

## كراسات «علمية»

سلسلة غير دورية تصدرها المكتبة الأكاديمية

تعنى بتقديم الاجتهادات العلمية الحديثة

مدير التحرير أ. أحمد أمين

رئيس التحرير أ.د. أحمد شوقي

المراسلات : المكتبة الأكاديمية

١٢١ ش التحرير - الدقى - القاهرة ت : ٧٤٨٥٢٨٢ - فاكس ٧٤٩١٨٩٠ (٢٠٢)

المنطق الغائم

علم جديد لتقنية المستقبل

obeykandi.com

# المنطق الغائم

## FUZZY LOGIC

علم جديد لتقنية المستقبل

إعداد

دكتورة / سهام النويهي

أستاذ المنطق وفلسفة العلوم  
كلية البنات - جامعة عين شمس



الناشر

المكتبة الأكاديمية

٢٠٠١

## حقوق النشر

الطبعة الأولى ٢٠٠١م - ١٤٢٢هـ

حقوق الطبع والنشر © جميع الحقوق محفوظة للناشر :

### المكتبة الأكاديمية

شركة مساهمة مصرية

رأس المال المصدر ٩,٩٧٣,٨٠٠ جنيه مصري

١٢١ شارع التحرير - الدقى - الجيزة

القاهرة - جمهورية مصر العربية

تليفون : ٧٤٨٥٢٨٢ - ٣٣٦٨٢٨٨ (٢٠٢)

فاكس : ٧٤٩١٨٩٠ (٢٠٢)

لا يجوز استنساخ أى جزء من هذا الكتاب بأى طريقة  
كانت إلا بعد الحصول على تصريح كتابى من الناشر .

تعد استجابة منطقية لما لقيته شقيقتها الكبرى « كراسات مستقبلية » التي بدأ ظهور أعدادها الأولى عام ١٩٩٧ ، من الترحاب والتشجيع ، المقرونين بالدعوة إلى زيادة مساحة العلم في إصدارات السلسلة إلى أقصى حد ممكن .

لقد دفعتنا هذه الدعوة إلى التفكير في أن نفرّد للموضوعات العلمية سلسلة خاصة ، تستحقها ، فكانت هذه السلسلة ، التي تمثل تطويراً وتوسعاً في أحد محاور « كراسات مستقبلية » ، حيث ذكر في مقدمتها ما نصه :

« الإلمام بمنجزات الثورة العلمية والتكنولوجية ، التي تعد قوة الدفع الرئيسية في تشكيل العالم ، مع استيعاب تفاعلها مع الجديد في العلوم الاجتماعية والإنسانية ، من منطلق الإيمان بوحدة المعرفة » .

ومن ملامح هذه السلسلة :

\* المحافظة - على شكل المقال التفصيلي الطويل (Monograph) الذي تتميز به الكراسات عادة .

\* الحرص على تقديم الاتجاهات والأفكار العلمية الجديدة ، بجانب تقديم المعارف الخاصة بمختلف المجالات الحديثة ، بشكل يسمح للقارئ « المتعلم غير المتخصص » ، الذي يمثل القارئ المستهدف للكراسات ، بالقدر الكافي من الإلمام والقدرة على المتابعة .

\* وفي تقديمها للاتجاهات والمعارف العلمية الحديثة ، لن تبني الكراسات الشكل النمطي لتبسيط العلوم ، الذي يستهدف النجاح في إضافة كمية - قلت أو كثرت - لبعض المعارف العلمية إلى ثقافة المتلقى . إننا لا نتعامل هذا مع العلم كإضافة ، ولكن كمكون عضوي أصيل للثقافة المعاصرة ، وهو مكون ثري ، يتضمن المناهج والمعلومات والأفكار والاتجاهات .

\* وتأكيداً لعدم النمطية ، ستتسع السلسلة للتأليف والترجمة والعرض ، وتتضمن اجتهادات التبسيط والتنظير والاستشراف ، وستنطلق من أهمية تضامن المعرفة والحكمة وارتباط العلم الحديث بالتكنولوجيا technoscoence ، مع التركيز على أهمية ارتباطهما معاً بالأخلاق .

وبعد ، فإنني أتقدم بالشكر إلى كل الزملاء الذين تحمسوا للفكرة ، وساهموا في تقديم المادة العلمية للسلسلة . وباسمهم وباسمى أشكر الصديق العزيز الأستاذ العزيز الأستاذ أحمد أمين ، الناشر المثقف الذي احتفى من قبل بسلسلة « كراسات مستقبلية » ، وشجعنا على إصدار هذه السلسلة الجديدة . والله الموفق .

تسير على نهج « كراسات علمية » في تقديمها لموضوعات يندر وجود معالجات جادة لها باللغة العربية ، كما أنها تسير على نهج مشروع الكراسات كله (مستقبلية ، علمية ، عروض) في احتفائها بالعلم والمستقبل ، والتعامل مع العلم من منطلق وحدة المعرفة ، والاحتفاء بكل جديد في العلوم الطبيعية والعلوم الاجتماعية على حد سواء .

إن الكراسة تقدم دراسة في « المنطق الغائم » ، وتوضح أهمية هذا المبحث « الفلسفي » في « علوم وتكنولوجيا المستقبل . وسيستشر القارئ من قراءتها انتهاء عصر البراءة المنطقية الذي قدمه أرسطو (الأبيض والأسود) لصالح التفكير الرمادي . ولكن قبل أن يتصور أن الأمر يدعو إلى الإحباط سيكتشف ما في هذا المنطق الجديد من قدرات إبداعية ، وصلاحية لمعالجة الكثير من الإشكاليات والمشكلات ، مع التركيز على مجالات العلم والتكنولوجيا .

والمؤلفة ، التي تنضم إلى أسرة الكراسات بهذا العمل الجاد ، هي الدكتورة سهام النويهي أستاذ ورئيس قسم الفلسفة بكلية البنات ، جامعة عين شمس . وقد أفرزت سنوات اشتغالها بالمنطق وفلسفة العلوم عدة أعمال مهمة ، من بينها : أسس المنطق الرياضي ، تطور المعرفة العلمية ، مدخل إلى منطق الجهة ، نظرية المنهج العلمي ، الزمان بين الفلسفة والعلوم ، والمنطق الصوري في فلسفة اللغة .

**أحمد شوقي**

## الصفحة

## المحتويات

٩	.....	تقديم
١١	.....	الذكاء الإصطناعي
١٣	.....	الاحتمال واللايقين
١٦	.....	المفارقات
١٧	.....	المنطق المتعدد القيم
١٨	.....	المنطق الغائم
٢١	.....	مفهوم الفئات الغائمة
٢٩	.....	اللزوم الغائم
٣١	.....	تطبيقات المنطق الغائم
٣٢	.....	خاتمة
٣٤	.....	الحواشي
٣٦	.....	المراجع

obeykandi.com

## المنطق الغائم FUZZY LOGIC

### علم جديد لتقنية المستقبل

0 0 0

لقد ظل المنطق الأرسطي متربعا على عرش الفكر الإنساني لما يربو على ألفى سنة ، واعتبره المفكرون الآلة التي تعصم مراعاتها الفكر عن الخطأ . ولقد وضع أرسطو ما أسماه بقوانين الفكر والذي يعد أهمها قانون الوسط المرفوع Law of excluded middle ، ومفاده « إما أ أو ليس أ » ، فلا يمكن أن تكون أ وليس أ معا ، فلا بد من الاختيار بينهما لأن كلا منهما يستبعد الآخر . ولهذا فإن المنطق الأرسطي هو منطق ثنائي القيمة ، فالحكم على الأشياء لا يكون إلا من خلال قيمتي الصدق والكذب فقط .

وبذلك يكون المنطق الأرسطي قد تجاهل ثراء الواقع ، ولم يعترف إلا بقيمتين فقط لأحكام الصدق رغم إمكانية « تعدد » درجات الصدق أو الحقيقة .

فالمنطق التقليدي يختلف عن منطق الحياة الذي يقوم على استخدام الناس لعبارات تعوزها الدقة والتي منها على سبيل المثال « من المحتمل » ، « من الجائز » ، « إلى حد ما » ، « ليس صادقا دائما » ، « كاذب إلى حد ما » ، « كاد الطقس أن يكون بارداً » وغيرها من التعبيرات التي يعبر بها الناس عن ما يدور بأذهانهم . فحياة الناس اليومية تتسم بعدم الدقة واللايقين والإبهام . فالمعرفة الإنسانية مهما بلغت من تقدم هي معرفة ناقصة ، والبشر في مجال معاملاتهم يحيط بهم اللون الرمادي من جميع الاتجاهات ؛ لأن المعلومات غير كاملة ولا تتسم بالدقة المطلوبة . ومع ذلك يستطيع هؤلاء الناس ابتكار الحلول لما يواجهونه من مشاكل ومواقف غير مسبوقه . وكذلك يمكنهم صنع القرارات رغم عدم الدقة ونقص المعلومات واحتمال ظهور ما لم يكن بالحسبان . فالإنسان في تفكيره اليومي يمكن أن يضع حلولاً تخالف الحلول التي يمكن أن يصل إليها عن طريق المنطق ثنائي القيمة . بل قد نجد في الحلول المخالفة للقيمة الثنائية الكثير من الإبداع لأنها تتناول العديد من الاحتمالات .

ومن هنا جاء المنطق الغائم Fuzzy Logic بثورة على الوضوح ، وأعلى من شأن ما هو رمادي وما هو غائم ، وقام على اللايقين أى على المنطقة الوسط بين الصدق والكذب بين الواحد والصفير ، وسمح بوجود بدائل عديدة وليس بوجود بديلين فقط . فالعالم من حولنا ليس إما صواباً أو خطأ ، وليس إما أبيض أو أسود ، بل علي العكس فإن العالم من حولنا يضم الخطأ والصواب ويضم الأسود والأبيض معاً وما بينهما من درجات . فالمنطق الغائم هو موضوع للقيم المتدرجة لأنه يسمح بالقيم المتوسطة بين القيم المتفق عليها . وهو محاولة لتطبيق مزيد من طريقة التفكير الإنساني في برامج الحاسبات .

ولقد استخدم المبرمجون للحاسبات الآلية نظريات المنطق الكلاسيكي - على اعتبار أنه يمثل مثلاً أعلى للتفكير الصحيح - وبصفة خاصة نظريتي حساب القضايا Propositional Calculus وحساب المحمول Predicate Calculus في وضع البرامج المختلفة . فيقوم المبرمج بتعريف المشكلة ويحدد للحاسب المسار الذي يجب أن يسير عليه - بناء على نظريات المنطق التقليدي - لحل المشكلة . ومن ثم لا يستطيع الحاسب أن يقدم حلولاً مختلفة عن ما حدّد له ، وإذا ما واجهته مشكلة جديدة لا يمكنه حلها بناء على الخبرات السابقة . ولذلك فإن من أهم أهداف المنطق الغائم هو تقديم إطار لتمثيل المعرفة والاستدلال في بيئة عدم اليقين .

لقد أحدث المنطق الغائم ثورة في كل من علوم الحاسب ومجال التكنولوجيا . وسوف تكون معظم الآلات والأجهزة قائمة على هذا المنطق في القريب العاجل . وإذا كانت أنظمة المنطق الغائم تمثل مجالاً صغيراً ، إلا أن له أهمية بالغة في مجال الذكاء الاصطناعي .

فالمنطق الغائم هو منهج للتفكير يماثل التفكير البشري طالما أنه يسمح بالقيم والاستدلالات التقريبية والبيانات الغامضة أو الناقصة بدلاً من الاعتماد على البيانات الواضحة والتي تتضمن اختياراً ثنائياً (نعم / لا) .

وهناك العديد من الأمثلة على تطبيقات المنطق الغائم في اليابان مثل قطارات الأنفاق الموجهة بواسطة عمليات التحكم الغائم ، وآلات التصوير ذاتية الضبط والمكيفات الهوائية وأجهزة الغسيل الأوتوماتيكية ، ومازالت القائمة في اطراد مستمر .

فلقد تحقّق التقدم التكنولوجي الهائل في اليابان وكوريا بسبب تبنيهما لهذا المنطق الغائم . وتحاول الآن الدول الأوروبية وأمريكا اللغات بالنجاح الياباني ، فعلى سبيل المثال تحاول الآن وكالة الفضاء الأمريكية ناسا Nasa تطبيق هذا المنطق .

ولا بد لمن يريد أن يلحق بهذا التقدم أن يتعرف على ماهية هذا المنطق . فالمنطق الغائم هو طريقة للتفكير ستؤدي بل يمكن القول بأنها قد أدت بالفعل إلى ثورة في مجال العلم والتكنولوجيا .

والحقيقة أن المنطق الغائم لم يؤد فقط إلى حل مشكلة تمثيل المعرفة اللابينية في مجال الحاسب بل أدى كذلك إلى حل مشكلة ما يطلق عليه « بالمفارقات المنطقية » Logical Paradoxes . وكانت هذه المفارقات قد أدت إلى اهتزاز الثقة في المنطق الكلاسيكي كونها ناشئة عن القول بمبدأ الوسط المرفوع وعدم الجمع بين النقيضين . ولقد حاول بعض المناطق مثل يان لوكاشيفيتش Jan Lukasiewicz وضع منطق متعدد القيم Multivalued Logic كحل لهذا المشكلة .

إلا أن القول سواء بثنائية القيمة أو بتعدد القيم يقوم على وضع حدود واضحة بين القيم ، وبالتالي لم يؤد المنطق المتعدد القيم إلى حل مشكلة المفارقات لأن المفارقات نشأت عن عدم الوضوح فى اللغة . ولذلك كانت هناك محاولات لتطوير المنطق نفسه بوضع أنساق غير كلاسيكية للمنطق من أجل اللغات الطبيعية الغامضة . ومن ثم كان المنطق الغائم المتدرج القيم المتسمة بالاتصال واللانهائية وليس المنطق المتعدد القيم هو الحل كما سنرى .

وسوف نتناول فى هذه الكراسة الأسباب التى حثت على إيجاد هذا النوع من المنطق ثم نعرض بشيء من التفصيل لمفهوم النظرية الغائمة وعلاقتها بمستحدثات العصر التكنولوجية .

إن ما تعنيه كلمة « ذكاء » هو المقدرة على اكتساب وتطبيق المعرفة ، بينما تعنى كلمة « اصطناعى » ما اصطنع بواسطة الإنسان . والذكاء الاصطناعى هو قسم من علوم الحاسب يهتم بتصميم الأنظمة التى توضح الذكاء الإنسانى (فهم اللغة - تعلم معلومات جديدة - الاستدلال وحل المشاكل) . ويقوم بالكشف عن أوجه النشاط ذهنى Mental Activity الإنسانى التى من أمثلتها : الفهم Understanding - الإبداع Creativity - التعلم Learning - الإدراك Perception - حل المشكلة Problem Solving - الشعور Consciousness - الذكاء Intelligence وذلك من أجل تمثيلها بواسطة الحاسبات الآلية<sup>(١)</sup> .

ومن الأمور المثيرة للدهشة أن كثيراً من الأفعال الذهنية التى يفترض أنها تمثل صعوبة للإنسان (مثل لعبة الشطرنج) تكون سهلة بالنسبة للحاسب الآلى والعكس صحيح . أى أنه يوجد كذلك كثير من الأفعال الذهنية ، التى يفترض أنها سهلة للناس ، لكنها صعبة للغاية للحاسبات الآلية (وذلك مثل التعرف على الأشياء) .

فالذكاء الاصطناعى هو علم وتكنولوجيا مؤسسة على أنظمة عديدة ، مثل : علم الحاسب ، علم الحياة ، علم النفس ، اللغويات ، الرياضيات ، الهندسة ، وعلم المنطق<sup>(٢)</sup> .

ويهدف الذكاء الاصطناعى إلى تطوير الحاسبات الآلية بحيث يمكنها أن تفكر وترى وتسمع وتمشى وتتحدث وتشعر ، أى يمكنها القيام بالوظائف الآتية :

- ١ - تفكر وتستنتج .
- ٢ - تستخدم الاستنتاج لحل المشكلات .
- ٣ - تتعلم وتفهم من الخبرة .

## الذكاء الاصطناعى

### Artificial Intelligence

٤ - تكتسب وتطبق طرق المعرفة .

٥ - تظهر الإبداع والخيال .

٦ - تتناول المواقف المعقدة والمخيرة .

٧ - تستجيب سريعاً وينجح للمواقف الجديدة .

٨ - تتعامل مع المعلومات الخاطئة أو الناقصة أو الغامضة .

بدأت الأعمال الجادة فى هذا المجال سنة ١٩٥٠ ، وأثيرت الكثير من التساؤلات التكنولوجية والأخلاقية والفلسفية حول إمكانية تصميم آلات مفكرة وذكية Intelligent Thinking Machines<sup>(٣)</sup> .

وتتكون معظم أنظمة الذكاء الاصطناعى من جزئين رئيسيين :

#### ١- قاعدة المعرفة

تحتوى قاعدة المعرفة على حقائق Facts خاصة بالأشياء وعلاقات كل منها بالآخر داخل نطاق بعينه . ويمكن أن تحتوى كذلك على تصورات ، نظريات ، إجراءات عملية وارتباط كل منها بالآخرى . فقاعدة المعرفة تمثل مصدر النظام للذكاء ، وتستخدم بوساطة آلة الاستدلال للتفكير واستخراج النتائج .

#### Knowledge Base

وهى مجموعة الإجراءات المستخدمة لفحص قاعدة المعرفة بطريقة مرتبة لتجيب عن التساؤلات وتحل المشكلات أو تصنع القرارات داخل هذا النطاق . فيمكن أن تستخدم المعرفة لحل مشاكل مختلفة كثيرة خاصة إذا كانت ذات تركيب مماثل .

#### ٢- آلة الاستدلال

#### Inference Engine

ولقد تنوعت على مر السنين طرق تمثيل المعرفة Knowledge Representation فمنها على سبيل المثال نظرية المعنى Semantic Theory ، الشبكات Networks ، الأطر Frams ، السيناريوهات Scripts ، والمنطق ثنائى القيمة ، وبصفة خاصة نظريتى حساب القضايا وحساب المحمول . وهاتان النظريتان يمكنهما التعامل مع معلومات ذات ثلاث خواص<sup>(٤)</sup> :

١ - أن تكون معلومات كاملة بالنسبة لمجال الاهتمام . وبعبارة أخرى تكون كل الوقائع الضرورية لحل مشكلة ما ممثلة فى النظام ، أو يمكن أن تشتق بوساطة القواعد الاتفاكية لمنطق الدرجة الأولى .

٢ - أن تكون المعلومات متسقة Consistent .

٣ - الطريقة الوحيدة التى يمكن أن تتغير بها هذه المعلومات تكون بإضافة وقائع جديدة متى أصبحت هذه الوقائع متاحة . وإذا ما كانت الوقائع الجديدة متسقة مع الوقائع التى سبق تأكيدها ، فلا يرفض شىء من مجموعة الوقائع التى سبق وعرف صدقها وهذا ما يسمى بالتماثلية Monotonicity .

ويعد العيب الأساسي في استخدام المنطق ثنائي القيمة هو عدم مقدرة على التعامل مع موضوعات عدم اليقين وعدم الدقة . فلا يمكنه أن يقدم نموذجاً ملائماً لطرق التفكير التي تكون تقريبية أخرى عن كونها دقيقة . ومعظم التفكير الإنساني يتسم بالتقريب وعدم الدقة .

ويشير اللابقيين في الذكاء الاصطناعي إلى مجال متسع من المواقف ، حينما تكون المعلومات الضرورية ناقصة بإحدى الطرق الآتية :

- ١ - المعلومات جزئية أو تقريبية .
- ٢ - المعلومات لا يمكن الاعتماد عليها بصفة كلية .
- ٣ - يكون تمثيل اللغة غير دقيق .
- ٤ - معلومات من مصادر متعددة وتكون متعارضة .

ويعد تمثيل المعرفة غير الدقيقة واحداً من الموضوعات حديثة العهد التي لم تبحر في مجال الذكاء الاصطناعي في بداياته . فتقنيات تمثيل المعرفة لم تقدم أدوات لتمثيل معنى أو استدلال من وقائع ذات النمط الخاص بالحياة اليومية ، والتي من أمثلتها<sup>(٥)</sup> :

١ - معظم الخبراء يعتقدون أن احتمال الزلزال العنيف في المستقبل القريب احتمال منخفض جداً .

٢ - عادة ما تستغرق قيادة السيارة من مصر الجديدة إلى الجيزة في الكثافة المرورية المعتدلة حوالي ساعة .

يمثل ما تحته خط في العبارتين السابقتين محمولات غائمة Fuzzy Predicates وأسواراً غائمة واحتمالات غائمة . وما هو متفق عليه لتمثيل المعرفة يفتقر إلى وسائل لتمثيل مثل هذه التصورات الغائمة . ولذلك كان الدافع لإيجاد المنطق الغائم هو الحاجة إلى إطار تصوري يمكن أن يتناول موضوعات عدم اليقين واللاذقة .

لم يكن العلم مهتماً إلا بالكشف عن الحقائق الواضحة ، ومن ثم فإن العلوم الفيزيائية والرياضيات والمنطق يفترض كل منهم عالماً من الأبيض والأسود ، أى عالماً لا يتغير . فكل القوانين إما تنطبق أو لا تنطبق ، أى إما أن تكون صادقة أو كاذبة .

ويعود هذا الإيمان بهذه الثنائية في العالم إلى قدامى اليونان . فقوانين المنطق عند أرسطو ماهي إلا قوانين الأبيض والأسود ، وترد جميعها - كما سبق وذكرنا - إلى قانون واحد وهو قانون الوسط المرفوع « أ أو ليس أ » ، « إما هذا أو ليس هذا » . فالشيء إما أبيض أو ليس أبيض ، ولا يمكن أن يكون أبيض ولا أبيض في الوقت

نفسه . ولقد اعتبر قانون أرسطو صحيحاً لما يزيد عن ألفى عام . وبناء على ذلك لم يأخذ العلم فى اعتباره الحقيقة الرمادية للأشياء ، واعتبر أن اليقين والدقة معياران مطلقان للتعليم والبحوث العلمية .

وحديثاً أوضح هايزنبرج Heisenberg - عالم الفيزياء الألماني - أنه ليس كل العبارات تكون إما صادقة أو كاذبة ، بل إن كثيراً منها غير محدد وغير يقينى أى رمادى grey أو غائم Fuzzy . وقال هايزنبرج بمبدأ الاحتمال أو اللايقين The principle of uncertainty سنة ١٩٢٠ كنتيجة لمعرفته بعدم إمكانية التحقق من موضع وسرعة إلكترون بعينه فى لحظة معينة على وجه اليقين ، لأن موضع الإلكترون يختلف من ثانية إلى أخرى ، وبذلك يكون من المحال التوصل إلى تحديد مطلق اليقين<sup>(٦)</sup> .

لأننا فى الواقع ندرك مكان الشيء مثلاً ، عندما نرى إشعاعاته . فإذا كان الشيء متحركاً فإنه سيكون فى موقع آخر لا ندركه حالياً إلا بعد وصول إشعاع منه وهو فى مكانه الجديد . أى أننا بعد أن ندرك هذا المكان برؤيتنا إشعاعاته يكون الشيء قد تحرك من مكانه نتيجة لفقدانه هذا الإشعاع . فالوضع الذى ندركه يتغير بمجرد إدراكنا له . ولذلك من المستحيل أن نصل إلى نتيجة دقيقة بالنسبة للأشياء الذرية بعد رؤيتنا لها مباشرة . ولذلك فإن قياس مثل هذه الأشياء لا يمكننا من التنبؤ . ومن ثم فإن هذا ما أدى إلى القول بنظرية الاحتمال التى حولت اليقين فى الحقيقة الثنائية إلى احتمال .

وإذا كان الاحتمال هو اللايقين الوحيد الذى تعاملت معه الرياضيات ، إلا أنه يمكن القول أن هناك نوعين من اللايقينيات . يتعلق النوع الأول بالأنسقة الفيزيائية ، وينشأ النوع الثانى عن التفكير والمعرفة والإدراك الإنسانى .

يتناول النمط الأول من اللايقين العمليات والظواهر التى تنشأ عن السلوك العشوائى Random Behavior للأنساق الفيزيائية . ويمكن مشاهدة شيوع هذا النمط للايقين فى الاهتزازات العشوائية لآلة ما ، والتردد العشوائى للإلكترونات فى المجال المغناطيسى ، وانتشار الغازات فى المجال الحرارى . ولقد كان هذا النمط من اللايقين موضع اهتمام من قبل الباحثين لمئات السنين<sup>(٧)</sup> .

أما النمط الثانى وهو الذى يتناول ظواهرأ تنشأ عن التفكير وعمليات الإدراك الإنسانى أو المعلومات المعرفية بصفة عامة فلم يلق إلا اهتماماً هامشياً . فمعرفة وإدراك البيئة الفيزيائية المحيطة بنا من خلال الجهاز العصبى للحواس وإدراك الألم والحوادث البيولوجية المماثلة من خلال الجهاز العصبى والشبكات العصبية جدير أن يلقيا اهتماماً خاصاً نظراً لإتسامهما باللايقين . فنحن نعبر عن إدراكنا لغوياً بعبارات مثل

« هذه الوردة جميلة وذات رائحة عطرة » فالكلمات « جميلة » ، و « رائحة عطرة » تصف كلاً من الإدراك المرئى وإدراك الشم .

ويشتمل هذا النمط الثانى للايقين على أنشطة الشبكات العصبية ، ولقد كان الجهل بهذه المفاهيم وعدم إمكانية تطبيقها تقنياً فى أنظمة صنع الذكاء وعدم الألفة بهم هو الذى أدى بالعلماء إلى البحث فى هذا النمط الثانى من اللايقين والاهتمام به وهو مجال البحث الذى أدى إلى ظهور المنطق الغائم .

وعلى ذلك عندما تفرق بين نوعى اللايقين ، نجد أن النوع الأول مرتبط بالاحتمال بحدوث الظواهر . فمثلاً « ستمطر غدا » و « أدر النرد تحصل على رقم ٣ » فإنها عبارات يرتبط اللايقين فيها بحدوث الظاهرة . فهناك لا يقين فى عبارة « ستمطر غدا » لأن التنبؤ تم قبل وصول الغد وسوف يتضح بمرور الوقت ووصول الغد . واللايقين فى عبارة « أدر النرد تحصل على رقم ٣ » هو نتيجة للتخمين قبل التدوير ، وإذا ما أدرنا النرد وحصلنا على رقم ٣ فعلاً تصح القضية يقيناً .

أما النوع الثانى من اللايقين فإنه ناشئ عن الغموض فى معنى الكلمات وهو غموض لا يتضح بمرور الوقت ، بل إنه ملازم للكلمات ويمثل سمة رئيسية لها تدور معها إلى حد ما<sup>(٨)</sup> . فعبارات مثل « شخص عجوز » و « حرارة عالية » لا يتضح معناها بواسطة الاختبار أو مرور الوقت .

ويعتبر أن لنظرية الاحتمال تاريخاً بعيد المدى ، ذلك أنها تطورت فى القرن السابع عشر ، ومنذ بدايتها وتستفيد منها الرياضيات والعلوم الفيزيائية . أما نظرية الغيوم (التي تتعلق بالنوع الثانى من اللايقينيات) فإنها بدأت منذ حوالى ثلاثة وثلاثين عاماً ، وهى تعبر عن لا يقين الحياة اليومية . ذلك أن الغيوم تعبر عن اللايقين الذى هو جزء من معنى الكلمات والكلمات لا تتجزأ ولا تنفصل عن التفكير الإنسانى .

فرغماً عن أن العالم ممتلىء بالأشياء الرمادية ، إلا أن العلماء قد حولوا هذه الرماديات إما إلى أشياء بيضاء أو إلى أشياء سوداء . فهم لا يرون العالم إلا من خلال الأبيض أو الأسود فقط ؛ لأنهم بذلك يجعلون العالم أكثر بساطة مما لو كان عالماً رمادياً .

فالعالم لم يكن سوى ثنائى القيمة ويعتمد على الرياضيات . لكن إذا تحول العالم إلى عالم رمادى فلا بد من بديل للرياضيات . وكان هذا البديل هو المنطق الغائم .

لقد أدى الكشف عن المفارقات إلى التشكك في يقين الرياضيات ثنائية القيمة وأيضاً إلى اهتزاز الثقة بالمنطق الكلاسيكي . وذلك لأن هذه المفارقات إنما نشأت عن الاعتقاد في « أ أو ليس أ » .

ومن أشهر الأمثلة على هذه المفارقات مفارقة الإقريطى وهو مثال متداول في كتب المنطق « قصة الرجل الإقريطى الذى قال عن أهل بلده إنهم جميعاً كذابون ، لكن القائل نفسه من أهل بلده ، إذا فهو كاذب ، وقوله هذا كاذب ، إذا فنقيضه صادق ، وهو أن أهل بلده صادقون ، والقائل واحد منهم ، إذا فهو صادق . إذا فقوله الأول بأن أهل بلده كذابون قول صادق ، وبذلك تكون قد وصفنا القول نفسه بالصدق والكذب معاً ، وهذا تناقض »<sup>(٩)</sup> . وهو يكون تناقضاً طبقاً لقانون الوسط المرفوع الذى لا يسمح باقتران الصدق والكذب معاً .

أما المفارقة التى كشفت بالفعل عن وجود خطأ ما فى المنطق ذاته أو الرياضيات ذاتها فهى المفارقة المشهورة عن فئة كل الفئات Set of sets التى لا تكون أعضاء فى ذاتها . وهذا النوع من المفارقات يظهر وجود خطأ فى النسق المنطقى والرياضى لاحتوائها على حدود منطقية أو رياضية مثل « فئة » و « عدد »<sup>(١٠)</sup> .

وكمثال على الفئات التى ليست أعضاء فى ذاتها فئة « الزهور » ، فهى ليست عضواً فى ذاتها لأن أعضاءها تكون زهوراً . والأمر كذلك بالنسبة للفئات الأخرى لأن أعضاءها تكون أفراداً وليس فئات . ولكن إذا ما تناولنا « فئة كل الفئات » هل تكون عضواً فى ذاتها ؟ نعم ، ففئة كل الفئات هى نفسها فئة ومن ثم تكون عضواً فى ذاتها لأن أعضاءها فئات . ولكن هل فئة كل الفئات التى لا تنتمى لذاتها (مثل فئة الزهور) تنتمى لذاتها؟ إذا قلنا إنها لا تنتمى لذاتها ففى هذا تناقض لأن أعضاءها فئات وهى فئة وبذلك تستوفى معيار العضوية ، وإذا قلنا إنها تنتمى لذاتها ففى هذا تناقض لأنها بالتعريف فئة الفئات التى لا تنتمى لذاتها . وبذلك أينما صنفنا الفئة وقعنا فى تناقض ، لأنه إما أ أو ليس أ . وبذلك وقعت الرياضيات فى أزمة .

ومن أجل حل مثل هذه المفارقات وضع راسل Russell نظرية الأنماط، وتفترض هذه النظرية ترتيباً متسلسلاً لأنماط الأشياء . فهناك أولاً نمط الأفراد ويمثله (المستوى الصفري) ، ثم نمط صفات الأفراد ويمثله (المستوى الأول) ثم نمط صفات الأفراد ويمثله (المستوى الثانى) وهكذا . وتسد صفات المستوى الأولى للأفراد فقط ولا يمكن تطبيقها على صفات من نفس نمطها (أى من المستوى الأول) ، أو على صفات من مستويات أعلى على الإطلاق . وأيضاً صفات المستوى الثانى يمكن إسنادها لصفات المستوى الأول فقط ، ولا يمكن إسنادها إلى مستويات أعلى منها وهكذا<sup>(١١)</sup> .

ولكن المنطق الغائم تناول هذه المفارقات على أنها نصف حقائق - Half Truths يتحقق فيها أ وليس أ ، وتكون أ صادقة بنسبة ٥٠ ٪ فقط ، وتكون ليس أ صادقة بنسبة ٥٠ ٪ فقط . فالمفارقات نصف صادقة ونصف كاذبة ، فهي علي مسافة متساوية من أركان الأبيض والأسود<sup>(١٢)</sup> .

فإذا كانت المفارقات تمثل الاستثناء لمنطق أرسطو ، فإن التحليل الغائم يوضح العكس . فالمفارقات في المنطق الغائم هي القاعدة وليست الاستثناء ، لأن ظلال الرمادي تتحقق بين الأبيض والأسود وظلال الرمادي تعني أن أ وليس أ محققة بدرجة ما على نحو ما سنرى .

وقد أدى الكشف عن المفارقات المنطقية وكونها ناتجة عن القول بثنائية القيمة في المنطق الكلاسيكي إلى محاولات لوضع منطق متعدد القيم من أجل حلها ، وقد بدأت هذه المحاولات بوضع قيمة تقع بين قيمتي الصدق والكذب ، أو بين الصفر والواحد الصحيح وهي قيمة الاحتمال . فالمنطق متعدد القيم يتخذ مع الصدق والكذب قيمة أو قيمة أخرى متعددة تقع بينهما .

## المنطق متعدد القيم Multivalued Logic

وعادة ما يدعى أصحاب المنطق متعدد القيم أن ما يقدمونه من أنساق هو بديل للمنطق التقليدي . وتذهب هاك Haack إلى أن المنطق كثير القيم إن هو إلا منطق «معدل» Deviant Logic<sup>(١٣)</sup> . ذلك أنه يشارك المنطق الكلاسيكي إلا أنه يخلو من بعض مبرهناته مثل قانون الوسط المرفوع (أ أو ليس أ)<sup>(١٤)</sup> . ولقد وضع يان لوكاشيفتش سنة ١٩٢٠ نسقاً ثلاثي القيمة في منطق الجهات ، كما وضع أيضاً منطقاً رباعي القيم ، وآخر ثماني القيم به احتمالات مختلفة من الدرجات<sup>(١٥)</sup> .

رفض لوكاشيفتش المنطق ثنائي القيمة لأنه سيؤدي إلى الحتمية إذا ما طبق على الحوادث المستقبلية . وذهب لوكاشيفتش إلى أنه إذا كانت بعض الحوادث المستقبلية - كأن تقع معركة بحرية غداً - متصفة بالإمكان فالقضية التي ننطق بها اليوم عن هذه الحوادث لا تكون صادقة ولا كاذبة . ومن ثم يجب أن تكون لها قيمة صدق غير القيمتين « صادق » و « كاذب » . وهذه القيمة الثالثة هي الممكن Possible أو غير المحدد Indeterminate ، وليس لقانون الوسط المرفوع مبرهناته لدى لوكاشيفتش .

والحقيقة أن اللجوء إلى منطق متعدد القيم لم يؤد إلى حل مشكلة المفارقات ، ذلك أن القيم المتعددة تقوم على وضع حدود واضحة بينها ، بينما تنشأ المفارقات لعدم وجود مثل هذه الحدود . ومن ثم كان الحل من وجهة نظر المنطق الغائم هو تدرج القيم المتصل وليس بتعددتها .

هو المنطق الذى يتناول طرق التفكير التى تتسم بالتقريب وليس بالدقة . وترجع أهمية المنطق الغائم إلى أن أغلب أنماط التفكير الإنسانى هى بطبيعتها تقريبية . ويقع التفكير التقريبى خارج نطاق مجال المنطق الكلاسيكى الذى يهتم بأنماط التفكير ذات الصياغات الدقيقة . فمعايير المنطق الكلاسيكى للتفكير الصحيح لا تلائم سوى اللغات الإصطناعية الدقيقة . وتحقق هذه المعايير عندما تنطبق على اللغات الطبيعية الغامضة Natural Vague Languages والتى نفكر بها فعلياً فى ما يخص العالم الذى نخيره . وإذا كان من الممكن أن نقلل من غموض اللغات الطبيعية إلا أننا لا يمكننا جعلها دقيقة الدقة الكاملة<sup>(١٦)</sup> . وإذا كان المنطق الكلاسيكى ينطبق على اللغات الرمزية المتسمة بالدقة التامة فإنه ينطبق على لغات لا يمكن التحدث بها . ومن ثم كانت أهمية المنطق الغائم لإمكانية تطبيقه على اللغات الطبيعية .

يتعامل المنطق الغائم مع قيم صدق الصدق الجزئى Partial Truth الذى يقع بين « الصدق الكامل » و « الكذب الكامل » ، فهو يتناول النسب التى تقع بين صفر % و ١٠٠ % . فالمنطق الغائم يسمح بمزيد من الدرجات ، أى أنه يسمح بالمتصل اللانهائى Infinite Continuum للدرجات الرمادية التى تقع بين الصفر والواحد الصحيح . فهو يتعامل مع الحوادث التى تحدث بدرجة ما وليس إذا ما كانت الحوادث العشوائية تحدث كلها أو لا تحدث . أى أن المنطق الغائم لا يتنبأ إذا ما كان الحدث سيقع أم لا أو إذا ما كان سيقع بنسبة بعينها ، ولكنه يتعامل مع الصفات التى تصف الحدث . فإذا قلنا « احتمال أن يكون الطقس حاراً جداً غداً » فإن نظرية الاحتمال هى التى تتناول نسبة هذا الاحتمال . أما وصف الحرارة بـ « جداً » فإن هذه الصفة باعتبارها صفة غائمة هى ما يتناولها المنطق الغائم .

وكان الميلاد الفعلى للمنطق الغائم على يد العالم الأمريكى الجنسية والإيراني الأصل لطفى زاده<sup>(\*)</sup> حينما نشر سنة ١٩٦٥ بحثاً بعنوان « الفئات الغائمة Fuzzy Sets » ولم يعره أحد اهتماماً فى ذلك الوقت ، إلا أنه وجد اهتماماً متزايداً من جانب القراء بكتابة المزيد من البحوث فى الفئات الغائمة .

(\*) ولد زاده سنة ١٩٢٠ فى باكو Baku عاصمة أذربيجان ، وهو إيراني الأصل عاش فى إيران منذ العاشرة من عمره وحتى بلغ الثالثة والعشرين . حصل على البكالوريوس سنة ١٩٤٢ فى الهندسة الكهربائية من جامعة طهران . رحل سنة ١٩٤٤ إلى الولايات المتحدة حيث حصل على الماجستير فى الهندسة الكهربائية سنة ١٩٤٦ وعلى الدكتوراه فى التخصص نفسه سنة ١٩٥١ . وشغل منصب أستاذ كرسى سنة ١٩٧١ بقسم الهندسة الكهربائية فى بركللى - جامعة كاليفورنيا .

وفى سنة ١٩٧٢ أعلن زاده ما أسماء بمبدأ عدم التوافق Principle of Incompatibility والذي مؤداه « كلما تزايد تعقد النظام تناقصت مقدرتنا على صنع عبارات خاصة بمسلكه تكون ذات دلالة ودقيقة فى الوقت نفسه وذلك إلى الحد الذى تستبعد فيه خاصيتنا الدقة والدلالة ، كل منهما الأخرى تبادلياً » . كما أعلن لاحقة لهذا المبدأ وهى « كلما ازداد المرء اقتراباً من النظر إلى مشكلة العالم الواقعى أصبح حلها أكثر غيمومة » ؛ أى إن الدقة تزيد من الغيمومة<sup>(١٧)</sup> .

ولم يستخدم زاده مصطلح « تعدد القيم » الذى سبق واستخدمه لوكاشيفتش كما أنه لم يستخدم مصطلح « غامض » الذى سبق واستخدمه كل من بلاك Black وراسل واستخدم كلمة « غائم » Fuzzy<sup>(\*)</sup> لأنه يرى ارتباطها بالحس المشترك وكذلك بالتسوق .

والمنطق الغائم هو وسيلة لنمذجة لايقين اللغات الطبيعية . فيمكن أن يعبر عن الحدود اللغوية المتسمة بعدم اليقين مثل « ربما كان كاذباً » ، « صادق نوعاً ما » . وعندما يطبق المنطق الغائم على الحاسبات ، فإنه يسمح لها بأن تحاكي عملية التفكير الإنسانى ، فتكتم المعلومات غير الدقيقة وتصنع قرارات مرتكزة على بيانات غامضة وناقصة . فالمنطق الغائم يعنى استنتاجاً بأعداد غائمة وفتات غائمة .

ويعد مصطلح المنطق الغائم مسمى أو بطاقة لفكرة أو عدة أفكار : ظلال الرمادى، حدود ضبابية ، مساحة رمادية ، متضادات متوازنة ، كل من الصدق والكذب ، التناقض . ويعتبر البعض أنها فكرة لها جذورها فى الماضى السحيق فى الشرق الأقصى . فيذهب كوسكو Kosko إلى أن المنطق الغائم هو تصور تعود جذوره إلى بوذا<sup>(\*\*)</sup> .

حقيقة لم يكن بوذا منظراً للغائم ، ولكن كانت لديه فكرة الظلال الرمادية ، لأنه كان يسمح بـ أ وليس أ معاً<sup>(١٨)</sup> . فبوذا أول مفكر رفض عالم الأبيض والأسود ثنائى القيمة . ذلك أنه إذا ما تجنب المرء حدود الأبيض والأسود ستكون رؤيته للعالم

(\*) كلمة "Fuzzy" مرتبطة بالحس المشترك عند من يتحدثون الإنجليزية فيمكن شيوخ نداولها عند استخدامها فى تسويق الأجهزة القائمة على المنطق الغائم . بل وأصبحت كلمة "Fuzzy" هى المفتاح للتسوق .

(\*\*) كان بوذا هندياً وليس صينياً ولم يذهب قط إلى الصين ، ولكن آراؤه انتشرت من خلال الصين . وكان بوذا ملحداً أو لا أدرياً وتنحصر آراؤه عن العالم فيما يلى : ١ - الحياة مشقة . ٢ - تنبع المشقة من الرغبة . ٣ - استبعد الرغبة وبذلك تستبعد المشقة . ٤ - عش حياة هادئة ومارس التأمل كى تتمكن من استبعاد الرغبات .

أكثر وضوحاً . فلقد اخترق بوذا عالم الأبيض والأسود ورأى العالم كما هو يراه مليئاً بالمتناقضات ، بالأشياء والأشياء ، وبأ وليس أ .  
ومن أهم سمات المنطق الغائم ما يلي<sup>(١٩)</sup> :

١ - أنه يعتبر التفكير الدقيق Exact هو حالة حدية Limiting Case للتفكير التقريبي .

٢ - يكون كل شيء موضوعاً للتدرج Matter of Degree .

٣ - يمكن تغيير Fuzzified أى نسق منطقي .

٤ - تقدم المعرفة مجموعة من التفسيرات المطاطة أو الغائمة .

٥ - الاستدلال هو عملية لتوليد تفسيرات مطاطة .

فالمنطق الغائم يختلف عن الأنساق المنطقية التقليدية قلباً وقالباً (فى الروح والتفصيلات) . ويرى لطفى زاده إن الاختلافات الرئيسية بينهما كما يلي<sup>(٢٠)</sup> :

إنه لمن المعروف أن للصدق فى المنطق ثنائى القيمة قيمتين فقط هما : صادق أم كاذب . أما فى المنطق متعدد القيم فتتعدد القيم ، فهى إما ثلاث قيم أو أربع قيم أو خمس قيم وهكذا . إلا أن هذه القيم متقطعة تتجاوز ما بينها من قيم .

## ١- الصدق Truth

بينما تكون قيمة صدق القضية فى المنطق الغائم هى فئة فرعية غائمة لأى فئة مرتبة جزئياً ، لكن من المعتاد أن يفترض أنها فئة فرعية غائمة للفاصل (صفر ، واحد صحيح) أو ببساطة تكون نقطة Point فى هذا الفاصل . وتفسر قيم الصدق اللغوية Linguistic Truth Values (والتي مثل : صادق جداً ، ليس صادقاً تماماً ، كاذب إلى حد ما ، يكاد أن يكون كاذباً ... إلخ) باعتبارها قوائم فئات فرعية غائمة للفاصل (صفر ، واحد صحيح) ؛ فالمنطق الغائم يسمح بالصدق المتدرج المتصل .

## ٢- المحمولات Predicates

تمثل المحمولات فى المنطق الكلاسيكى فئات محددة Crisp Sets فإذا قلت عبارة مثل « فاطمة سعيدة » فإن فاطمة لا بد أن تكون سعيدة حتى يمكن أن تنتمى لفئة السعداء ، وإلا إذا لم تكن سعيدة فإنها تنتمى إلى فئة اللاسعداء ، ولا يمكن أن تكون سعيدة وليست سعيدة فى الوقت نفسه . ولكن فى المنطق الغائم ليس هناك ما يمنع أن يكون الشخص سعيداً وليس سعيداً فى آن واحد . ومن ثم فإن المحمولات فى المنطق الغائم هى محمولات غائمة مثل « سعيد إلى حد ما » ، « يكاد أن يكون طويلاً » ، « أكبر بكثير من » ... إلخ . ويجدر الملاحظة أن معظم المحمولات فى اللغات الطبيعية تكون غائمة أكثر منها محددة .

٣ - معدلات المحمول

Predicate Modifier

يعد النفي هو معدل المحمول الوحيد المستخدم في المنطق الكلاسيكي بينما هناك العديد من معدلات المحمول في المنطق الغائمي وذلك مثل « جداً » ، « بشكل أو بآخر » ، « بالكاد » ، « أخرى » ، ... إلخ . وتلعب معدلات المحمول دوراً أساسياً في توليد قيم المتغيرات اللغوية مثل « طويل جداً » ، « ليس طويلاً جداً » وهكذا .

٤ - الأسوار Quantifiers

يوجد نوعان فقط من الأسوار في المنطق التقليدي وهما السور الكلي Universal Quantifier والسور الوجودي Existential Quantifier . فالسور الكلي يعبر عن تملك (أو عدم تملك) جميع أفراد الموضوع للصفة الواردة في المحمول . أما السور الوجودي فإنه يعبر عن وجود فرد واحد على الأقل يمتلك (أو لا يمتلك) الصفة الواردة في المحمول . وبالإضافة إلى هذين السورين فإن المنطق الغائمي يسمح بمتنوع متعدد من الأسوار الغائمية مثل « قليل » ، « الأغلب » ، « تقريباً دائماً » ، .. إلخ .

٥ - الاحتمالات Probabilities

يكون للاحتتمالات قيمة عددية أو قيمة تقع بين الصفر والواحد الصحيح ولتكن 0.5 مثلاً . أما في المنطق الغائمي فإن الاحتمالات تكون غائمة أو لغوية مثل : « من غير المحتمل » ، « محتمل جداً » ، « حوالى كذا ... إلخ . وتفسر هذه الاحتمالات باعتبارها أعداداً غائمة .

٦ - الممكنات Possibilities

على عكس منطق الجهة Modal Logic يكون تصور « الممكن » في المنطق الغائمي مدرجاً أخرى من كونه تئادياً ، فالممكنات هي متغيرات لغوية ذات قيم مثل : « ممكن » ، « ممكن تماماً » ، « تقريباً ممكن » ، « يستحيل تقريباً » ... إلخ .

مفهوم الفئات الغائمة

Fuzzy Sets

لقد وضع لطفى زاده « الفئات الغائمة » لتكون بديلاً للفئات المحددة Crisp Sets المستخدمة في المنطق الكلاسيكي . لقد إدرك زاده أن الإنسان لا يفكر بلغة الكم ولكن بلغة الكيف . فهو لا يستخدم الأعداد بل الكلمات التي مثل « أحياناً » ، « نوعاً ما » ، « ربما » .

والسمة المميزة للفئات الغائمة هي المقدرة على التعبير عن كم الغموض في التفكير الإنساني ، كما تعتبر الفئات الغائمة امتداداً للفئات المحددة . فبينما تسمح الفئة المحددة إما بعضوية كاملة أو لا عضوية على الإطلاق فإن الفئة الغائمة تسمح بالعضوية الجزئية ، أى أن العنصر أو الشيء يكون منتماً انتماء جزئياً لفئة ما . وحتى نتبين الفارق بين الفئات المحددة والفئات الغائمة سنتناول مفهوم الفئة في المنطق الكلاسيكي ، ثم نتبع ذلك بمفهوم الفئة الغائمة في المنطق الغائمي وذلك على النحو التالي .

مفهوم الفئة في المنطق الكلاسيكي

يعتبر راسل أنه من أصعب المشكلات في الفلسفة الرياضية وأعظمها أهمية أن تتمثل في الذهن تمثلاً واضحاً المقصود بالفئة<sup>(٢١)</sup> .

وهناك أمثلة كثيرة لمفهوم الفئة في حياتنا اليومية ، فكثيراً ما نتحدث عن « فئة الطلبة » ، « فئة الأساتذة » ، « فئة الرياضيين » . وعادة ما يشار للفئة باعتباره « فئة كذا وكذا » ، أى الفئة التى يتميز أعضاؤها بسمة معينة ، فاتصاف الفرد بسمة معينة هو ما يجعله منتبهاً لفئة بعينها . فمثلاً لا يمكن لأى شخص أبداً أن ينتمى لفئة الطلبة إلا إذا كان طالباً ، فكونه طالباً هو السمة التى تحدد عضويته فى فئة الطلبة .

والواقع أنه توجد طريقتان بصفة عامة لتكوين الفئات . وترتكز هاتان الطريقتان على التفرقة بين المفهوم والمصادق . فهناك من يرى - وبخاصة الرياضيين - أن الفئة تتكون على أساس المصادق . أى أن الفئة تتكون بواسطة عدد الأفراد المكونين لها والمرتبطين بواو العطف مثل فئة « محمد وحسين وزيد وعمرو » . وبذلك نحصل على فئة يكون أعضاؤها هم محمد وحسين وزيد وعمرو .

وقد تتكون الفئة على أساس المفهوم وكمثال على ذلك فئة « طلبة السنة الثالثة فلسفة » التى يمكن أن تضم عدداً كبيراً من الطلبة ممن ينطبق عليهم مفهوم « طلبة السنة الثالثة فلسفة » .

وطبقاً لمفهوم المنطق الكلاسيكى ، فإن الفئات تكون فئات محددة ، أى أن عضوية شىء فى فئة معينة يتوقف على أن يكون هذا الشىء متصفاً بالصفة التى تحدها هذه الفئة وألا يكون ليس عضواً بها . أى أن العضوية فى فئة ما تكون مساوية إما للواحد الصحيح أو للصفر . وفى حالة عضوية الشىء فى الفئة تكون دالة العضوية مساوية للواحد الصحيح . وفى حالة عدم عضويته تكون دالة العضوية مساوية للصفر .

ومن المفاهيم العامة فى الفئات مفهوم الفئة الشاملة Universal Set . فكما عرفنا فإن الفئة هى جمع من أشياء تتصف بصفات بعينها . وإذا افترضنا أن العالم يتكون من الفئات أ ، ب ، ج ، وتناولنا الفئة أ فإن ما يتبقى فى العالم هو كل ما لا ينتمى للفئة أ ، أى أن العالم يكون محتويًا على الفئة أ والفئة لا أ ، التى يرمز لها بالرمز  $\bar{A}$  .

وعادة عندما نتحدث فإننا لا نتحدث عن العالم بصفة عامة ، بل عن عالم مقال أو خطاب Universe of Discourse بعينه ، فمثلاً عالم المقال فى كتب الرياضيات هو جميع الأعداد . وقد يكون عالم المقال خاصاً بمقال بعينه مثل الأعداد أو الألوان ، وقد يكون عالمياً شاملاً لجميع الفئات التى يمكن أن نتحدث عنها .

وعالم المقال هو نفسه المقصود بالفئة الشاملة . وعادة ما يرمز لعالم المقال أو

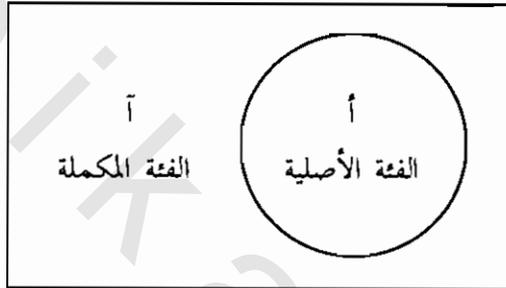
الفئة الشاملة بالواحد الصحيح ؛ أى يعبر عن الفئة الشاملة كما يلي :

$$1 = \text{الفئة الشاملة}$$

وإذا ما كانت الفئة الشاملة هي فئة الألوان واخترنا منها فئة اللون الأحمر وأشرنا لها بالرمز « أ » ستكون باقى فئات الألوان هي « آ » ، أى إن الفئة الشاملة تكون محتوية على أ ، آ ويعبر عن ذلك بالصياغة الرمزية التالية :

$$1 = \text{أ} + \text{آ}$$

ويعبر عن ذلك أيضاً بالشكل الآتى :



حيث يطلق على الفئة « أ » التى اخترنا نتحدث عنها الفئة الأصلية ، ويطلق على الفئة « آ » الفئة المكملة .

وهناك عوامل إجراء خاصة بالفئات ، وأهمها :

عندما نكوّن فئة داخل عالم المقال فإن كل فرد فى هذا العالم سيكون إما منتمياً لهذه الفئة أو خارجها كما سبق وذكرنا . فإذا كان عالم المقال هو الشعوب المختلفة وكانت الفئة المتكونة هي فئة المصريين ، فإن كل فرد فى عالم المقال سيكون إما داخلاً فى هذا الفئة أو خارجاً عنها . أى أن كل فرد فى عالم المقال سيكون إما مصرياً أو لا مصرياً . ويعبر عن ذلك رمزياً على النحو الآتى<sup>(٢٢)</sup> :

$$(س) (س \in \text{أ}) \vee (س \in \text{آ}) (*)$$

وتقرأ أنه « بالنسبة لكل س فإن س تكون أ أو س ليس أ » . ويطلق على الفئتين أ ، آ فئات تكملية Complementary Sets لأن كلاً منهما محتاج الأخرى لتكمل عالم المقال ، وبذلك يستخدم إجراء النفى لتعريف الفئة آ .

إذا افترضنا أن لدينا الفئتين أ ، ب وكانت الفئة أ هي فئة الطلاب ، وكانت الفئة ب هي فئة الرياضيين فيمكن أن نجد أعضاء مشتركة بين هاتين الفئتين . ذلك أنه يمكن أن يوجد من هو طالب ورياضى فى آن واحد . ويكون الأعضاء

(\*) يعبر الرمز  $\in$  عن الانتماء .

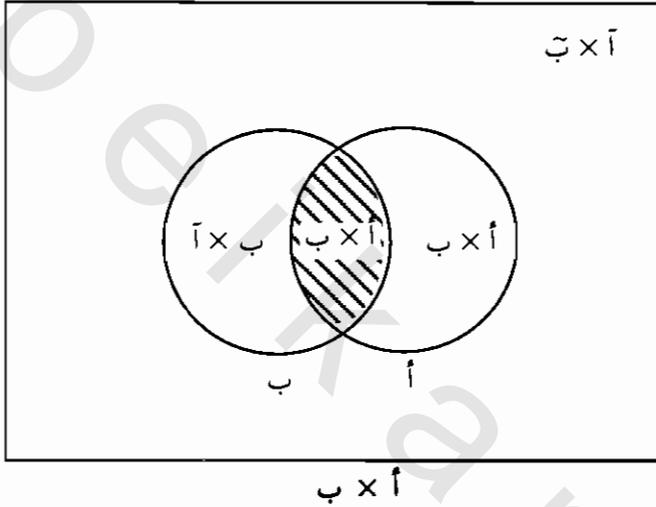
## ١- إجراء النفى

## ٢- إجراء الضرب المنطقى

المشتركة بين الفئتين أ ، ب فئة جديدة يطلق عليها الفئة المشتركة Common Set أو الفئة العطفية Conjunctive Set لأنها ناتجة عن عطف فئتين أو حاصل ضربهما<sup>(٢٣)</sup> . ويرمز للفئة الناتجة عن العطف أو حاصل الضرب كالاتي (\*):

$$أ \times ب$$

ويعبر عنها بالشكل الآتي :



ومن الواضح أن الفئة العطفية تكون أصغر من كل من الفئتين التي تكونت منهما ، ففئة الطلاب الرياضيين أصغر من فئة الطلاب ، وكذلك أصغر من فئة الرياضيين . حقيقة إنها أحياناً تكون متساوية لإحدهما ، ولكنها بالتأكيد لن تكون أكبر منها .

إذا ما أضفنا الفئة أ إلى الفئة ب تتكون فئة جديدة يكون أعضاؤها ممن ينتمون إما إلى الفئة أ أو الفئة ب ولذلك تسمى الفئة الناتجة جمع أ ، ب . ويعبر عنها بعلامة الجمع «+» كما فى الجمع الرياضى ، ومن ثم فالصيغة الرمزية لها : أ + ب . والدالة المعرفة لها هي :

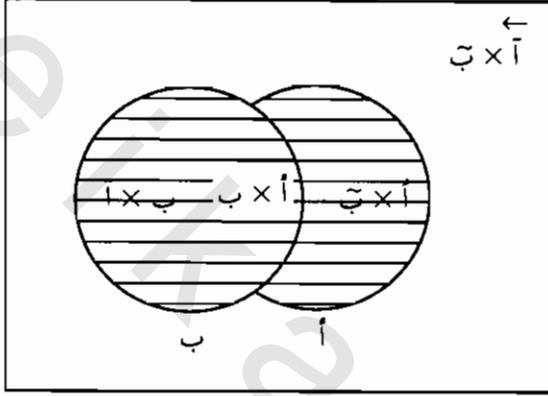
$$(س \in أ) \vee (س \in ب)$$

ويطلق على الفئة الناتجة من الجمع المنطقى الفئة الفصلية Disjunctive Set ذلك أن جمع فئتين معاً لا يزيل الفارق بينهما ، بل تظل كل فئة متميزة عن الأخرى . وهناك نوعان من الفصل : الفصل غير الاستيعادى الذى يفيد إمكانية الجمع بين البديلين . والفصل الاستيعادى الذى يستحيل معه الجمع بين البديلين .

(\* ) يطلق على هذا الشكل «شكل فن» نسبة إلى عالم المنطق الإنجليزى جون فن John Venn .

## ٢- إجراء الجمع المنطقى

وعادة ما يستخدم الفصل غير الاستبعادي - والذي يطلق عليه أحياناً الفصل الضعيف - في المنطق الرياضي . ويمكن توضيح الفصل غير الاستبعادي بالمثل التالي : إذا اعتبرنا أن الفئة أ هي فئة المتعلمين ، والفئة ب هي فئة الرياضيين وقمنا بالجمع بينهما تكونت الفئة « أ + ب » . وإذا اخترنا جزافاً أي عضو من الفئة « أ + ب » سيكون منتبياً إما إلى فئة الرياضيين أو إلى فئة المتعلمين أو إلى فئة المتعلمين الرياضيين ، لأنه من الممكن وجود عضو يكون متعلماً ورياضياً في الوقت نفسه ، وهذا ما يعبر عنه بالشكل التالي<sup>(٢٤)</sup> :



فالفئة أ + ب يمثلها الجزء المظلل من الشكل ، وعلى ذلك فإن الفئة أ + ب تكون مساوية للفئات « أ × ب̄ » أي فئة المتعلمين غير الرياضيين ، « ب × آ̄ » أي فئة الرياضيين غير المتعلمين ، « أ × ب » أي فئة المتعلمين الرياضيين .

لقد أثارت نظرية الفئة الغائمة عندما قدمها زاده سنة ١٩٦٥ الكثير من الجادلات والمناقشات . ولكن حديثاً اكتشف لها الكثير من التطبيقات في عديد من المجالات . وأكثر التطبيقات نجاحاً لهذه النظرية مجال متحكمات المنطق الغائم Fuzzy Logic Controllers والذي لاقى نجاحاً هائلاً في اليابان ، حيث تستخدم الكثير من المنتجات التجارية هذه التقنية . فهذه التقنية تقدم متحكمات ذات أداء مماثل لأداء الإنسان الخبير<sup>(٢٥)</sup> . والفئة الغائمة وهي الأساس للتحكم الغائم توسع من تصور الفئة المحددة بواسطة تعريف العضوية الجزئية والتي يمكن أن يكون لها قيم مدرجة من الصفر إلى الواحد الصحيح .

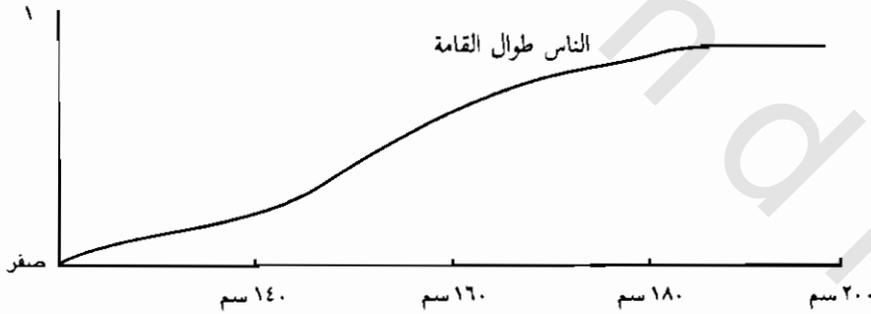
وأهم ما يميز الفئات الغائمة هي تحويلها لدالة العضوية للفئة المحددة ، التي كانت تعبر إما عن انتماء الشيء للفئة أو عن عدم انتمائه لها لتصبح دالة العضوية معبرة عن الانتماء بأي قيمة من القيم التي تقع بين الصفر والواحد الصحيح ، وهي قيم متصلة ولا نهائية ، ويرمز لدالة العضوية بالرمز  $\mu$  والصياغة الرمزية لتمثيلها ، القيم التي تكون مساوية أو أكبر من الصفر ومساوية أو أصغر من الواحد الصحيح هي :

مفهوم الفئة الغائمة

$$\mu = \text{صفر} \leq \mu \leq 1$$

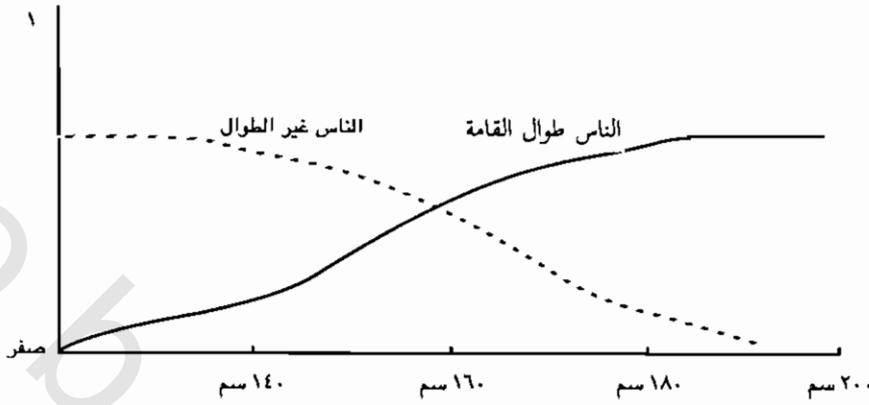
كما يمكن للفئة الغائمة أن تعبر عن الغموض ، وتعدد المعنى الذى تتضمنه معظم اللغات الطبيعية . ويمكن أن نوضح ذلك بصفتى « طويل » ، « عجوز » .  
فبالنسبة لصفة الطول لا نستطيع أن نحدد بوضوح من هو الطويل ، ومن هو ليس بطويل ، وهل إذا قلنا إن الطويل هو من يكون طوله ١٦٠ سم مثلاً فماذا عن الشخص الذى يكون طوله ١٥٩,٥ سم هل يكون طويلاً أم قصيراً ؟ أو الشخص الذى طوله ١٦١ سم هل يكون طويلاً أم طويلاً جداً ؟ وكذلك الأمر بالنسبة لصفة « عجوز » التى يصعب أن نحدد أيضاً من هو العجوز ؟ هل العجوز هو من يكون عمره ستين سنة أم أكثر أم أقل ؟ حيث هناك من يعتبر أن الشباب ليس له دخل بالسن وقد يكون الإنسان عمره ستين سنة ولكنه شاب .

ولقد استخدم زاده فئة الناس طوال القامة ليوضح الفئة الغائمة ، وربط تصور « الطول » بمنحنى من قيم الوحدات الغائمة . وأطلق زاده على هذه الفئة الغائمة منحنى العضوية Membership Curve ، والذى يمكن توضيحه بالرسم البيانى التالى<sup>(٢٦)</sup> :



يوضح المحور الأفقى الطول بالسنتيمتر ، بينما يوضح المحور الرأسى درجة عضوية الشخص فى فئة الناس الطوال . فمثلاً الشخص الذى طوله ١٤٠ سم يكون عضواً فى فئة الطوال بدرجة 0.1 بينما الشخص الذى طوله ١٦٠ سم فهو عضو بها بدرجة 0.4 وهكذا .

ويوضح هذا الرسم أن لكل طول درجة أو قيمة أو عضوية فى فئة الناس الطوال ، فكل شخص طويل لدرجة ما . وكل إنسان ليس طويلاً لدرجة ما . ومن ثم فإن منحنى اللاتوال يكون عكس منحنى الطول . وإذا رسمنا منحنيات الطول وعدم الطول على الرسم البيانى نفسه ، يمكن أن نرى أنهما يتقاطعان عند منتصف قيمة الوحدات ؛ حيث تكون أ تساوى ليس أ وذلك على النحو الآتى :



ومن ثم فإنه مع الفئات الغائمة يمكن أن نمثل أى معدلات Modifiers لغوية مثل طويل جداً ، طويل بشكل أو بآخر ، والطول مثله مثل معظم خواص العالم إن هو إلا مسألة تدرج . ويوضح المنحنى هذا التغير الناعم الذى لا يمكن أن توضحه الخطوط الجامدة . فالفئات الغائمة تربط العالم بمنحنيات .

ويلاحظ فى الرسم البيانى السابق أن المحور الأفقى هو تكميم لصفة الطول ، بينما يكون المحور الرأسى تكميماً لدرجة الغموض ، وهذا ما يطلق عليه تكميم المعنى . Quantification of Meaning

ويطلق على الدالة التى يعطى عندها درجة العضوية « دالة العضوية Membership Function » التى يرمز لها بالرمز  $\mu$  كما سبق وذكرنا . ويطلق على درجة التضمن « المدى Extent » أو « التدرج Grade » . فمثلاً درجة عضوية الأشخاص أ ، ب ، ج حسب أطوالهم فى فئة الطوال (ط) يعبر عنها كما يلي (٢٧) :

$$\mu_{\text{ط (أ)}} = 1$$

$$\mu_{\text{ط (ب)}} = 0.8$$

$$\mu_{\text{ط (ج)}} = 0.2$$

ويلاحظ أن هناك شيئين رئيسيين يحكمان الفئات الغائمة . الشئ الأول هو المحور الأفقى الذى يمثل الفئة ، والشئ الثانى هو دالة العضوية . وينظر فى النظرية الغائمة إلى الفئات المحددة على أنها حالات استثنائية للفئات الغائمة .

وينطبق على الفئات الغائمة عوامل الإجراء التى تطبق على الفئات المحددة ، وهى العوامل التى تؤدى إلى الاتحاد والتقاطع والاكتمال ، وسوف نستخدم دالة العضوية فى توضيحها كما يلي (٢٨) :

## ١ - الاتحاد Union

تكون الصياغة الرمزية للاتحاد الفئات الغائمة  $\bar{A}$  ،  $\bar{B}$  كما يلي :

$$\bar{A} \cup \bar{B}$$

وهي فئة غائمة يمكن تعريفها بواسطة دالة العضوية كما يلي :

$$\mu_{\bar{A} \cup \bar{B}}(s) = \mu_{\bar{A}}(s) \vee \mu_{\bar{B}}(s)$$

ويلاحظ أن الفئة الغائمة الناتجة عن اتحاد فئتين غائمتين تكون قيمة دالة عضوية أى عنصر من عناصرها هي القيمة الأكبر من دالة عضويته فى أى من الفئتين المتحدتين . فمثلاً إذا كانت قيمة دالة عضوية (س) فى  $\bar{A}$  هي 0.6 وقيمة دالة عضويتها فى  $\bar{B}$  هي 0.4 فإن دالة عضوية (س) فى الفئة الغائمة الناتجة عن اتحادهما تكون 0.6 لأنها القيمة الأكبر .

الصياغة الرمزية لتقاطع الفئات الغائمة  $\bar{A}$  ،  $\bar{B}$  كما يلي :

$$\bar{A} \cap \bar{B}$$

ويمكن تعريف تقاطع الفئات الغائمة بواسطة دالة العضوية كما يلي :

$$\mu_{\bar{A} \cap \bar{B}}(s) = \mu_{\bar{A}}(s) \wedge \mu_{\bar{B}}(s)$$

وتكون قيمة دالة عضوية أى عنصر من عناصر الفئة الغائمة الناتجة عن تقاطع فئتين غائمتين هي القيمة الأصغر لدالة عضويته فى أى من الفئتين المتقاطعتين . فمثلاً إذا كانت قيمة دالة عضوية (س) فى  $\bar{A}$  هي 0.2 ، وقيمة دالة عضويتها فى  $\bar{B}$  هي 0.4 فإن قيمة دالة عضوية (س) فى الفئة الغائمة الناتجة عن تقاطعهما هي 0.2 لأنها القيمة الأصغر .

$$\bar{\bar{A}} \text{ هو } A$$

وهو فئة غائمة يمكن تعريفها بدالة العضوية الآتية :

$$\mu_{\bar{\bar{A}}}(s) = 1 - \mu_A(s)$$

فمثلاً إذا كانت قيمة دالة عضوية س فى الفئة الغائمة  $\bar{A}$  هو 0.4 فإن قيمة دالة عضويتها فى الفئة الغائمة  $\bar{\bar{A}}$  يكون 0.6 أى (1 - 0.4) لأن الفئة الشاملة تساوى الواحد الصحيح .

ويلاحظ أن قانونى الوسط المرفوع وعدم التناقض لا يتحققان للفئات الغائمة . فالفئات الغائمة تظهر عندما تكون الحدود غير واضحة أو ضبابية ؛ أى عندما تتداخل أ مع ليس أ .

## ٢ - التقاطع Intersection

## ٣ - الاكتمال Complement

عادة ما يفكر الناس ويصلون إلى قرارات من خلال ما يسمى بقواعد اللزوم التي تربط بين الأفكار . فإذا كنت ترغب في الذهاب إلى مكان ما وعلمت أن الجو ممطر فستصل إلى النتيجة التي مؤداها أنه عليك أن تأخذ معك مظلة من خلال القاعدة التي مؤداها أنه إذا نزلت في المطر إذاً سوف تبتل .

ولقد شيد علماء الحاسب مجال الذكاء الاصطناعي بناء على الاعتقاد بأن المعرفة ماهي إلا قواعد . ولكن قواعد اللزوم طبقاً للمنطق الكلاسيكي هي قواعد قائمة على قيم الصدق فقط بغض النظر عن المضمون . فقاعدة مثل « إذا كان الجبن أخضر فإن  $2 + 2 = 4$  » هي قاعدة صادقة في المنطق الكلاسيكي رغم عدم وجود ما يربط بين مقدمتها وتاليها ، وذلك لأن قضية اللزوم المادى تصدق في ثلاث حالات ، هي :

- ١ - في حالة صدق المقدم وصدق التالي .
- ٢ - في حالة كذب المقدم وكذب التالي .
- ٣ - في حالة كذب المقدم وصدق التالي .

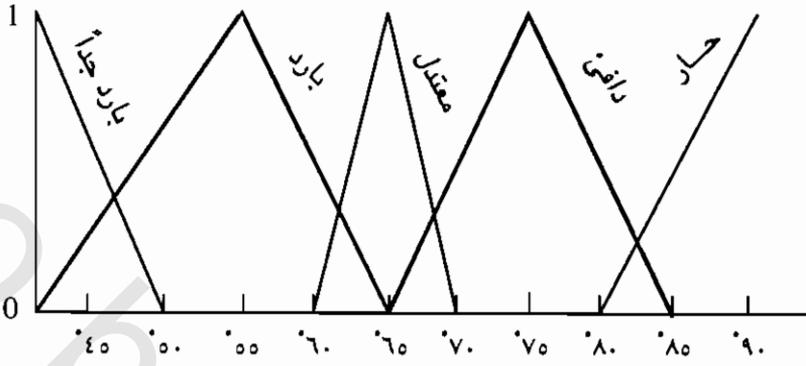
ولكن المنطق الغائم يستخدم قواعد اللزوم شرط وجود علاقة بين المقدم والتالي ، كما وأن المقدمات والتوالي تمثل فئات غائمة مما يمكن هذه القواعد من أن تتخذ تدرجاً لا نهائياً من القيم بين الصفر والواحد الصحيح ، بدلاً من قيمتين فقط كما كان في المنطق الكلاسيكي .

فقواعد اللزوم هي قواعد غائمة وتربط بين فئات غائمة ، وهي ما يسمونها بقواعد الربط أو قواعد الإنتاج .

ويذهب كوسكو Kosko إلى أنه يمكن بناء نظام غائم Fuzzy System في ثلاث خطوات ، وذلك على النحو الآتي<sup>(٢٩)</sup> :

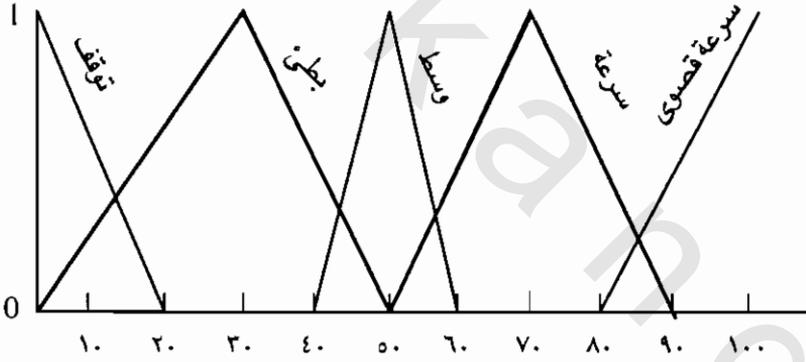
أولاً : عليك اختيار المتغيرات اللغوية ويمكن أن نطلق عليها س ، ص وتكون س هي المدخل Input للنظام ، وتكون ص هي المخرج Output إذا س إذاً ص . ولنقل أن الغرض من النظام هو التحكم في جهاز تكييف . ولتكن س هي درجة الحرارة مدرجة في درجات ، ولتكن ص هي التغير في سرعة محرك جهاز التكييف . وما نريده هي أن يزيد المحرك سرعته عندما تكون الجو حاراً ويبطئ منها عندما يكون الجو بارداً .

ثانياً : نختار الفئات الغائمة أى نعرف الفئات الفرعية الغائمة للفئتين الغائمتين س ، ص . ولنقل أن الفئات الغائمة لـ س هي : بارد جداً ، بارد ، معتدل ، دافئ ، حار . ونرسمها باعتبارها منحنيات أو مثلثات ، وذلك كما يلي :



### درجة الحرارة (فهرنهايت)

ثم نرسم الفئات الخمس الغائمة لـ ص وهي توقف ، بطيء ، وسط ، سرعة ، سرعة قصوى . ونرقم سرعة المحرك من صفر إلى ١٠٠ كما يلي :



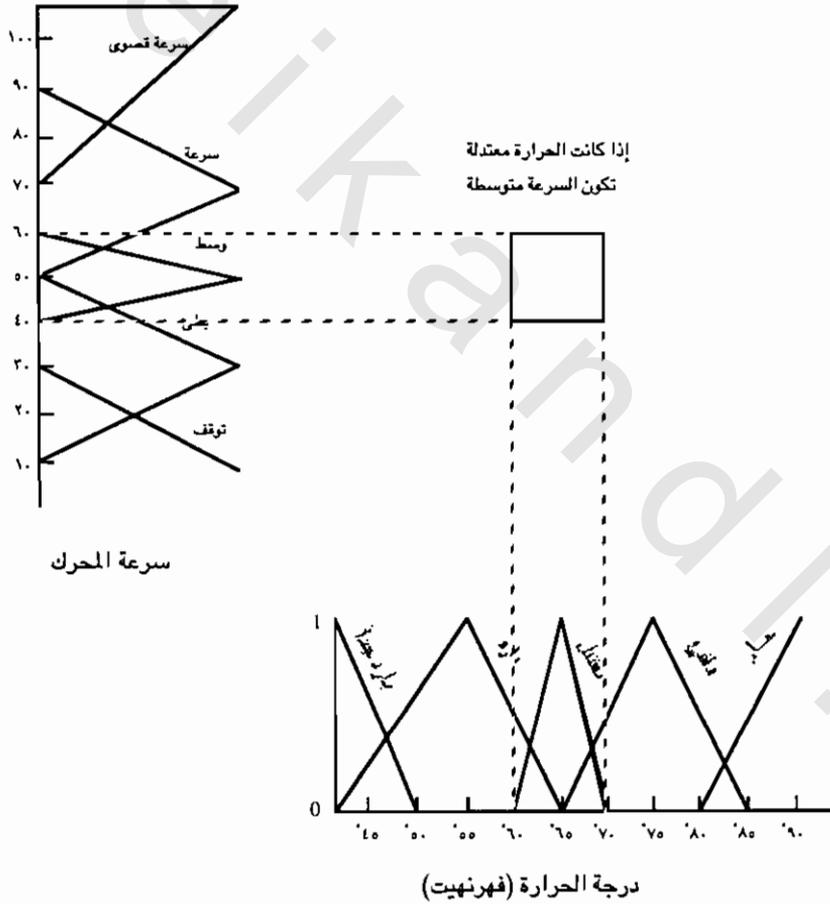
### سرعة المحرك

ثالثاً : نختار القواعد الغائمة التي تربط فئات سرعة المحرك مع فئات درجة الحرارة . علينا أن نحدد فئات سرعة المحرك إلى كل فئة من فئات درجة الحرارة . لنبدأ بالبارد ، فنحن نريد أن يتوقف المحرك إذا كان الهواء بارداً جداً ، وعلى المكيف أن يغير سرعة المحرك ليحتفظ بدرجة الحرارة مضبوطة ، ومن ثم تكون لدينا القاعدة الأولى : (إذا كان س بارداً جداً إذا ص يتوقف) يجب أن يدور المحرك قليلاً عندما يصبح الهواء بارداً : (إذا كان س بارداً إذا ص يدور ببطء) . ويجب أن يدور المحرك بدرجة متوسطة عندما يكون الهواء معتدلاً : (إذا كان س معتدلاً إذا ص يدور بدرجة متوسطة) . وعلى المحرك أن يسرع إذا كان الهواء ساخناً : (إذا كان س ساخناً إذا ص يسرع) . وعلى المحرك أن يكون بالسرعة القصوى عندما يكون الهواء حاراً : (إذا كان س حاراً إذا ص يدور بالسرعة القصوى) ، وهذه هي الخمس قواعد :

١ - إذا كانت درجة الحرارة باردة يتوقف المحرك .

- ٢ - إذا كانت درجة الحرارة باردة تكون سرعة المحرك بطيئة .
- ٣ - إذا كانت درجة الحرارة معتدلة تكون سرعة المحرك متوسطة .
- ٤ - إذا كانت درجة الحرارة دافئة تزداد سرعة المحرك .
- ٥ - إذا كانت درجة الحرارة عالية يدور المحرك بالسرعة القصوى .

وهي قواعد غائمة لأن الحدود « بارد » و « سريع » هي مسألة تدرج وتشير إلى فئة غائمة . ونحن نقيدهم بفئات غائمة معرفة بأرقام ، وهذا ما يربط ، الكلمات بالرياضيات . ويوضح الشكل التالي كيف تنفذ قاعدة اللزوم الثالثة .



## تطبيقات المنطق الغائم

تعتبر المتحكمات الغائمة Fuzzy Controllers أكبر نجاح تم إنجازه لتطبيق الأنظمة الغائمة في المجالات الصناعية والتجارية<sup>(٣٠)</sup> . وهناك العديد من الأمثلة لهذا التطبيق. مثلاً : المتحكمات لتوجيه سرعة السيارة ، توجيه الروبوت (الإنسان الآلي) ، توجيه الطائرة أثناء طيرانها ، أجهزة تكييف الهواء ، الغسالات الكهربائية ، المكابس الكهربائية ، وأفران الميكروويف ، ويعد متحكم القطار الآلي لهيتاشي أحدث مجالات

تطبيق تحكم المنطق الغائم .

ويعتبر إبراهيم معمداني Ebrahim Mamdani الأستاذ بكلية الملكة ماري Queen Mary في لندن هو أول من أنشأ نسقاً غائماً في بدايات ١٩٧٠ ليوجه آلة بخار ، ثم أنشأ بعد ذلك أول إشارة مرور غائمة Fuzzy Traffic Lights .

والمقصود من التحكم هو التأثير على سلوك نظام ما بواسطة تغيير مدخلات Inputs هذا النظام طبقاً للقواعد التي توجه تشغيله من أجل إنتاج المخرج Output .

ويهتم علماء الحاسب بتطوير متحكم يمكنه أن يتعلم من الخبرة كي يحسن من أدائه . وهناك أبحاث تطوير متحكمات منظمة ذاتياً Self Organizing Controllers باستخدام الشبكات العصبية Neural Networks كي تزود متحكمات المنطق الغائم بسمة التعلم<sup>(٣١)</sup> . فتستطيع المتحكمات المنظمة ذاتياً أن تغير سياسة التحكم بالنسبة لمعالجة وتشغيل البيئة ، فهي تستدل من وقوع الخطأ أنه يجب أن تغير في فعل التحكم . فمقياس الأداء لمثل هذه المتحكمات مماثل لصنع القرار الإنساني الذي يحدد التصويب المطلوب عند معرفة الخطأ .

وهناك تماثلات بين الشبكات العصبية ومتحكمات المنطق الغائم ؛ حيث تسمح كليهما بالاستدلال التأويلي أو التوليدي الذي يحررنا من التحرير الثنائي (صديق / كاذب) لأنساق المنطق الرمزي . فمثلاً طالما أن الشبكة العصبية قد تدرت على فئة من المعطيات أو البيانات ، فإنها يمكنها إنتاج وتوليد حلول لحالات ليست موجودة في هذه الفئة ، وتتحقق الخواص نفسها لمتحكمات المنطق الغائم<sup>(٣٢)</sup> .

والحقيقة أن متحكمات المنطق الغائم ومتحكمات الشبكات العصبية يكمل كل منها الآخر . وهناك الكثير من التطبيقات المستخدمة لهذين المنهجين متحدين معاً . ولقد كان لوكالة الفضاء الأمريكية ناسا دور فعال في تكامل هاتين التقنيتين القويتين .

يتبين مما سبق أن المنطق الغائم لا يرسم حدوداً فاصلة بين المتضادات . والحقيقة أننا نستشعر ذلك في حياتنا اليومية عندما نتساءل هل نحن سعداء أم لسنا سعداء ؟ هل فهمنا المحاضرة أم لم نفهمها ؟ فنحن قد نكون سعداء ولسنا سعداء في الوقت نفسه ، وفهمنا المحاضرة ولم نفهمها في آن واحد . فنحن ننتهي جميعاً بدرجة ما لجميع الفئات . فقد نكون ضد ومع ، مختلفين ومتفقين ولكن بدرجة ما . نحن لا نعرف إلى أي درجة نحن عندها ، لكننا نعرف أننا ننتهي إلى هذه الفئات جميعها ولكن إلى درجة ما .

والمنطق الغائم وإن كان منطقاً للغمومية إلا أنه ليس هو نفسه غائماً . تماماً

## خاتمة

مثلما أن قوانين الاحتمال ليست عشوائية فإن قوانين الغيمومة ليست غائمة ، فالمنطق الغائم هو منطق التكنولوجيا المتقدمة ، إنه منطق من أجل التطبيق العملى . فهو يهدف إلى صنع حاسبات آلية تستنتج بأرقام وفئات غائمة . وعندما يطبق المنطق الغائم على الحاسبات فإنه يسمح لها أن تحاكي عملية التفكير الإنسانى ، فتكمم المعلومات غير الدقيقة ، وتصنع قرارات مرتكزة على بيانات ناقصة وغامضة . وأدى استخدامه إلى تطوير الكثير من السلع الاستهلاكية . إنه منطق تجارى وحتى اختيار المسمى له (Fuzzy) كان تجارياً ومن أجل التسوق . وبلغ من اهتمام اليابانيين به أنهم يقدمون البرامج التليفزيونية التى تتناول كيفية تطبيق الهندسة الغائمة على التصنيع والإلكترونيات الاستهلاكية . ولقد وصلت نسبة الإلكترونيات الاستهلاكية إلى ٧٠ ٪ من المنتجات الغائمة ، وبلغت قيمتها سنة ١٩٩٠ حوالى واحد بليون ونصف بليون دولار أمريكى ارتفعت إلى اثنين بليون دولار أمريكى سنة ١٩٩٢ . وسوف يتحقق فى المستقبل القريب - بفضل المنطق الغائم - إن لم يكن قد تحقق بالفعل ما كنا نعهده خيلاً علمياً مثل الإنسان الآلى الذى يقوم بمهمة الجراح أو المهندس مثلاً .

حقيقة لقد أحدث المنطق الغائم ثورة فى مجال التكنولوجيا ، ويعد بحق علماً جديداً لتقنية المستقبل . إلا أن ذلك لايعنى الإلغاء أو الاستغناء عن المنطق الكلاسيكى . فمعيار المنطق الغائم الذى مؤداه قبول أو وليس أ يمكن قبول منطق ثنائى القيمة ومنطق ليس بثنائى القيمة ؛ أى يمكن العمل مع المنطق الكلاسيكى والمنطق المتعدد القيم والمنطق المتدرج القيم (الغائم) ولكل مجاله الخاص .

1. El Nadi, Nabil & Platts, J., Knowledge - Based Systems, Middlesex University, 1997, p. 1.
2. O' Brien, J. A., Introduction to Information Systems, 8 th ed. McGrew-Hill, 1997, p. 302.
3. Ibid.
4. Rick, E. \* Knight, K., Artificial Intelligence, 2 nd ed. McGrew-Hill, 1991, p. 197.
5. Zadeh, L. A., Knowledge Representation in Fuzzy Logic, In : Yager, R. R. & Zadeh, L. A. (eds.), An Introduction to Fuzzy Logic Applications in Intelligence Systems, Kluwer Academic Publishers, 1992, pp. 1-2.
6. Jeanes, J., The Growth of Physical Science, London, 1951, p. 234.
7. M Gupta, M.M., Cognition, Perception and Uncertainty, In : Gupta, M. & Yamakawa, T. (eds.), Fuzzy Computing, Theory, Hardware and Applications, North Holland, 1988, p. 4
8. Terano, T. Asai, K. & Sugeno, M., Fuzzy Systems : Theory and its Applications, Academic Press, Inc., 1992, p. 8.
- 9 - د. زكى نجيب محمود خرافة الميتافيزيقا ، مكتبة النهضة المصرية ، ١٩٥٣ ، ص ١٤٩ .
10. Ramzy, F.P., The Foundations of Mathematics and other Logical Essays, london, Kegan Paul, 1931, p. 20.
11. Carnap, R., The Old and the New Logic, In : Ayer J. (ed.) Logical Positivism, The Free Press, Jlencoe, Illinois, 1959, p. 140.
12. Kosko, B., Fuzzy Thingking, The New Science of Fuzzy Logic, New York, 1993, p. 101.
13. Haack, S., Deviant Logic, Fuzy Logic, The University of Chicago Press, 1996, p. 4.
14. Haack, S., Philosophy of Logic, Cambridge University Press, 1978, p. 204.

- ١٥- يان لوكاشيفتش ، نظرية القياس الأرسطية ، ترجمة د. عبد الحميد صبره ، منشأة المعارف ، الإسكندرية ، ١٩٦١ ، ص ٢٥٤ .
16. Williamson, T., Vagueness, Routledge, London 1996, p. 1.
17. Kosko, B., Fuzzy Thinking, p. 148.
18. Ibid, p. 77.
19. Zadeh, L.A., Knowledge Representaion in Fuzzy Logic, p. 8.
20. Ibid, p. 30.
- ٢١- برتراند راسل ، أصول الرياضيات ، الجزء (١) ، ترجمة محمد مرسى أحمد ، د. أحمد فؤاد الأهواني ، دار المعارف ، القاهرة ، ١٩٥٨ ، ص ١٤٢ .
22. Langer, S., An Introduction to Symbolic Logic, New York, 2nd ed. 1953, p. 142.
23. Reichenbach, H., Elements of Symbolic, New York, The Macmillan Comp., 6 the Printing, 1960, p. 134.
- ٢٤- د. سهام النويهي ، أسس المنطق الرياضى ، القاهرة ، ١٩٨٧ ، ص ١٣٨ .
25. Berenji, H.R., Fuzzy Logic Controllers, In : Introduction to Fuzzy Logic, Applications in Intelligent Systems, 1992, p. 69.
26. Terano, T. *et al*, Fuzzy Systems, p. 19.
27. Ibid., p. 21.
28. Ibid., p. 24.
29. Kosok, B., Fuzzy Thinking, pp. 161-166.
30. Kruse, R., Gebhartt, J. & Klawom, F., Foundations of Fuzzy Systems, John Wiley & Sons, 1994, p. 159.
31. Berenji, H.R., Fuzzy Logic Controllers, p. 85.
32. Ibid., p. 86.

## المراجع

## اولا: المراجع الاجنبية

1. Berenji, H.R., Fuzzy Logic Controllers, In : Introduction to Fuzzy Logic, Applications in Intrelligent Systems, 1992.
2. Carnap, R., The Old and the New Logic, In : Ayer J. (ed.) Logical Positivism, The Free Press, JIenceo, Illinois, 1959.
3. El Nadi, Nabil & Platts, J., Knowledge - Based Systems, Middlesex University, 1997.
4. M Gupta, M.M., Cognition, Perception and Uncertainty, In : Gupta, M. & Yamakawa, T. (eds.), Fuzzy Computing, Theory, Hardware and Applications, North Holland, 1988.
5. Haack, S., Deviant Logic, Fuzzy Logic,, The University of Chicago Press, 1996.
6. Haack, S. Philosophy of Logic, Cambridge University Press, 1978.
7. Jeanes, J. The Growth of Physical Science, London, 1951.
8. Kosko, B., Fuzzy Thinking, The New Science of Fuzzy Logic, New York, 1993.
9. Kruse, R., Gebhartt, J. & Klawom, F., Foundations of Fuzzy Systems, John Wiley & Sons, 1994.
10. Langer, S., An Introduction to Symbolic Logic, New York, 2<sup>nd</sup> ed. 1953.
11. O'Brien, J. A., Inroduction to Information Systems, 8<sup>th</sup> ed. McGrew-Hill, 1997.
12. Rmzy, F.P., The Foundations of Mathematics and other Logical Essays, London, Kegan Paul, 1931.
13. Reichenback, H., Elements of Symbolic Logic, New York, The Macmillan Camp., 6 the Printing, 1960.
14. Rick, E. & Knight, K., Artificial Intelligence, 2 nd ed. McGrew-Hill, 1991.

- 15- Terano, T., Asai, K. & Sugeno, M., Fuzzy Systems : Theory and its Applications, Academic Press, Inc., 1992.
16. Williamson, T. Vagueness, Routledge, London, 1996.
17. Zadeh, L.A., Knowledge Representation in Fuzzy Logic, In : Yager, R.R. & Zadeh, L.A. (eds.), An introduction to Fuzzy Logic Applications in Intelligence Systems, Kluwer Academic Publishers, 1992.

ثانياً: المراجع العربية

- ١ - برتراند راسل ، أصول الرياضيات ، الجزء (١) ، ترجمة محمد مرسى أحمد ، د. أحمد فؤاد الأهواني ، دار المعارف ، القاهرة ، ١٩٥٨ .
- ٢ - د. زكى نجيب محمود ، خرافة الميتافيزيقا ، مكتبة النهضة المصرية ، ١٩٥٣ .
- ٣ - د. سهام النويهي ، أسس المنطق الرياضى ، القاهرة ، ١٩٨٧ .
- ٤ - يان لوكاشيفتش ، نظرية القياس الأرسطية ، ترجمة د. عبد الحميد صبره منشأة المعارف ، الإسكندرية ١٩٦١ .