استخدم قوائم الصدق للتأكد من ذلك]

ويمكن أن نتبع هذا الإجراء في بقية القضايا الثلاث الأخرى، وستكون لدينا

الاستدلالات التالية (باختصار) .

٢- الكلية السالبة ($C \supset \bar{L}$)

$$\text{أ- نقض : } [(C \supset \bar{L}) \supset C] \supset C$$

$$\text{ب- عكس : } [(C \supset \bar{L}) \supset C] \supset C$$

وهذا هو عكس النقيض المخالف .

$$\text{ج- نقض : } [(\bar{L} \supset C) \supset C] \supset C$$

وهذا هو عكس النقيض الموافق.

وهنا نلاحظ أن المنطق الحديث لا يوافق المنطق القديم على الخطوة ب،

فالاستدلال هنا غير صحيح .

ولا يكون صحيحاً إلا إذا ذكرنا صراحة أن ق موجودة، أي ..

$$[(C \supset \bar{L}) \supset C] \supset C$$

٣- الجزئية الموجبة ($C \supset L$)

$$\text{أ- نقض : } [(C \supset L) \supset C] \supset C$$

إلا أن (ق. ~ ل) هي جزئية سالبة. وبذلك يستحيل أن نصل بها إلى الخطوة التالية وهي العكس، لأن الجزئية السالبة لاتعكس، وبالتالي لن يكون لها عكس نقيض.

٤- الجزئية السالبة (ق. ~ ل)

أ-نقض : [(ق. ~ ل) C (ق. ل)]

ب-عكس : [(ق. ل) C (ل. ق)]

وهذا هو عكس النقيض المخالف .

ج-نقض : [(ل. ق) C (ل. ~ ق)]

وهذا هو عكس النقيض الموافق .

ويتفق هنا المنطق الحديث مع المنطق التقليدي على صحة هذه الاستدلالات، وعلى أن جميع هذه الصيغ متكافئة.

[استخدم قوائم الصدق للتأكد من ذلك]

٣ - هوامش الفصل الثالث

١- انظر فى ذلك : كتابنا : مقدمة فى المنطق الرمزى : دار الثقافة للنشر والتوزيع، ص ٢١٩ ومابعدها. زكى نجيب محمود : المنطق الوصفى، الجزء الأول، ص ٢١٨ ومابعدها. وانظر أيضاً :

Halberstard , Introduction to modern Logic , P. 211. , Lewis & Langford , Symbolic Logic , P. 64